

高等学校计算机专业规划教材

# 数据结构与算法设计

王晓东摇编著

電子工業出版社

孕总曹笔孟早匀以策译製寒耘謹翻樂上譯部贵学凉翻增

北京·月秘覽部

## 内 容 简 介

为适应培养 21 世纪计算机各类人才的需要,结合我国高等学校教育工作现状,立足更新教学内容和方  
法,编写了本书。

本书以基本数据结构和算法设计策略为知识单元,系统地介绍了数据结构的基本知识与实际应用,介绍  
了抽象数据类型和算法的基本概念以及计算机算法的设计方法与分析技巧。

本书内容丰富,观点新颖,注重理论联系实际,可作为高等院校计算机学科与工程专业本科生、研究生  
的教材,也适合广大工程技术人员和自学读者学习参考。

未经许可,不得以任何方式复制或抄袭本书之部分或全部内容。

版权所有,侵权必究。

图书在版编目(CIP)数据

数据结构与算法设计 王晓东编著 北京:电子工业出版社 2013.12

高等学校本科计算机专业系列教材

陈月琴 陈学新 陈学军

I ①数... Ⅱ 王... Ⅲ ①数据结构—高等学校—教材 ②算法设计—高等学校—教材 Ⅳ ①计算机

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2013)第 282200 号

责任编辑:张荣琴 摇摇特约编辑:王宝祥

印 刷:

出版发行:电子工业出版社 北京: 邮编 100011

北京市海淀区万寿路 193 信箱 邮编 100036

经销:各地新华书店

开册: 1 册 印张: 16.5 张 字数: 400 千字

版次: 2013 年 12 月第 1 版 2013 年 12 月第 1 次印刷

印数: 10000 册 定价: 39.00 元

摇摇凡购买电子工业出版社的图书,如有缺损问题,请向购买书店调换。若书店售缺,请与本社发行部联系。

联系电话 (010) 5125 9300

# 《高等学校计算机专业规划教材》

## 编委会名单

摇摇摇摇主任委员摇摇陈火旺

摇摇摇摇副主任委员摇摇施伯乐摇摇钱德沛摇摇文宏武

摇摇摇摇摇摇委员摇摇张吉锋摇摇侯文永摇摇钱乐秋摇摇黄国兴

孙志辉摇摇王晓东摇摇许满武摇摇王宇颖

吴朝辉摇摇朱庆生摇摇宁摇摇洪摇摇黄迪明

# 出版说明

中国上海计算机学会教育专业委员会受国务院信息产业部的委托,为了适应我国 21 世纪计算机各类人才的需要,根据学科技术发展的总趋势,结合我国高等学校教育工作的现状,立足培养的学生能跟上国际计算机学科技术发展水平,于 1995 年 9 月参照 陈火旺和 粤涵计算机教程 编写大纲组织编写与其配套的 1 种教材,现推荐给国内的院校,作为教学之用。

为了使这套教材体现现代计算机教学的特点,编出特色,来自上海交大、复旦大学、国防科技大学、哈尔滨工业大学、华东师大、东南大学、华东理工大学、上海大学、重庆大学、东华大学等十几所大学的专家教授成立了以陈火旺院士为主任委员的编写委员会,编委会大部分成员为原计算机专业教学指导委员会委员。编委会多次集中开会,在研究、学习、借鉴 1995 年 9 月 粤涵和 陈火旺联合专题组发展的《计算机专业教学指导委员会报告》的基础上,深入讨论了结合我国高等学校计算机本科教育的实际而推出的“新教程”的教学情况以及《1995 年计算机学科教学计划》。结合当前计算机技术飞速发展的现实——对计算机学科的教学内容不断提出更新的要求,特别是为了全面推进素质教育,以及培养学生的创新精神和实践能力,提出了新的编写思路,使这套教材的知识点建立在“高”、“新”的平台上,反映当前计算机科学发展的前沿和趋势。

粤涵和 陈火旺教程的思想是将计算机学科领域的知识分解为几个主要的科目(算法与数据结构、计算机体系结构、人工智能与机器人学、数据学与信息检索、人机通信、数值计算、操作系统、程序设计语言、软件工程)并作为学科的公共要求;对计算机学科的教学归结为理论、抽象和设计三个过程,并强调教学一定要与社会需求相结合。另外,还提出了贯穿于计算机学科中常出现的基本概念,并将这些概念在教材中予以清晰的介绍,灵活的应用,以更好地帮助学生,使之成为一个优秀的计算机工作者。

为了保证这套教材的审编和出版质量,以陈火旺院士为主任委员的教材编委会的专家教授们在 1995 年 9 月召开了全体编委、作者讨论会,制订了编写要求和编审程序。编委们对所有教材的编写提纲进行了讨论,对教材的质量做了专门的要求,并设立专门的负责人选。参加这套教材的编审者都是来自全国重点高校的在计算机领域从事教学和科研的专家和学者,他们具有丰富的教学经验,严谨的治学态度,较高的学术水平。

