

XINKECHENG

Yangguang
Zuoye

■总主编 石 澍

编 写 黄冈特级高级教师

新课程

阳光作业

全新概念 快乐学习

人教统编版

初中几何·三年级 全



东北师范大学出版社

● 人教统编版

总 主 编 石 润

本册主编 肖九河

责任编辑 肖九河

(内部发行) (2007年12月) (第1版)

新课程

阳光作业

初中几何·三年级(全)

东北师范大学出版社

长 春

版权所有 翻印必究
举报电话(0431)5687025(总编办)

☐总主编:石 润
☐副主编:江海青 段晓敏 林海洋
☐本册主编:肖九河
☐编者:姜一清 肖林河 付东峰 肖 军 王 非
刘 华 余 梦

图书在版编目(CIP)数据

新课程阳光作业·初三几何·全/石润主编.——长春:东北师范大学出版社,2004.5
ISBN 7-5602-3619-7

I. 新... II. 石... III. 几何课—初中—习题
IV. G634

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2004)第 008613 号

☐总策划:第三编辑室
☐责任编辑:陈学涛 ☐封面设计:耕者设计室
☐责任校对:石绍庆 ☐责任印制:栾喜湖

东北师范大学出版社出版发行
长春市人民大街 5268 号(130024)
电话:0431-5695744 5688470
传真:0431-5695744 5695734
网址: <http://www.nenup.com>

电子函件: sdcbcs@mail.jl.cn
东北师范大学出版社激光照排中心制版
沈阳新华印刷厂印装

沈阳市铁西区建设中路 30 号(110021)
2004 年 5 月第 1 版 2004 年 5 月第 1 次印刷
幅面尺寸:185 mm×260 mm 印张:10.25 字数:148 千
印数:00 001 — 30 000 册

定价:11.00 元



出版说明

随着教育改革的深化,以巩固、复习为主的那种传统的、机械的课后作业,也将随着教材内容、教学方法的改变而为科学的、鲜活的作业所代替。《新课程阳光作业》正是这一方向上努力探索的成果。

■以最新教材为蓝本

《新课程阳光作业》分别为“新课标人教版”、“新课标北师大版”、“新课标华东师大版”这三种版本的新教材和“人教统编版”的教材配套编拟,凸显了新教材中知识、能力、素质三元合一的教学理念,在作业设置上编织了科学有效的知识网络,并充分吸纳了成熟的教辅经验和最新的教学研究成果,着力拓展学生的认知视野和思维空间,培养学生应用意识和自主学习的能力。

■“阳光作业”的突出特点

“阳光”是健康、清新、快乐、朝气的代名词,《新课程阳光作业》就是取其清新、快乐之意。因为它与传统的作业有很大的不同,它力求使学生在轻松愉快的学习氛围中获得知识。具体特点如下:

1. 重点突出,题量合理,难度适中,全方位地覆盖和反映知识点。
2. 题型新颖、鲜活、灵动,在同类书中,新题最多。这既是与时俱进的要求,更是新课标关于素质教育精髓的落实。这有利于培养学生的创新能力、分析问题和解决问题的能力。
3. 有一定比例的趣味题,以激发学生的学习兴趣,使之在快乐的学习氛围中,提高作业质量和学习成绩。

■编写体例科学合理

1. 本丛书与新教材完全同步,理科同步到课时,文科同步到课,参照教学大纲划定课时作业,充分体现教材的知识点和能力目标。
2. 栏目设计科学,实用性强。每课时(课)设三个栏目:基础作业、提高作业、热点考题,作业的设计强调科学梯度,既有基础题又有提高题,既有实用题又有热点题;此外又设单元测试、期中测试、期末测试,便于学生自测自检。
3. 答案单独装订,可随意抽取,内容详细全面,既有思路提示,又有解题过程,丝丝入扣,便于学生对照。

■作者队伍实力雄厚

本丛书主编石润是湖北省特级教师,湖北省教育厅教材审定委员会委员,长期从事教学、教育和研究工作,主编过多种高质量的教辅书。各学科的主编均为黄冈的特级、高级教师,他们都有长期的教学实践和丰富的经验积累。

