

普通高等教育“十二五”规划教材

新编

XINBIAN DAXUE WULI SHIYAN

大学物理实验

主编 罗宏雷

副主编 金骥 朱象云



ZHEJIANG UNIVERSITY PRESS
浙江大学出版社

04-33

641

014035174

求知者内

新编大学物理实验

浙江大学出版社

ISBN 978-7-308-11335-5

9787308113355

主编 罗宏雷

副主编 金骥 朱象云



图书馆
馆长 雷宏恩

王洪生
宁小军
潘晓静
林伟

李小军
吴小军
潘晓静
林伟

王洪生
宁小军
潘晓静
林伟

王洪生
宁小军
潘晓静
林伟

王洪生
宁小军
潘晓静
林伟

王洪生
宁小军
潘晓静
林伟



ZHEJIANG UNIVERSITY PRESS
浙江大学出版社



北航

C1715378

38.00 元

04-33

641

014032134

内容简介

本书在中国计量学院使用了多年的大学物理实验讲义基础上,精选了力、热、电、光近代综合实验和设计性实验共30个,新增并加大了组装式实验仪器的使用,如学生组装直流单双臂电桥;设计性实验教学,如热学设计性实验;现代传感技术在物理量测量中的应用,如光敏传感器光电特性研究。

本书测量数据表格详细,特别适合作为高等院校理工专业物理实验教科书和参考书,也可作为相关技术人员的参考书。

图书在版编目(CIP)数据

新编大学物理实验/罗宏雷主编. —杭州：
浙江大学出版社, 2013.2

ISBN 978-7-308-11222-2

I. ①新… II. ①罗… III. ①物理学—实验—高等学校—教材 IV. ①04-33

中国版本图书馆CIP数据核字(2013)第033767号

新编大学物理实验
罗宏雷 主编

策划编辑 甘丹红
责任编辑 邹小宁
文字编辑 韩新严
封面设计 朱琳
出版发行 浙江大学出版社
(杭州市天目山路148号 邮政编码 310007)
(网址: <http://www.zjupress.com>)
排 版 杭州教联文化发展有限公司
印 刷 浙江华人数码印刷有限公司
开 本 787mm×1092mm 1/16
印 张 19.25
字 数 480千
版 印 次 2013年2月第1版 2013年2月第1次印刷
书 号 ISBN 978-7-308-11222-2
定 价 33.50元

版权所有 翻印必究 印装差错 负责调换

前言

本书依据教育部颁发的《高等工业学校物理实验课程教学基本要求》，结合独立学院的学生特点，在使用了多年的大学物理实验讲义的基础上编写而成。与传统的工科物理实验教材相比，该教材增添了一些新的实验内容，力求反映当前主流的实验理论、技术和方法。例如，教材选入了表面等离子共振实验、太阳能电池基本特性的研究、光敏传感器光电特性研究等。在仪器的选用上，尽可能地使用散件式、组装式，如热学设计性实验、组装直流单双臂电桥等。在许多传统的实验中，也使用了新的实验仪器、新的实验技术，并利用计算机进行数据采集和处理。本书实验操作步骤叙述详细，每个实验均有数据处理表格，学生对照教材和仪器，基本上能独立完成实验，特别适合独立学院学生作为教材使用。

参加本书编写的是中国计量学院担任大学物理实验课的教师和实验技术人员，因此本书是集体智慧和劳动的结晶。全书由罗宏雷任主编，金骥、朱象云老师任副主编。感谢各位老师对本书出版的支持以及付

出的辛勤劳动，也感谢历年来使用《大学物理实验》的师生提出的宝贵意见。本书在编写过程中，曾参阅了兄弟院校的大学物理实验教材和讲义，在此一并致谢。同时，我们还要感谢中国计量学院现代科技学院领导的支持和帮助。

