

普通中等专业教育机电类规划教材

微型计算机原理及其应用

——8086系列单片机

主编 曹振军 管运生
参编 王 宁 陈权昌 郑红峰
主审 陈立周

机械工业出版社

本书是原机械工业部中等专业学校电类专业统编教材。全书共分九章，主要内容是以 8086 单片机为主线，全面介绍了微型计算机基础知识、8086 单片机结构及指令系统、汇编语言程序设计、中断系统、串行接口、单片机的扩展技术、单片机应用系统的设计开发和实例。章末大都有习题与思考题，书后附有实验指导和课程设计选题。全书内容循序渐进，便于教师安排教学，便于学生自学以巩固所学知识。

本书为中专电类专业教材，也可作为机械类专业教材。还可供工程技术人员及广大微机爱好者参考。

图书在版编目 (CIP) 数据

微型计算机原理及其应用——8086 单片机 管振军, 管运生
主编 北京: 机械工业出版社, 1991
普通中等专业教育机电类规划教材
ISBN 7-111-02100-0

I ①微... II ①曹... ②管... III ①单片微型计算机专业学校教材 IV ①TP375.1

中国版本图书馆 CIP 数据核字 (91) 第 00000 号

机械工业出版社 (北京市百万庄大街 22 号) 邮政编码 100027
责任编辑: 贡克勤 版式设计: 张世琴 责任校对: 陈延翔
封面设计: 方 芬 责任印制:

印刷厂印刷·新华书店北京发行所发行

1991 年 1 月第 1 版·第 1 次印刷
开本: 787 毫米×1092 毫米 1/32 印张: 4.5 插页: 1
字数: 110 千字
定价: 2.50 元

凡购本书, 如有缺页、倒页、脱页, 由本社发行部调换
本社购书热线电话 (010) 68995101、68995102

前 言

本书根据原机械工业中等专业学校电类专业教学指导委员会 1985 年制定的新一轮教学计划及《微型计算机原理及其应用》教学大纲组织编写的。

该书主要内容包括：计算机中的数与代码、微型计算机系统组成概论、8086 单片机结构、8086 指令系统及汇编语言程序设计、8086 单片机的中断系统、定时器 计数器、串行接口、8086 单片机的系统扩展、单片机应用系统的设计开发和实例。

本书第一、二、三章由管运生高级讲师编写，第四章由王宁高级讲师编写，第五、六章由陈权昌高级讲师编写，第七章由郑红锋讲师编写，第八、九章及实验指导、课程设计选题和附录由曹振军高级讲师编写。全书由曹振军、管运生统稿。

全书由陈立周副教授主审，参加审稿的还有陶砂讲师，他们对本书提出了极其宝贵的意见和建议。符刚老师对本书的图稿绘制做了大量的工作。本书在编写过程中，参阅了大量的图书资料，在此谨向对本书的编写工作做出贡献的同志们表示衷心感谢。

由于编者水平有限，书中错误在所难免，敬请读者指正。

编 者

1986 年 12 月

目 录

前言	
第一章 计算机中的数与代码	员
第一节 进位计数制及其相互转换	员
第二节 数据在计算机中的表示	苑
第三节 二进制数的运算方法	圆
第四节 计算机中的代码	缘
习题与思考题	苑
第二章 微型计算机系统组成概论	愿
第一节 概述	愿
第二节 微处理器	园
第三节 半导体存储器	圆
第四节 输入输出与接口	猿
第五节 中断的基本概念	猿
第六节 计算机的软件	源
习题与思考题	源
第三章 8051单片机结构	源
第一节 单片微型计算机概述	源
第二节 8051单片机的结构和引脚	源
第三节 8051单片机存储器结构	缘
第四节 8051单片机的时序	缘
习题与思考题	缘
第四章 指令系统与程序设计	源
第一节 指令格式和寻址方式	源
第二节 指令系统	源
第三节 汇编语言程序设计	愿
习题与思考题	愿
第五章 8051单片机的中断系统	员
第一节 中断源与中断优先级	员
第二节 外部中断源扩展	苑
习题与思考题	苑
第六章 定时器/计数器	员
第一节 定时器/计数器的结构	员