为了保证本丛书的内在质量,我们特聘请了吉林省重点中、小学部分最优秀的一线教师对本丛书逐册作了审读。

《新课程阳光作业》是东北师范大学出版社和黄冈的特级、高级教师强强联手、通力合作的结晶。我们有理由相信,《新课程阳光作业》的问世,一定会使学生的学习生活充满阳光。

第三编辑室





目 录

第六章 解直角三角形 1

§ 6.1 正弦和余弦 1

第一课时 1

第二课时 3

第三课时 5

§ 6.2 正切和余切 7

第一课时 7

第二课时 9

§ 6.3 用计算器求锐角三角函数值和 由锐角三角函数值求锐角 11

§ 6.4 解直角三角形 13

§ 6.5 应用举例 15

第一课时 15

第二课时 17

第三课时 19

第四课时 21

§ 6.6 实习作业 23

第六章测试 25

第七章 圆 27

§ 7.1 圆 27

第一课时 27

第二课时 29

第三课时 31

§ 7.2 过三点的圆 33

第一课时 33

第二课时 35

§ 7.3 垂直于弦的直径 37

第一课时 37

第二课时 39

§ 7.4 圆心角、弧、弦、弦心距之间的 关系 41

第一课时 41

第二课时 43

§ 7.5 圆周角 45

第一课时 45

第二课时 47

§ 7.6 圆的内接四边形 49

§ 7.7 直线和圆的位置关系 51

§ 7.8 切线的判定和性质 53

第一课时 53

第二课时 55

第三课时 57

§ 7.9 三角形的内切圆 59

§ 7.10 切线长定理 61

§ 7.11 弦切角 63

第一课时 63

第二课时 65

§ 7.12 和圆有关的比例线段 67

第一课时 67

第二课时 69

第三课时 71

上学期期中测试 73

上学期期末测试 75

§ 7.13 圆和圆的位置关系 77

§ 7.14 两圆的公切线 79

第一课时 79

第二课时 81

§ 7.15 相切在作图中的应用 83

§ 7.16 正多边形和圆 85

第一课时 85

第二课时 87

§ 7.17 正多边形的有关计算 89

第一课时 89

第二课时 91

§ 7.18 画正多边形 93

§ 7.19 探究性活动: 镶嵌 95

§ 7.20 圆周长、弧长 97

第一课时 97

第二课时 99

§ 7.21 圆、扇形、弓形的面积 101

第一课时 101

第二课时 103

第三课时 105

§ 7.22 圆柱和圆锥的侧面展开图 107

第一课时 107

第二课时 109

第七章测试 111

下学期期中测试 113

下学期期末测试 115





第六章 解直角三角形

§ 6.1 正弦和余弦 (第一课时)



基础作业

- 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C$ 为直角, $\angle A = 30^\circ$, 若 $AB = \sqrt{2}$, 则 $\frac{BC}{AB} = \underline{\hspace{1cm}}$; 若 $AB = \sqrt{6}$, 则 $\frac{BC}{AB} = \underline{\hspace{1cm}}$.
- 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C$ 为直角, $\angle A = 45^\circ$, 若 $AB = \sqrt{3}$, 则 $\frac{BC}{AB} = \underline{\hspace{1cm}}$; 若 $AB = \sqrt{3} + \sqrt{2}$, 则 $\frac{BC}{AC} = \underline{\hspace{1cm}}$.
- 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, $AB = \sqrt{5}$ cm, $BC = \sqrt{3}$ cm, 则 $\sin A = \underline{\hspace{1cm}}$, $\cos A = \underline{\hspace{1cm}}$.
- 已知 $2\sin(\alpha + 10^\circ) = \sqrt{3}$, 则锐角 $\alpha = \underline{\hspace{1cm}}$ 度.
- 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, 如果三边的长度都扩大三倍, 则锐角 A 的对边与斜边的比值().
A. 没有变化 B. 扩大三倍
C. 缩小 3 倍 D. 不能确定
- 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, $BC = 3$, $\sin A = \frac{3}{5}$, 则 AC 的长是().
A. 3 B. 4 C. 5 D. 6
- 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, $AC = 1$, $AB = \sqrt{2}$, 则 $\angle B$ 为(B).
A. 30° B. 45° C. 60° D. 90°
- 下列命题:
① $\sin \alpha$ 表示符号 $\sin$ 与角 α 的乘积; ② 在 $\triangle ABC$ 中, 若 $\angle C = 90^\circ$, 则 $c = a \sin A$ 成立; ③ 任何锐角的正弦和余弦都是一个介于 0 和 1 之间的实数.
其中真命题的个数是().
A. 0 B. 1 C. 2 D. 3
- 某人沿着坡角为 30° 的一斜坡从坡底向上走, 当他

沿坡面走 l m, 人上升了 h m. 请填写下表:

l	10	20	30	40	50
h	5	10	15	20	25
$\frac{h}{l}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$

由上表, 你能得出什么结论?

