

题海战“数” 线性代数(数一)

全国硕士研究生入学统一考试研究委员会◎编著

- ★ 结合大纲 梳理重要考点 ★
- ★ 剖析考情 传授高分秘笈 ★
- ★ 精选题目 扩展解题思路 ★
- ★ 立足真题 把握考试脉搏 ★

购书 **两重
大礼**

1. 赠送最新考研数学真题
2. 赠送考研数学备考手册



www.17kedu.com

题海战“数”

线性代数(数一)

全国硕士研究生入学统一考试研究委员会◎编著

世界图书出版公司

北京·广州·上海·西安

图书在版编目(CIP)数据

线性代数. 数一 / 全国硕士研究生入学统一考试研究委员会编著. —北京: 世界图书出版公司北京公司, 2013.6

(题海战“数”)

ISBN 978-7-5100-6305-3

I. ①线… II. ①全… III. ①线性代数-研究生-入学考试-习题集 IV. ①O151.2-44

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2013)第 111381 号

题海战“数”·线性代数(数一)

编 著: 全国硕士研究生入学统一考试研究委员会

责任编辑: 夏 丹 孙志荣

装帧设计: 中公教育设计中心

出 版: 世界图书出版公司北京公司

出 版 人: 张跃明

发 行: 世界图书出版公司北京公司

(地址: 北京朝内大街 137 号 邮编: 100010 电话: 64077922)

销 售: 各地新华书店

印 刷: 三河市华东印刷装订厂

开 本: 787 mm×1092 mm 1/16

印 张: 14.5

字 数: 278 千

版 次: 2013 年 9 月第 1 版 2013 年 9 月第 1 次印刷

ISBN 978-7-5100-6305-3

定 价: 38.00 元

版权所有 翻印必究

高分秘笈——题海战“数”

考研数学要求考生系统理解数学的基本概念和基本理论,掌握数学的基本方法,具备抽象思维能力、逻辑推理能力、空间想象能力、运算能力、综合运用知识分析和解决问题的能力。这些都是考研数学的基本要求。

然而,在考研起点,不乏“谈‘数’色变者”;在考研终点,也总有“因‘数’兵败者”。在漫漫考研征途中,不少考生因数学而步履维艰。基于此,全国硕士研究生入学统一考试研究委员会在多年研发的基础上,在总结历年考生备考数学的难点问题上,特提出“题海战‘数’”的理念,并出版相关系列图书8本。本丛书立足多年考研真题,透析命题规律,预测命题趋势,全面系统地分析考研知识点,深入浅出地巧解考生疑问。

“题海战‘数’”系列丛书囊括了专家们精心筛选的经典题目,并且给出了详细解析,有些题目做到一题多解。其解题方法均是由全国硕士研究生入学统一考试研究委员会的专家在深入研究考试大纲和历年真题的基础上总结出来的,具有独到之处,解题快捷简便。同时,让考生对题目考查的知识点透彻理解,达到触类旁通、举一反三的效果。帮助考生夺取数学高分,是本丛书的宗旨!

高分秘笈一 夯实基础

数学是一门逻辑性极强的演绎科学,考生只有对基本概念深入理解、对基本定理和公式牢牢掌握,才能找到解题的突破口和切入点。因此,考研复习要全面夯实基础知识,重点弥补薄弱环节。

高分秘笈二 综合运用

从对历年考研数学真题的研究得出,除完全基础性的送分题外,知识点的融合与延展性是试题最重要的特点之一,也是最能影响考生分数的地方。

考试中一些稍有难度的试题对知识点综合考查的要求比较高。近几年,在填空题和选择题中均出现了一道题目对几个知识点糅合考查的情况。对于这类综合型的题目,首先,考生要了解各个知识模块的内部联系、应用的前提条件、前后知识的逻辑顺序;其次,考生要不断积累解题经验,总结并归纳解题思路、方法和技巧,在考试时才能够较快找到突破口。