本书共收入 30 个实验，可作为高校独立学院大学物理实验教学用书，也可作为相关专业人员的参考用书。

由于编写时间紧迫，以及编者的水平有限，书中难免有疏误和不妥之处，企盼使用本书的教师、学生和各位读者批评指正。

编者
2012年11月

目 录

181	实验数据的表示与处理	六十章实验 数据表示与处理
281		十二章实验 数据表示与处理
291	实验数据的表示与处理	一十二章实验 数据表示与处理
391	实验数据的表示与处理	二十二章实验 数据表示与处理
402	实验数据的表示与处理	三十二章实验 数据表示与处理
502	实验数据的表示与处理	四十二章实验 数据表示与处理
第一章 绪论	有效数字及其运算	有效数字及其运算
812	测量误差及其基本概念	测量误差及其基本概念
983	数据处理的基本方法	数据处理的基本方法
883	习题	习题

第二章 基础实验	23
实验一 物体转动惯量的测定（三线摆法）	23
实验二 弹性模量测定	28
实验三 空气比热容比的测定	33
实验四 电子束实验	37
实验五 示波器的调整和使用	47
实验六 声速的测定	65
实验七 模拟静电场	78
实验八 万用表的使用	84
实验九 霍尔效应	90
实验十 磁滞回线的测量	97
实验十一 分光计的调整及应用	112
实验十二 迈克尔逊干涉仪的应用	123

第三章 综合设计实验	129
实验十三 热学设计性实验.....	129

实验十四	光敏传感器光电特性研究	145
实验十五	普朗克常数的测定（光电效应）	155
实验十六	表面等离子共振实验	161
实验十七	黑匣子实验	165
实验十八	直流单、双臂电桥的组装	168

第四章 自学开放实验 目录 181

实验十九	简谐振动的研究	181
实验二十	热电偶标定和测温	188
实验二十一	半导体磁阻效应研究	193
实验二十二	单缝衍射的光强分布	199
实验二十三	光的等厚干涉	204
实验二十四	电子荷质比的测定	210
实验二十六	半导体温度计的设计与制作	215
实验二十六	电表的改装和校准	218
实验二十七	电学设计性实验	224
实验二十八	太阳能电池基本特性的研究	230
实验二十九	物理设计性（传感器）实验	237
实验三十	力学综合实验	273

附录一	294
附录二	295
附录三	299
参考文献	301

第一章

绪 论

任何理论都是建立在实验的基础上的，物理实验是一门重要的基础实验课。其主要任务是：

- (1) 学习和掌握物理实验的基础知识、基本方法和基本技能，了解物理实验的主要过程，使学生具有初步的科学实验能力。
- (2) 培养和提高学生观察和分析物理现象的本领，训练学生从实验中归纳、总结物理规律的能力，并学会利用所掌握的物理理论进行实验和设计实验。
- (3) 培养严肃认真的工作作风、实事求是的科学态度、勇于探索的钻研精神、克服困难的坚强意志和遵守纪律的优良品德。

第一节 有效数字及其运算

在实验过程中，只有正确读取数据和处理数据，才能得到正确的结果，反之，如果读取的数据是无效的，则结果是错误的。什么样的数据才是有效的呢？

一、有效数字的概念

任何一个实验结果都存在着误差，由准确数字加上最后一位可疑数字合称为有效数字。如 $L=15.24$ ，有 4 位有效数字，其中 4 是可疑位。有效数字越多，精度就越高，因此，有效数字的多少不可以随意取舍。下面对有效数字作几点说明：

- (1) 出现在数值中间的“0”与末尾的“0”均为有效数字。
- (2) 有效数字与小数点的位置无关。如物体的长度为 12.64cm ，也可记为 0.1264m ，以及 0.0001264km ，它们都有 4 位有效数字。当数值太小或太大时，应当采用科学计数法，即用有效数字乘以 10 的幂指数的形式表示，如 $1.264 \times 10^{-4}\text{km}$ 等。用这种形式表示特大或特小数值时，一般小数点前只取一位有效数字，幂指数不是有效数字。
- (3) 任何有效数字位数是由绝对误差来决定的，有效数字的最末位应与误差（只取一位）所在位对齐。如物体长度写成 $L=3.45 \pm 0.02\text{cm}$ 是正确的，但写成 $L=3.5 \pm 0.02\text{cm}$ 或 $L=3.452 \pm 0.02\text{cm}$ 都是错误的。
- (4) 有效数字的位数与测量方法有关。例如，用单摆测量重力加速度，如果用最小分度为 0.1s 的秒表测一个周期，得 $T=1.9\text{s}$ ；但如果连续测 100 个周期，得 $100T=194.6\text{s}$ ，则

