

# 高考数学模拟试题(一)

本卷分为第 卷(选择题)和第 卷(非选择题), 测试时间 120 分钟, 共 150 分。

## 第 卷(选择题 共 60 分)

一、选择题:本大题共 12 个小题, 每小题 5 分, 共 60 分。在每小题给出的四个选项中, 只有一项是符合题目要求的。

1. 已知集合  $M = \{x | x - a = 0\}$ ,  $N = \{x | ax - 1 = 0\}$ 。若  $M = N$ , 则实数  $a$  等于( )

A. 1    B. -1    C. 1 或 -1    D. 1 或 -1 或 0

2. 二项式  $(2\sqrt{x} - \frac{1}{\sqrt{x}})^6$  展开式中的常数项是( )

A. 20    B. -20    C. 160    D. -160

3. 已知命题甲:“  $x > 2$  ”、命题乙:“  $x \geq 2$  ”, 那么命题甲是命题乙成立的( )

A. 充分不必要条件    B. 必要不充分条件

C. 充要条件    D. 非充分非必要条件

4. (理科)函数  $y = \arccos(\sin x)$ ,  $(-\frac{\pi}{3} < x < \frac{2\pi}{3})$  的值域是( )

A.  $(\frac{\pi}{6}, \frac{5\pi}{6})$     B.  $(\frac{\pi}{6}, \frac{2\pi}{3})$

- C.  $(-\frac{1}{3}, \frac{2\pi}{3})$       D.  $[0, \frac{5\pi}{6})$

(文科) 函数  $y=2-\sin x-\cos^2 x$  ( $x \in \mathbb{R}$ ) 的值域是 ( )

- A.  $[\frac{3}{4}, +\infty)$       B.  $(\frac{3}{4}, +\infty)$   
 C.  $[\frac{3}{4}, 1]$       D.  $[\frac{3}{4}, 3]$

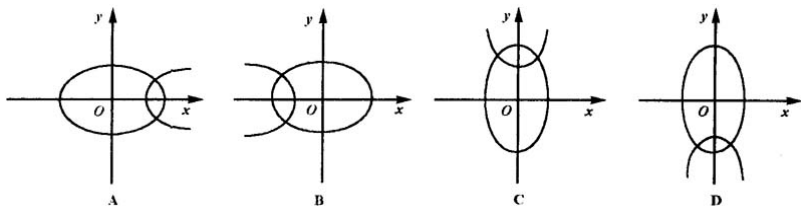
5.  $\alpha, \beta, \gamma$  是三个平面,  $a, b$  是两条直线, 有下列三个条件

$\alpha \perp \beta, b \subset \beta, a \perp b$ ,  $\alpha \perp \gamma, a \subset \gamma, b \perp \gamma$ ,  $a \subset \alpha$

命题: “ $\alpha \perp \beta, b \subset \beta$ , 且 \_\_\_\_\_, 则  $a \perp b$ ” 是真命题, 所有可以在横线处填入的条件是 ( )

- A. 或      B. 或      C.      D. 或

6. 方程  $y=ax+b$  与  $y^2=ax^2-b$  表示的曲线在同一坐标系中的位置可以是 ( )



7. 函数  $y=asinx-bcosx$  的一条对称轴方程是  $x=\frac{\pi}{4}$ , 则直线  $ax-by+c=0$  的倾斜角为 ( )

- A.  $45^\circ$       B.  $135^\circ$       C.  $60^\circ$       D.  $120^\circ$

8. 已知点  $P(x, y)$  在经过  $A(3, 0)$ 、 $B(1, 1)$  两点

的直线上，那么  $2^x+4^y$  的最小值( )

A. 是  $2\sqrt{2}$     B. 是  $4\sqrt{2}$     C. 是 16    D. 不存在

9. 函数  $y=\log_2x$  与  $y=\log_{1/2}(4x)$  的图象( )

A. 关于直线  $x=1$  对称    B. 关于直线  $y=x$  对称

C. 关于直线  $y=-1$  对称    D. 关于直线  $y=1$  对称

10. 运动员从 10m 高的跳台上跳入水中，起跳速度大小为  $v_0$  (单位:m/s)，方向斜向上与水平线夹角为  $\theta$ ， $75^\circ$ ，当跳起达到最高点后，他竖直方向的分运动可视为自由落体运动(不计任何阻力)，若从最高点开始下落直到入水前，至少需用 2s 的时间才能完成编排好的动作，则  $v_0$  的最小值为(重力加速度  $g=10\text{m/s}^2$ ) ( )