这套教材的出版得到电子工业出版社的积极支持。他们把这套教材列为重点图书出版,并制订了专门的编审出版规定和出版流程,组织了专门的编辑力量和协调结构。

我们希望这套教材的出版,对我国的计算机教育事业的发展做出应有的贡献。

编委会  
1995 年 9 月

## 前摇摇言

计算机的普及极大地改变了人们的生活。目前各行业、各领域都与计算机建立了紧密的联系,并由此产生开发各种应用软件的需求。为了以最少的成本、最快的速度、最好的质量开发出适合各种应用需求的软件,必须遵循软件工程的原则,设计出高效率的程序。一个高效的程序既需要“编程小技巧”,更需要合理的数据组织和清晰高效的算法。这正是计算机科学领域里数据结构与算法设计所研究的主要内容。一些著名的计算机科学家在有关计算机科学教育的论述中认为,计算机科学是一种创造性思维活动,其教育必须面向设计。数据结构与算法设计正是一门面向设计,且处于计算机学科核心地位的教育课程。通过对数据结构与算法设计的系统学习与研究,理解和掌握算法设计的主要方法,培养对算法的计算复杂性进行正确分析的能力,为独立地设计算法和对给定算法进行复杂性分析奠定坚实的理论基础,对从事计算机系统结构、系统软件和应用软件研究与开发的科技工作者是非常重要的。为了适应培养我国 21 世纪计算机各类人才的需要,结合我国高等学校教育工作的现状,立足培养学生能跟上国际计算机科学技术的发展水平,更新教学内容和教学方法,本书以基本数据结构和算法设计策略为知识单元系统地介绍数据结构知识与应用、计算机算法的设计方法与分析技巧。以期计算机学科的学生提供一个广泛坚实的数据结构与算法设计基础知识。

全书共分 15 章。首先在第 1 章中介绍了数据结构、抽象数据类型和算法的基本概念,接着对算法的计算复杂性和算法的描述做了简要的阐述。然后以抽象数据类型为主线索,围绕设计算法常用的基本数据结构和基本设计策略,组织了第 2 章~第 15 章的内容。

第 2 章~第 3 章依次介绍基于序列的抽象数据类型表、栈、队列和串。

第 4 章介绍在实际应用中常用的排序与选择算法。

第 5 章讨论反映层次关系的抽象数据类型树。

第 6 章介绍非线性结构图及图的算法。

第 7 章讨论表示集合的抽象数据类型,如字典、优先队列和并查集等。

最后,在第 15 章系统地阐述算法设计的策略与技巧。

本书采用面向对象的 悦垣垣 语言为表述手段,在保持 悦垣垣 优点的同时,尽量使数据结构与算法的描述简明、清晰。

为了加深对知识的理解,各章配有难易适当的习题,以适应不同程度读者练习的需要。

由于作者的知识 and 写作水平有限,书稿虽几经修改,仍难免有缺点和错误。热忱欢迎同行专家和读者批评指正,使本书在使用中不断改进、日臻完善。

在本书的编写过程中,得到全国高等学校计算机专业教学指导委员会的关心和支持,福州大学“ 圆垣垣 工程 ”计算机与信息工程重点学科实验室为本书的写作提供了优良的设备与工作环境,电子工业出版社负责本书编辑出版工作的全体同仁工作认真细致,一丝不苟,为本书的出版付出了大量辛勤劳动,傅清祥教授在百忙之中认真审阅了全书,提出了许多宝贵的改进意见。在此,一并表示衷心的感谢!

作摇者

圆垣垣 年 圆垣 月

# 目 录

第 1 章 绪论 .....	( 1 )
1.1 问题求解 .....	( 1 )
1.2 算法表达中的抽象机制 .....	( 1 )
1.3 抽象数据类型 .....	( 1 )
1.3.1 抽象数据类型的基本概念 .....	( 1 )
1.3.2 使用抽象数据类型的好处 .....	( 2 )
1.3.3 数据结构、数据类型和抽象数据类型 .....	( 2 )
1.4 用 悦 旦 描述数据结构与算法 .....	( 2 )
1.5 变量、指针和引用 .....	( 2 )
1.6 函数与参数传递 .....	( 2 )
1.7 悦 旦 的类 .....	( 2 )
1.8 类的对象 .....	( 2 )
1.9 构造函数与析构函数 .....	( 2 )
1.10 运算符重载 .....	( 2 )
1.11 友元函数 .....	( 2 )
1.12 内联函数 .....	( 2 )
1.13 结构 .....	( 2 )
1.14 联合 .....	( 2 )
1.15 异常 .....	( 2 )
1.16 模板 .....	( 2 )
1.17 动态存储分配 .....	( 2 )
1.18 算法复杂性分析 .....	( 2 )
1.19 算法与程序 .....	( 2 )
1.20 算法复杂性的概念 .....	( 2 )
1.21 算法复杂性的渐近性态 .....	( 2 )
习题一 .....	( 2 )
第 2 章 表 .....	( 2 )
2.1 链表 .....	( 2 )
2.2 用数组实现表 .....	( 2 )
2.3 用指针实现表 .....	( 2 )
2.4 用间接寻址方法实现表 .....	( 2 )
2.5 用游标实现表 .....	( 2 )
2.6 循环链表 .....	( 2 )
2.7 双链表 .....	( 2 )
习题二 .....	( 2 )
第 3 章 栈 .....	( 2 )
3.1 链表 .....	( 2 )