一个周期 $T=1.946\text{s}$ 。前者为两位有效数字，后者为 4 位有效数字，精度提高了。

(5) 测量同一物理量时，有效数字的位数与所用测量仪器精度有关。仪器精度越高，有效数字的位数就越多。例如，测量一平板玻璃厚度，用米尺来测量得 4.2mm ，为两位有效数字；用游标卡尺测量得 4.20mm ，为 3 位有效数字；用螺旋测微器测量得 4.212mm ，为 4 位有效数字。

二、有效数字的运算

1. 有效数字的加减

先看下列例子：

$$25. \underline{3} + 4.24 = 29. \underline{54} = 29.5$$

$$37. \underline{9} - 5.62 = 32. \underline{28} = 32.3$$

$$71. \underline{4} + 0.753 = 72. \underline{153} = 72.2$$

结论：几个数相加（减），其和（或差）在小数点后所应保留的位数与参与运算的诸数中小数点后位数最少的一个相同。

2. 有效数字的乘除

先看下列例子：

$$528 \div 121 = 4. \underline{364} = 4.36$$

$$3.85 \times 9.73 = 37. \underline{46} = 37.5$$

$$39.3 \times 4.084 = 160. \underline{5} = 161$$

结论：几个数相乘除，所得的结果的有效数字的位数，一般与诸数中有效数字位数最少的一个相同，有时也可多一位或少一位。

3. 乘方与开方

某数的乘方（或开方）的有效数字位数，应与其底数的有效数字相同。

4. 常数 e 、 π 等运算

在运算中， π 、 e 可认为其有效数字是无限的，但一般仅比测量值多取一位有效数字参与运算。

第二节 测量误差及其基本概念

只有在精确实验的基础上才能得出正确的结论和发展正确的理论。如近代的量子力学、相对论等。但所有实验都存在着误差，只有正确地分析、处理误差才能得出正确的结果。

一、测量误差的基本概念

测量是物理实验的基本操作。所谓测量，就是把待测的物理量与一个被选作标准的同类物理量进行比较，以确定它是标准量的多少倍。这个标准量称为该物理量的单位（本书采用国际单位）。这个倍数称为待测物理量的数值。测量的结果应包括数值、单位以及结果可信赖的程度。

(一) 直接测量和间接测量

测量分为直接测量和间接测量。凡是能以量具、仪器的刻度直接测得待测量大小的测量，叫做直接测量。例如，用直尺测某长度、用天平称物体质量、用安培表测电流强度等。但大多数物理量不可能直接测得，需要进行间接测量。所谓间接测量，就是先经过直接测量得到一些量的量值，然后再通过一定的函数关系进行计算，才能得出所求结果的测量。例如，直接测量一圆柱体的直径(d)和高度(h)，再根据 $V = \pi d^2 h / 4$ 计算出圆柱体的体积，圆柱体的体积测量就是间接测量。又如转动惯量、重力加速度的测定等。有些物理量既可直接测量也可间接测量，如电流，既可用电流表直接测得（直接测量），也可先测电阻两端电压，然后通过欧姆定律求得（间接测量）。

(二) 精度测量——测量的正确度、精密度和精确度

仪器的不同、方法的差异、测量条件的改变以及测量值素质的参差都会造成测量结果的变化。这样的测量是不等精度测量。而同一个人，用同样的方法，使用同样的仪器并在相同的条件下对同一物理量进行的多次测量，叫做等精度测量。尽管各测量值可能不相等，但没有理由认为哪一次（或几次）的测量值更可靠或更不可靠。实际上，一切物质都在运动中，没有绝对不变的人和事物。只要其变化对实验的影响很小以至于可以忽略，就可以认为是等精度测量。如有一个条件发生变化，从而明显影响实验结果，这样的测量即为不等精度测量。对一个量的多次测量，通常指等精度测量。对同一物理量进行多次等精度测量，其结果也不完全相同。比如打靶（如图 1-1 所示），着弹点会有一定的弥散性，结果比较接近客观实际的测量正确度高；结果彼此相近的测量精密度高；而既精密又正确的测量则为精确度高。正确度表示测量结果系统误差的大小，精密度表示测量结果随机性误差的大小，精确度则综合反映测量的系统误差与随机性误差的大小。

