



高等院校电子信息类规划教材



信息光学 理论与应用

[本书配有同步英文版]

(第4版)

王仕璠 编著



北京邮电大学出版社
www.buptpress.com

内 容 简 介

本书是在普通高等教育“十一五”国家级规划教材《信息光学理论与应用》(第3版)的基础上修订而成的,系统地介绍了信息光学的基础理论及相关的应用。全书共10章,内容涉及二维傅里叶分析、标量衍射理论、光学成像系统的频率特性、部分相干理论、光学全息照相、空间滤波、相干光学处理、非相干光学处理,以及信息光学在计量学中的应用等。

本书内容丰富,选材新颖,既系统地介绍基础理论,又同时兼顾理论和技术的发展,并强调理论与应用的结合。《信息光学理论与应用》的第2版曾被教育部评为“2009年度普通高等教育精品教材”。第3版在保持原书总体特色的基础上,结合作者多年的教学实践,对第2版做了许多修订和补充,并将其中的习题解答部分从原书中剥离出来,做了适当的添加和完善,同时补充了思考题解答,独立成书。

在准备出版本书和英文版时,作者对第3版又做了全面的修订,删去了一些次要的内容,对个别章节做了适当的补充,使其更加精炼、流畅,更适合于课堂教学。同时,为了配合重点大学进行双语教学的需要,作者力图使中文第4版与英文版的全书内容一致,便于学生对照参考。

本书读者对象为光学、光学工程、光电子技术、光信息科学与技术、应用物理、精密仪器等专业的高年级本科生和研究生。本书也可供相关专业的工程技术人员参考。

图书在版编目(CIP)数据

信息光学理论与应用 / 王仕璠编著. -- 4版. -- 北京: 北京邮电大学出版社, 2020. 8

ISBN 978-7-5635-6122-3

I. ①信… II. ①王… III. ①信息光学—高等学校—教材 IV. ①O438

中国版本图书馆CIP数据核字(2020)第119543号

策划编辑: 马晓仟 责任编辑: 王晓丹 左佳灵 封面设计: 七星博纳

出版发行: 北京邮电大学出版社

社 址: 北京市海淀区西土城路10号

邮政编码: 100876

发 行 部: 电话: 010-62282185 传真: 010-62283578

E-mail: publish@bupt.edu.cn

经 销: 各地新华书店

印 刷: 保定市中华美凯印刷有限公司

开 本: 787 mm×1 092 mm 1/16

印 张: 20.25

字 数: 524千字

版 次: 2004年3月第1版 2009年2月第2版 2013年3月第3版 2020年8月第4版

印 次: 2020年8月第1次印刷

ISBN 978-7-5635-6122-3

定价: 52.00元

· 如有印装质量问题,请与北京邮电大学出版社发行部联系 ·

第 4 版前言

《信息光学理论与应用》一书自 2004 年 3 月出版以来,已连续再版多次,分别是在 2009 年和 2013 年。本书出版以来,获得不少高校同行的认可,并被选作“信息光学”课的教材,作者深受鼓舞!

在准备本书第 4 版和英文版的出版时,作者对《信息光学理论与应用》的第 3 版做了全面的修订,删去了一些次要的内容,使全书更精炼,更适于课堂教学,并使阅读更加流畅;同时,对个别章节也做了适当的补充,例如在第 5、6 章分别增加了插图,并对原书中的一些欠准确的文字做了修改。为了配合重点大学双语教学的需要,作者力图使中文第 4 版与英文版的全书内容一致,便于学生对照参考。

在完成本书的过程中,作者参考了国内外已出版的信息光学相关的多种教材、习题集和学术著作,在此,特向作(译)者们致以衷心的感谢!

