

特级教师

导学  
丛书

T J J S D X C S

# 宁义侠

(修订版)

小学数学



老名牌

新奉献

宁义侠  
教育科学出版社  
编著

□ 特级教师导学丛书 □

宁义侠 导学  
小学数学

(修订版)

宁义侠 编著

教育科学出版社  
·北京·

## 图书在版编目 (CIP) 数据

宁义侠导学小学数学 / 宁义侠编著 . - 2 版(修订版).  
- 北京: 教育科学出版社, 1999.6  
(特级教师导学丛书)

ISBN 7 - 5041 - 1160 - 0

I . 宁… II . 宁… III . 数学课 - 小学 - 教学参考资料  
IV . G624.503

中国版本图书馆 GIP 数据核字 (1999) 第 12923 号

责任编辑 张立群

责任印制 尹明好

责任校对 曲梦瑶

教育科学出版社出版、发行

(北京·北太平庄·北三环中路 46 号)

各地新华书店经销

北京市东华印刷厂印装

开本: 850 毫米 × 1168 毫米 1/32 印张: 13.875 字数: 348 千

1999 年 6 月第 2 版 1999 年 6 月第 1 次印刷

印数: 00 001—10 000 册 定价: 16.60 元

(如有印装质量问题, 请与印刷厂联系调换)



**宁义侠** 北京第一实验小学数

学教师，北京市特级教师，北京市宣武区教育学会数学专业委员会理事、区兼职教研员、区首批学科带头人。担任区第一、二届百名青年骨干教师辅导老师。1959年到北京第一实验小学任教，在教学中努力做到“继承传统，勇于创新”，大胆地探索了“在数学教学中渗透辩证唯物主义观点”。多年来在教学和指导青年教师方面做出了突出成绩。参加编写了《给小学数学教师的建议》《数学典型教案选》导书。被评为全国教育系统劳动模范，获“人民教师”奖章。多次荣获优秀教师和先进工作者等称号。1987年被特聘为首批中教高级教师。



## 修 订 说 明

《特级教师导学丛书》中的《小学数学》自1993年面世以来，在社会上引起了强烈的反响和好评，深受广大学生、家长和教师的欢迎。

为适应新时期新的教学要求及新的教育教学思想，为使此书更加完美，这次又对原书进行了适当修订。此次修订的特点是：

1. 保持了原有的体例、风格。全书仍然分为概念、计算、应用题及毕业总复习四大部分。每部分均按基础知识、学法精点、练习题与答案顺序编排。为了便于使用，又在概念、计算、应用题毕业总复习的前边分别增加了各章详细目录。

2. 适当修改，增加了例题及分析，更便于学生自学和家长辅导。“学法精点”部分既是学生学习方法的指导，又是广大教师的参谋。

3. 练习题又进行了精编与筛选，使之达到巩固基础知识，开发智力，拓展思路，提高思维能力的目的。应用题的答案增加了较为详细的列式及解答过程。

4. 原书介绍各类应用题解法之后统一安排训练题的编排，改为在介绍每种应用题的解答方法之后就安排此类应用题的练习

题，这样省去了翻找练习题的繁琐，更便于使用。

5. 适当增加了一些有思考价值的习题、竞赛题，删去了一些与基础知识重复的答題，使这本书更适于小学各种不同水平的中、高年级学生使用，更便于广大家长辅导孩子使用，并成为一本有价值的数学教师教学参考用书。

宁义侠

1999年2月

## 前　　言

努力提高全民族的思想道德和科学文化素质，是实现我国现代化的根本大计。因此，教育面临的基本任务是要面向现代化，面向世界，面向未来，为社会主义建设培养大批高素质的合格人才。要达到这个目的，在基础教育中，应充分发挥中小学特级教师的作用。