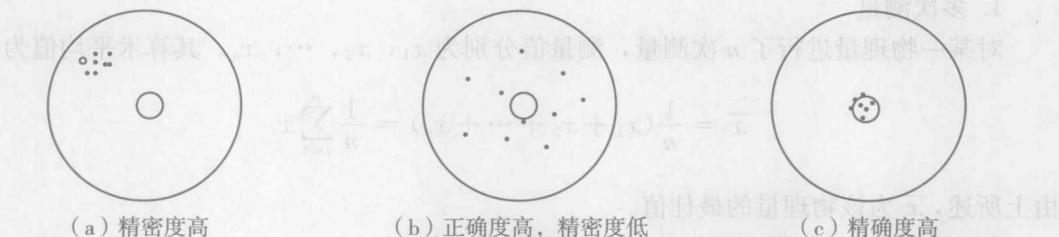


图 1-1 打靶

(三) 测量误差

任何物理量在一定条件下客观存在一个唯一确定的值，即真值。所测得的数值与其真值之间总存在着误差，我们把所测得的数值与真值之差定义为误差。用下式表示：

$$\Delta x_i = x_i - x_0$$

式中， x_0 代表真值， x_i 为第 i 次测量值， Δx_i 为第 i 次测量误差。

产生误差的原因是多方面的，根据误差的性质及其产生的原因，可分为系统误差和偶

然误差两大类。

1. 系统误差

图 1-1 (a) 中的情况，对一个枪手来说，很可能是由于枪的准星不准而偏离了靶心。这是由于仪器造成的误差，这种误差属系统误差。系统误差的特点是测量的结果总是向某一确定方向偏离，或按照一定的规律变化。产生系统误差有以下几个原因：仪器本身的缺陷（如刻度不准、不均匀或零点没校准等）；理论公式或测量方法的近似性；环境的改变（如测量过程中温度、压强的变化）；实验者生理或心理特点，或缺乏经验引入的误差（读数总是偏大或偏小）。由于系统误差的数值和符号（+、-）是定值或按某种规律变化，因此系统误差不能通过多次测量来消除或减小。如果能找到产生系统误差的原因，就能采取适当的方法来消除或减小它的影响，或对测量结果进行修正。实验中一定要注意消除系统误差。

2. 偶然误差（随机误差）

由于观察者受到感官的限制，或由于测量对象自身的涨落，或由于其他不可预测的偶然因素所引起的误差称为偶然误差或随机误差。它的特点是随机性、不可预知性，但从统计的角度看，满足正态分布。其特点为：

绝对值相等的正负误差出现的几率相等。

绝对值小的误差出现的几率比绝对值大的误差出现的几率大。

偶然误差的算术平均值随测量次数的增加而减小，当测量次数趋于无穷大时，它趋于零。偶然误差存在一“最大误差”，即误差的绝对值不超过某一限度。

由于偶然误差存在上述性质，我们可以用增加测量次数的方法来减小它。当测量次数足够多时，测量值的偶然误差趋近于零，测量值的算术平均就趋近于真值。

(四) 直接测量的误差估算

1. 多次测量

对某一物理量进行了 n 次测量，测量值分别为 x_1, x_2, \dots, x_n 。其算术平均值为

$$\bar{x} = \frac{1}{n}(x_1 + x_2 + \dots + x_n) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i$$

由上所述， \bar{x} 为该物理量的最佳值。

每次测量值 x_i 与算术平均值 \bar{x} 的误差的绝对值为

$$\Delta x_1 = |x_1 - \bar{x}|, \Delta x_2 = |x_2 - \bar{x}|, \dots, \Delta x_n = |x_n - \bar{x}|$$

则算术平均绝对误差（算术平均误差）为

$$\overline{\Delta x} = \frac{1}{n}(\Delta x_1 + \Delta x_2 + \dots + \Delta x_n) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \Delta x_i$$