最后,衷心感谢北京邮电大学出版社对本书出版的支持,衷心感谢采用本书作为教材的各兄弟院校的同行们,衷心感谢多年来听我讲授“信息光学”课程的同学,同学们的学习热情时时激励着我在教学上精益求精,还要衷心感谢电子科技大学物理学院的各位领导和刘艺副教授对本书和英文版的出版给予的关心、支持与帮助。

由于作者水平所限,书中难免存在疏漏和错误,恳切希望使用本书的读者批评指正。

又及,作者和刘艺副教授用本书讲授“信息光学”课程的视频,已由北京超星数字图书馆“名师讲坛”全程录像,可全时段在百度上搜索到,有兴趣的读者可在百度上观看。

作 者

2019 年 12 月 10 日

第3版前言

《信息光学理论与应用》的第2版自2009年2月出版以来,获得不少兄弟高校同行的认可,被选作“信息光学”课的教材,并被教育部评为“2009年度普通高等教育精品教材”“普通高等教育‘十一五’国家级规划教材”,作者深受鼓舞!为了不辜负使用本书的老师、同学的信任和期望,作者随时都在考虑如何把本书修改、完善得更好一些,以满足当前教学的需要。

现在的第3版就是在保持第2版总体特色的基础上,结合作者近几年的教学实践,对全书做了全面的校订,使文字更加流畅、概念表述更加准确、数学推演更加严谨,更方便于读者自学,达到轻松学习的目的,以期培养学生独立获取知识和创造性地运用知识的能力,培养学生创新精神、勇于实践的动手能力,发展个性特长。考虑到近几年来信息光学领域的发展,全书各章都做了适当的补充。例如,在第2章“标量衍射理论”中,增加了“双缝的夫琅和费衍射”,以用于第10章中解释采用位相掩膜技术制作布拉格光纤光栅的理论依据;在第5章“光学全息照相”中,介绍了“全息网真”的最新进展;增加了5.8节“数字全息图 计算全息图”,并在书末引入了附录2“计算全息图记录和重现的 Matlab 程序”;在第6章“空间滤波”中,增加了“相衬显微镜的典型光路”;等等。

与第2版相比较,第3版变动特别大的是将书中的习题解答部分从原书中剥离出来,并做了适当的添加和完善,同时补充了思考题解答,独立成书,此即《信息光学理论与应用习题详解》一书,这样做有助于读者深入领会教材中所讨论的内容,并用于解决具体问题,产生动手的欲望。该书是对教材的一本很好的补充读物。

在完成本书的过程中,作者应用和参考了国内已出版的多种教材、习题集和学术著作,在此,特向作(译)者们致以衷心的感谢!

最后,衷心感谢北京邮电大学出版社对本书出版的支持,衷心感谢采用本书作教材的各兄弟高校的同行们,衷心感谢多年来听我讲授“信息光学”课的同学们,你们的学习热情时时激励着我在教学上精益求精,还要衷心感谢电子科技大学物理电子学院刘艺副教授为本书编制了计算全息图的仿真程序。

由于作者水平所限,书中缺点和错误在所难免,恳切期望使用本教材的读者批评指正。

作 者

第 2 版前言

本书和第 1 版相较,有了很多修改。主要的修改如下:

1. 对第 1 版各章做了全面的校订,使文字更加流畅、概念叙说更加准确、数学推演更加严谨,同时为便于教师与学生使用本教材,在各章末增加了“本章重点”和“思考题”,与此相配合,精选了数十道实用的例题作解题示范;重新审订了各章的习题,并给出了全部习题的详细答案。

2. 在相关章节,增写了信息光学在工业和科技领域中的应用,以便使理论与应用更紧密结合,同时开拓学生视野。

3. 将第 1 版中第 9 章至第 11 章共 3 章压缩成一章(即现在的第 9 章),重点介绍信息光学用于计量学领域时的数据处理方法,第 1 版中有关实验方面的一些描述,因另有专门的实验教材出版(见本人主编的《现代光学实验教程》,北京邮电大学出版社,2004),就从本书中删去了。

4. 新增了第 10 章“信息光学在光通信中的应用”。这是因为近 10 年来,光纤通信和相应元器件的发展极大地促进了信息光学与光通信技术的结合。光纤布拉格光栅和阵列波导光栅等的出现使全光网通信成为可能。鉴于空间光调制器在光学信息处理和光通信中日益广泛的应用,在第 7 章还专门增写了“空间光调制器”一节。全部新增和校订的内容约占原书 1/3 的篇幅。