10. 求下列各式的值.

(1) $\sin^2 30^\circ + \cos^2 30^\circ = 1$

(2) $\frac{\sin 30^\circ + \cos 30^\circ}{2\sin 60^\circ + \sqrt{2}\cos 45^\circ} = \frac{1}{2}$



提高作业

11. $\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, $CD \perp AB$ 于 D , 若 $BC = 2$, $CD = \sqrt{3}$, 求 $\sqrt{(\sin A - 1)^2}$ 的值.

$-\frac{1}{2}$





12. 已知 $x = \frac{1}{2}$ 是一元二次方程 $x^2 - 2\cos B \cdot x +$

$\frac{1}{4} = 0$ 的一个根, 且 $\angle B$ 为锐角, 求 $\angle B$ 的度数.

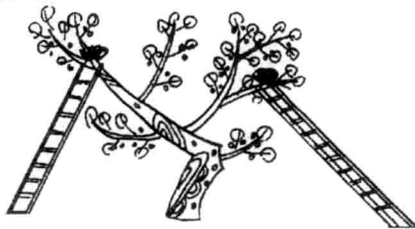
60

13. 已知 a, b, c 分别是 $\triangle ABC$ 中 $\angle A, \angle B, \angle C$ 的对边, 关于 x 的方程 $a(\frac{1}{x} - \frac{1}{2}) + 2bx + c(1+x^2) = 0$ 有两个相等的实数根, 且 $3c = a + 3b$.

(1) 判断 $\triangle ABC$ 的形状.

(2) 求 $\sin A + \sin B$ 的值.

14. 一棵老榆树上有两个鸟巢, 方方搬来一个 8 m 长的梯子, 架在高的那个鸟巢所在的树枝上, 梯子与地面成 60° 角; 接着又在低的那个鸟巢所在的树枝上架上一个梯子, 梯子与地面成 45° , 请问两个鸟巢分别离地多高? 照理方方蹬梯子爬到低的那个鸟巢应比爬到高的鸟巢快一些, 可实际上没快? 为什么?



(第 14 题图)



热点考题

15. (2002 年 · 北京市东城区) 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, 斜边 $c = 5$, 两直角边的长 a, b 是关于 x 的一元二次方程 $x^2 - mx + 2m - 2 = 0$ 的两个根, 求 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中较小锐角的正弦值.

16. 已知 $\triangle ABC$ 的两边长 $a = 3, c = 5$, 且第三边 b 为关于 x 的一元二次方程 $x^2 - 4x + m = 0$ 的两个正整数根之一, 求 $\sin A$ 的值.





正弦和余弦

(第二课时)



基础作业

- 已知 $\angle A + \angle B = 90^\circ$, 则 $\sin A, \cos A, \sin B, \cos B$ 中具有相等关系的有_____.
- 已知 $\sin 37^\circ 24' = 0.6074$, 则 $\cos 52^\circ 36' =$ _____; 已知 $\sin 36^\circ = \cos \alpha$, 则锐角 $\alpha =$ ____度.
- 计算 $\sin^2 2^\circ + \sin^2 88^\circ =$ _____; 已知 $\cos^2 50^\circ + \cos^2 \alpha = 1$, 则锐角 $\alpha =$ ____度.
- 将 $\cos 21^\circ, \cos 37^\circ, \sin 62^\circ$ 的值按从小到大的顺序排列是_____.
- 若 $0^\circ < \angle A < 90^\circ$, 且 $4\sin^2 A - 3 = 0$, 则 $\cos A =$ _____.
- 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, 则下列等式一定成立的是().
A. $\sin A = \sin B$ B. $\sin A = \cos B$
C. $\sin(A+B) = \cos C$ D. $\sin A = \cos A$
- 若 $\angle A$ 为锐角, 且 $\cos A = \frac{4}{5}$, 那么 $\cos(90^\circ - A)$ 的值是().
A. $\frac{4}{5}$ B. $\frac{3}{5}$ C. $\frac{3}{4}$ D. $\frac{4}{3}$
- 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C$ 为直角, a, b, c 分别为 $\angle A, \angle B, \angle C$ 的对边, 则下列四个式子中正确的个数是().
(1) $a = c \sin A$; (2) $a = c \cos B$;
(3) $b = c \sin B$; (4) $b = c \cos A$
A. 1 个 B. 2 个 C. 3 个 D. 4 个
- 求下列各式的值:

(1) $\frac{1}{2} \sin 60^\circ + \frac{\sqrt{2}}{2} \cos 45^\circ + \sin 30^\circ \cdot \cos 30^\circ$;

$$= \frac{1}{2} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{\sqrt{2}}{2} \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{1}{2} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$= \frac{\sqrt{3}}{4} + \frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{4}$$

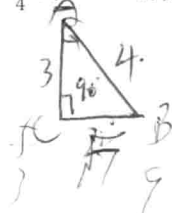
$$= \frac{\sqrt{3}}{4} + \frac{2}{4} + \frac{\sqrt{3}}{4} = \frac{\sqrt{3} + 2 + \sqrt{3}}{4} = \frac{2 + 2\sqrt{3}}{4} = \frac{1 + \sqrt{3}}{2}$$

(2) $\sin^2 13^\circ + \sin^2 77^\circ - \sqrt{\cos^2 45^\circ - 2\cos 45^\circ + 1} - \sin 45^\circ$;

$$= 1 - \sqrt{\frac{1}{2} - 2 \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} + 1} - \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$= 1 - \sqrt{\frac{1}{2} - \sqrt{2} + 1} - \frac{\sqrt{2}}{2}$$

10. $\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, $\cos A = \frac{3}{4}$, 求 $\sin A$ 的值.



$$\frac{15}{4}$$

$$\frac{16}{4} = 4$$

11. 当 $0^\circ < \alpha < 90^\circ$ 时, 化简:

(1) $1 - \sin^2 \alpha - \cos^2 \alpha$;



(2) $\sqrt{\sin^2(90^\circ - \alpha) - 2\cos \alpha + 1}$.

原式

$$= \sqrt{\cos^2 \alpha - 2\cos \alpha + 1}$$

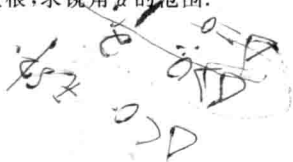
$$= \sqrt{(\cos \alpha - 1)^2}$$

$$= |\cos \alpha - 1|$$

$$= 1 - \cos \alpha$$



12. 已知关于 x 的方程 $3x^2 - 4x\sin\alpha + 2(1 - \cos\alpha) = 0$ 有两个不相等的实数根, 求锐角 α 的范围.



13. 已知方程 $2x^2 - \sqrt{6}x + q = 0$ 的根是 $\text{Rt}\triangle ABC$ 的两锐角的正弦, 则 q 的值是多少?

15. 已知 α 为锐角, $\sin\alpha + \cos\alpha = a$, 试用 a 表示 $\sin\alpha \cdot \cos\alpha$.

16. 已知 $2\sin\alpha$ 和 $\cos\alpha$ 是关于 x 的一元二次方程 $x^2 - bx + \cos\alpha = 0$ (b 为实数, $0^\circ < \alpha < 90^\circ$) 的两根, 求 $\angle\alpha$ 的大小和 b 的值.



热点考题

17. 已知 α 为锐角, $\sin\alpha, \cos\alpha$ 是关于 x 的方程 $x^2 + mx + n = 0$ 的两个根, 且 $5n + m = 1$, 求 m, n 的值.



提高作业

14. 若 $\angle A$ 的锐角, 且 $\cos A \leq \frac{1}{2}$, 那么 ()
- A. $0^\circ < A \leq 60^\circ$ B. $60^\circ \leq A < 90^\circ$
C. $0^\circ < A \leq 30^\circ$ D. $30^\circ \leq A < 90^\circ$





正弦和余弦

(第三课时)