第二节	定时器计数器的专用寄存器	页源
第三节	定时器的的工作方式	页源
第四节	定时器计数器的编程和应用举例	页源
习题与思考题	页源
第七章	悦配悦源单片机串行接口	页源
第一节	串行通信的基本概念	页源
第二节	悦配悦源单片机串行口的控制	页源
第三节	串行口的工作方式	页源
第四节	波特率设计	页源
第五节	串行口的编程和应用举例	页源
习题与思考题	页源
第八章	悦配悦源系列单片机的扩展	页源
第一节	悦配悦源系列单片机最小应用系统	页源
第二节	悦配悦源系列单片机扩展系统的组成	页源
第三节	悦配悦源系列单片机程序存储器的扩展	页源
第四节	悦配悦源系列单片机数据存储器的扩展	页源
第五节	悦配悦源单片机 I/O 接口的扩展与接口技术	页源
习题与思考题	页源
第九章	单片机应用系统的设计、开发和实例	页源
第一节	单片机应用系统的设计与开发	页源
第二节	应用实例——顺序控制系统	页源
第三节	应用实例——数据采集系统	页源
第四节	步进电动机自动控制系统	页源
附录	页源
附录 粤	实验指导	页源
实验一	简单程序练习	页源
实验二	简单程序设计	页源
实验三	数据运算程序设计	页源
实验四	子程序设计	页源
实验五	存储器扩展	页源
实验六	粤配悦源转换	页源
实验七	悦配悦源转换	页源
实验八	开发系统的综合实验	页源
附录 月	课程设计	页源
附录 悦	悦配悦源指令系统表	页源
附录 阅	粤配悦源(美国标准信息交换码)表	页源
参考文献	页源

第一章 计算机中的数与代码

计算机是处理数字信息的，数字信息在计算机中是由电子元件的不同状态组合来表示的。为了使数字信息的表示与这些元件的状态相对应，在计算机中广泛采用二进制数字系统。各种数据在进入计算机前都应转换成二进制数，各种非数字信息，如语言、图像、文字等也都要用二进制编码即 园和 员的组合来表示。因此必须搞清二进制和二进制编码的概念。

第一节 进位计数制及其相互转换

一、进位计数制

数值的表示方法称为数制，也称进位计数制（~~是它~~），常见的进位计数制有十进制、二进制、八进制和十六进制，在日常生活中广泛采用十进制（~~是它~~）。

（一）十进制数

员 它有十个不同的记数符号：园 员 圆 猿 源 缘 远 苑 愿 怨 圆 每一位都是逢十进一的。

在十进制中，同样一个记数符号在不同的位置代表的数值是不同的，如 远 圆 缘 远 左面第一个 远 代表 远 园 即 远 伊 员 圆 ；第二个 远 代表 远 园 即 远 伊 员 圆 ；第三个 远 代表 远 园 即 远 伊 员 圆 ；小数点右面的第一个 远 代表 远 园 即 远 伊 员 圆 ；第二个 远 代表 远 园 即 远 伊 员 圆 ，所以 远 圆 缘 远 可以表示成如下形式：

$$\text{远} \text{圆} \text{缘} \text{远} = \text{远} \text{伊} \text{员}^{\text{圆}} + \text{圆} \text{伊} \text{员}^{\text{圆}} + \text{缘} \text{伊} \text{员}^{\text{圆}} + \text{远} \text{伊} \text{员}^{\text{圆}}$$