衷心感谢北京邮电大学出版社对本书再版和申报“十一五”国家级规划教材给予的支持;衷心感谢采用本书作教材的各兄弟高校的同行们,是你们的支持才使本书得以再版;衷心感谢多年来听我讲授过“信息光学”课的学生们,是你们孜孜不倦的求知精神,激发了我的教学和写作热情;还要衷心感谢电子科技大学物理电子学院刘艺副教授,他为本书电子教案(PPT)的打印和绘图付出了辛勤劳动。

由于作者水平所限,书中缺点和错误在所难免,恳切期望使用本教材的读者批评指正。

作 者

第 1 版前言

本书是在作者多年从事信息光学教学和科研的基础上写成的。信息光学是一个很宽的研究领域,其发展也十分迅速。作为一本大学教材,要全面介绍信息光学各方面的最新成果似乎有一定的困难,篇幅和授课学时数都不允许这样做。相反,学生在学习阶段打下良好的理论基础却是十分必要的。有了这些基础,再去阅读最新的相关文献应该不会感到有太多的困难。因此,作者把本书的重点放在系统介绍信息光学的基础理论及其相关的应用技术上,同时兼顾理论和技术的当前发展。全书大体是这样安排的:前几章着重讨论理论基础,力图使读者在较短的时间内掌握信息光学最基本的原理以及当前的一些发展概况;后几章则是介绍在若干领域的应用。为了让读者更好领会书中所讨论的内容,全书列举了大量例题和习题,并给出了大部分习题的详细解答列在书末,供读者参考。

作者在平时的教学过程中以及在撰写本书时,曾参考了国内外已出版的多部相关教材和专著,并从中获得很多教益。在此,特向这些教材或专著的作者们(恕不一一列出)致以深切的谢意!

最后,作者衷心感谢北京邮电大学出版社对本书出版给予的支持,也衷心感谢电子科技大学研究生院和教务处对作者本人在长期从事信息光学教学工作中的支持、帮助和鼓励。

中国光学学会全息与光信息处理专业委员会主任、南京理工大学博士生导师贺安之教授为本书提供了他们科研中的最新成果照片;电子科技大学物理电子学院刘艺副教授帮助打印了本书部分手稿,周均仁同志帮助拍摄了部分插图照片,研究生王刚、韩振海、刘秋武、向根祥等帮助查阅了部分参考文献资料。在此作者也向他们表示衷心的感谢!

由于作者水平所限,书中缺点和错误在所难免,恳切期望读者批评指正。

作者谨识

2003 年 12 月 1 日

目 录

第 1 章 二维傅里叶分析	1
1.1 光学中常用的几种非初等函数	1
1.1.1 矩形函数	1
1.1.2 sinc 函数	2
1.1.3 阶跃函数	3
1.1.4 符号函数	4
1.1.5 三角形函数	4
1.1.6 高斯函数	5
1.1.7 圆域函数	6
1.2 δ 函数	6
1.2.1 δ 函数的定义	6
1.2.2 δ 函数的物理意义	8
1.2.3 δ 函数的性质	8
1.2.4 梳状函数	11
1.3 卷积	12
1.3.1 卷积概念的引入	12
1.3.2 卷积的定义	13
1.3.3 卷积的物理意义和几何意义	14
1.3.4 卷积的运算性质	15
1.3.5 卷积运算举例	16
1.4 相关	19
1.4.1 互相关	19
1.4.2 自相关	20
1.4.3 相关运算举例	21