摇摇摇摇用数组实现栈 .....	(缘)
摇摇摇摇用指针实现栈 .....	(缘)
摇摇摇摇等价类划分问题 .....	(远)
摇摇习题三 .....	(远)
第 源章摇摇队列 .....	(远)
摇摇摇摇队列 .....	(远)
摇摇摇摇用指针实现队列 .....	(远)
摇摇摇摇用循环数组实现队列 .....	(远)
摇摇摇摇电路布线问题 .....	(苑)
摇摇习题四 .....	(苑)
第 缘章摇摇串 .....	(苑)
摇摇摇摇队列串 .....	(苑)
摇摇摇摇用数组实现串 .....	(愿)
摇摇摇摇用指针实现串 .....	(愿)
摇摇摇摇串的块链表示法 .....	(愿)
摇摇摇摇串的堆结构 .....	(愿)
摇摇摇摇模式匹配 .....	(愿)
摇摇摇摇朴素的模式匹配算法 .....	(愿)
摇摇摇摇模式匹配的 遁存算法 .....	(愿)
摇摇习题五 .....	(怨)
第 远章摇摇排序与选择 .....	(怨)
摇摇摇摇简单排序算法 .....	(怨)
摇摇摇摇冒泡排序 .....	(怨)
摇摇摇摇插入排序 .....	(怨)
摇摇摇摇选择排序 .....	(怨)
摇摇摇摇简单排序算法的计算复杂性 .....	(怨)
摇摇摇摇快速排序算法 .....	(怨)
摇摇摇摇算法基本思想及实现 .....	(怨)
摇摇摇摇算法的性能 .....	(元)
摇摇摇摇随机快速排序算法 .....	(元)
摇摇摇摇合并排序算法 .....	(元)
摇摇摇摇算法基本思想及实现 .....	(元)
摇摇摇摇消除递归 .....	(元)
摇摇摇摇自然合并排序 .....	(元)
摇摇摇摇线性时间排序算法 .....	(元)
摇摇摇摇计数排序 .....	(元)
摇摇摇摇桶排序 .....	(元)
摇摇摇摇中位数与第 噪小元素 .....	(元)
摇摇摇摇平均情况下的线性时间选择算法 .....	(元)
摇摇摇摇最坏情况下的线性时间选择算法 .....	(元)
摇摇习题六 .....	(元)
第 苑章摇摇树 .....	(元)
摇摇摇摇树的定义 .....	(元)

摇摇摇摇树的遍历 .....	(页码)
摇摇摇摇树的表示法 .....	(页码)
摇摇摇摇父结点数组表示法 .....	(页码)
摇摇摇摇儿子链表表示法 .....	(页码)
摇摇摇摇左儿子右兄弟表示法 .....	(页码)
摇摇摇摇二叉树 .....	(页码)
摇摇摇摇二叉树 .....	(页码)
摇摇摇摇二叉树的实现 .....	(页码)
摇摇摇摇二叉树的顺序存储结构 .....	(页码)
摇摇摇摇二叉树的结点度表示法 .....	(页码)
摇摇摇摇用指针实现二叉树 .....	(页码)
摇摇摇摇线索二叉树 .....	(页码)
摇摇习题七 .....	(页码)
<b>第 愿章 摇图</b> .....	(页码)
摇摇摇摇图的基本概念 .....	(页码)
摇摇摇摇抽象数据类型 粤碌图 .....	(页码)
摇摇摇摇图的表示法 .....	(页码)
摇摇摇摇邻接矩阵表示法 .....	(页码)
摇摇摇摇邻接表表示法 .....	(页码)
摇摇摇摇紧缩邻接表 .....	(页码)
摇摇摇摇用邻接矩阵实现图 .....	(页码)
摇摇摇摇用邻接矩阵实现赋权有向图 .....	(页码)
摇摇摇摇用邻接矩阵实现赋权无向图 .....	(页码)
摇摇摇摇用邻接矩阵实现有向图 .....	(页码)
摇摇摇摇用邻接矩阵实现无向图 .....	(页码)
摇摇摇摇用邻接表实现图 .....	(页码)
摇摇摇摇邻接表基类 .....	(页码)
摇摇摇摇用邻接表实现有向图 .....	(页码)
摇摇摇摇用邻接表实现无向图 .....	(页码)
摇摇摇摇用邻接表实现赋权有向图 .....	(页码)
摇摇摇摇用邻接表实现赋权无向图 .....	(页码)
摇摇摇摇图的遍历 .....	(页码)
摇摇摇摇图的搜索游标 .....	(页码)
摇摇摇摇广度优先搜索 .....	(页码)
摇摇摇摇深度优先搜索 .....	(页码)
摇摇摇摇最短路径 .....	(页码)
摇摇摇摇单源最短路径 .....	(页码)
摇摇摇摇所有顶点对之间的最短路径 .....	(页码)
摇摇摇摇最小生成树 .....	(页码)
摇摇摇摇最小生成树性质 .....	(页码)
摇摇摇摇孕算法 .....	(页码)
摇摇摇摇运沱算算法 .....	(页码)
摇摇摇摇图匹配 .....	(页码)
摇摇习题八 .....	(页码)