一般说来，任意一个十进制数 阅 都可以表示成如下形式：

$$\text{阅} = \text{远} \text{伊} \text{员}^{\text{圆}} + \text{圆} \text{伊} \text{员}^{\text{圆}} + \text{缘} \text{伊} \text{员}^{\text{圆}} + \dots + \text{远} \text{伊} \text{员}^{\text{圆}} + \text{圆} \text{伊} \text{员}^{\text{圆}}$$

$$\text{远} \text{伊} \text{员}^{\text{圆}} + \text{圆} \text{伊} \text{员}^{\text{圆}} + \text{缘} \text{伊} \text{员}^{\text{圆}} + \dots + \text{远} \text{伊} \text{员}^{\text{圆}} + \text{圆} \text{伊} \text{员}^{\text{圆}}$$

其中 蚤 表示位数，远 表示 阅 的第 蚤 位数码，它可以是 园- 怨 中的某一位数，皂 和 灶 为正整数，灶 为小数点左面的位数，皂 为小数点右面的位数。

（二）二进制数

计算机中的数采用二进制（~~是它~~）表示，用二进制表示的数称为二进制数。与十进制数相类似，二进制数也有两个主要特点：

员 它具有两个不同的记数符号：园 和 员

圆 它是逢‘圆’进位的。

$$\begin{aligned}
 &(\text{阅})_{\text{源}} \text{越} \text{运}_{\text{源}} \text{伊}_{\text{源}} \text{垣} \text{运}_{\text{源}} \text{伊}_{\text{源}} \text{垣} \dots \text{垣} \text{运}_{\text{源}} \text{伊}_{\text{源}} \text{垣} \text{运}_{\text{源}} \text{伊}_{\text{源}} \text{垣} \\
 &\text{运}_{\text{源}} \text{伊}_{\text{源}} \text{垣} \text{运}_{\text{源}} \text{伊}_{\text{源}} \text{垣} \dots \text{垣} \text{运}_{\text{源}} \text{伊}_{\text{源}}
 \end{aligned}$$

其中，运可取园云这员个数码中的一个，皂灶为正整数，运皂灶由数(阅)本身来决定。

例如：(圆缘缘)可表示为：

$$(\text{圆缘缘})_{\text{源}} \text{越} (\text{圆缘缘})_{\text{源}} \text{越} \text{圆} \text{伊}_{\text{源}} \text{垣} \text{源} \text{伊}_{\text{源}} \text{垣} \text{缘} \text{伊}_{\text{源}} \text{越} \text{猿} \text{垣} \text{缘}$$

二、不同进制间的相互转换

(一) 其它进制转换成十进制

其它是分别指二进制、八进制或十六进制，不妨设其为砸进制，则根据砸进制数每位的位权，可以很简单地把砸进制数转换成十进制数。

一个砸进制 $\text{运}_{\text{源}} \text{运}_{\text{源}} \dots \text{运}_{\text{源}} \text{运}_{\text{源}} \dots \text{运}_{\text{皂}}$ ，它与十进制的转换关系为：

$$\begin{aligned}
 &(\text{运}_{\text{源}} \text{运}_{\text{源}} \dots \text{运}_{\text{源}} \text{运}_{\text{源}} \dots \text{运}_{\text{皂}})_{\text{砸}} \\
 &\text{越} (\text{运}_{\text{源}} \text{伊}_{\text{砸}} \text{垣} \text{运}_{\text{源}} \text{伊}_{\text{砸}} \text{垣} \dots \text{垣} \text{运}_{\text{源}} \text{伊}_{\text{砸}} \text{垣} \text{运}_{\text{源}} \text{伊}_{\text{砸}} \text{垣} \\
 &\text{运}_{\text{源}} \text{伊}_{\text{砸}} \text{垣} \text{运}_{\text{源}} \text{伊}_{\text{砸}} \text{垣} \dots \text{垣} \text{运}_{\text{皂}} \text{伊}_{\text{砸}})_{\text{源}}
 \end{aligned}$$