特级教师忠于职守，甘于奉献，勤勤恳恳，起到了模范作用；勤于钻研，勇于创新，严谨治学，精益求精，起到了学术带头人作用；通过讲示范课、观摩课、研究课等方式积极培养中青年教师，起到了指导示范作用；主动关心学校工作，为领导出谋划策，起到了参谋咨询作用，为我国的基础教育事业作出了贡献，赢得了人民的尊敬和爱戴，产生了很大的社会影响，对提高中小学教师地位起到了促进作用。人们赞扬特级教师是“师德的表率、育人的模范、教学的专家”。

特级教师教育教学的宝贵经验，对广大教师做好教育教学工作，促进学生生动活泼地发展，变被动的学习为生动活泼、积极主动的学习，都具有极其重要的作用。因此，我们请全国有影响的部分特级教师，从指导学生学习的角度，编写了《特级教师导学丛书》。这套丛书既反映了特级教师导学艺术规律的共性，也体现了他们各自导学艺术的鲜明个性，是每位作者长期教育教学经验的升华与结晶。

本套丛书的基本特点可以概括为以下三点：

1. 知识系统的全面性。丛书概括的中、小学各学科的主要内容，突出该学科的重点、难点、疑点与误区，把特级教师多年的教育教学经验和“绝招”落实到指导学科学习的关键环节上，举一反三，触类旁通，由浅入深，环环相扣。

2. 指导学习的实用性。丛书立足于学生升学与就业的实际需要，从知识点的分布、练习的配备，直到学习方法的指导，都有极强的针对性，渗透着作者教学的精华与经验的精髓。

3. 结构体系的科学性。丛书力求以最小的时间求得最高的学习效率，让学生把握学科知识的系统与内在联系，配以科学的训练，使丛书内容的科学性与训练步骤的科学性达到完美的统一。

本丛书以促进学生掌握基本知识、基础理论和基本技能，培养学生分析问题和解决问题的能力为目的，融特级教师的教学经验和教学内容为一体，将以它鲜明的特色成为学生提高学习效率，教师提高教学水平不可多得的必备书。

# 目 录

|                 |        |
|-----------------|--------|
| 第一章 概念部分 .....  | ( 1 )  |
| 一、整数的认识 .....   | ( 2 )  |
| (一) 基础知识 .....  | ( 2 )  |
| (二) 学法精点 .....  | ( 7 )  |
| (三) 训练与提高 ..... | ( 12 ) |
| (四) 答案与提示 ..... | ( 20 ) |
| 二、小数的认识 .....   | ( 21 ) |
| (一) 基础知识 .....  | ( 21 ) |
| (二) 学法精点 .....  | ( 26 ) |
| (三) 训练与提高 ..... | ( 30 ) |
| (四) 答案与提示 ..... | ( 37 ) |
| 三、数的整除 .....    | ( 40 ) |
| (一) 基础知识 .....  | ( 40 ) |
| (二) 学法精点 .....  | ( 43 ) |
| (三) 训练与提高 ..... | ( 52 ) |
| (四) 答案与提示 ..... | ( 63 ) |
| 四、分数、百分数 .....  | ( 65 ) |
| (一) 基础知识 .....  | ( 65 ) |

|                    |              |
|--------------------|--------------|
| (二) 学法精点           | (69)         |
| (三) 训练与提高          | (80)         |
| (四) 答案与提示          | (90)         |
| <b>五、计量单位及名数化聚</b> | <b>(94)</b>  |
| (一) 基础知识           | (94)         |
| (二) 学法精点           | (96)         |
| (三) 训练与提高          | (102)        |
| (四) 答案与提示          | (106)        |
| <b>六、平面图形</b>      | <b>(107)</b> |
| (一) 基础知识           | (107)        |
| (二) 学法精点           | (116)        |
| (三) 训练与提高          | (121)        |
| (四) 答案与提示          | (124)        |
| <b>七、立体图形</b>      | <b>(125)</b> |
| (一) 基础知识           | (125)        |
| (二) 学法精点           | (128)        |
| (三) 训练与提高          | (131)        |
| (四) 答案与提示          | (135)        |
| <b>八、比和比例</b>      | <b>(136)</b> |
| (一) 基础知识           | (136)        |
| (二) 学法精点           | (141)        |
| (三) 训练与提高          | (152)        |
| (四) 答案与提示          | (158)        |