高分秘笈三 加强训练

考生在复习数学时常常遇到的问题是,如何夯实基础知识?如何应用所学的知识找到解题的突破口和切入点?如何不断提高自身的解题效率,最终实现又快又准?这些问题的解决途径只有一个,即做习题。

考生通过对题目的训练,能够总结出同一考点不同题型的考查方式,扩展自己的视野和思路,比较各种解题方法的特点和适用范围,熟练掌握解题技巧,并在练习中形成自己的一套解题方法。同时考生通过做习题可以进行解题能力和解题速度的训练,提高应试水平。

高分秘笈四 查漏补缺

“木桶效应”告诉考生要找出自己的短板并加以补齐。考生只有找出自己的“短板”,查漏补缺并多下功夫,才能迅速提高分数。查漏补缺需要结合考试大纲,对照大纲多做习题,了解哪些知识点没有掌握,并针对这些知识点加以巩固。本丛书将各科的知识版块进行划分,帮助考生更加有针对性的训练、提升、查找遗漏知识点。

山不在高,有仙则名;水不在深,有龙则灵;书不在多,有心则精。上述四个高分秘笈,再配之以“题海战‘数’”,能够使考生在面对数学题目时不再茫然失措、无从下手,从而轻松通往考研成功之路!

本套丛书特色简介

“题海战‘数’”系列丛书共8本,根据考研数学的具体情况,针对不同的学科进行细致分类,分别是:《题海战“数”·高等数学(数一)》、《题海战“数”·高等数学(数二)》、《题海战“数”·微积分(数三)》、《题海战“数”·线性代数(数一)》、《题海战“数”·线性代数(数二)》、《题海战“数”·线性代数(数三)》、《题海战“数”·概率论与数理统计(数一)》、《题海战“数”·概率论与数理统计(数三)》。

本丛书严格按照考试大纲划分章节,考点覆盖全面。每一章都分为知识结构、高频考点、专项训练三部分。本丛书是市面上唯一一套按照学科分类的考研数学辅导丛书,目的是为了考生根据自己对各个学科掌握程度的不同,而有针对性地选择备考图书,从而高效复习。本丛书不仅在质量上精益求精,还在内容设计上独具特色。主要体现在以下四个方面:

特色一 知识结构——结合考试大纲 系统梳理考试内容

本丛书结合最新的考试大纲、教材、历年真题等权威参考资料,对知识点进行了全面的梳理,每一章都设置了考点知识结构图。既方便考生快速查找知识点,又可以起到全面总结的作用,能够帮助考生在做题中归纳总结,从整体上进一步理解并彻底明确知识点的纵向与横向联系,从而在理解的基础上灵活运用、触类旁通。

特色二 高频考点——源自典型题目 深入研究考试重点

本丛书结合最新考试大纲及历年数学考试真题,对重点考查的知识做了简洁而高效的总结,在每一章均设置了高频考点,将历年考试频率较高的知识点罗列出来。方便考生记忆,节约复习时间,提高复习效率;同时给考生指出了每章的复习重点,帮助考生明确每章的复习方向。

特色三 14年真题——立足历年真题 准确把握考试脉搏

真题是认知考试的最好载体,它反映了考试的难度和命题人的思路。本丛书通过对近14

年考研数学真题的精心筛选,选取最具代表性的题目融入对应的各个章节,力求全方位帮助考生吃透考点、把握考试脉搏,击破难点,培养考生举一反三的能力。

特色四 加“星”题目——针对不同层次 明确区分难易程度

个人能力有高下之分,考试题目有难易之别。为了方便考生有针对性复习,专项训练中,题目按照题型划分为选择题、填空题、解答题,每一道题目都添加了“星”,用以表示题目的难易程度,考生可以根据实际情况,有选择地进行训练。同时,本书将同一知识点不同的考查方式全部呈现在考生面前,通过对不同考查方式的纵向比较,充分体现出试题千变万化,万变不离其宗的特点。

希望本丛书能够帮助考生攻克考研数学的难关,实现梦想。本丛书在编写过程中,尽管尽心、尽力、尽责,但书中难免存在失误和有待商榷之处,欢迎广大读者朋友批评指正。

全国硕士研究生入学统一考试研究委员会

2013年9月于北京

2004年~2013年考研数学(一)考情分析

本书通过对2004年~2013年十年考研数学(一)真题的分析与研究,结合考研数学(一)的最新考试大纲,给出了近十年考研数学(一)真题的具体考点,可以使考生清晰地了解考研数学(一)真题的命题题型、题量与高频考点.与此同时,能够让考生在全面复习的过程中,明确并强化重要知识点.