测量结果可表示为

$$x = \bar{x} \pm \overline{\Delta x}$$

2. 单次测量

有些物理实验是在动态下测量的，不允许重复多次测量；有些实验的精密度要求不高

等。在这些情况下，可以只进行一次测量。单次测量的误差估计，一般总是估计误差的最大值。误差最大值的估计比较复杂，有各种方法。如果要求不高或不需要很精确时，常取仪器最小分度 d 的一半来表示，其测量结果为

$$x = \bar{x} \pm d/2$$

对于标出精度等级的仪器和仪表，可用仪器误差作为单次测量误差，其表示式为

$$x = \bar{x} \pm \Delta x_{\text{仪}}$$

其中， $\Delta x_{\text{仪}} = \text{量程} \times \text{级别 \%}$ 。

在多次测量中，经过计算得到的偶然误差很小甚至趋近于零。从简化问题而又不失其合理性考虑，这时仍可取仪器误差作为测量结果的最大误差。

(五) 间接测量误差的估算

设间接测量量 N 与各独立的直接测量量 x, y, z, \dots 有下列函数关系

$$N = f(x, y, z, \dots)$$

用算术平均误差（通常把算术平均误差看成最大误差）表示各个独立的直接测量值为

$$x = \bar{x} \pm \Delta x, y = \bar{y} \pm \Delta y, z = \bar{z} \pm \Delta z, \dots$$

则间接测量值可表示为

$$N = \bar{N} \pm \Delta N$$

式中： $\bar{N} = f(\bar{x}, \bar{y}, \bar{z}, \dots)$ ， $\Delta N = \left| \frac{\partial f}{\partial x} \Delta x \right| + \left| \frac{\partial f}{\partial y} \Delta y \right| + \left| \frac{\partial f}{\partial z} \Delta z \right| + \dots$

式中取绝对值是考虑到误差最大的情况。

(六) 相对误差

为了评价测量的精密程度，引入相对误差的概念。相对误差定义为

$$E = \frac{\Delta x}{\bar{x}} \times 100\%$$

在处理间接测量量的误差问题时，如果函数关系仅仅是乘除关系，往往先求相对误差，而后根据相对误差公式求出绝对误差，如体积

$$V = L \times W \times H$$

相对误差即为

$$E_V = E_L + E_W + E_H$$

绝对误差即为

$$\Delta V = E_V \times \bar{V}$$

但如果先计算 \bar{V} 就比较复杂。

二、测量仪器的精度级别以及测量值的有效数字

(一) 仪器的精度级别

测量结果的精密度和正确度是与测量仪器的精确度等级密切相关的。我们通常用精度和级别来描述仪器的这种性质。

仪器的精度通常指它能分辨的物理量的最小值。仪器的精度越高，即它的分度越细，允许的偏差就越小。由于多种因素，如材质不均匀、加工装配的缺陷以及环境（如温度、湿度、震动、杂散光、电磁场等）的影响，仪器的精度受到一定的限制。按照标准，在正常使用条件下（如温度、湿度范围、放置方式、额定功率等都符合要求），用某种级别的仪器进行测量时，对最大允许偏差有具体规定，这种最大允差也叫仪器的极限误差或公差，我们用 $\Delta x_{\text{仪}}$ 来表示。 $\Delta x_{\text{仪}}$ 可在产品说明书和仪器手册中查找到。

仪器的级别和最大允差有关。如模拟式（即指针式）电表级别分为 5.0、2.0、1.5、1.0、0.5、0.2、0.1 等。每一量程的最大允差 $\Delta x_{\text{仪}} = \text{量程} \times \text{级别}\%$ 。它表示在该量程下正确使用仪器进行测量，结果可能出现的最大误差。而数字式电表测量结果的误差较为复杂，通常表示为读数 \times 某百分数十最末位的几个单位（具体见说明书）。