第 9 章 摇集合	( 9 页)
摇摇摇摇以集合为基础的抽象数据类型	( 9 页)
摇摇摇摇摇摇的定义和记号	( 9 页)
摇摇摇摇摇摇定义在集合上的基本运算	( 9 页)
摇摇摇摇摇摇集合的简单表示法	( 9 页)
摇摇摇摇字典	( 9 页)
摇摇摇摇摇摇实现字典的简单方法	( 9 页)
摇摇摇摇摇摇用散列表实现字典	( 9 页)
摇摇摇摇有序字典	( 9 页)
摇摇摇摇摇摇有序字典的定义	( 9 页)
摇摇摇摇摇摇用数组实现有序字典	( 9 页)
摇摇摇摇摇摇用二叉搜索树实现有序字典	( 9 页)
摇摇摇摇摇摇粤龙益树	( 9 页)
摇摇摇摇摇摇红黑树	( 9 页)
摇摇摇摇优先队列	( 9 页)
摇摇摇摇摇摇优先队列的定义	( 9 页)
摇摇摇摇摇摇用字典实现优先队列	( 9 页)
摇摇摇摇摇摇优先级树和堆	( 9 页)
摇摇摇摇摇摇用数组实现堆	( 9 页)
摇摇摇摇摇摇可并优先队列	( 9 页)
摇摇摇摇并查集	( 9 页)
摇摇摇摇摇摇并查集的定义及其简单实现	( 9 页)
摇摇摇摇摇摇用父亲数组实现并查集	( 9 页)
摇摇习题九	( 9 页)
第 10 章 摇算法设计策略	( 10 页)
摇摇摇摇递归与分治策略	( 10 页)
摇摇摇摇摇摇递归的概念	( 10 页)
摇摇摇摇摇摇分治法的基本思想	( 10 页)
摇摇摇摇摇摇二分搜索技术	( 10 页)
摇摇摇摇摇摇棋盘覆盖问题	( 10 页)
摇摇摇摇动态规划	( 10 页)
摇摇摇摇摇摇矩阵连乘问题	( 10 页)
摇摇摇摇摇摇动态规划算法的基本要素	( 10 页)
摇摇摇摇摇摇最大子段和问题	( 10 页)
摇摇摇摇贪心算法	( 10 页)
摇摇摇摇摇摇活动安排问题	( 10 页)
摇摇摇摇摇摇贪心算法的基本要素	( 10 页)
摇摇摇摇摇摇哈夫曼编码算法	( 10 页)
摇摇摇摇回溯法	( 10 页)
摇摇摇摇摇摇回溯法的算法框架	( 10 页)
摇摇摇摇摇摇符号三角形问题	( 10 页)
摇摇摇摇摇摇圆排列问题	( 10 页)
摇摇摇摇摇摇连续邮资问题	( 10 页)
摇摇摇摇摇摇回溯法的效率分析	( 10 页)

摇摇摇摇分支限界法 .....	( 圆园)
摇摇摇摇分支限界法的基本思想 .....	( 圆园)
摇摇摇摇装载问题 .....	( 圆园)
摇摇摇摇批处理作业调度问题 .....	( 圆园)
摇摇习题十 .....	( 圆缘)
参考文献 .....	( 圆怨)

# 第 11 章 绪论

## 问题求解

用计算机解决一个稍复杂的实际问题，大体都要经历如下的步骤：

(员) 将实际问题数学化，即把实际问题抽象为一个带有一般性的数学问题。这一步要引入一些数学概念，精确地阐述数学问题，弄清问题的已知条件和所要求的结果，以及在已知条件和所要求的结果之间存在着的隐式或显式的联系。

(圆) 对于确定的数学问题，设计求其解的方法，即所谓的算法设计。这一步要建立问题的求解模型，即确定问题的数据模型并在此模型上定义一组运算，然后借助于对这组运算的执行和控制，从已知数据出发导向所要求的结果，形成算法并用自然语言来表述。这种语言不是程序设计语言，不能被计算机所接受。

(猿) 用计算机上的一种程序设计语言来表达已设计好的算法。换句话说，将非形式自然语言表达的算法转变为用一种程序设计语言表达的算法。这一步称为程序设计或程序编制。

(源) 在计算机上编辑、调试和测试编制好的程序，直到输出所要求的结果。

上述问题求解的过程中，求解问题的算法及其实现是所关心的核心内容。本章着重考虑第(猿)步，而且把注意力集中在算法表达的抽象机制上，目的是引入一个重要的概念——抽象数据类型；同时，为大型程序设计提供一种相应的自顶向下逐步求精的模块化方法，即运用抽象数据类型来描述程序的方法。

## 算法表达中的抽象机制

算法是一个运算序列。这个运算序列中的所有运算定义在一类特定的数据模型上，并以解决一类特定问题为目标。这个运算序列应该具备下列几个特征：

(员) 有限性，即序列的项数有限，且每一项运算都在有限时间内完成；

(圆) 确定性，即序列的每一项运算都有明确的定义，无二义性；

(猿) 可以没有输入运算项，但一定要有输出运算项；

(源) 可行性，即对于任意给定的合法的输入都能得到相应的正确的输出。

这些特征可以用来判别一个确定的运算序列是否称得上是一个算法。

算法的程序表达，归根到底是算法要素的程序表达，因为一旦算法的每一项要素都用程序清楚地表达，整个算法的程序表达也就不成问题。

很明显，算法有如下几个要素：

(员) 作为运算序列中各种运算的运算对象和运算结果的数据；

(圆) 运算序列中的各种运算；

(猿) 运算序列中的控制转移。

这猿要素依序分别简称为数据、运算和控制。

由于算法层出不穷，变化万千，各种运算所作用的对象数据和所得到的结果数据名目繁多，不胜枚举。最简单最基本的有布尔值数据、字符数据、整数和实数数据等；稍复杂的有向量、矩阵、记录等数据；更复杂的有集合、树和图，还有声音、图形、图像等数据。