基础作业

- $\angle \alpha$ 从 0° 变化到 90° 时, 它的正弦值逐渐变 大, 它的余弦值逐渐变 小. (填“大”或“小”)
- 在 $\text{Rt} \triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, 且 $\sin A = \frac{3}{4}$, 则 $\cos A = \frac{4}{5}$, $\cos B = \frac{3}{4}$.
- 若 $\sin \alpha = 2m - 3$ (α 为锐角), 则 m 的取值范围是 .
- 已知 $2\sin(A+10^\circ) - 1 = 0$, 则锐角 $A =$.
- 若 $\sin \alpha + \cos \alpha = p$, 则以 $\sin \alpha$ 和 $\cos \alpha$ 为两根的一元二次方程是 .
- 要使式子 $\frac{4}{2\sin A - 1}$ 有意义, 锐角 A 的取值范围是 (B).
A. $A \neq 60^\circ$ B. $A \neq 45^\circ$
C. $A \neq 30^\circ$ D. 不能确定
- 化简 $\sqrt{(\sin 10^\circ - \cos 10^\circ)^2}$ 等于 ().
A. $\sin 10^\circ - \cos 10^\circ$
B. $\cos 10^\circ - \sin 10^\circ$
C. $\pm(\sin 10^\circ - \cos 10^\circ)$
D. 0
- 如果 α 是锐角, $\sin \alpha = \cos 40^\circ$, 则 $\alpha =$ ().
A. 40° B. 50°
C. 60° D. 不能确定
- 下列各式的值与 $\sin^2 30^\circ + \cos^2 30^\circ$ 相等的是 ().
A. $\sin 60^\circ + \cos 60^\circ$ B. $2(\sin 30^\circ + \cos 30^\circ)$
C. $\sin^2 60^\circ$ D. $\sin 30^\circ + \cos 60^\circ$
- 已知 $\sin \alpha \cdot \cos \alpha = \frac{1}{8}$, 且 $45^\circ < \alpha < 90^\circ$, 则 $\cos \alpha - \sin \alpha$ 的值是 ().
A. $\frac{\sqrt{3}}{2}$ B. $-\frac{\sqrt{3}}{2}$
C. $\frac{3}{4}$ D. $-\frac{3}{4}$

11. 已知 $\sin \alpha = \frac{3}{4}$ (α 为锐角), 求代数式

$$\frac{\sin^2 \alpha + 2\sin \alpha \sin(90^\circ - \alpha) + \cos^2 \alpha - 1}{1 - \sin^2 \alpha} \cdot \cos \alpha$$

的值.

12. 若 $2 + \sqrt{3}$ 是方程 $x^2 - 8x \cdot \cos \alpha + 1 = 0$ 的一个根, 且 α 是锐角, 求 α 的度数.



提高作业

13. 已知 $\triangle ABC$ 的三边 a, b, c 中, $b=5, c=3$, 锐角 θ 的正弦值是关于 x 的方程 $5x^2 - 15x - ax + 3a = 0$ 的一个根, 试求 a 的取值范围.



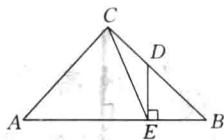
14. 等腰梯形腰长为 6 cm, 一个底角的余弦值是 $\frac{2}{3}\sqrt{2}$, 上底长为 $\sqrt{2}$ cm, 求梯形的面积.

17. 若关于 x 的方程 $x^2 - 3(m+1)x + m^2 - 9m + 20 = 0$ 有两个实数根, 且 a, b, c 分别是 $\triangle ABC$ 的 $\angle A, \angle B, \angle C$ 的对边, $\angle C = 90^\circ, \cos B = \frac{3}{5}, b - a = 3$, 问是否存在整数 m , 使上述二次方程的两个实数根的平方和等于 $\text{Rt}\triangle ABC$ 的斜边 c 的平方? 若存在, 请求出满足条件的 m 值; 若不存在, 说明理由.



热点考题

15. (2003 年 · 北京市海淀区) 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ, \angle B = 2\angle A$, 则 $\cos A$ 等于().
- A. $\frac{\sqrt{3}}{2}$ B. $\frac{1}{2}$ C. $\sqrt{3}$ D. $\frac{\sqrt{3}}{3}$
16. 已知: 如图, 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle ACB = 90^\circ, \sin B = \frac{3}{5}$, D 是 BC 边上一点, $DE \perp AB$, 垂足为 $E, CD = DE, AC + CD = 9$. 求: (1) BC 的长; (2) CE 的长.



(第 16 题图)





§ 6.2 正切和余切

(第一课时)



基础作业

1. 已知 α 为锐角, 且 $\tan \alpha = 1$, 则 $\alpha =$ _____, $\cot \alpha =$ _____.

2. 当 A 为锐角时, $\tan A$ 与 $\cot A$ 的关系是 _____, 若 A 与 B 互为余角时, $\tan A \cdot \tan B =$ _____, $\cot A \cdot \cot B =$ _____.

3. 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, $\tan(90^\circ - A) = \frac{1}{2}$, 则 $\cot(90^\circ - B) =$ _____.

4. 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, CD 为斜边 AB 上的高, 若 $AD=2$, $BD=8$, 则 $\tan A$ 的值是 _____.