一般而言，有刻度的仪器、量具的最大允差大约对应于其最小分度值所代表的物理量。对于数字式仪表，测量值的误差往往在于所显示的能稳定不变的数字中最末一位的半个单位所代表的物理量。应当说明，“最大允差”是指所制造的同型号、同规格的所有仪器中有可能产生的最大误差，并不表明每一台仪器的每个测量值都有如此之大的误差。它既包括仪器在设计、加工、装配过程中乃至材料选择中的缺陷所造成的系统误差，也包括正常使用过程中测量环境和仪器性能随机涨落的影响。

常用仪器量具的主要技术要求和最大允差见表 1-1。

表 1-1 常用仪器量具的主要技术要求和最大允差

量 具 (仪器)	量 程	最小分度值	最大允差
米尺 (竹尺)	30~50cm	1mm	±1.0mm
	60~100cm	1mm	±1.5mm
钢板尺	150mm	1mm	±0.10mm
	500mm	1mm	±0.15mm
	1000mm	1mm	±0.20mm
钢卷尺	1m	1mm	±0.8mm
	2m	1mm	±1.2mm
游标卡尺	125mm	0.02mm	±0.02mm
	300mm	0.05mm	±0.05mm
螺旋测微器 (千分尺)	0~25mm	0.01mm	±0.004mm

续表

量具(仪器)	量程	最小分度值	最大允差
七级天平(物理天平)	500g	0.05g	1.3mg(接近满量程)
			1.0g(1/2量程附近)
			0.7g(1/3量程及以下)
三级天平(分析天平)	200g	0.1mg	0.08g(接近满量程)
			0.06g(1/2量程附近)
普通温度计 (水银或有机溶剂)	0~100℃	1℃	±1℃
精密温度计(水银)	0~100℃	0.1℃	±0.2℃

(二) 测量值的有效数字

对于标刻度的量具和仪器,如果被测量值很明确,照明好,仪器的刻度清晰,要估读到最小刻度的几分之一(如1/10、1/5、1/2)。这最小刻度的几分之一,即为测量值的估计误差,记作 $\Delta x_{估}$ 。如用米尺测量书本上两条平行细线之间的距离,应能估读到最小刻度(1mm)的1/10。人们常把能读准的数字叫可靠数字,估读的一位数字叫可疑数字,测量值的误差往往在这最后一位。用数字式仪表测量,凡是能稳定显示的数值都应记录下来。其数值的位数就是该测量值的有效数字。如用某数字万用表测电压,显示值为217V,位数为3,它的有效数字位数就是3。如果测量值的末位或末两位数字变化不定,应当记录稳定的数值加下一位正在显示的值,或者根据其变化规律,四舍五入到读数稳定的那一位。如果两位以上的数字都变化不定,应考虑选择更适合的量程或合适的仪器。如用米尺测量一个边缘磨损的桌子的长度,因被测量值本身的不确定性,就只能读到毫米了,表示估计误差在毫米这一位。

三、测量的不确定度

长期以来,人们用误差来表征测量结果可信程度的好坏。定义误差为测量值与“真值”的偏差。但“真值”是无法确定的,它只是一个理想值。比如两条平行线之间的距离,用米尺、游标卡尺、螺旋测微器和测长仪测得的结果分别为24.6mm、24.58mm、24.579mm和24.5792mm。实际上,所谓“平行线”有一定宽度,而且线的边缘的微观感也是参差不齐的。“两线间宽度”指的是在某种精度下的一个长度范围。而“真值”只是一种理想值或约定值。在消除了系统误差的情况下,高准确度仪器的测量值就是低准确度仪器的相对真值。

以前国内外对于测量结果的不确定度的表述、运算规则都不尽统一。1992年国际计量大会以及四个国际组织制订了协调的具有国际指导性的《测量不确定度表达指南》。1993年,该《指南》经国际理化等组织批准实施。我国的计量标准部门也已明确提出应采用不确定度作为误差数字指标的名称。本节将以《指南》为基础,讲述测量不确定度的

基本原理和具体应用。

测量不确定度是与测量结果相关联的参数，用以表征测量值可信赖的程度，或者说它是被测量值在某一范围内的一个评定。测量不确定度分为 A 类标准不确定度和 B 类标准不确定度。前者由观测列统计分析评定，也称为统计不确定度；后者不按统计分析评定，也叫非统计不确定度。

