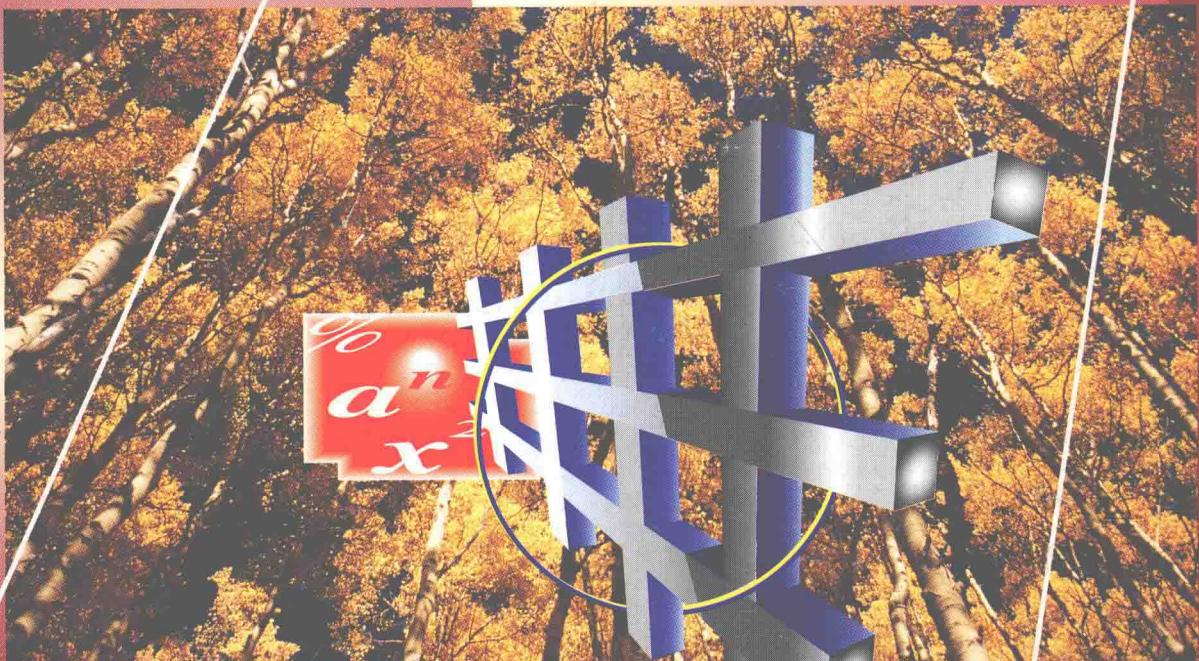


中學適用

今日數學

作業 3B



梁貫成

黎文傑

中學適用

今日數學

作業 3B

梁貫成
黎文傑



勤達出版有限公司

本書版權由勤達出版有限公司所有。本書的任何部份，如未獲得本公司的同意，不得以影印、錄音或其他任何方式，作全部或局部的抄襲、轉載、翻譯或翻印。

勤達出版有限公司

香港 北角 屈臣道2號 海景大廈B座 B607室
電話：2578 0023

學生版：

1997年初版*
重印：1999

©勤達出版有限公司 1997

雅聯印刷有限公司承印
ISBN 962-19-8575-7

目 錄

第八章 二次方程

習題 8A	(8.1)	1
習題 8B	(8.2)	8
習題 8C	(8.3)	15
習題 8D	(8.4)	21
習題 8E	(多項選擇題).....	25

第九章 一些重要的幾何定理

習題 9A	(9.1)	27
習題 9B	(9.2)	33
習題 9C	(9.3)	41
習題 9D	(多項選擇題).....	48

第十章 三角學的應用題

習題 10A	(10.1)	51
習題 10B	(10.2)	56
習題 10C	(10.3)	62
習題 10D	(10.4)	68
習題 10E	(多項選擇題).....	73