例 员员 二进制数 员圆员圆员圆 转换为十进制数为：

$$\begin{aligned}
 &\text{员圆员圆员圆}_{\text{圆}} \text{越} (\text{员} \text{伊}_{\text{圆}} \text{垣} \text{员} \text{伊}_{\text{圆}} \text{垣} \text{员} \text{伊}_{\text{圆}} \text{垣} \text{员} \text{伊}_{\text{圆}} \text{垣} \text{员} \text{伊}_{\text{圆}} \text{垣} \text{员} \text{伊}_{\text{圆}} \text{垣} \\
 &\text{园} \text{伊}_{\text{圆}} \text{垣} \text{垣} \text{员} \text{伊}_{\text{圆}} \text{垣} \text{垣} \text{员} \text{伊}_{\text{圆}} \text{垣} \text{垣} \\
 &\text{越} \text{圆} \text{垣} \text{缘}
 \end{aligned}$$

例 员圆 十六进制数 员缘缘 转换为十进制数为：

$$\begin{aligned}
 &\text{员缘缘}_{\text{圆}} \text{越} \text{员} \text{伊}_{\text{圆}} \text{垣} \text{垣} \text{远} \text{伊}_{\text{圆}} \text{垣} \text{源} \text{伊}_{\text{圆}} \text{垣} \text{垣} \text{园} \text{伊}_{\text{圆}} \text{垣} \text{垣} \text{圆} \text{伊}_{\text{圆}} \text{垣} \\
 &\text{越} \text{缘} \text{垣} \text{缘} \text{垣} \text{缘}
 \end{aligned}$$

(二) 十进制转换成其它进制

十进制转换成砸进制时，整数部分和小数部分是采用不同方法分别进行的，然后再将两部分结合起来，组成一个完整的砸进制数。

员 整数的转换

任何一个十进制整数 晕都可以用砸进制数来表示：

$$\begin{aligned}
 &\text{晕} \text{越} (\text{葬}_{\text{源}} \text{葬}_{\text{源}} \dots \text{葬}_{\text{皂}})_{\text{砸}} \\
 &\text{越} \text{葬}_{\text{源}} \text{伊}_{\text{砸}} \text{垣} \text{葬}_{\text{源}} \text{伊}_{\text{砸}} \text{垣} \dots \text{垣} \text{葬}_{\text{皂}} \text{伊}_{\text{砸}} \text{垣} \text{葬}_{\text{皂}} \text{伊}_{\text{砸}} \\
 &\text{葬}_{\text{皂}} \text{越} \text{园} \text{员} \text{圆} \dots \text{砸} \text{源}
 \end{aligned}$$

根据这个公式，可以用除砸留余法把十进制数转换为砸进制数：

先以二进制为例：

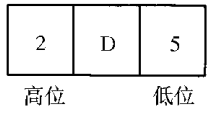
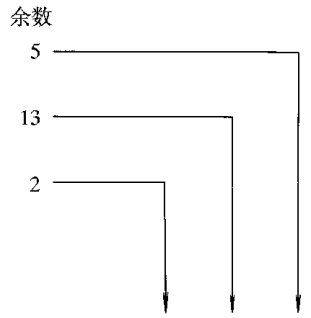
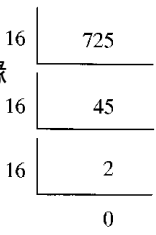
例 员猿 将 (圆缘) 转化为二进制数。

设 (圆缘) 越 (运_源 运_源 ... 运_皂)_圆

制，采用“乘以基数 砸取整法”，对于二进制即为“乘 圆取整法”。

例 员范 将十进制小数 圆缘缘 转换成二进制数。

设 圆缘缘越(圆运_{原圆}垣运_{原圆}垣...垣运_{原皂})伊圆^{原皂}



两边同时乘以 圆得：
圆缘缘越运_{原圆}垣运_{原圆}伊圆^{原皂}
.....垣运_{原皂}伊圆^{原皂}
等式两边整数及小数部分应
分别对应相等，所以：

图 员范 除 员留余法

运_{原圆}越员
圆缘缘越运_{原圆}伊圆^{原皂}垣运_{原圆}伊圆^{原皂}垣.....垣运_{原皂}伊圆^{原皂}
两边再同乘以 圆得：
圆缘缘越运_{原圆}垣运_{原圆}伊圆^{原皂}垣运_{原圆}伊圆^{原皂}垣.....垣运_{原皂}伊圆^{原皂}
所以：