1.4.4 有限功率函数的相关	22
1.5 傅里叶变换的基本概念	23
1.5.1 二维傅里叶变换的定义	23
1.5.2 存在条件	24
1.5.3 广义傅里叶变换	24
* 1.5.4 虚、实、奇、偶函数傅里叶变换的性质	26
1.5.5 傅里叶变换作为分解式	27
1.6 二维傅里叶变换的基本定理	28
1.7 傅里叶-贝塞尔变换	31
1.7.1 可分离变量函数的变换	31
1.7.2 具有圆对称的函数:傅里叶-贝塞尔变换	33
1.8 常用傅里叶变换对	35
1.9 线性系统与线性空间不变系统	37
1.9.1 系统的算符表示	37
1.9.2 线性系统的意义	38
1.9.3 脉冲响应函数与叠加积分	38
1.9.4 线性空间不变系统 传递函数	39
1.9.5 线性空间不变系统的本征函数	40
1.9.6 LSI 级联系统	42
1.10 二维采样定理	43
1.10.1 图像函数的采样表示法	44
1.10.2 奈奎斯特判据	45
1.10.3 原始函数的复原	45
1.10.4 空间-带宽积	47
思考题	48
习题	48
本章参考文献	51

第2章 标量衍射理论 52

2.1 引言	52
2.2 基尔霍夫衍射理论	53
2.2.1 数学预备知识	53
2.2.2 平面衍射屏的基尔霍夫衍射公式	56
2.2.3 菲涅耳-基尔霍夫衍射公式	57
2.2.4 衍射公式与叠加积分	58
2.3 衍射规律的频域表达式	59

2.3.1 衍射规律的频域描述	59
2.3.2 传播现象作为一种线性空间滤波器	61
2.3.3 衍射孔径对角谱的效应	61
2.4 菲涅耳衍射与夫琅和费衍射	62
2.4.1 初步的近似处理	62
2.4.2 菲涅耳近似	63
2.4.3 夫琅和费衍射	64
2.4.4 菲涅耳衍射与夫琅和费衍射的关系	65
2.5 夫琅和费衍射计算实例	65
2.5.1 矩孔和单缝的夫琅和费衍射	66
2.5.2 双缝的夫琅和费衍射	67
2.5.3 多缝的夫琅和费衍射	68
2.5.4 圆孔的夫琅和费衍射	70
2.5.5 圆环的夫琅和费衍射	72
2.5.6 正弦型振幅光栅的夫琅和费衍射	73
2.5.7 正弦型位相光栅的夫琅和费衍射	75
2.6 菲涅耳衍射计算实例	77
2.6.1 傅里叶成像	77
2.6.2 衍射屏被会聚球面波照明时的衍射	79
2.7 衍射的巴俾涅原理	80
思考题	82
习题	82
本章参考文献	86
第3章 光学成像系统的频率特性	87
3.1 透镜的傅里叶变换性质	88
3.1.1 薄透镜的位相调制作用	88
3.1.2 透镜的傅里叶变换性质	90
3.1.3 透镜孔径的影响	92
3.2 光学成像系统的一般分析	95
3.2.1 成像系统的普遍模型	95
3.2.2 衍射受限系统的点扩展函数	96
3.2.3 准单色光照明时物像关系分析	98
3.3 衍射受限相干成像系统的传递函数	100
3.3.1 相干传递函数的定义	100
3.3.2 相干传递函数与系统物理性质的联系	101

3.3.3 像差对系统传递函数的影响	102
3.3.4 相干传递函数计算举例	102
3.4 衍射受限非相干成像系统的传递函数	104
3.4.1 衍射受限系统的光学传递函数	105
3.4.2 OTF 与 CTF 的关系	106
3.4.3 光学传递函数的一般性质和意义	107
3.4.4 衍射受限系统 OTF 的计算	109
3.4.5 像差对 OTF 的影响	111
3.5 相干成像与非相干成像系统的比较	114
思考题	117
习题	117
本章参考文献	119
第4章 部分相干理论	120
4.1 光场相干性的一般概念	120
4.1.1 光源的空间相干性与光源线度	120
4.1.2 光源的时间相干性与光波频谱	123
4.2 互相干函数	127
4.2.1 解析信号——实多色场的复值表示	127
4.2.2 互相干函数与复相干度	128
4.2.3 互相干函数的谱表示	130
4.2.4 互相干函数与复相干度的测量	131
4.3 准单色光的干涉	132
4.3.1 准单色场的互强度和复相干度	132
4.3.2 准单色光的传播	134
思考题	139
习题	139
本章参考文献	140
第5章 光学全息照相	141
5.1 全息照相的基本原理	141
5.1.1 全息图的记录和重现	141
5.1.2 基本理论	142
5.1.3 全息照相的基本特点	144
5.1.4 全息图的类型	144
5.2 菲涅耳全息图	145