A.  $20\sqrt{3}\text{m/s}$     B.  $(2\sqrt{3}-1)\text{m/s}$

C.  $20(\sqrt{3}-1)\text{m/s}$     D.  $2(\sqrt{3}-2)\text{m/s}$

11. 若  $l$  是过椭圆一个焦点且与长轴不重合的一条直线，则此椭圆与  $l$  垂直且被  $l$  平分的弦( )

A. 有且只有 1 条    B. 有且只有 2 条

C. 有 3 条    D. 不存在

12. 某商场开展促销抽奖活动，摇奖器摇出的一组中奖号码是 8、2、5、3、7、1，参加抽奖的每位顾

客从 0、1、2、3、4、5、6、7、8、9 这十个号码中任意抽出六个组成一组，如果顾客抽出的六个号码中至少有 5 个与摇奖器摇出的号码相同(不计顺序)就可以得奖。一位顾客可能抽出的不同号码组共有  $m$  组，其中可以中奖的号码组共有  $n$  组。则  $n/m$  的值为( )

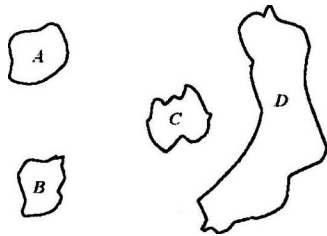
- A.  $1/7$     B.  $1/30$     C.  $4/35$     D.  $5/42$

第 卷(非选择题共 90 分)

二、填空题:本大题满分 16 分，每小题 4 分，各题只要求直接写出结果。

13. 设  $\{a_n\}$  是公比为  $q$  的等比数列， $S_n$  是它的前  $n$  项和。若  $\{S_n\}$  是等差数列，则  $q=$ \_\_\_\_\_。

14. 如下图，为海上的四个小岛，要建三座桥，将这四个岛连接起来，不同的建桥方案共有\_\_\_\_\_种。



15. 设复数  $z$  满足  $|z|=1$ ，且  $\arg z \in \left( \frac{\pi}{2}, \frac{2\pi}{3} \right)$ ，则  $\arg \left( \frac{z-i}{z+i} \right) =$ \_\_\_\_\_。

16. (理) 一条东西方向的河流，在北岸距地面若

千米的高处有一探照灯，照着对岸边的某点，探照灯在这点的北偏东  $45^\circ$  方向，灯光与地面成  $60^\circ$  角，那么灯光与河岸所成的角为\_\_\_\_\_。(文)一条东西方向的河流，在北岸距地面若干米的高处有一探照灯，照着对岸边的某点，探照灯在这点的北偏东  $45^\circ$  方向，灯光与河岸成  $60^\circ$  角，那么灯光与地面所成的角余弦值为\_\_\_\_\_。

三、解答题:本大题共 6 小题，共 74 分，解答应写出文字说明，证明过程或演算步骤。

17. (本小题共 12 分)文科只有( )，理科全做。

已知  $\triangle ABC$  中，角 A、B、C 的对边分别为 a, b,

C。

( ) 求证  $\frac{\cos B}{\cos C} = \frac{c - b \cos A}{b - c \cos A}$ ,

( ) 若  $A=60^\circ$ ，求用  $\triangle ABC$  的边表示  $\sin B$  的解析式。

18. (本小题共 12 分)

解关于  $x$  的不等式  $|\log_a(a^{x+1}-a)| > |\log_a(a^x-1)|$  ( $a > 0$  且  $a \neq 1$ )

19. (本小题满分 12 分)

已知函数  $y=f(x)$  是定义在  $\mathbb{R}$  上的周期函数，周期  $T=5$ ，函数  $y=f(x)$ ， $(-1 \leq x \leq 1)$  是奇函数。又知  $y=f(x)$  在  $[0, 1]$  上是一次函数，在  $[1, 4]$  上是二次函数，且在  $x=2$  时函数取得最小值，最小值为  $-5$ 。

( ) 证明： $f(1)+f(4)=0$ ；

( ) 试求  $y=f(x)$ ， $x \in [1, 4]$  的解析式；

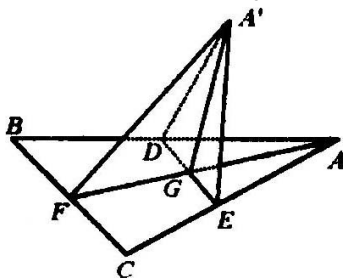
( ) 试求  $y=f(x)$  在  $[4, 9]$  上的解析式。

20. (本小题满分 12 分)