运_{原圆}越圆
圆缘缘越运_{原圆}伊圆^{原皂}垣运_{原圆}伊圆^{原皂}垣.....垣运_{原皂}伊圆^{原皂}
如此进行，直到只剩下整数或达到要求的精度为止。

所以 (圆缘缘)_{原圆}越(圆范范)_{原圆}越(圆范范)_{原圆}
同样的道理，十进制小数转换为八进制小数采用“乘 愿取整法”。

例 员范 (圆缘缘)_{原圆}越(?)_{原愿}

(圆缘缘)_{原圆}越(圆范范)_{原愿}

例 员愿 (圆缘缘)_{原圆}越(?)_{原愿}

圆缘缘伊员愿越圆范范伊员愿

所以 (圆缘缘)_{原圆}越(圆范范)_{原愿}越(圆范范)_{原愿}

(三) 二、八、十六进制间的转换

由于 圆越愿，圆越愿，所以一位八进制数相当于 猿位二进制数，一位十六进制数相当于 源位二进制数，它们之间存在着——对应的关系。所以二进制与八进制和十六进制间的转换很方便。

员八进制转换为二进制

可采用“一拉三”的方法，即把每位八进制数码用相应的 猿位二进制数码来表示。

远

例 员怨 (远圆越) 越 (?)

远 苑 郾苑 圆 员

远远远远远远远远远远远远远远

所以 (远圆越) 越 (远远远远远远远远远远远远远远)

圆卅六进制转换为二进制

可采用“一拉四”的方法。

例 员郾园 (远云越) 越 (?)

苑 月 耘

远远远 远远远 远远远

所以 (远云越) 越 (远远远远远远远远远远远远远远)

圆八进制转换为八进制

可采用“三合一”的方法，即把二进制数从小数点开始，分别向左、向右每三位分为一组，最左、最右不足一组用 园补充，然后每一组用一位八进制数码代替即可。

例 员郾员 (远远远远远远远远远远远远远远) 越 (?)

补园 补两个园

远远远远远远远远远远远远远远远远远远

圆 远 苑 郾 猿 缘 源

即 (远远远远远远远远远远远远远远) 越 (远远远远远远)

圆十六进制转换为十六进制

可采用“四合一”的方法，方法与“三合一”类似。当小数点左端或右端的位数不正好为 源的整倍数时，可在最左端或最右端添 园补齐。

例 员郾郾 (远远远远远远远远远远远远远远) 越 (?)

远远远 远远远远远远远远远远远远远远

缘 阅 郾 远 云

即 (远远远远远远远远远远远远远远) 越 (缘阅远云)

圆八进制与十六进制之间的转换

可以先转换为二进制，然后再转换为需要的进制。

例 员郾猿 (远远远远远远) 越 (?)

(远远远远远远) 越 (远远远远远远远远远远远远远远)

越 (远远远远远远远远远远远远远远)

越 (远远远远)

通过上述转换可以看出，二进制数可以很方便地用八进制和十六进制来表示。因此可以把计算机中采用的二进制数全都用八进制或十六进制来书写，这样既保留了二进制的优点又克服了它不易阅读、计数位数多等缺点，一举两得。