一、考试形式和试卷结构分析

根据最新的考试大纲,考生可以了解到以下信息:

考试形式和试卷结构

(一) 试卷满分及考试时间

试卷满分为150分,考试时间为180分钟.

(二) 答题方式

答题方式为闭卷、笔试.

(三) 试卷内容结构

高等数学	56%
线性代数	22%
概率论与数理统计	22%

(四) 试卷题型结构

单项选择题	8小题,每题4分,共32分
填空题	6小题,每题4分,共24分
解答题(包括证明题)	9小题,共94分

【分析】通过分析试卷内容结构,可知高等数学占的比重是最大的,几乎占了整套试题题量的六成;线性代数、概率论与数理统计占的比重相同,大约各占两成的题量.因此,考生在备考数学(一)的时候,重点放在高等数学上.

由于每部分考查内容在试卷中所占的比重与分值不同,因此考生通过对历年真题的深入分析(见表2~表7),可以在短时间内清楚地了解历年考研数学(一)的命题趋势与考查重点.结合相应知识板块的备考策略,考生可以有目的、有针对性地复习数学,以取得事半功倍的效果.

二、历年真题题型、题量分析

表1是对2004年~2013年考研数学(一)历年真题的结构与题型、题量的分析情况汇总.

表 1 2004 年 ~ 2013 年考研数学(一) 试卷结构与题型、题量分布表

年份(年)	题量	试卷结构		
		第一部分	第二部分	第三部分
2004	共计 23 道题	填空题	选择题	解答题
		共 6 道	共 8 道	共 9 道
2005	共计 23 道题	填空题	选择题	解答题
		共 6 道	共 8 道	共 9 道
2006	共计 23 道题	填空题	选择题	解答题
		共 6 道	共 8 道	共 9 道
2007	共计 24 道题	选择题	填空题	解答题
		共 10 道	共 6 道	共 8 题
2008	共计 23 道题	选择题	填空题	解答题
		共 8 道	共 6 道	共 9 道
2009	共计 23 道题	选择题	填空题	解答题
		共 8 道	共 6 道	共 9 道
2010	共计 23 道题	选择题	填空题	解答题
		共 8 道	共 6 道	共 9 道
2011	共计 23 道题	选择题	填空题	解答题
		共 8 道	共 6 道	共 9 道
2012	共计 23 道题	选择题	填空题	解答题
		共 8 道	共 6 道	共 9 道
2013	共计 23 道题	选择题	填空题	解答题
		共 8 道	共 6 道	共 9 道

【分析】从上表可以看出:2004 年 ~ 2013 年考研数学(一) 的试卷包括选择题、填空题和解答题三种题型. 除了 2007 年题量和题型的顺序有相对较大的变化以外,其他年份的题量均稳定在 23 道题目. 2008 年以来的考研数学(一) 的试卷题型、题量都相对固定,因此 2014 年考研数学(一) 试卷的结构将会继续沿用这三大题型,且题量也将基本保持不变.

三、历年真题考点分析

2004 年 ~ 2006 年考研数学的题型顺序为填空题、选择题、解答题,但是从 2007 年开始,题型顺序发生变化,变更为选择题、填空题、解答题. 下面的表 2 ~ 表 7 依据学科(分为高等数学、线性代数、概率论与数理统计) 分别汇总了近十年考研数学(一) 真题中每个题目所考查的知识点. 表格中除了年份外,其他数字表示考研数学(一) 真题试卷中的题号.