第十一章 不等式

習題 11A	(11.1)	76
習題 11B	(11.2)	82
習題 11C	(多項選擇題).....	94

第十二章 簡易概率的概念

習題 12A (12.1)	97
習題 12B (12.2)	104
習題 12C (12.3)	111
習題 12D (多項選擇題).....	115

第十三章 集中趨勢的量度

習題 13A (13.2)	118
習題 13B (13.3)	128
習題 13C (13.4)	134
習題 13D (13.5)	138
習題 13E (多項選擇題).....	143

複習測驗 1 (第八至十一章)..... 147

複習測驗 2 (第八至十四章)..... 152

二次方程

8A

8.1 二次多項式的因式分解

日期 _____

1. 因式分解下列各二次多項式。

(a) $x^2 + 6x + 5$

解 列出各對可能的因式如下：

x	$+1$	-1
x	$+5$	-5

試驗第一對：

$$\begin{array}{r} x \cancel{x} + 1 \\ x \cancel{x} + 5 \\ \hline +x \quad +5x = (\quad)x \end{array}$$

$$\therefore x^2 + 6x + 5 = (x + \underline{\hspace{1cm}})(x + \underline{\hspace{1cm}})$$

(b) $x^2 + 6x - 7$

解 列出各對可能的因式如下：

x	$+1$	$-(\quad)$
x	-7	$+(\quad)$

試驗第一對：

$$\begin{array}{r} x \cancel{x} + 1 \\ x \cancel{x} - 7 \\ \hline +x \quad -7x = (\quad)x \end{array}$$

試驗第二對：

$$\begin{array}{r} x \cancel{x} (\quad) \\ x \cancel{x} (\quad) \\ \hline (\quad)x \quad (\quad)x = (\quad)x \end{array}$$

$$\therefore x^2 + 6x - 7 = \underline{\underline{(\quad) (\quad)}}$$

(c) $x^2 + x - 6$

解 列出各對可能的因式如下：

$$\begin{array}{c|ccc} x & -1 & +1 & -2 \\ \hline x & +6 & () & () & () \end{array}$$

試驗第一對：

$$\begin{array}{r} x \quad \cancel{x} \quad -1 \\ x \quad \cancel{x} \quad +6 \\ \hline () \quad () = () \end{array}$$

試驗第二對：

$$\begin{array}{r} x \quad \cancel{x} \quad +1 \\ x \quad \cancel{x} \quad () \\ \hline () \quad () = () \end{array}$$

試驗第三對：

$$\begin{array}{r} x \quad \cancel{x} \quad -2 \\ x \quad \cancel{x} \quad () \\ \hline () \quad () = () \end{array}$$

$$\therefore x^2 + x - 6 = \underline{\hspace{2cm}}$$

2. 因式分解下列各二次多項式。

(a) $m^2 + 6m + 8$

解

$$\begin{array}{r} m \quad \cancel{m} \quad +2 \\ m \quad \cancel{m} \quad () \\ \hline () \quad () = +6m \end{array}$$

$$\therefore m^2 + 6m + 8 = \underline{\hspace{2cm}} (\underline{\hspace{2cm}})$$

(b) $s^2 - 9s - 10$

解

$$\begin{array}{r} s \quad \cancel{s} \quad () \\ s \quad \cancel{s} \quad () \\ \hline () \quad () = -9s \end{array}$$

$$\therefore s^2 - 9s - 10 = \underline{\hspace{2cm}}$$

(c) $t^2 - 2t - 24$

解

$$\begin{array}{r} t \quad \cancel{\times} \quad (\quad) \\ t \quad (\quad) \\ \hline (\quad) \quad (\quad) = -2t \end{array}$$

$$\therefore t^2 - 2t - 24 = \underline{\underline{\quad}}$$

(d) $n^2 - 9n + 20$

解

3. 因式分解下列各二次多項式。

(a) $2x^2 - 3x + 1$

解 列出各對可能的因式如下：

$$\begin{array}{c|cc} 2x & +1 & -1 \\ x & +1 & -1 \end{array}$$

試驗第一對：

$$\begin{array}{r} 2x \quad \cancel{\times} \quad +1 \\ x \quad \cancel{\times} \quad +1 \\ \hline (\quad) \quad (\quad) = (\quad) \end{array}$$