5.2.1 基元全息图的几何模型	146
5.2.2 点源全息图的记录和重现	147
5.2.3 几种特殊情况	149
5.3 全息记录介质	151
5.3.1 基本术语	151
5.3.2 全息记录介质的特性	151
5.3.3 几种常用的全息记录介质	156
5.4 全息照相装置及实验注意事项	159
5.4.1 全息照相所需的设备和元件	159
5.4.2 全息照相光路的布置	162
5.5 傅里叶变换全息图	162
5.5.1 傅里叶变换全息图的记录和重现	162
5.5.2 准傅里叶变换全息图	164
5.5.3 无透镜傅里叶变换全息图	164
5.6 像全息图 彩虹全息图	166
5.6.1 像全息图	166
5.6.2 彩虹全息图	167
5.7 体积全息图	170
5.7.1 透射体积全息图	170
5.7.2 反射体积全息图	172
5.8 模压全息图	173
5.8.1 全息图的模压复制	173
5.8.2 全息烫印箔	174
5.8.3 动态点阵全息图	175
5.9 全息照相的应用	176
5.9.1 全息显示	177
5.9.2 全息光学元件	178
5.9.3 全息信息存储	181
思考题	185
习题	185
本章参考文献	187
第 6 章 空间滤波	188
6.1 空间滤波的基本原理	189
6.1.1 阿贝成像理论	189
6.1.2 空间频谱分析系统	190

6.1.3 空间频率滤波系统	192
6.1.4 空间滤波的傅里叶分析	194
6.2 空间滤波器的结构类型和应用举例	197
6.2.1 空间滤波器结构类型	197
6.2.2 空间滤波器应用举例	198
思考题	203
习题	203
本章参考文献	205
第7章 相干光学处理	206
7.1 图像相减	206
7.1.1 正弦光栅法	207
7.1.2 全息照相法	208
7.2 匹配滤波与光学图像识别	209
7.2.1 空间匹配滤波器的意义	209
7.2.2 匹配滤波器的制作	209
7.2.3 利用匹配滤波器进行图像识别	210
7.3 用梅林变换作光学相关	211
7.4 用圆谐变换实现光学相关	213
7.5 半色调网屏技术	215
7.5.1 半色调图片的制作	215
7.5.2 半色调网屏对图像的非线性处理	216
7.5.3 几种图像处理实例	217
7.6 其他相干光学处理	218
7.6.1 用逆滤波器消模糊	218
7.6.2 光学微分	219
7.7 空间光调制器	221
7.7.1 空间光调制器的意义和类型	221
7.7.2 液晶光阀	223
思考题	226
习题	227
本章参考文献	228
第8章 非相干光学处理	229
8.1 相干与非相干光学处理的比较	229
8.2 基于几何光学的非相干处理系统	230