5. 已知 $\tan \alpha \cdot \tan 20^\circ = 1$, 那么锐角 α 等于().

A. 20°

B. 70°

C. $(\frac{1}{20})^\circ$

D. $(\frac{1}{70})^\circ$

6. 若 $\sqrt{3}\tan(\alpha + 10^\circ) = 1$, 则锐角 α 的度数是().

A. 20°

B. 30°

C. 40°

D. 50°

7. 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, 下列各式中正确的是().

A. $\tan A = \tan B$

B. $\tan A + \tan B = \tan(A + B)$

C. $\cot(90^\circ - A) = \cot A$

D. $\cot A = \tan B$

8. 已知 $\angle A + \angle B + \angle C = 180^\circ$, 则 $\tan \frac{A+B}{2}$ 等于().

A. 90°

B. $\tan \frac{A+C}{2}$

C. $\cot \frac{C}{2}$

D. $\tan \frac{C}{2}$

9. 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, 斜边 AB 是直角边 AC 的 3 倍, 下列各式中正确的是().

A. $\sin A = \frac{3\sqrt{2}}{4}$

B. $\cos B = \frac{1}{3}$

C. $\tan A = \frac{\sqrt{2}}{4}$

D. $\cot B = 2\sqrt{2}$

10. 求下列各式的值:

(1) $2\sin 45^\circ + 3\tan 30^\circ + 4\cos 60^\circ$;

(2) $\frac{\sqrt{\tan^2 60^\circ - 4\tan 60^\circ + 4} - 2\sqrt{2}\cos 45^\circ}{\cot 30^\circ - \tan 53^\circ \tan 37^\circ}$

11. α 为锐角, 当 $\frac{1}{1-\tan \alpha}$ 无意义时, 求代数式 $\sin(\alpha + 15^\circ) + \cos(\alpha - 15^\circ)$ 的值.

$\tan \alpha = 1 \quad \alpha = 45^\circ$
 $\sin(\alpha + 15^\circ) + \cos(\alpha - 15^\circ)$

$\frac{180^\circ - 45^\circ}{2} = \frac{135^\circ}{2}$
 $\frac{90^\circ - 45^\circ}{2} = \frac{45^\circ}{2}$





提高作业

12. 已知 α 为锐角, 且 $\tan \alpha - \cot \alpha = 2$, 则 $\tan^2 \alpha + \cot^2 \alpha$ 的值为_____.

13. 已知一元二次方程 $x^2 - \sqrt{2}x + \frac{3}{2}\tan^2 B = 0$ 有两个相等的实数根, 则锐角 B 的余弦值是_____.

14. 已知 α 为锐角, 且 $\cos \alpha = \tan 30^\circ$, 则 α 的取值范围是().

- A. $0^\circ < \alpha < 30^\circ$ B. $30^\circ \leq \alpha < 45^\circ$
C. $45^\circ < \alpha < 60^\circ$ D. $60^\circ \leq \alpha \leq 90^\circ$

15. 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, $\angle ABC = 30^\circ$, D 是 AC 中点, 则 $\cot \angle DBC$ 的值是().

- A. $\sqrt{3}$ B. $2\sqrt{3}$ C. $\frac{\sqrt{3}}{2}$ D. $\frac{\sqrt{3}}{4}$

16. 求适合下列各式的锐角 α :

(1) $3 - \sqrt{3}\tan \alpha = 0$;

$\alpha = \arctan \frac{3}{\sqrt{3}} = \arctan \sqrt{3} = 60^\circ$

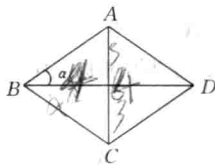
(2) $\tan^2 \alpha - (1 + \sqrt{3})\tan \alpha + \sqrt{3} = 0$.



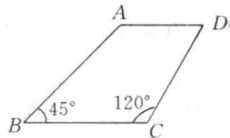
热点考题

17. 如图, 菱形对角线 $AC = 6$, $BD = 8$, $\angle ABD = \alpha$, 则下列结论正确的是().

- A. $\sin \alpha = \frac{4}{5}$ B. $\cos \alpha = \frac{3}{5}$
C. $\tan \alpha = \frac{4}{3}$ D. $\tan \alpha = \frac{3}{4}$



(第 17 题图)



(第 18 题图)

18. (2003 年 · 重庆市) 如图, 梯形 $ABCD$ 中, $AD \parallel BC$, $\angle B = 45^\circ$, $\angle C = 120^\circ$, $AB = 8$, 则 CD 的长为().