已知边长为  $a$  的正三角形  $ABC$  的中线  $AF$  与中位线  $DE$  相交于  $G$ (如下图), 将此三角形沿  $DE$  折成二面角  $A-DE-B$ 。

( ) 求证: 平面  $A'GF$   $\perp$  平面  $BCED$  ;

( ) 当二面角  $A-DE-B$  为多大时, 异面垂直  $A'E$  与  $BD$  互相垂直? 证明你的结论。



21. (本小题满分 12 分)

从社会效益和经济效益出发，某地投入资金进行生态环境建设，并以此发展旅游产业。根据规划，本年度投入 800 万元，以后每年投入将比上年减少  $\frac{1}{5}$ 。本年度当地旅游业收入估计为 400 万元，由于该项建设对旅游业的促进作用，预计今后的旅游业收入每年会比上年增加  $\frac{1}{4}$ 。

( ) 设  $n$  年内(本年度为第一年)总投入为  $a_n$  万元，旅游业总收入为  $b_n$  万元。写出  $a_n, b_n$  的表达式；

( ) 至少经过几年旅游业的总收入才能超过总投入？

22. (本小题共 14 分)，文科只做( )，( )，理科全做。

已知函数  $f(x) = (\frac{x}{a} - 1)^2 + (\frac{b}{x} - 1)^2$  的定义域为  $[a, b]$ ，

其中  $a, b$  是任意正实数, 且  $a > b$ 。

( ) 求  $f(x)$  的最小值;

( ) 确定  $f(x)$  的单调区间, 并对单调递增区间加以证明;

( ) 若  $x_1 \in [1, s], x_2 \in [s, 4]$  其中  $1 < s < 4$ , 求证  $f(x_1) + f(x_2) \geq 4(\sqrt{2}-1)^2$ 。

参考答案

## 一、选择题

1. C

2. D 分析与提示  $T_{r+1} = C_6^r (2x^{\frac{1}{2}})^{6-r} (-1)^r x^{-\frac{r}{2}} = (-1)^r C_6^r 2^{6-r} x^{\frac{6-2r}{2}}$   $r=3$  时, 为常数项, 即  $T_4 = -C_6^3 2^3 = -20 \times 8 = -160$ , 故选 D。

3. A 分析与提示 “ $x > 2$ ”  $\Rightarrow$  “ $x \geq 2$ ”, 但 “ $x \geq 2$ ”  $\not\Rightarrow$  “ $x > 2$ ”, 故 “ $x > 2$ ” 是 “ $x \geq 2$ ” 充分不必要条件, 故选 A。

4. D(理) 5. B 6. B 7. B 8. B

9. C 分析与提示  $y = \log_2^{(4,r)} = \frac{\log_2^4 r}{\log_2^{\frac{1}{2}} r} = \frac{\log_2^4 r + \log_2^2 r}{-1} = -2 - \log_2^2 r$ , 而

函数  $y = -2 - \log_2^2 r$  与  $y = \log_2^2 r$  关于直线  $y = -1$  对称, 故选 C。

10. C 11. D

12. D 分析与提示  $\frac{5 \times C_5^1}{C_{10}^6} = \frac{25}{210} = \frac{5}{42}$ 。

## 二、填空题

13. 1

14. 16  $\arccos \frac{\sqrt{2}}{4}$  (理) 分析与提示 把 A、B、C、D 四个岛任两个连起来有 6 种, 故满足条件的是:  $C_6^3 - 4 = 16$ 。

15.  $\frac{\pi}{2}$  分析与提示 不妨取特值, 令  $z = -1$ , 则  $\frac{z-i}{z+i} = i$ ,  $\therefore \arg\left(\frac{z-i}{z+i}\right) = \frac{\pi}{2}$ 。

## 三、解答题

17. 解 (I) 证明  $\frac{c - b \cos A}{b - c \cos A} = \frac{\sin C - \sin B \cos A}{\sin B - \sin C \cos A}$   
 $= \frac{\sin(A+B) - \sin B \cos A}{\sin(A+C) - \sin C \cos A} = \frac{\sin A \cos B}{\cos C \sin A} = \frac{\cos B}{\cos C}$