8.2.1 图像乘积的积分运算	230
8.2.2 图像的相关和卷积	231
8.2.3 双极性信号的处理技术	232
8.2.4 利用散焦系统的非相干叠加积分	233
8.3 基于衍射的非相干处理——非相干频域综合	234
8.3.1 切趾术	234
8.3.2 沃耳特(Wolter)最小强度检出滤波器	235
8.4 白光信息处理	236
8.4.1 白光信息处理原理	236
8.4.2 实时假彩色编码技术	238
8.4.3 θ 调制技术	241
8.5 位相调制假彩色编码	242
8.5.1 光栅调制	242
8.5.2 漂白处理	243
8.5.3 滤波解调	243
思考题	245
习题	245
本章参考文献	246
第9章 信息光学在计量学中的应用	247
9.1 全息干涉计量的原理和基本方法	247
9.1.1 全息干涉计量的特点	247
9.1.2 二次曝光全息干涉术	248
9.1.3 实时全息干涉术	249
9.1.4 时间平均全息干涉术	250
9.1.5 动态全息干涉术	252
9.2 全息干涉图的数据处理方法	253
9.2.1 用二次曝光法测定三维位移场	254
9.2.2 测定刚体的微小转角与平动	256
9.2.3 测定物体的均匀应变	258
9.2.4 测定物体的微小振动	261
9.3 散斑效应及其基本统计特征	262
9.3.1 散斑的光强分布函数	263
9.3.2 散斑图的衬度	267
9.3.3 散斑的特征尺寸	267
9.4 二次曝光散斑图的记录和处理	269

9.4.1	二次曝光散斑图的记录	269
9.4.2	散斑图的处理方法	269
9.4.3	用双散斑图系统测量空间位移	271
9.4.4	用散斑摄影研究位相物体	273
9.4.5	用时间平均散斑图分析振动	275
9.5	散斑干涉计量	277
9.6	面内云纹法的基本概念	280
9.6.1	云纹的由来	280
9.6.2	均匀线位移引起的云纹效应	280
9.6.3	纯转动产生的云纹效应	282
9.6.4	均匀线位移和纯转动并存时引起的云纹效应	282
9.6.5	云纹移动效应和线应变符号的判别	284
9.6.6	云纹图的记录光路	285
9.6.7	投影云纹法	285
	思考题	286
	习题	287
	本章参考文献	287
第10章	信息光学在光通信中的应用	289
10.1	布拉格光纤光栅	289
10.1.1	光纤的基本结构	289
10.1.2	光纤中的色散	292
10.1.3	布拉格光纤光栅的记录方法	293
10.1.4	FBG的应用	295
10.2	超短脉冲的整形	297
10.2.1	时间频率到空间频率的变换	297
10.2.2	脉冲整形系统	298
10.2.3	超短脉冲整形的应用	299
10.3	阵列波导光栅	300
10.3.1	阵列波导光栅的基本结构	300
10.3.2	阵列波导光栅的工作原理	301
	思考题	302
	习题	302
	本章参考文献	303
附录	贝塞尔函数关系式表	304

第 1 章 二维傅里叶分析

自 20 世纪 40 年代后期起,由于通信理论中“系统”的观点和数学上的傅里叶分析(频谱分析)方法被引入光学,更新了传统光学的概念,丰富了光学学科的内容,并形成现代光学的一个重要分支——傅里叶光学(Fourier Optics)。

作为系统,无论是通信系统还是光学系统,它们都用于把收集的信息转换成人们所需要的输出信息,只不过通信系统传递和转换的信息是随时间变化的函数(例如,被调制的电压和电流波形),而光学系统传递和转换的信息(光场的复振幅分布或光强度分布)则是随空间变化的函数。在数学上,这两者之间没有实质性的差别。近年来,随着光纤通信和相应元器件(例如,半导体激光器和接收器等)的出现,进一步促进了光学与通信理论和技术的结合。傅里叶光学促进了图像科学、应用光学、光纤通信和光电子学的发展,可以认为它是光学、光电子学、信息论和通信理论的交叉科学,也是信息光学在各种应用领域中的数理基础。

本章的重点是介绍傅里叶光学中广泛用到的一些数学知识。在内容的选择和数学概念的引入上,密切结合光学现象而不拘泥于数学上的系统性和严密性,希望这样会有助于读者较快地掌握和运用这些数学工具来处理问题,从而避免由于烦琐的数学论证和运算而淡化傅里叶光学内容的物理实质和实用性。