- A. $\frac{8\sqrt{6}}{3}$ B. $4\sqrt{6}$ C. $\frac{8}{3}\sqrt{2}$ D. $4\sqrt{2}$

19. 已知方程 $3x^2 - 4\sqrt{3}x + 3k = 0$ 的两根是 $\tan \theta$ 和 $\cot \theta$, 求 k 和锐角 θ 的值.





正切和余切

(第二课时)



基础作业

1. 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C=90^\circ$, 若 $AC=3, BC=4$, 那么 $\sin A = \underline{\hspace{1cm}}$, $\cos A = \underline{\hspace{1cm}}$, $\tan A = \underline{\hspace{1cm}}$, $\cot A = \underline{\hspace{1cm}}$.

2. 比较大小: $\sin 35^\circ \underline{\hspace{1cm}} \cos 65^\circ$, $\tan 38^\circ \underline{\hspace{1cm}} \cot 38^\circ$. (填“>”、“<”或“=”)

3. 直角三角形斜边与一直角边之比为 $17:15$, 若较小锐角为 α , 则 $\cos \alpha = \underline{\hspace{1cm}}$, $\sin \alpha = \underline{\hspace{1cm}}$.

4. 若 $\angle \alpha$ 是锐角, $\tan \alpha < \sqrt{3}$, 则 α 的取值范围是 $\underline{\hspace{1cm}}$.

5. 下列各式:

① $\cos 30^\circ + \cos 60^\circ = \cos 90^\circ$

② $\tan 31^\circ \cdot \cot 59^\circ = 1$

③ $\tan 48^\circ 37' < \cot 41^\circ 22'$

④ $\triangle ABC$ 中, $\angle C=90^\circ$,

$\tan A \cdot \sin A = \cos A$,

其中正确的个数是().

A. 1个 B. 2个 C. 3个 D. 4个

6. 已知 $\angle A, \angle B, \angle C$ 是 $\triangle ABC$ 的三个内角, 则下列各式中正确的是().

A. $\sin \frac{A}{2} = \sin \frac{B+C}{2}$

B. $\sin A = \cos(90^\circ - B)$

C. $\tan \frac{A}{2} = \cot \frac{B+C}{2}$

D. $\tan \frac{A+B}{2} = \tan \frac{C}{2}$

7. 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle C=90^\circ$, 三内角 $\angle A, \angle B, \angle C$ 所对的边分别为 a, b, c , 则 $\cos A \cdot \cot B$ 的值等于().

A. $\frac{a}{c}$ B. $\frac{c}{a}$ C. $\frac{b}{a}$ D. $\frac{a}{b}$

8. 化简 $\sqrt{\tan^2 40^\circ + \cot^2 40^\circ} - 2$, 结果正确的是().

A. $\tan 40^\circ - \cot 40^\circ$

B. $\cot 40^\circ - \tan 40^\circ$

C. $2\tan 40^\circ$

D. $2\cot 40^\circ$

9. 化简:

(1) $\tan^2 \alpha \cdot \cos^2 \alpha + \cos^2 \alpha$;

(2) $\tan \alpha + \frac{\cos \alpha}{1 + \sin \alpha}$.

$$\frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} + \frac{\cos \alpha}{1 + \sin \alpha}$$

$$\frac{\sin \alpha + \sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha}{\cos \alpha (1 + \sin \alpha)} = \frac{1 + \sin \alpha}{\cos \alpha (1 + \sin \alpha)} = \frac{1}{\cos \alpha}$$

10. 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle C=90^\circ$, $CD \perp AB$ 垂足为点 D , $AC=\sqrt{3}, BC=\sqrt{6}$, 求 $\angle BCD$ 的四个三角函数值.





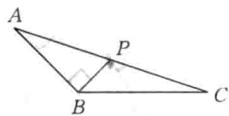
11. 已知 $\sqrt{2}+1$ 是关于 x 的一元二次方程 $x^2 - 3\tan\theta \cdot x + \sqrt{2} = 0$ 的一个根, 且 θ 为三角形的一个锐角, 求 $\sin\theta$ 的值.



提高作业

12. 已知 $\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, 过 BC 的中点 M 作 $MD \perp AB$ 于 D , 且 $BC = 2, AC = 3$, 求 $\angle DMB$ 的四个三角函数值.

13. 如图, 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle ABC = 135^\circ$, 点 P 为 AC 中点, $\angle PBC = 45^\circ$, 求 $\angle A$ 的四个三角函数值.