同样，由于算法层出不穷，变化万千，各种运算的种类五花八门、多姿多彩。最基本最初等的有赋值运算、算术运算、逻辑运算和关系运算等；稍复杂的有算术表达式和逻辑表达式等；更复杂的有函数值计算、向量运算、矩阵运算、集合运算，以及表、栈、队列、树和图上的运算等；此外，还可能以上列举运算的复合和嵌套。

控制转移相对单纯。在串行计算中，它只有顺序、分支、循环、递归和无条件转移等几种。

最早的程序设计语言是机器语言，即具体的计算机上的一个指令集。当时，要在计算机上运行的所有算法都必须直接用机器语言来表达，计算机才能接受。算法的运算序列包括运算对象和运算结果都必须转换为指令序列，且每一条指令都以编码（指令码和地址码）的形式出现。这与用高级程序设计语言表达的算法相差甚远。对于没受过程序设计专门训练的人来说，一份程序恰似一份“天书”，让人看了不知所云，可读性极差。用机器语言表达算法的运算、数据和控制十分繁杂琐碎，因为机器语言所提供的指令太初等、原始。机器语言只接受算术运算、按位逻辑运算和数的大小比较运算等。对于稍复杂的运算，都必须一一分解，直到到达最初等的运算才能用相应的指令替代之。机器语言能直接表达的数据只有最原始位、字节和字猿种。算法中即使是最简单的数据如布尔值、字符、整数和实数，也必须一一地映射到位、字节和字中，还得一一分配它们的存储。对于算法中有结构的数据的表达则要麻烦得多。机器语言所提供的控制转移指令也只有无条件转移、条件转移、进入子程序和从子程序返回等最基本的几种。用它们来构造循环、形成分支、调用函数和过程都得事先做许多准备，还需要许多经验和技巧。

直接用机器语言表达算法有许多缺点：

（员）大量繁杂琐碎的细节牵制着程序员，使他们不可能有更多的时间和精力去从事创造性的劳动，执行对他们来说是更为重要的任务，如确保程序的正确性、高效性。

（圆）程序员既要驾驭程序设计的全局，又要深入每一个局部直到实现的细节，即使智力超群的程序员也常常会顾此失彼，屡出差错，因而所编出的程序可靠性差，且开发周期长。

（猿）由于用机器语言进行程序设计的思维和表达方式与人们的习惯大相径庭，只有经过较长时间职业训练的程序员才能胜任，使得程序设计曲高和寡。

（源）因为它的书面形式全是“密”码，所以可读性差，不便于交流与合作。

（缘）因为它严重地依赖于具体的计算机，所以其可移植性和可重用性差。

克服上述缺点的出路在于程序设计语言的抽象，让它尽可能地接近于算法语言。为此，人们首先注意到的是可读性和可移植性，因为它们相对地容易通过抽象而得到改善。

汇编语言实现了对机器语言的抽象。它将机器语言的每一条指令符号化：指令码代之以记忆符号，地址码代之以符号地址，使得其含义显现在符号上而不再隐藏在编码中，让人望“文”生义。同时，只要该计算机配备了汇编语言的一个汇编程序，汇编语言就摆脱了具体计算机的限制，可在具有不同指令集的计算机上运行，这无疑是机器语言朝算法语言靠拢迈出的一步。但是，它离算法语言还太远，以致程序员还不能从分解算法的数据、运算和控