1.1 光学中常用的几种非初等函数

在傅里叶光学中,有一些广泛使用的非初等函数被用来描述各种物理量。掌握它们的定义,熟悉它们的图像,常常会对分析、理解诸多光学现象带来很多方便。为此,首先介绍它们的定义和性质,并给它们各自指定专门的符号,为以后的讨论节省许多篇幅。

1.1.1 矩形函数

一维矩形函数(Rectangle Function)定义为

$$\text{rect}\left(\frac{x}{a}\right)=\begin{cases} 1 & |x|\leqslant\frac{a}{2} \\ 0 & \text{其他} \end{cases} \quad (1.1.1)$$

式中, $a>0$,其函数图形如图 1.1.1 所示。

该函数以坐标原点为中心,在宽度为 a 的区间内其值等于 1,其他地方处处为 0。

在时间域中,当用 x 代表时间变量时,光学中可以用一维矩形函数来描写照相机快门,定义式(1.1.1)中的 a 便是曝光时间;在空间域中,可以用该函数来描述无限大不透明屏上单缝的透过率,故一维矩形函数也称为门函数(Gating Function)。同时,它与某函数相乘后,可限制该函数自变量的取值范围,起到截取函数的作用。例如,乘积 $\cos x \cdot \text{rect}\left(\frac{x}{a}\right)$ 表示余弦函数只出现在区间 $\left(-\frac{a}{2}, +\frac{a}{2}\right)$ 上。

二维矩形函数的定义为

$$\text{rect}\left(\frac{x}{a}, \frac{y}{b}\right) = \text{rect}\left(\frac{x}{a}\right) \cdot \text{rect}\left(\frac{y}{b}\right) = \begin{cases} 1 & |x| \leq \frac{a}{2}, |y| \leq \frac{b}{2} \\ 0 & \text{其他} \end{cases} \quad (1.1.2)$$

式中, $a > 0, b > 0$ 。

该函数可视为两个一维矩形函数的乘积,它在 xOy 平面上以原点为中心的 $a \times b$ 矩形区域内,函数值为 1,在其他地方处处为 0,如图 1.1.2 所示。二维矩形函数可用来描述无限大不透明屏上矩形孔的透过率。

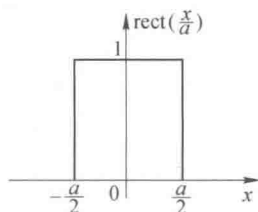


图 1.1.1 一维矩形函数

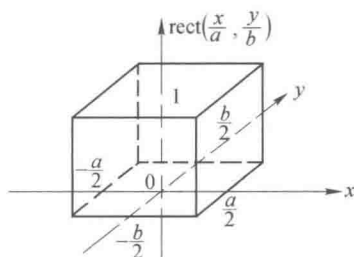


图 1.1.2 二维矩形函数

1.1.2 sinc 函数

一维 sinc 函数(sinc Function)定义为

$$\text{sinc}\left(\frac{x}{a}\right) = \frac{\sin\left(\frac{\pi x}{a}\right)}{\frac{\pi x}{a}} \quad (1.1.3)$$

式中, $a > 0$ 。

该函数在原点处有最大值 1,而在 $x = \pm na$ ($n = 1, 2, 3, \dots$) 处的值等于 0,其函数图形如图 1.1.3 所示。原点两侧第一级零点之间的宽度(称为 sinc 函数的主瓣宽度, Mainlobe Width)为 $2a$,并且它的面积(包括正波瓣和负波瓣)刚好等于 a 。

二维 sinc 函数定义为

$$\text{sinc}\left(\frac{x}{a}, \frac{y}{b}\right) = \text{sinc}\left(\frac{x}{a}\right) \text{sinc}\left(\frac{y}{b}\right) \quad (1.1.4)$$

式中, $a > 0, b > 0$ 。

该函数可视为两个一维 sinc 函数的乘积,零点位置在 $(\pm ma, \pm nb)$, m, n 均为正整数,其函数图形如图 1.1.4 所示。

由基础光学中知道, sinc 函数可用来分别描述单缝(一维情形)和矩孔(二维情形)的夫琅