(II) 由正弦定理  $\frac{a}{\sin 60^\circ} = \frac{b}{\sin B}$ 。  $\therefore \sin B = \frac{b \sin 60^\circ}{a} = \frac{\sqrt{3}}{2a} b$ 。

18. 解 由于  $\log_a(a^{t+1} - a) = \log_a(a \cdot a^t - a) = \log_a a(a^t - 1) = 1 + \log_a a^{t-1}$ , 令  $t = \log_a(a^t - 1)$ , 则原不等式等价于  $|1+t| > |t| \Rightarrow t^2 + 2t + 1 > 0$ ,  $t$

$$> -\frac{1}{2}, \therefore \log_a(a^r - 1) > -\frac{1}{2}.$$

$$(1) a > 1 \text{ 时, } \begin{cases} a^r - 1 > 0 \\ a^r - 1 > a^{-\frac{1}{2}} \end{cases} \Rightarrow a^r > 1 + a^{-\frac{1}{2}} \Rightarrow x > \log_a(1 + a^{-\frac{1}{2}})$$

$$(2) 0 < a < 1 \text{ 时 } \begin{cases} a^r - 1 > 0 \\ a^r - 1 < a^{-\frac{1}{2}} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a^r > 1 \\ a^r < a^{-\frac{1}{2}} + 1 \end{cases} \therefore 1 < a^r < a^{-\frac{1}{2}} + 1,$$

$$\therefore \log_a(1 + a^{-\frac{1}{2}}) < x < 0.$$

综上所述:  $a > 1$  时, 原不等式的解集为  $\{x \mid x > \log_a(\frac{1}{\sqrt{a}} + 1)\}$ ,  $0 < a < 1$

时, 原不等式的解集为  $\{x \mid \log_a(\frac{1}{\sqrt{a}} + 1) < x < 0\}$

19. 解 (I)  $f(4) = f(4-5) = f(-1)$ . ( $\because T = 5$ ),  $f(1) = -f(-1)$   
 $= -f(4)$  ( $\because f(x)$  ( $-1 \leq x \leq 1$ ) 是奇函数),  $\therefore f(1) + f(4) = 0$ .

(II)  $1 \leq x \leq 4$  时, 令  $f(x) = a(x-2)^2 - 5$ , 由于  $f(1) + f(4) = 0$ ,  $\therefore a(1-2)^2 - 5 + a(4-2)^2 - 5 = 0$ ,  $\therefore a = 2$ ,  $\therefore f(x) = 2(x-2)^2 - 5$ , ( $1 \leq x \leq 4$ ).

(III) 令  $y = kx$  ( $0 \leq x \leq 1$ ), 则  $f(1) = k = f(1) = 2(1-2)^2 - 5 \Rightarrow k = -3$ ,  $\therefore f(x) = -3x$  ( $1 \leq x \leq 1$ ),  $4 \leq x \leq 6$ ,  $\therefore -1 \leq x-5 \leq 1$ ,  $\therefore f(x) = f(x-5) = -3(x-5) = -3x + 15$ ,  $6 \leq x \leq 9$  时,  $1 \leq x-5 \leq 5$

$$f(x) = f(x-5) = 2[(x-5)-2]^2 - 5 = 2(x-7)^2 - 5, \therefore f(x) = \begin{cases} -3x + 15 & 4 \leq x \leq 6 \\ 2(x-7)^2 - 5 & 6 < x \leq 9 \end{cases}$$

20. 简证 (I)  $DE \perp A'G, DE \perp GF \Rightarrow DE \perp \text{面 } A'FG \Rightarrow \text{面 } A'FG \perp \text{面 } BCFD$

(II)  $A'G = AG = \frac{\sqrt{3}a}{4}, HG = \frac{1}{3}AG = \frac{\sqrt{3}}{12}a$ ,  $Rt\triangle AHG$  中,  $\cos \angle A'GH = \frac{HG}{A'G} = \frac{1}{3}$ ,  $\therefore$  当二面角  $A' - DE - B$  的平面角为  $\arccos(-\frac{1}{3})$  时, 满足条件.