表2 2004年~2006年考研数学(一)真题高等数学考点分布表

年份(年)	填空题	选择题	解答题
2004	1. 切线方程 2. 微分方程 3. 曲线积分 4. 欧拉方程求解	7. 高阶无穷小 8. 连续函数性质 9. 级数收敛性 10. 变上限积分	15. 函数基本性质、中值定理 16. 求最值 17. 曲面积分 18. 级数收敛性 19. 求极值
2005	1. 渐近线 2. 微分方程 3. 偏导 4. 曲面积分	7. 可导概念 8. 连续函数基本性质 9. 二阶偏导 10. 隐函数存在定理	15. 求二重积分 16. 幂级数收敛区间、和函数 17. 求积分 18. 中值定理、介值定理 19. 曲线积分
2006	1. 求极限 2. 微分方程 3. 二重积分 4. 点到平面距离公式	7. 函数性质、微分 8. 二重积分 9. 级数收敛性 10. 二元函数极值判断	15. 二重积分 16. 求极限 17. 幂级数展式 18. 二阶偏导 19. 曲线积分与路径无关的定理

表3 2007年~2013年考研数学(一)真题高等数学考点分布表

年份(年)	选择题	填空题	解答题
2007	1. 等价无穷小 2. 渐近线 3. 定积分几何意义 4. 函数连续性 5. 数列收敛性 6. 曲线积分	11. 定积分 12. 复合函数求偏导 13. 微分方程 14. 曲面积分	17. 求最值 18. 曲面积分 19. 罗尔中值定理 20. 幂级数、微分方程
2008	1. 函数连续性、零点定理 2. 梯度 3. 微分方程 4. 数列收敛性	9. 微分方程 10. 曲线切线方程 11. 幂级数收敛域 12. 曲面积分	15. 求极限 16. 曲线积分 17. 求最值 18. 导数性质、周期函数性质 19. 余弦级数
2009	1. 等价无穷小 2. 二重积分 3. 变限积分 4. 级数收敛性	9. 二阶偏导 10. 微分方程 11. 曲线积分 12. 三重积分	15. 二元函数极值 16. 级数 17. 旋转面、立体体积 18. 拉格朗日中值定理、连续性质 19. 曲面积分

(续表)

年份(年)	选择题	填空题	解答题
2010	1. 极限 2. 偏导 3. 反常积分收敛性 4. 级数	9. 二阶导数 10. 定积分 11. 曲线积分 12. 形心	15. 微分方程 16. 单调区间与极值 17. 积分性质、夹逼准则 18. 级数、和函数 19. 曲面积分
2011	1. 拐点 2. 幂级数收敛域 3. 极值充要条件 4. 积分性质	9. 平面曲线弧长 10. 微分方程 11. 二阶偏导 12. 曲线积分	15. 求极限 16. 复合函数的二阶混合偏导数 17. 导数的应用 18. 数列的收敛性 19. 二重积分
2012	1. 渐近线 2. 导数定义 3. 连续、可微 4. 一元定积分	9. 微分方程 10. 定积分 11. 梯度 12. 曲面积分	15. 一阶导数 16. 求极值 17. 级数 18. 导数、积分的几何意义 19. 曲线积分
2013	1. 洛必达法则 2. 曲面切面方程 3. 级数 4. 格林公式	9. 隐函数求导 10. 微分方程 11. 二阶求导 12. 一元分部积分	15. 一元积分 16. 级数 17. 求极值 18. 中值定理 19. 重心、三重积分

【分析】由表2和表3可以看出,函数基本性质、定理,导数概念、性质、定理,级数收敛性、和函数,曲线积分定义、性质,曲面积分定义、性质,微分方程,中值定理等都是每年必考的内容,均会出一至两道内容相关的题目.考生在复习的时候可以着重复习这些常考的知识点,要做到理解、熟记并综合运用.