試驗第二對：

$$\begin{array}{r} 2x \quad \cancel{\times} \quad -1 \\ x \quad \cancel{\times} \quad -1 \\ \hline (\quad) \quad (\quad) = (\quad) \end{array}$$

$$\therefore 2x^2 - 3x + 1 = (\underline{\underline{\quad}})(\underline{\underline{\quad}})$$

(b) $4x^2 + 19x - 5$

解 列出各對可能的因式如下：

x	$2x$	-1	$+1$	$+5$	-5
$4x$	$2x$	$+5$	(\quad)	(\quad)	(\quad)

試驗第一對：

$$\begin{array}{r} x \quad \cancel{-1} \\ 4x \quad +5 \\ \hline (\quad) \quad (\quad) = (\quad) \end{array}$$

試驗第二對：

$$\begin{array}{r} x \quad \cancel{+1} \\ 4x \quad +5 \\ \hline (\quad) \quad (\quad) = (\quad) \end{array}$$

試驗第三對：

$$\begin{array}{r} x \quad \cancel{+5} \\ 4x \quad -1 \\ \hline (\quad) \quad (\quad) = (\quad) \end{array}$$

$$\therefore 4x^2 + 19x - 5 = (\underline{\quad})(\underline{\quad})$$

4. 因式分解下列各二次多項式。

(a) $5y^2 - 6y + 1$

解

$$\begin{array}{r} 5y \quad \cancel{-1} \\ y \quad +5 \\ \hline (\quad) \quad (\quad) = (\quad) \end{array}$$

$$\therefore 5y^2 - 6y + 1 = \underline{\quad}$$

(b) $2x^2 + 5x - 3$

解

$$\begin{array}{r} 2x \quad \cancel{(\quad)} \\ x \quad +3 \\ \hline (\quad) \quad (\quad) = (\quad) \end{array}$$

$$\therefore 2x^2 + 5x - 3 = \underline{\quad}$$

(c) $12m^2 + 5m - 2$

解

(d) $12x^2 + 7x - 10$

解

5. 因式分解下列各二次多項式。

(a) $x^2 - 2xy - 3y^2$

解 列出各對可能的因式如下：

$$\begin{array}{c|cc} x & -3y & +3y \\ x & +y & () \end{array}$$

試驗第一對：

$$\begin{array}{ccc} x & \times & -3y \\ x & & +y \\ \hline () & () & = -2xy \end{array}$$

$$\therefore x^2 - 2xy - 3y^2 = \underline{\underline{() ()}}$$

(b) $6s^2 - 11st + 5t^2$

解 列出各對可能的因式如下：

s	$2s$	$+t$	$-t$	$+5t$	()	()	()
$6s$	$3s$	$+5t$	()	()	()	()	()

試驗第一對：

$$\begin{array}{r} s \quad \cancel{2s} \quad +t \\ 6s \quad \cancel{3s} \quad +5t \\ \hline () \quad () = () \end{array}$$

試驗第二對：

$$\begin{array}{r} s \quad \cancel{-t} \\ 6s \quad \cancel{()} \\ \hline () \quad () = () \end{array}$$

$$\therefore 6s^2 - 11st + 5t^2 = \underline{\underline{\quad}}$$

6. 因式分解下列各二次多項式。

(a) $p^2 - 2pq - 15q^2$

解

$$\begin{array}{r} p \quad \cancel{()} \\ p \quad \cancel{()} \\ \hline () \quad () = -2pq \end{array}$$

$$\therefore p^2 - 2pq - 15q^2 = \underline{\underline{\quad}}$$

(b) $p^2 - pq - 42q^2$

解

(c) $3p^2 + pq - 2q^2$

解

7. 因式分解下列各二次多項式。

(a) $3x^2 + 9x + 6$

解 $3x^2 + 9x + 6 = 3(x^2 + 3x + \underline{\hspace{2cm}})$
 $= \underline{\underline{3(\quad)(\quad)}}$