|                       |       |       |
|-----------------------|-------|-------|
| <b>第二章 计算部分</b>       | ..... | (159) |
| <b>一、四则运算</b>         | ..... | (159) |
| (一) 基础知识              | ..... | (159) |
| (二) 学法精点              | ..... | (168) |
| (三) 训练与提高             | ..... | (181) |
| (四) 答案与提示             | ..... | (188) |
| <b>二、四则混合运算和繁分数</b>   | ..... | (192) |
| (一) 基础知识              | ..... | (192) |
| (二) 学法精点              | ..... | (194) |
| (三) 训练与提高             | ..... | (201) |
| (四) 答案与提示             | ..... | (210) |
| <b>三、运算定律、性质及简便运算</b> | ..... | (213) |
| (一) 基础知识              | ..... | (213) |
| (二) 学法精点              | ..... | (215) |
| (三) 训练与提高             | ..... | (226) |
| (四) 答案与提示             | ..... | (236) |
| <b>四、文字叙述题与解方程</b>    | ..... | (247) |
| (一) 基础知识              | ..... | (247) |
| (二) 学法精点              | ..... | (249) |
| (三) 训练与提高             | ..... | (253) |
| (四) 答案与提示             | ..... | (262) |
| <b>第三章 应用题部分</b>      | ..... | (268) |
| <b>一、基础知识与训练</b>      | ..... | (268) |

|                  |       |
|------------------|-------|
| (一) 简单应用题        | (268) |
| (二) 一般复合应用题      | (275) |
| (三) 求平均数问题       | (281) |
| (四) 归一问题         | (284) |
| (五) 相遇问题         | (289) |
| (六) 和差、和倍与差倍问题   | (292) |
| (七) 分数和百分数应用题    | (297) |
| (八) 工程问题         | (306) |
| (九) 列方程解应用题      | (309) |
| (十) 比和比例应用题      | (311) |
| (十一) 几何应用题       | (322) |
| (十二) 答案与提示       | (335) |
| <b>二、学法精点与训练</b> | (343) |
| (一) 灵活的解题思路      | (343) |
| (二) 一题多变与一题多解    | (370) |
| (三) 再谈“审题”习惯和方法  | (378) |
| (四) 答案与提示        | (380) |
| <b>第四章 总复习</b>   | (389) |
| <b>一、知识疏理</b>    | (390) |
| (一) 数的认识         | (390) |
| (二) 四则运算         | (391) |
| (三) 几何知识         | (393) |
| (四) 计量单位         | (395) |
| (五) 小学应用题的内容及分类  | (397) |

|              |       |
|--------------|-------|
| 二、思维训练       | (399) |
| 三、练习题        | (401) |
| 四、综合练习       | (407) |
| 综合练习一        | (407) |
| 综合练习二        | (410) |
| 综合练习三        | (412) |
| 综合练习四        | (414) |
| 综合练习五        | (417) |
| 综合练习六        | (420) |
| 五、练习题与综合练习答案 | (423) |

# □第一章□

## 概念部分

---

概念：人类在认识过程中，把所感觉的事物的共同特点抽出来，加以概括，就成为概念。

数学概念是指数学知识特有的性质在人脑中的反映，是在抽象概括的基础上形成的，是用词来表示的。

概念是思考问题和解决问题的依据，数学概念则是逻辑思维的依据。我们思考和解决任何数学问题都要从概念出发。概念是基础知识的起点，是正确、迅速、合理、灵活运算的基本保证。

小学数学中共有 500 多个概念，主要归纳为“数的概念”和“形的概念”两大类。由于小学生的年龄特点受认知和思维所限，小学数学中有的概念是用精练的语言文字写出来的，也就是有明确的定义；有些概念没有明确的定义，只需要用描述的方法加以认识。无论以哪种形式出现的概念，都要深刻地认识、理解和掌握。