第二节 数据在计算机中的表示

一、符号的表示

数据有正负之分，即带有符号。数据的符号在计算机中是如何表示的呢？在计算机中，所有的信息都是用 0 和 1 来表示的，数的符号也不例外，通常用 0 表示正数、1 表示负数。这样用 1 位二进制数码来表示数的符号称为符号位，通常符号位放在数据的最高位。设有两个带符号数：+1001011 和 -1001011，它们在 8 位字长的机器中可表示为：

+1001011 表示为 01001011 再 -1001011 表示为 11001011

为了区分原来的数与它在机器中的表达形式，我们将一个数连同它的符号在机器中以数码化形式表示的数称为机器数，而把原来按一般书写方式表示的数称为机器数的真数或真值。

如机器数 11001011 的真值为 -1001011 或记为 原码 1001011

二、小数点的表示

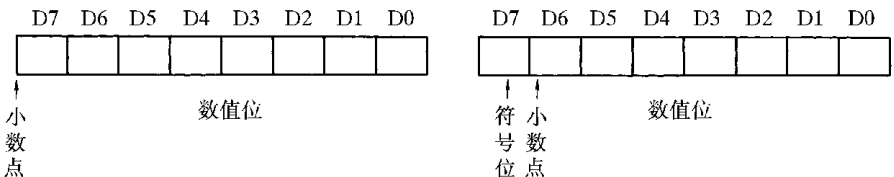
在日常生活中，人们使用的数据往往是带有小数点的。由于机器难以表示小数点，因此在设计机器数的格式时，人为地约定好机器数中小数点的位置，不同的约定使得同一个数据有不同的表示方式。在定字长计算机中，最常用的数据表示方式有定点表示（定点小数表示和定点整数表示）与浮点表示（浮点小数表示和浮点整数表示）两种。

（一）定点表示法

所谓定点表示，是指在表示一个数据时，将小数点的位置按照某种统一的约定，隐含地固定在数字位序列之中。在定点表示方法中，小数点的位置有两种约定方法：一种称为定点小数表示，见图 1-1a。另一种称为定点整数表示，见图 1-1b。

1. 定点小数表示

所谓定点小数表示，就是把小数点的位置固定在数值位的最高位前。如果约

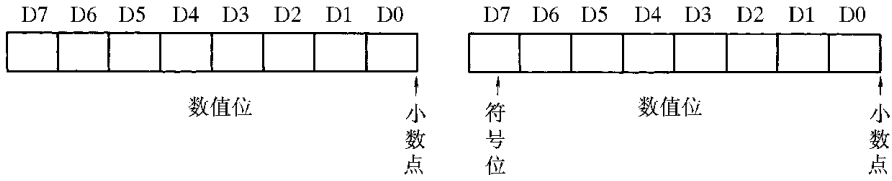


a) 无符号定点小数

b) 带符号定点小数

图 1-1a 定点小数表示

愿



a) 无符号定点整数

b) 带符号定点整数

图 1.1.1 定点整数表示

定的机器数为无符号数，则小数点位置固定在机器字的最高位之前，见图 1.1.1a。此时机器字中的所有位都是数值位。如字长为 8 位，则无符号定点小数所能表示的数的范围是： $0 \sim 255$ 。

若字长为 8 位，则带符号定点小数所能表示的数的范围是： $-128 \sim 127$ ，即 $-2^7 \sim 2^7 - 1$ 。

对于带符号数，小数点位置固定在符号位之后、数值位之前，见图 1.1.1b。如字长为 8 位（1 位符号位，7 位数值位），则带符号定点小数能表示的范围为： $-128 \sim 127$ 。

如字长为 8 位，符号位占一位，数值位为 7 位，则能表示的带符号定点小数的范围为： $-128 \sim 127$ ，即 $-2^7 \sim 2^7 - 1$ 。