表4 2004年~2006年考研数学(一)真题线性代数考点分布表

年份(年)	填空题	选择题	解答题
2004	5. 行列式	11. 可逆矩阵 12. 向量组线性相关	20. 线性方程组求解 21. 矩阵相似对角性
2005	5. 行列式	11. 向量组线性无关的充要条件 12. 伴随矩阵	20. 二次型 21. 线性方程组求解
2006	5. 行列式	11. 向量组线性相关 12. 矩阵初等变换	20. 矩阵的秩、线性方程组求解 21. 矩阵特征值、特征向量、矩阵相似

表5 2007年~2013年考研数学(一) 真题线性代数考点分布表

年份(年)	选择题	填空题	解答题
2007	7. 向量组线性相关 8. 矩阵的合同、相似	15. 矩阵乘法、秩	21. 线性方程组求解 22. 矩阵特征值、特征向量
2008	5. 矩阵可逆 6. 正交变换、特征值	13. 矩阵特征值	20. 矩阵的秩、向量相关 21. 线性方程组行列式、求解
2009	5. 过渡矩阵 6. 分块矩阵、伴随矩阵	13. 矩阵特征值	20. 线性方程组求解、组线性无关 21. 二次型
2010	5. 矩阵的秩 6. 矩阵相似	13. 向量空间	20. 线性方程组求解 21. 二次型
2011	5. 矩阵初等变换 6. 基础解系	13. 正交变换	20. 向量组的线性表示 21. 矩阵的特征值与特征向量
2012	5. 线性相关 6. 相似矩阵	13. 矩阵的秩	20. 行列式、线性方程组求解 21. 二次型
2013	5. 向量组等价 6. 矩阵相似	13. 行列式	20. 线性方程组求解 21. 二次型

【分析】由表4和表5可以看出,矩阵、向量组、向量空间、线性方程组求解、二次型几乎都是每年必考的内容,有的以选择题形式出现,有的以填空题形式出现,有的直接综合几个知识点以解答题的形式出现.正所谓万变不离其宗,无论考查形式如何变化,这些必考知识块的内容是不会发生变化的.

表6 2004年~2006年考研数学(一) 真题概率论与数理统计考点分布表

年份(年)	填空题	选择题	解答题
2004	6. 指数分布	13. 正态分布的概率密度函数性质 14. 二维协方差	22. 概率分布、相关系数 23. 参数估计
2005	6. 古典概率	13. 二维随机变量的概率分布 14. 正态总体抽样分布的性质	22. 边缘概率密度 23. 方差、协方差
2006	6. 均匀分布	13. 条件概率 14. 二维正态分布	22. 概率密度、分布函数 23. 参数估计

表 7 2007 年 ~ 2013 年考研数学(一) 真题概率论与数理统计考点分布表

年份(年)	选择题	填空题	解答题
2007	9. 几何概率 10. 二维正态分布、条件概率	16. 几何概型	23. 概率密度 24. 参数估计
2008	7. 分布函数 8. 相关系数	14. 泊松分布概率	22. 条件概率、密度函数 23. 参数估计、方差
2009	7. 期望 8. 随机变量的独立性及间断点	14. 参数估计、期望	22. 条件概率、概率分布 23. 参数估计
2010	7. 均匀分布 8. 概率密度	14. 期望	22. 条件概率密度 23. 参数估计、方差
2011	7. 概率密度 8. 数学期望	14. 正态分布、期望	22. 概率分布、相关系数 23. 参数估计、方差、期望
2012	7. 均匀分布、概率密度 8. 相关系数	14. 条件概率	22. 二维离散概率分布、协方差 23. 参数估计
2013	7. 正态分布 8. t 分布	14. 指数分布	22. 分布函数 23. 参数估计

【分析】由表 6 和表 7 可以看出,期望、方差、几何概型、指数分布、均匀分布、正态分布、二维概率分布、参数估计,这些知识点是概率论与数理统计的必考内容,所以考生在复习概率论与数理统计时,要着重复习这几大知识版块.

【总分析】综上可知,考研数学(一) 各科考查的重要知识点相对固定,考查的具体内容概括为以下两方面:第一,基本概念、基本理论、基本方法. 第二,知识的综合运用.

四、考研数学(一) 测查能力分析

(一) 对基础知识的考查

考研数学考试真题注重对基础知识的考查,基本围绕教材中的基本概念、基本理论、基本方法出题,不会出现难度过大、内容过偏的考题.