21. 解 (I) 第1年投入为800万元, 第2年投入为  $800 \times (1 - \frac{1}{5})$  万元,  $\dots$ , 第  $n$  年投入为  $800 \times (1 - \frac{1}{5})^{n-1}$  万元. 所以,  $n$  年内的总投入为  $a_n = 800 + 800 \times (1 - \frac{1}{5}) + \dots + 800 \times (1 - \frac{1}{5})^{n-1} = \sum_{k=1}^n 800 \times (1 - \frac{1}{5})^{k-1} = 4000$

$$\times [1 - (\frac{4}{5})^n]$$

第1年旅游业收入为400万元,第2年旅游业收入为 $400 \times (1 + \frac{1}{4})$ 万元,……,第 $n$ 年旅游业收入为 $400 \times (1 + \frac{1}{4})^{n-1}$ 万元。所以, $n$ 年内的旅游业总收入为 $b_n = 400 + 400 \times (1 + \frac{1}{4}) + \dots + 400 \times (1 + \frac{1}{4})^{n-1} = \sum_{k=1}^n 400 \times (\frac{5}{4})^{k-1} = 1600 \times [(\frac{5}{4})^n - 1]$ 。

(II) 设至少经过 $n$ 年旅游业的总收入才能超过总投入,由此 $b_n - a_n > 0$ ,即 $1600 \times [(\frac{5}{4})^n - 1] - 4000 \times [1 - (\frac{4}{5})^n] > 0$ 。化简得 $5 \times (\frac{4}{5})^n + 2 \times (\frac{4}{5})^n - 7 > 0$ ,设 $x = (\frac{4}{5})^n$ ,代入上式得 $5x^2 - 7x + 2 > 0$ ,解此不等式,得 $x < \frac{2}{5}$ , $x > 1$ (舍去)。即 $(\frac{4}{5})^n < \frac{2}{5}$ ,由此得, $n \geq 5$ 。

答:至少经过5年旅游业的总收入才能超过总投入。

$$22. \text{解} \quad (I) f(x) = (\frac{x}{a} + \frac{b}{x})^2 - 2(\frac{x}{a} + \frac{b}{x}) + 2 - \frac{2b}{a} = (\frac{x}{a} + \frac{b}{x} - 1)^2 + 1 - \frac{2b}{a}$$

令 $t = \frac{x}{a} + \frac{b}{x}$ , $\therefore f(t)$ 在 $[1, +\infty)$ 单调递增 $\therefore f(t) = t^2 - 2t + 2 - \frac{2b}{a}$ ,而 $t = \frac{x}{a} + \frac{b}{x} \geq 2\sqrt{\frac{b}{a}} > 2, \Leftrightarrow \frac{x}{a} = \frac{b}{x} \Rightarrow x = \sqrt{ab} \in [a, b]$ 时, $t$ 有最小值 $2\sqrt{\frac{b}{a}}$ , $\therefore f(x)$ 的最小值为: $\frac{2(a+b) - 4\sqrt{ab}}{a} = 2(\sqrt{\frac{b}{a}} - 1)^2$ 。

(II)  $t = \frac{x}{a} + \frac{b}{x}$ ,令 $a \leq x_1 < x_2 < b$ 。则 $t_1 - t_2 = \frac{x_1}{a} + \frac{b}{x_1} - \frac{x_2}{a} - \frac{b}{x_2} = \frac{x_1 - x_2}{a} + b \frac{x_2 - x_1}{x_1 x_2} = (x_2 - x_1)(\frac{b}{x_1 x_2} - \frac{1}{a})^2 = (x_2 - x_1) \frac{ab - x_1 x_2}{a x_1 x_2}$   
 $\sqrt{ab} < x_1 < x_2 < b$ 时, $t_1 < t_2, t \neq \frac{x}{a} + \frac{b}{x}$ 在 $[\sqrt{ab}, b]$ 为减函数,在 $[\sqrt{ab}]$ 是增函数。

(III)  $x \in [b, b], f(x) \geq 2(\sqrt{\frac{b}{a}} - 1)^2, a = 1, b = s$ 时, $x_1 \in [1, s], x_1 \geq 2(\sqrt{s} - 1)^2$ 。

$$a = s, b = 4 \text{ 时}, x_2 \in [s, 4] \quad f(x_2) \geq (\sqrt{\frac{4}{s}} - 1)^2, \therefore f(x_1) + f(x_2) \\ 2[(\sqrt{s} - 1)^2 + (\frac{2}{\sqrt{s}} - 1)^2], 1 < \sqrt{s} < 2, f(\sqrt{s}) = (\frac{\sqrt{s}}{1} - 1)^2 + (\frac{2}{\sqrt{s}} - 1)^2 \geq \\ \sqrt{2} - 1)^2 \\ \therefore f(x_1) + f(x_2) \geq 2f(s) \geq 4(\sqrt{2} - 1)^2, \therefore f(x_1) + f(x_2) \geq 4(\sqrt{2} - 1)^2 \\ \text{立。}$$