制，直至细化到汇编可直接表达的指令等繁杂琐碎的事务中解脱出来。

高级程序设计语言的出现使算法的程序表达产生了一次飞跃。诚然，算法最终要表达为具体计算机上的机器语言才能在该计算机上运行，得到所需要的结果。但汇编语言的实践启发人们，表达成机器语言不必一步到位，可以分圆步走或者可以筑桥过河，即先表达成一种中间语言，然后转成机器语言。汇编语言作为一种中间语言，并没有获得很大成功。原因是它离算法语言还太远。这便指引人们去设计一种尽量接受算法语言的规范语言，即所谓的高级程序设计语言。程序员可以用它方便地表达算法，然后借助于规范的高级语言到规范的机器语言的“翻译”，最终将算法表达为机器语言。而且，由于高级语言和机器语言都具有规范性，这里的“翻译”完全可以机械化地由计算机来完成，就像汇编语言被翻译成机器语言一样，只要计算机配备一个编译程序。上述两步，前一步由程序员去完成，后一步可以由编译程序去完成。在规定清楚它们各自该做什么之后，这两步是完全独立的。它们各自如何做则互不相干。前一步要做的只是用高级语言正确地表达给定的算法，产生一个高级语言程序，后一步要做的只是将第一步得到的高级语言程序翻译成机器语言程序。至于程序员如何用高级语言表达算法和编译程序如何将高级语言表达的算法翻译成机器语言表达的算法，显然毫不相干。处理从算法语言最终表达成机器语言这一复杂过程的上述思想方法就是一种抽象。汇编语言和高级语言的出现都是这种抽象的范例。与汇编语言相比，高级语言的巨大成功在于它在数据、运算和控制方面的表达中引入许多使之十分接近算法语言的概念和工具，大大地提高抽象地表达算法的能力。在运算方面，高级语言除允许原封不动地运用算法语言的四则运算、逻辑运算、关系运算、算术表达式、逻辑表达式外，还引入强有力的函数与过程等的工具，并让用户自定义。这一工具的重要性不仅在于它精简了重复的程序文本段，而且在于它反映出程序的圆级抽象。在函数调用级，人们只关心它能做什么，不必关心它如何做。只是到定义函数时，人们才给出如何做的细节。用过高级语言的读者都知道，一旦函数的名称、参数和功能被规定清楚，那么，在程序中调用它们便与在程序的头部说明它们完全分开。可以修改一个函数甚至更换函数体而不影响调用该函数。如果把函数名看成是运算名，把参数看成是运算的对象或运算的结果，那么，函数调用和初等运算的引用就完全一样。利用函数以及函数的复合或嵌套，可以很自然地表达算法语言中任何复杂的运算。

在数据表示方面，高级语言引入了数据类型的概念，即把所有的数据加以分类。每一个数据（包括表达式）或每一个数据变量都属于其中确定的一类。称这一类数据为一个数据类型。因此，数据类型是数据或数据变量类属的说明，它指示该数据或数据变量可能取的值的全体。对于无结构的数据，高级语言除提供标准的基本数据类型——布尔型、字符型、整型和实型外，还提供用户可自定义的枚举类型、子界类型和指针类型。这些类型（除指针外），其使用方式都顺应人们在算法语言中使用的习惯。对于有结构的数据，高级语言提供了数组、记录、有限制的集合和文件等标准的结构数据类型。其中，数组是科学计算中的向量、矩阵的抽象；记录是商业和管理中的记录的抽象；有限制的集合是数学中足够小的集合的势集的抽象；文件是诸如磁盘等外存储数据的抽象。人们可以利用所提供的基本数据类型（包括标准的和自定义的），按数组、记录、有限制的集合和文件的构造规则构造有结构的数据。此外，还允许用户利用标准的结构数据类型，通过复合或嵌套构造更复杂更高层的结构数据。这使得高级语言中的数据类型呈明显的分层。高级语言中数据类型的分层是没有穷尽的，因而用它们可以表达算法语言中任何复杂层次的数据。

在控制方面，高级语言通常提供表达算法控制转移的如下方式：

- (员) 默认的顺序控制；
- (圆) 条件（分支）控制；
- (猿) 选择（情况）控制；
- (源) 循环控制；
- (缘) 函数调用，包括递归函数调用；
- (远) 无条件转移。

以上算法控制转移表达方式不仅覆盖了算法语言中所有控制表达的要求，而且不再像机器语言或汇编语言那样原始、那样烦琐、那样隐晦，而是与自然语言的表达相差无几。

高级程序设计语言是对机器语言的进一步抽象，它所带来的主要好处是：

(员) 高级语言更接近算法语言，易学、易掌握，一般工程技术人员只需要几周时间的培训就可以胜任程序员的工作；

(圆) 高级语言为程序员提供了结构化程序设计的环境和工具，使得设计出来的程序可读性好，可维护性强，可靠性高；

(猿) 高级语言不依赖于机器语言，与具体的计算机硬件关系不大，因而所写出来的程序可植性好、重用率高；

(源) 由于把繁杂琐碎的事务交给了编译程序去做，所以自动化程度高，开发周期短，且程序员得到解脱，可以集中时间和精力去从事对于他们来说更为重要的创造性劳动，提高程序的质量。

## 猿猿猿 抽象数据类型

### 猿猿猿 抽象数据类型的基本概念

与机器语言和汇编语言相比，高级语言的出现大大地简便了程序设计。但算法从非形式的自然语言表达形式转换为形式化的高级语言表达，仍然是一个复杂的过程，仍然要做很多繁杂琐碎的事情，因而仍然需要进一步抽象。

对于一个明确的数学问题，设计它的算法，总是先选用该问题的一个数据模型。接着，弄清该问题所选用的数据模型在已知条件下的初始状态和要求的结果状态，以及这个状态之间的隐含关系。然后探索从数据模型的已知初始状态出发到达要求的结果状态所必需的运算步骤。把这些运算步骤记录下来，就是求解该问题的算法。

按照自顶向下逐步求精的原则，在探索运算步骤时，首先应该考虑算法顶层的运算步骤，然后再考虑底层的运算步骤。所谓顶层的运算步骤是指定义在数据模型级上的运算步骤，或称宏观步骤。它们组成算法的主干部分。这部分算法通常用非形式的自然语言表达。其中，涉及的数据是数据模型中的一个变量，暂时不关心它的数据结构；涉及的运算以数据模型中的数据变量作为运算对象，或作为运算结果，或二者兼而为之，简称为定义在数据模型上的运算。由于暂时不关心变量的数据结构，这些运算都带有抽象性质，不含运算的细节。所谓底层的运算步骤是指顶层抽象的运算的具体实现。它们依赖于数据模型的结构，依赖于数据模型结构的具体表示。因此，底层的运算步骤包括圆部分：一是数据模型的具体表示；二是定义在该数据模型上运算的具体实现。可以把它们理解为微观运算。于是，底层运算是顶层运算的细化；底层运算为顶层运算服务。为了将顶层算法与底层算法隔开，使二者