(b) $-2y^2 + 4y + 6$

解 $-2y^2 + 4y + 6 = -2(\quad)$
 $=$

(c) $5x^2 - 15xy - 20y^2$

解 $5x^2 - 15xy - 20y^2 =$

(d) $\frac{6x^2}{5} - \frac{7xy}{5} - \frac{3y^2}{5}$

解

8. (a) 因式分解 $8x^2 - 10x - 3$ 。

(b) 從而因式分解 $8(x+3)^2 - 10(x+3) - 3$ 。

[提示：設 $m = x+3$]。

解 (a)

(b)

二次方程

8B

8.2 二次方程

日期 _____

對於兩個數 m 和 n ，
若 $mn = 0$ ，則 $m = 0$ 或 $n = 0$ 。

1. 解下列各二次方程。

(a) $(x - 3)(x - 4) = 0$

解 $(x - 3)(x - 4) = 0$
 $\therefore x - 3 = 0$ 或 $\underline{\hspace{2cm}} = 0$
 $\therefore x = \underline{\hspace{2cm}}$ 或 $x = \underline{\hspace{2cm}}$

(b) $(x + 2)(x - 5) = 0$

解 $(x + 2)(x - 5) = 0$
 $\therefore \underline{\hspace{2cm}} = 0$ 或 $\underline{\hspace{2cm}} = 0$
 $\therefore x = \underline{\hspace{2cm}}$ 或 $x = \underline{\hspace{2cm}}$

(c) $(3x - 4)(2x + 1) = 0$

解

2. 解下列各二次方程。

(a) $x^2 - 7x + 12 = 0$

解 $x^2 - 7x + 12 = 0$
 $(\underline{\hspace{2cm}})(\underline{\hspace{2cm}}) = 0$
 $\therefore \underline{\hspace{2cm}} = 0$ 或 $\underline{\hspace{2cm}} = 0$

(b) $10x^2 + 3x - 1 = 0$

解 $10x^2 + 3x - 1 = 0$
 $(\quad)(\quad) = 0$

(c) $2x^2 + x - 15 = 0$

解

3. 解下列各二次方程。

(a) $x^2 = 3x$

解 $x^2 = 3x$
 $x^2 - 3x = 0$
 $x(\quad) = 0$
 $\therefore \quad = 0$ 或 $\quad = 0$

(b) $25x^2 = 81$

解

4. 解下列各二次方程。

(a) $x^2 + 4 = 4x$

解 $x^2 + 4 = 4x$
_____ = 0

(b) $6 - 11x - 10x^2 = 0$

解 $6 - 11x - 10x^2 = 0$
 $10x^2 +$ _____ = 0

(c) $9x - x^2 = 18$

解

(d) $5x^2 = 12 - 11x$

解

5. 解下列各二次方程。

(a) $(x + 1)(2x - 3) = (x + 1)(x - 1)$

解

$$(x + 1)(2x - 3) = (x + 1)(x - 1)$$

$$(x + 1)(2x - 3) - (x + 1)(x - 1) = 0$$

$$(x + 1) [(\quad) - (\quad)] = 0$$

(b) $(2x + 3)(x - 4) = 13$

解

6. (a) 解二次方程 $2y^2 + 5y + 3 = 0$ 。

(b) 從而，設 $y = x - 2$ ，解二次方程 $2(x-2)^2 + 5(x-2) + 3 = 0$ 。

解 (a)

(b)

7. 在下列各題中，用已知根設立以 x 為變數的二次方程。

(將所得的二次方程以 $ax^2 + bx + c = 0$ 的形式表示，其中 a , b 和 c 都是整數。)

(a) 1, 2

解 因為 $x = 1$ 或 $x = 2$ ，

所以 $x - 1 = 0$ 或 $\underline{\quad} = 0$ 。

\therefore 方程是 $(\quad)(\quad) = 0$

即 $\underline{\quad}$ 。