【例题 1】2013 年考研数学(一) 真题·第 1 题

已知极限 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x - \arctan x}{x^k} = c$, 其中 k, c 为常数, 且 $c \neq 0$, 则()

(A) $k = 2, c = -\frac{1}{2}$.

(B) $k = 2, c = \frac{1}{2}$.

$$(C) k = 3, c = -\frac{1}{3}.$$

$$(D) k = 3, c = \frac{1}{3}.$$

【答案】D

【解析】因为 $c \neq 0, k > 0$, 利用洛必达法则可得

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x - \arctan x}{x^k} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \frac{1}{1+x^2}}{kx^{k-1}} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2}{kx^{k-1}(1+x^2)} \stackrel{k=3}{=} \frac{1}{3}.$$

故选 D.

考点分析

本题主要考查洛必达法则, 要求考生牢记洛必达法则的内容, 熟记并理解洛必达法则的使用前提、条件和结论, 这样考生就能够迅速而正确的解答题目.

【例题 2】2013 年考研数学(一) 真题·第 6 题

矩阵 $\begin{bmatrix} 1 & a & 1 \\ a & b & a \\ 1 & a & 1 \end{bmatrix}$ 与 $\begin{bmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & b & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$ 相似的充分必要条件为 ()

(A) $a = 0, b = 2$.

(B) $a = 0, b$ 为任意常数.

(C) $a = 2, b = 0$.

(D) $a = 2, b$ 为任意常数.

【答案】B

【解析】矩阵 $\begin{bmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & b & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$ 是对角矩阵, 所以矩阵 $A = \begin{bmatrix} 1 & a & 1 \\ a & b & a \\ 1 & a & 1 \end{bmatrix}$ 与矩阵 $\begin{bmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & b & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$ 相似的充

分必要条件是两个矩阵的特征值对应相等.

易知 $\begin{bmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & b & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$ 的特征值是 $2, b, 0$, 则可知 $A = \begin{bmatrix} 1 & a & 1 \\ a & b & a \\ 1 & a & 1 \end{bmatrix}$ 的特征值也应该是 $2, b, 0$. 事

实上,

$$|2E - A| = \begin{vmatrix} 1 & -a & -1 \\ -a & 2-b & -2a \\ -1 & -a & 1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 1 & -a & -1 \\ 0 & 2-b-a^2 & -2a \\ 0 & -2a & 0 \end{vmatrix} = -4a^2 = 0 \Rightarrow a = 0.$$

将 $a = 0$ 代入可知, A 的特征值是 $2, b, 0$. 两个矩阵相似, 且与 b 的取值是无关的. 故选择 B.

考点分析

本题主要考查的是相似矩阵的定义, 以及相似矩阵的等价条件. 要求考生要准确记忆矩阵相似的概念, 并把握相似矩阵等价条件的适用范围.

(二) 对综合能力的考查

由于数学的知识点比较分散,因此有些题目考查的知识较综合,个别选择题和填空题会同时考查多个知识点.解答题考查的知识点综合性更强.

【例题3】2013年考研数学(一)真题·第16题

设数列 $\{a_n\}$ 满足条件: $a_0 = 3, a_1 = 1, a_{n-2} - n(n-1)a_n = 0 (n \geq 2)$. $S(x)$ 是幂级数

$\sum_{n=0}^{\infty} a_n x^n$ 的和函数.

(I) 证明: $S''(x) - S(x) = 0$;

(II) 求 $S(x)$ 的表达式.

【解析】(I) 证明: $S(x) = \sum_{n=0}^{\infty} a_n x^n$ 逐项求导得

$$\begin{aligned} S'(x) &= \sum_{n=1}^{\infty} n a_n x^{n-1}, \\ S''(x) &= \sum_{n=2}^{\infty} n(n-1) a_n x^{n-2}, \end{aligned} \quad (1)$$

将 $S(x)$ 的表达式改写为

$$S(x) = \sum_{n=0}^{\infty} a_n x^n \stackrel{n=m-2}{=} \sum_{m=2}^{\infty} a_{m-2} x^{m-2} = \sum_{n=2}^{\infty} a_{n-2} x^{n-2}. \quad (2)$$

现将(1),(2)式相减得 $S''(x) - S(x) = \sum_{n=2}^{\infty} [n(n-1)a_n - a_{n-2}]x^{n-2} = 0$.