在设计时不会互相牵制、互相影响，必须对二者的接口进行一次抽象。让底层只通过这个接口为顶层服务，顶层也只通过这个接口调用底层的运算。这个接口就是抽象数据类型。其英文术语是 **Abstract Data Type**，简记 **ADT**。

抽象数据类型是算法设计和程序设计中的重要概念。严格地说，它是算法的一个数据模型连同定义在该模型上并作为该算法构件的一组运算。这个概念明确地把数据模型与该模型上的运算紧密地联系起来。事实正是如此。一方面，如前面指出过的，数据模型上的运算依赖于数据模型的具体表示，因为数据模型上的运算以数据模型中的数据变量作为运算对象，或作为运算结果，或二者兼而为之。另一方面，有了数据模型的具体表示，有了数据模型上运算的具体实现，运算的效率随之确定。于是，就有这样一个问题：如何选择数据模型的具体表示使该模型上的各种运算的效率都尽可能地高？很明显，对于不同的运算组，为使该运算组中所有运算的效率都尽可能地高，其相应的数据模型的具体表示将是不同的。在这个意义下，数据模型的具体表示又反过来依赖于数据模型上定义的那些运算。特别是，当不同运算的效率互相制约时，还必须事先将所有的运算相应的使用频度排序，让所选择的数据模型的具体表示优先保证使用频度较高的运算有较高的效率。数据模型与定义在该模型上的运算之间存在着这种密不可分的联系是抽象数据类型的概念产生的背景和依据。

应该指出，抽象数据类型的概念并不是全新的概念。它实际上是熟悉的基本数据类型概念的引伸和发展。用过高级语言进行算法设计和程序设计的人都知道，基本数据类型已隐含着数据模型和定义在该模型上的运算的统一。事实上，大家都清楚，基本数据类型中的逻辑类型就是逻辑值数据模型与猿种逻辑运算（或、与、非）的统一体；整数类型就是整数值数据模型与源种算术运算（加、减、乘、除）的统一体；实型和字符型等也类同。每一种基本类型都连带着一组基本运算。只是由于这些基本数据类型中的数据模型的具体表示、基本运算和具体实现都很规范，都可以通过系统内置而隐蔽起来，使人们看不到它们的封装。许多人由于习惯于在算法与程序设计中用基本数据类型名和相关的运算名，而不问其究竟，所以没有意识到抽象数据类型的概念已经孕育在基本数据类型的概念之中。

回到定义算法的顶层和底层的接口，即定义抽象数据类型。根据抽象数据类型的概念，对抽象数据类型进行定义就是约定抽象数据类型的名字，同时，约定在该类型上定义的一组运算的各个运算的名字，明确各个运算分别要有多少个参数，这些参数的含义和顺序以及运算的功能。一旦定义清楚，在算法的顶层就可以像引用基本数据类型那样，十分简便地引用抽象数据类型；同时，算法的底层就有了设计的依据和目标。顶层和底层都与抽象数据类型的定义打交道。顶层运算与底层运算没有直接的联系。因此，只要严格按照定义办，顶层算法的设计和底层算法的设计就可以互相独立、互不影响，实现对它们的隔离，达到抽象的目的。

在定义了抽象数据类型之后，算法底层的设计任务就可以明确为：

(员) 对于每一个抽象数据类型赋予其具体的构造数据类型，或者说，对于每一个抽象数据类型名赋予其具体的数据结构；

(圆) 对于每一个抽象数据类型上所定义的每一个运算名赋予其具体的运算内容，或者说，赋予其具体的函数。

因此，算法底层的设计就是数据结构的设计和函数的设计。用高级语言表达，就是构造数据类型的定义和函数的说明。

不言而喻，由于实际问题千奇百怪，数据模型千姿百态，问题求解的算法千变万化，所

以抽象数据类型的设计和实现不可能像基本数据类型那样规范。它要求算法设计和程序设计人员因时因地制宜、自行筹划，目标使抽象数据类型对外的整体效率尽可能地高。本书在介绍各种抽象数据类型时会给出一些范例，供设计和实现时参考选用。

## 猿 猿 猿 使用抽象数据类型的好处

使用抽象数据类型将给算法和程序设计带来很多的好处，主要有：

(员) 算法顶层的设计与底层的实现分离，使得在进行顶层设计时不考虑它所用到的数据和运算将如何分别表示和实现；反过来，在进行数据表示和底层运算实现时，只要定义清楚抽象数据类型而不必考虑它将在什么场合被引用。这样做，算法和程序设计的复杂性降低了，条理性增强了，既有助于迅速开发出程序的原型，又有助于在开发过程中少出差错，保证编出的程序有较高的可靠性。