## 高考数学模拟试题(二)

本卷分为第 卷(选择题)和第 卷(非选择题), 测试时间 120 分钟, 共 150 分。

### 第 卷(选择题共 60 分)

一、选择题:本大题共 12 个小题, 每小题 5 分, 共 60 分。在每小题给出的四个选项中, 只有一项是符合题目要求的。

1. 设全集为整数集, 集合  $M = \{1, 3, 5, 7, 9, 11\}$ ,  $N = \{-1, 3, 7, 11, 15, 19, 23\}$ , 则  $M \cap N$  的真子集的个数为( )

- A. 16      B. 15      C. 14      D. 13

2. 设复数  $z_1 = i$ ,  $z_2 = 1 + i$ , 则复数  $-z_1 \cdot z_2$  的辐角主值是( )

- A.  $\frac{\pi}{4}$       B.  $-\frac{\pi}{4}$       C.  $\frac{7\pi}{4}$       D.  $\frac{5\pi}{4}$

3. 函数  $f(x) = \frac{1}{\sqrt{1-2\cos^2 x}}$  的定义域为( )

A.  $\{x \mid \frac{k\pi}{2} + \frac{\pi}{4} < x < 2k\pi + \frac{\pi}{4}, k \in \mathbb{Z}\}$

B.  $\{x \mid 2k\pi + \frac{\pi}{4} < x < 2k\pi + \frac{3\pi}{4}, k \in \mathbb{Z}\}$

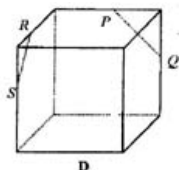
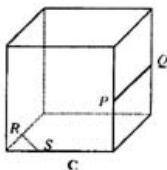
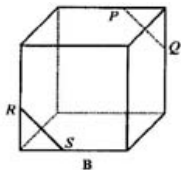
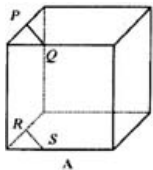
C.  $\{x \mid k\pi + \frac{\pi}{4} < x < k\pi + \frac{3\pi}{4}, k \in \mathbb{Z}\}$

D.  $\{x \mid \frac{k\pi}{2} - \frac{\pi}{4} < x < \frac{k\pi}{2} + \frac{\pi}{4}, k \in \mathbb{Z}\}$

4. 等差数列  $\{a_n\}$  的前  $n$  项和为  $S_n$ , 若  $a_3 + a_{17} = 10$ , 则  $S_{19}$  的值( )

A. 是 55      B. 是 95      C. 是 100      D. 不能确定

5. 如下图, 点  $P$ 、 $Q$ 、 $R$ 、 $S$  分别在正方体的四条棱上, 并且是所在棱的中点, 则直线  $PQ$  与  $RS$  是异面直线的一个图是( )



6. 过定点  $P(0, 2)$  作直线  $l$ , 使  $l$  与曲线  $y^2 = 4(x-1)$  有且仅有 1 个公共点, 这样的直线  $l$  共有( )

A. 1 条    B. 2 条    C. 3 条    D. 4 条

7. 设函数  $f(x) = x^2 - x + a$  ( $a > 0$ )，若  $f(m) < 0$ ，则 ( )

A.  $f(m-1) > 0$     B.  $f(m-1) < 0$   
 C.  $f(m-1) = 0$     D.  $f(m-1)$  与 0 的大小关系不确定

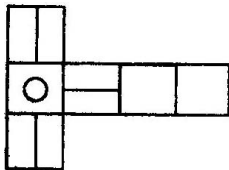
8. (理) 在极坐标系中，圆  $\rho = 2\cos\theta - 2\sqrt{3}\sin\theta$  被极轴分成的两段圆弧中劣弧所对的圆心角是 ( )

A.  $30^\circ$     B.  $45^\circ$     C.  $60^\circ$     D.  $90^\circ$

(文) 已知  $m, n, m+n$  成等差数列，又  $m, n, m \cdot n$  成等比数列，则椭圆  $\frac{x^2}{m} + \frac{y^2}{n} = 1$  的离心率为 ( )