(一) A 类标准不确定度

1. 测量列的标准差和高斯分布

从理论上说，对物理量 x 做 n 次等精度测量，得到包含 n 个测量值 x_1, x_2, \dots, x_n 的一个测量列。由于是等精度测量，我们无法断定哪个值更可靠。概率论可以证明，其平均值

$$\bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i \quad (1)$$

为最佳值，也称期望值，是最可以信赖的。

宇数长本算卦量测 (二)

定义该测量列的标准差为

$$\sigma = \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2} \quad (2)$$

其统计意义是指当测量次数足够多时（比如大于 10 次），测量列中任一测量值与平均值的偏离落在 $[-\sigma, \sigma]$ 区间的概率为 0.683，这一公式称为贝塞尔公式。

当 n 趋于 ∞ 时，物理量 x 将成为连续型随机变量，其概率密度分布为正态函数，形式为

$$y = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\zeta} e^{-(x-\bar{x})^2/2\zeta^2} \quad (3)$$

或

$$y(\delta) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\zeta} e^{-\delta^2/2\zeta^2} \quad (4)$$

其分布为一连续曲线，像一个倒扣的钟罩， δ 为绝对误差， $\delta = |x - \bar{x}|$ ， ζ 为一与具体测量条件有关的正参数，这种分布叫做高斯分布或正态分布。

正态分布具有以下特点：

- (1) 对称性：无论比平均值大或小，其差值的绝对值相等时，出现的概率相等。
- (2) 单峰性：与平均值相差越大，出现的概率越小。
- (3) 有界性：在一定条件下，标准差的绝对值有一定限度。
- (4) 抵偿性：标准差的算术平均值随着 $n \rightarrow \infty$ 而趋于零。

当 $n \rightarrow \infty$ 时，用式 (2) 中 σ 代替式 (4) 中 ζ ，得到

$$y(\delta) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-\delta^2/2\sigma^2} \quad (5)$$

从正态函数积分表得到

$$\int_{-\infty}^{\infty} y(\delta) d\delta = 1$$

$$\int_{-\sigma}^{\sigma} y(\delta) d\delta = p(\sigma) = 0.683$$

$$\int_{-2\sigma}^{2\sigma} y(\delta) d\delta = p(2\sigma) = 0.954$$

$$\int_{-3\sigma}^{3\sigma} y(\delta) d\delta = p(3\sigma) = 0.997$$

以上各式表明, 当 $n \rightarrow \infty$ 时, 任何一次测量值与平均值之差落在 $[-\infty, \infty]$ 区间的概率为 1, 满足归一化条件; 而落在 $[-\sigma, \sigma]$ 区间的概率为 0.683, 即表示置信概率为 68.3%, 记为 $P=0.683$; 落在 $[-2\sigma, 2\sigma]$ 区间的概率为 0.954, 置信概率 $P=0.954$; 落在 $[-3\sigma, 3\sigma]$ 区间的概率为 0.997, $P=0.997$, 这就是标准差的统计意义。次数无限多地测量偏差的绝对值大于 3σ 的概率仅为 0.3%。对于有限次测量, 这种可能性是微乎其微的, 因此可以认为是测量失误, 该测量值是“坏值”, 应予以剔除。在分析多次测量的数据时, 这是很有用的 3σ 判据。

正态分布是连续型随机变量中最重要、最常用的分布。一般而言, 若某个数量指标 x 是很多随机因素之和, 而每个因素所起的作用均匀微小, 则 x 为服从随机分布的变量, 如上述多次等精度独立测量的情况。实际上, 大量生产的同类产品, 当设备、技术、原料、工艺、操作等可控制的生产条件都相对稳定, 不存在明显的系统误差影响时, 产品的质量指标近似服从正态分布。