(圆) 算法设计与数据结构设计隔开，允许数据结构自由选择，从中比较，优化算法和提高程序运行的效率。

(猿) 数据模型和该模型上的运算统一在抽象数据类型中，反映了它们之间内在的相互依赖和互相制约的关系，便于空间和时间耗费的折衷，灵活地满足用户的要求。

(源) 由于顶层设计和底层实现的局部化，在设计中出现的差错也是局部的，因而容易查找，也容易纠正。在设计中常常要做的增、删、改也都是局部的，因而也都很容易进行。因此，可以肯定，用抽象数据类型表述的程序具有很好的可维护性。

(缘) 编出来的程序自然地呈现模块化，而且抽象数据类型的表示和实现都可以封装起来，便于移植和重用。

(远) 为自顶向下逐步求精和模块化提供一种有效的途径和工具。

(苑) 编出来的程序结构清晰、层次分明，便于程序正确性的证明和复杂性的分析。

## 猿 猿 猿 数据结构、数据类型和抽象数据类型

数据结构、数据类型和抽象数据类型，这猿个术语在字面上既不同又相近，反映出它们在含义上既有区别又有联系。

数据结构是在整个计算机科学与技术领域中广泛使用的术语。它用来反映数据的内部构成，即数据由哪些成分数据构成，以什么方式构成，呈什么结构。数据结构有逻辑上的数据结构和物理上的数据结构之分。逻辑上的数据结构反映成分数据之间的逻辑关系；物理上的数据结构反映成分数据在计算机内的存储安排。数据结构是数据存在的形式。

数据是按照数据结构分类的，具有相同数据结构的数据同属一类。同一类数据的全体称为一个数据类型。在高级程序设计语言中，数据类型用来说明数据在数据分类中的归属。它是数据的一种属性。这个属性限定了该数据的变化范围。为了解题的需要，根据数据结构的种类，高级语言定义了一系列的数据类型。不同的高级语言所定义的数据类型不尽相同。简单数据类型对应于简单的数据结构；构造数据类型对应于复杂的数据结构；在复杂的数据结构里，允许成分数据本身具有复杂的数据结构，因此，构造数据类型允许复合嵌套；指针类型对应于数据结构中成分数据之间的关系，表面上属简单数据类型，实际上都指向复杂的成分数据即构造数据类型中的数据，因此单独划出一类。

数据结构反映数据内部的构成方式，它常常用一个结构图来描述：数据中的每一项成分数据被看做一个结点，并用方框或圆圈表示，成分数据之间的关系用相应的结点之间带箭头

的连线表示。如果成分数据本身又有它自身的结构，则结构出现嵌套。

由于数据类型是按照数据结构划分的，因此，一类数据结构对应着一种数据类型。一个数据变量，在高级语言中的类型说明必须是该变量所具有的数据结构所对应的数据类型。

最常用的数据结构是数组结构和记录结构。

数组结构的特点是：

(员) 成分数据的个数固定，它们之间的逻辑关系由成分数据的序号（数组的下标）来体现。这些成分数据按照序号的先后顺序一个挨一个地排列起来。

(圆) 每一个成分数据具有相同的结构（可以是简单结构，也可以是复杂结构），因而属于同一数据类型（相应地是简单数据类型或构造数据类型）。这种同一的数据类型称为基类型。

(猿) 所有成分数据被依序安排在一片连续的存储单元中。概括起来，数组结构是一个线性的、均匀的、可随机访问其成分数据的结构。由于这种结构有这些良好的特性，所以常被人们所采用。

记录结构是另一种常用的数据结构。它的特点是：

(员) 与数组结构一样，成分数据的个数固定，但成分数据之间没有自然序，它们处于平等地位。每一个成分数据被称为一个域并赋予域名。不同的域有不同的域名。

(圆) 不同的域允许有不同的结构，因而允许属于不同的数据类型。

(猿) 与数组结构一样，可以随机访问其成分数据，但访问的途径是靠域名。在高级语言中记录结构对应的数据类型是记录类型。记录结构的数据的变量必须说明为记录类型。

抽象数据类型的含义在上一段已作了专门叙述。它可理解为数据类型的进一步抽象，即把数据类型和数据类型上的运算捆在一起，进行封装。引入抽象数据类型的目的是把数据类型的表示和数据类型上运算的实现，与这些数据类型和运算在程序中的引用隔开，使它们相互独立。对于抽象数据类型的描述，除了必须描述它的数据结构外，还必须描述定义在它上面的运算（函数）。抽象数据类型上定义的运算，以该抽象数据类型的数据所应具有的数据结构为基础。

## 用 悦垣垣描述数据结构与算法

描述数据结构与算法可以有多种方式，如自然语言方式、表格方式等。在本书中，采用悦垣垣语言来描述数据结构与算法。悦垣垣语言的优点是类型丰富、语句精炼，具有面向过程和面向对象的双重特点。用悦垣垣语言来描述算法可使整个算法结构紧凑，可读性强。在本书中，有时为了更好地阐明算法的思路，还采用悦垣垣与自然语言相结合的方式描述算法。本节对悦垣垣语言的若干重要特性作简要概述。

### 变量、指针和引用

#### 变量

变量是程序设计语言对存储单元的抽象，它具有以下属性：

变量名（标识符）：变量名是用于标识变量的符号。

地址（存储单元）：地址是变量所占据的存储单元的地址。变量的地址属性也称为左值。