A.  $1/2$     B.  $\frac{\sqrt{2}}{2}$     C.  $\frac{\sqrt{3}}{2}$     D.  $\frac{\sqrt{3}}{3}$

9. 下边的图形代表未折叠正方体的展开图，将其折叠起来，变成正方体后，图形是 ( )



A



B



C



D

10. 已知  $f(x) = a^{x+b}$  ( $a > 0$  且  $a \neq 1, b$  为常数) 的图象经过点  $(1, 1)$ , 且  $0 < f(0) < 1$ . 记  $m = \frac{1}{2}[f^{-1}(x_1) + f^{-1}(x_2)]$ ,  $n = f^{-1}(\frac{x_1 + x_2}{2})$  (其中  $x_1, x_2$  是两个不相等的正实数), 则  $m$  与  $n$  的大小关系是 ( )

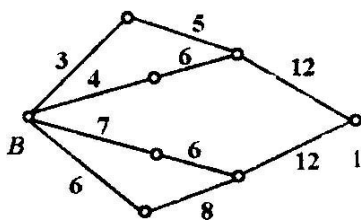
- A.  $m > n$       B.  $m < n$       C.  $m = n$       D.  $m = 2n$

11. 已知等差数列  $\{a_n\}$  满足  $a_1 = \frac{2}{3}$ , 公差  $d = 2$ . 设  $b_n = \frac{1}{a_n a_{n+1}}$ , 数列  $\{b_n\}$  的前  $n$  项和为  $S_n$ , 则  $\lim_{n \rightarrow \infty} S_n$  等于 ( )

- A.  $\frac{3}{4}$       B. 0      C.  $\frac{1}{3}$       D. 不存在

12. 如下图, 小圆圈表示网络的结点, 结点之间的连线表示它们有网线相联。连线标注的数字表示该段网线单位时间内可以通过的最大信息量。现从结点 A 向结点 B 传递信息, 信息可以分开沿不同的路线同时传递。则单位时间内传递的最大信息量为 ( )

- A. 26      B. 24      C. 20      D. 19



### 第 卷(非选择题共 90 分)

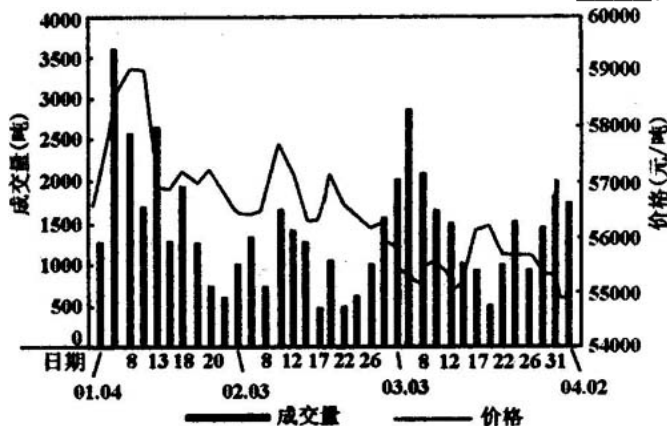
二、填空题:本大题满分 16 分, 每小题 4 分, 各题只要求直接写出结果。

13. 不等式  $5\sqrt{x+5} > (1/5)^{1-x}$  的解集是\_\_\_\_\_。

14. 设  $a = \frac{1}{2} \cos 6^\circ - \frac{\sqrt{3}}{2} \sin 6^\circ$ ,  $b = \frac{2 \operatorname{tg} 13^\circ}{1 + \operatorname{tg}^2 13^\circ}$ ,  $c = \sqrt{\frac{1 - \cos 50^\circ}{2}}$ , 则  $a, b, c$  用  $<$  号连接起来是\_\_\_\_\_。

15. 双曲线  $\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{16} = 1$  的两个焦点为  $F_1$ 、 $F_2$ ，点 P 在双曲线上。若  $PF_1 \perp PF_2$ ，则点 P 到 x 轴的距离为\_\_\_\_\_。

16. 下图是某金属市场在 1 月 4 日到 4 月 2 日某金属的价格与成交量的变化趋势图。观察此图，将你认为下列结论中正确的序号都填在横线上\_\_\_\_\_。



平均成交量大于 2500 吨；

1 月 8 日到 1 月 13 日价格下跌最快；

成交量大时，价格必然高；

成交量的第二高峰发生在较低价格时；

价格的总趋势呈下降趋势。

三、解答题:本大题共 6 小题，共 74 分，解答应写出文字说明，证明过程或演算步骤。