2. 测量列的 A 类标准不确定度

在实际工作中, 人们往往关心的不是测量列的数据散布特性, 而是测量结果, 即算术平均值的离散程度。我们设想进行了有限的 n 次 (n 仍然足够大) 测量后, 得到一个最佳值 \bar{x} , 这一测量列中任一次测量值 x_i 的误差落在 $[-\sigma_x, \sigma_x]$ 区间内的概率为 68.3%。如果我们增加测量次数, 例如 $(n+m)$ 次, 则可得到另一个最佳值 \bar{x}' 和相应的标准差 $\sigma_{x'}$ 。 \bar{x} 与 \bar{x}' 、 σ_x 与 $\sigma_{x'}$ 一般不会相同。继续增加测量次数, 可以发现 \bar{x} 也是一个随机变量。那么, 随着测量次数的增加, 算术平均值本身的可靠性如何呢? 算术平均值的标准差, 用 u_A 表示, 具有什么样的性质呢? 显然, \bar{x} 肯定要比测量列中的任一测量值更可靠。由概率论可以证明算术平均值 \bar{x} 的标准差 u_A 为

$$u_A = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n(n-1)}} = \frac{\sigma}{\sqrt{n}} \quad (6)$$

当测量次数趋于无限时, 算术平均值将无限接近待测物理量的客观值, 为最佳值。 u_A 的统计意义为: 待测物理量落在 $[\bar{x} - u_A, \bar{x} + u_A]$ 区间内的概率为 68.3%, 落在 $[\bar{x} - 2u_A, \bar{x} + 2u_A]$ 区间内的概率为 95.4%, 落在 $[\bar{x} - 3u_A, \bar{x} + 3u_A]$ 区间内的概率为 99.7%。 u_A 叫做该测量列的 A 类标准不确定度, 即该测量列的平均值的标准差。

3. 有限次测量的情况与 t 因子

测量次数趋于无穷只是一种理论情况，这时物理量的概率密度服从正态分布。当次数减少时，概率密度曲线变得平坦，成为 t 分布。当测量次数趋于无限时， t 分布过渡到正态分布。

对有限次测量的结果，要保持同样的置信概率，显然要扩大置信区间，把 u_A 乘以一个大于 1 的因子 t_p 。在 t 分布下，A 类不确定度记为 Δ_A ，则

$$\Delta_A = t_p u_A$$

要使测量值落在平均值附近，具有与正态分布相同的置信概率，即 $P=0.68$ ，置信区间要扩大为 $[-t_p u_A, t_p u_A]$ ， t_p 与测量次数有关。

表 1-2 给出了不同置信概率下 t 因子与测量次数的关系（有些资料用自由度 γ 代表测量次数 n ，对于一个物理量的测量， $\gamma=n-1$ ）。

表 1-2 t 与 n 的关系

$P \backslash n$	3	4	5	6	7	8	9	10	15	20	∞
0.68	1.32	1.20	1.14	1.11	1.09	1.08	1.07	1.06	1.04	1.03	
0.90	2.92	2.35	2.13	2.02	1.94	1.86	1.83	1.76	1.73	1.71	1.65
0.95	4.30	3.18	2.78	2.57	2.46	2.37	2.31	2.26	2.15	2.09	1.96
0.99	9.93	5.84	4.60	4.03	3.71	3.50	3.36	3.25	2.98	2.86	2.58

4. 泊松分布

描述离散性随机变量的取值概率与连续型变量有所不同。对于大量次数的试验，其中小概率事件出现的次数，常用泊松分布表示，若随机变量 x 取非负整数值 k 的概率为

$$P(x=k) = P(k, \lambda) = e^{-\lambda} \frac{\lambda^k}{k!} (\lambda > 0) \quad (7)$$

则 x 的分布称为泊松分布， λ 是参数。泊松分布应满足归一化条件

$$\sum_{k=0}^{\infty} P(k, \lambda) = 1$$

在人口统计、核物理计数中常用泊松分布。像正态分布、 t 分布一样，泊松分布也有表可查。

(二) B 类标准不确定度

1. 测量仪器的最大允差

测量中凡是不符合统计规律的不确定度统称为 B 类不确定度，记为 Δ_B 。在物理实验中，经常遇到一些不能多次重复测量的情况，如热敏半导体的电阻与温度关系的动态测量。有时，仪器的精度较低，多次测量的结果可能完全相同，反映不出随机性，多次测量便失去意义。事实上，实际工作和生活中，绝大多数测量都是一次测量。对一般有刻度的