# 一、整数的认识

## (一) 基础知识

### 1. 什么叫自然数

表示物体个数的 1、2、3、4、5……叫做自然数。

自然数有双重意义：

(1) 基数：用来表示事物多少的叫做基数。

如：“3 支铅笔” 中的 “3” 是基数。

(2) 序数：用来表示事物排列次序的叫做序数。

如：“第 5 天” 中的 “5” 是序数。

自然数的个数是无限的。

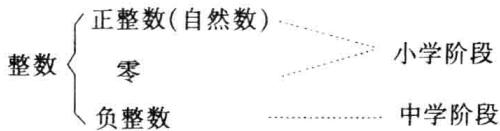
自然数的基本单位是 1，最小的自然数是 1，没有最大的自然数。因此，回答“什么是自然数”问题时，应写成：1、2、3、4、5……或 1、2、3、4、5 等叫做自然数。如果丢掉省略号“……”或“等”字就是概念性的错误。

### 2. 什么叫整数

自然数和零都是整数。

在小学算术范围内，最小的整数是 “0”，没有最大的整数。

**注意：**不能说：“整数是自然数和零”；也不能说：“整数只包括自然数和零”。因为到中学还要学习“负整数”，负整数也是整数。严格地说整数包括以下三部分：



### 3. 什么是零

一个物体也没有就用 0 表示。

(1) 零是一个数。零是整数，但零不是自然数，因为它不是在数数时产生的。零比任何自然数都小。“0”不仅可以表示“没有”，还可以作为界限。

如：表示气温的“零上 20 度”“零下 5 度”，这时 0 度是：零上温度与零下温度的分界。

(2) 一个数中的 0 有两种意义：

① 表示数的某一位上没有数量；

如：1605 个位上的 5 表示 5 个一，百位上的 6 表示 6 个百，千位上的 1 表示 1 个千；十位上是 0，则表示一个十也没有。

② 表示数位。

如：1000 中末尾的 3 个零表示个位、十位、百位，从右边数起第四位上的 1 是千位，表示为 1 个千。

### 4. 什么是整数的计数单位

一(个)、十、百、千、万、十万、百万、千万、亿、十亿、百亿、千亿……都是整数的计数单位。

### 5. 什么是十进制计数法

每相邻的两个计数单位之间的进率都是 10，这样的计数方法，叫做十进制计数法。即十个一等于一个十，十个十等于一个百……。每十个某一单位就组成和它相邻的较高一级的一个单位，因此，就出现了“满十进一”的简称。

## 6. 什么叫数位

用阿拉伯数字记数时，每一个数字都要写在一定的位置上，每个数字所占的位置叫做数位。同一个数字，由于所在的位置不同，表示的数值也不同。因为每个数字除了本身的值以外，还有一个“位置值”。

如：“5”记在个位上，表示五个一，记在十位上，表示五十，记在百位上，表示五百……。

## 7. 什么叫位数

位数是指一个自然数含有多少个数位。

含有一个数位的自然数叫一位数。如：1、2、3、……9都是一位数，共有9个，它们分别由几个一组成。

含有两个数位的自然数叫做两位数。如：10、11、12……99都是两位数，共有90个，它们分别由几个十和几个一组成。

含有三个数位的自然数叫做三位数。如：100、101、102……998、999都是三位数，共有900个，它们分别由几个百、几个十和几个一组成。又如：1000、8450是四位数，四位数有9000个……

## 8. 什么是“级”

为了便于整数的读、写，采用四位分级制，从个位起向左数，每四个记数单位作为一级，每一级都含有个、十、百、千。第一级叫做个级，包含个位、十位、百位、千位；第二级叫做万级，包含万位、十万位、百万位、千万位；第三级叫做亿级，包含亿位、十亿位、百亿位、千亿位。

## 9. 怎样读整数

从高位到低位，一级一级地读。每一级都可以按照个级的读