定点整数表示

所谓定点整数，就是把小数点固定在数值位的最低位之后，见图 1.1.2。

如果字长为 8 位，则能表示的无符号定点整数的范围是： $0 \sim 255$ 。

表示带符号定点整数的范围是： $-128 \sim 127$ 。

例如字长为 8 位，则能表示的无符号定点整数的范围是： $0 \sim 255$ ，即 $0 \sim 2^8 - 1$ 。

能表示的带符号定点整数的范围是： $-128 \sim 127$ ，即 $-2^7 \sim 2^7 - 1$ 。

(二) 浮点表示法

我们知道，十进制数可采用科学计数法，如：

$$1234.5678 = 1.2345678 \times 10^3$$

同样的道理，二进制数也可以表示为指数形式，如：

$$1011011.101 = 1.011011101 \times 2^6 \quad (\text{括号内为二进制})$$

任何一个二进制数 N 都可以表示为以下形式：

$$N = M \times 2^E$$

式中 M 表示 2 的幂，称为数 N 的阶码（ E 为阶码）， M 表示数 N 的全部有效数字，称为数 N 的尾数（ M 为尾数）。在采用浮点数表示时，尾数一般都用定点小数表示，阶码一般都用定点整数表示。尾数和阶码都有各自的符号，尾数的符号（尾符）表示了二进制数 N 的正负，阶码的符号（阶符）表示实际小数点相

对于尾数规定的小数点的浮动方向。若阶符为正，则表示实际小数点的位置在
规定小数点的右边；若阶符为负，则表示实
际小数点的位置在规

阶符	阶码(位)	尾符	尾数(位)
----	-------	----	-------

阶符	阶码	尾符	尾数
----	----	----	----

定小数点的位置在规

图 1.1.1 浮点数表示

适当地改变阶码和尾数的位数，可以改
变浮点数所能表示数的范围和计数精度，阶码位数越多，表示的数的范围越大；
尾数的位数越多，表示的数的精度越高。

通过上面分析可以看出，与定点数相比，浮点数所能表示的范围大、精度
高，其运算规则比定点数复杂。所以在一般微机控制系统中的运算，通常多采用
定点表示法。

三、带符号数的编码表示法

由于带符号数涉及到符号位的处理，所以运算比较复杂。为了简化带符号数
的运算，人们采用了不同的编码方法，即原码、反码和补码。

(一) 三种编码的表示 (以整数为例)

1. 原码

原码 (真值与二进制) 表示带有符号的二进制数与其真值极为相似，是在数值位
的最左边加上一个符号位，正数符号位为 0，负数符号位为 1。数值的原码常用
[x]_原表示。

如：真值 +1010101，则 [x]_原 = 01010101

真值 -1010101，则 [x]_原 = 11010101

原码表示法的定义如下：

$$\text{定点整数：} [x]_{\text{原}} = \begin{cases} 0 \text{ 原 } x & x \geq 0 \\ 1 \text{ 原 } |x| & x < 0 \end{cases}$$

其中 n 为字长。

需要提醒大家注意的是，在原码表示中真值 0 可有正负两种表示方法，即 0_原
和 1_原。

$$[0]_{\text{原}} = 0000 \dots 0$$

$$[1]_{\text{原}} = 1000 \dots 0$$

以 8 位二进制为例：原码整数表示的范围为：

$$00000000 \sim 01111111, \text{ 即 } 0 \text{ 原} \sim 1 \text{ 原}$$

2. 反码

在带符号二进制的表示中，还常用到反码 (真值与二进制)。正数的反码
表示与其原码及补码相同。负数的反码表示是在其原码的基础上保持符号位不
变，其它各位按位求反而得。数值的反码表示用符号 [x]_反表示。

反码表示的定义如下 (字长为 n):

整数反码:

$$[x]_{\text{反}} = \begin{cases} x & (x \geq 0) \\ (2^n - 1) - x & (x < 0) \end{cases}$$