(第 13 题图)



热点考题

14. 已知, 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle A = 30^\circ, \angle B = 45^\circ, CD \perp AB$, 垂足为 $D, CD = 4$, 求 AB 的长.

15. 已知 $\triangle ABC$ 中, $\angle ACB = 90^\circ, CD \perp AB$ 于 D , $CD = 1$, 若 AD, BD 的长是关于 x 的一元二次方程 $x^2 + px + q = 0$ 的两个根, 且 $\tan A - \tan B = 2$, 求 p, q 的值.

$$CD^2 = AD \cdot BD$$

BD





§ 6.3 用计算器求锐角三角函数值和由锐角三角函数值求锐角



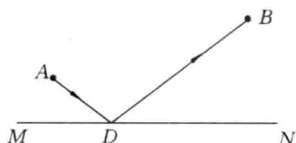
基础作业

1. 四种三角函数中,可以直接通过计算器来计算的是_____.
2. 在已知锐角求锐角三角函数值或已知锐角三角函数值求锐角时,首先必须选择角度单位模式,应按下键_____,使显示器左边出现_____.
3. 计算器进入“DEG”状态后,求 $\sin 37^\circ$ 的值,按键顺序是_____.
4. 用计算器求 $\tan 23^\circ$ 的值的按键顺序是_____.
5. 用计算器求 $\tan 47^\circ 18' 23''$,在显示屏上显示出 DEG 和 0 的情况下,依次按键_____,显示_____,再按_____键,得出结果_____.所以精确到 0.0001, $\tan 47^\circ 18' 23'' =$ _____.
6. 已知 $\sin \alpha = 0.5678$,用计算器求锐角 α ,在显示屏上显示 DEG 和 0 的情况下,先按键_____和_____,再依次按键_____,便得结果为_____,精确到秒, $\alpha =$ _____.
7. 用计算器求 $\cot 35^\circ$ 时,利用正切和余切的关系,求_____来解决,所求结果是_____,保留四个有效数字为_____.
8. 写出用计算器求 $\sin 75^\circ 25'$ 的值的过 程.
9. 写出用计算器求 $\cos 48^\circ 54' 5''$ 的值的过 程.
10. 写出用计算器求 $\tan 85^\circ 3'$ 的值的过 程.
11. 已知 $\sin A = 0.415$,用计算器求锐角 A ,并写出求角的过程.
12. 用计算器求下列三角函数值:
 - (1) $\sin 34^\circ 56' 21''$;
 - (2) $\cos 42^\circ 31' 20''$;
 - (3) $\tan 13^\circ 5' 6''$.
13. 已知下列锐角三角函数值,用计算器求出相应锐角:
 - (1) $\sin A = 0.0148$;
 - (2) $\cos \alpha = 0.2134$;
 - (3) $\tan B = 0.1253$.



**提高作业**

14. 如图所示, 在一平面镜 MN 的同侧, 有相距 13 cm 的两点 A 和 B , 它们与平面镜的距离分别为 2 cm 和 7 cm, 现在要使由点 A 射出的光线经平面镜反射后到 B , 求光线的入射角.

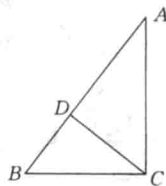


(第 14 题图)

**热点考题**

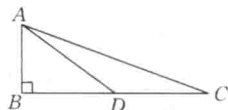
15. (2002 年·北京市朝阳区) 用计算器算得
 ① $29^3 = 24389$; ② $\sqrt{58} \approx 7.6157773106$;
 ③ $\sin 35^\circ = 0.573576436$; ④ 若 $\tan \alpha = 5$,
 则锐角 $\alpha \approx 0.087488663^\circ$, 其中正确的是().
- A. ①②③ B. ①②④
 C. ②③④ D. ①③④

16. 如图, 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, 已知斜边 AB 上的高 $CD = 5.67$, $BC = 7.85$. (1) 求 $\angle B$; (2) 求 $\angle A$; (3) 求 AC 的长; (4) 求 AB 的长. (边长保留三个有效数字).



(第 16 题图)

17. 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle B = 90^\circ$, $\angle ADB = 30^\circ$, 延长 BD 至 C , 使 $DC = AD$. 如图, 利用此图, 求 $\sin 15^\circ$, $\cos 15^\circ$, $\tan 15^\circ$, $\cot 15^\circ$ 的值.



(第 17 题图)