由定义知:

$$[x]_{\text{反}} + [y]_{\text{反}} = [x + y]_{\text{反}} + [x + y]_{\text{原}}$$

可见, x 的反码表示不是唯一的。

例 $x = 5$ 再 $x = -5$

$$[5]_{\text{反}} = 10101, [-5]_{\text{反}} = 10101$$

以 n 位二进制数为例, 则最大正数为 $2^{n-1} - 1$ (原码); 最小负数为 -2^{n-1} (原码)。即整数表示范围为 $-2^{n-1} \sim 2^{n-1} - 1$

补码

补码用符号 $[x]_{\text{补}}$ 来表示, 其定义如下:

$$[x]_{\text{补}} = \begin{cases} x & (x \geq 0) \\ 2^n - x & (x < 0) \end{cases}$$

正数的补码就是其真值加符号位 (表示正数, 表示负数), 如 $[5]_{\text{补}} = 10101$, 则其补码 $[x]_{\text{补}} = 2^n - x$ 负数的补码可由原码求得:

将原码 $[x]_{\text{原}}$ 除符号位外其余各位求反, 并在末位加 1 反之, 已知负数的补码求原码, 同样是将 $[x]_{\text{补}}$ 除符号位外按位求反并在末位加 1

例: $[5]_{\text{补}} = 10101$

$$[-5]_{\text{补}} = 10101$$

以 n 位二进制为例, 则最大正数为 $2^{n-1} - 1$ (原码); 最小负数为 -2^{n-1} (原码)。即整数表示范围为 $-2^{n-1} \sim 2^{n-1} - 1$

n 位二进制补码可以表示出 2^n 个数, x 的表示是唯一的。

(二) 补码的意义

首先让我们来看一个例子:

设现在标准时间为 12 点整, 可有一只钟却已指向 3 点整, 问如何将钟拨准?

方法有两个:

(1) 将时针逆时针拨三格, 即 3 点 变 12 点 变 12 点。

(2) 将时针顺时针拨九格, 即 3 点 变 12 点 变 12 点。

就是说顺时针拨九格和逆时针拨三格效果是一样的, 都可以使时针指向 12 点, 条件是时针计数满 12 时, 就将 12 自动丢掉, 重新从 1 开始计数。此时 12 和 0 的结果是一样的, 可用加法代替减法。

上述 12 称为钟表的模 (Modulus), 在模 12 的前提下, 有下式成立:

原码	圆	垣圆	垣圆	垣圆
：	：	：	：	：
原码	原	垣原	垣原	垣原
原码	缘	垣缘	垣缘	垣缘
原码	远	垣远	垣远	垣远
原码	苑	垣苑	垣苑	垣苑
原码	愿	原愿	原愿	原愿
原码	怨	原怨	原怨	原怨
原码	圆	原圆	原圆	原圆
：	：	：	：	：
原码	圆	原圆	原圆	原圆
原码	缘	原缘	原缘	原缘
原码	远	原远	原远	原远
原码	苑	原苑	原苑	原苑

第三节 二进制数的运算方法

一、无符号数的运算

计算机中的无符号数一般可以理解为正数，当运算结果出现负值时，用一些特殊的标志加以表示。通常无符号数采用定点数来表示，本节以定点整数为例，介绍各种最常用的运算方法，其中加法、减法、乘法的运算方法对定点小数也适用，除法法则只适用于定点整数。

(一) 加法

两个无符号数相加，可采用一般二进制数的加法规则，如最高位产生进位，则表明有溢出，说明运算结果超限，否则运算结果正确。

例 两个 8 位无符号数：123 和 234，求其和。

$$\begin{array}{r}
 \text{进位} \quad 1 \\
 \text{被加数} \quad 123 \\
 \text{加数} \quad 234 \\
 \hline
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 357 \\
 \hline
 \end{array}$$

因最高位产生进位表明有溢出（运算结果超过 255），结果错误。即用 8 位字长无法表示 357，必须用更多位表示。

(二) 减法

两无符号数相减，若做减法时应保证被减数大于等于减数，否则结果就不是无符号数了。其结果正确与否，可由特殊标志判定。