(II) 注意 $S(0) = a_0 = 3, S'(0) = a_1 = 1$, 求和函数归结为求解初值问题
$$\begin{cases} S''(x) - S(x) = 0, \\ S'(0) = 1, \\ S(0) = 3, \end{cases}$$

特征方程 $\lambda^2 - 1 = 0$, 特征根 $\lambda = \pm 1$, 于是方程的通解为 $S(x) = C_1 e^x + C_2 e^{-x}$, 再由初值得出 $C_1 = 2, C_2 = 1$, 因此 $S(x) = 2e^x + e^{-x}$.

考点分析

本题主要考查的知识点是幂级数求导及二阶常系数齐次线性微分方程.

对于第一问,首先需要理解幂级数、和函数的概念;其次熟悉幂级数求导的性质,才能证明结论成立;第二问考查的是二阶常系数齐次线性微分方程.

五、考研数学(一)备考策略

数学考试大纲要求考生比较系统地理解数学的基本概念、基本理论,掌握数学的基本方法.近几年考研真题对基础知识的考查越来越多,所占分值也越来越大.因此考生在备考考研数学(一)时可遵循以下策略:

(一) 研读考试大纲,把握命题趋势

要想把握命题趋势,赢得考试,分析大纲是最重要的环节,即寻找其是否有新的规定和要求.考生根据大纲作出深度解读,尤其要重视大纲中的新变化,根据这些新变化,对自己的备考计划做出及时的调整.

(二) 夯实基础知识,深入研究真题

近年来考研数学真题越来越注重对基本概念、基础知识、基本定理性质等的考查,如果考生不理解这些基本概念、基本定理性质,那么连基础分都会丢掉.考生在复习教材的基础上,还需要深入研究历年真题,把握考试出题的方式、内容等主要信息.

(三) “主”、“次”分明,攻克弱点

从学习态度来说,考生对每一个知识点都要认真对待,面面俱到,但是从复习技巧上来说,要讲究有“主”有“次”.考生在对所有的知识点都进行系统复习以后,就应该把复习重点放在自己的“短板”上面,集中攻克,防止让一块“短板”限制了自己的提升高度.

(四) 及时总结归纳,注重纵向梳理

分析历年真题可以看出,数学试题不仅在解答题中有对综合能力的考查,还在客观题中出现了综合知识的考查.近几年真题中,多数题目都是通过两个(或以上)知识点糅合、并通过一两次的变形而来.这就要求考生在解题的时候遇到问题要及时总结归纳,熟练掌握各类重要题型解题的要领和技巧.许多考生清楚每个单独的考点,但是联系在一起综合运用就会出现一定的困难.因此考生要注重建立起清晰的知识框架,纵向整体梳理知识结构.

(五) “学”、“练”结合,查漏补缺

很多考生在备考时没有计划,胡子眉毛一把抓,不知道如何循序渐进地进行复习,最直接的表现就是只学不练或者是只练不学.

只学不练的备考方式,犹如“纸上谈兵”,没有做过历年真题的考生,是无法上考场的.只练不学的考生,虽然通过做题快速提高了能力、扩大了知识面,可是考生的整个知识体系是混乱的,这样就很容易漏掉知识点.考生在备考时一定要讲究“学”、“练”结合.首先,以教材为主,充分掌握基本概念、基础知识、基本定理性质等内容;其次,适当做一些习题,熟练掌握解题技巧,提高解题速度,熟悉各种题型的解题方法,深入了解每种方法的使用条件与应用要点.最后,在练习中遇到不理解的问题或知识点时,回到教材查漏补缺,完善知识体系.

考生只要重点复习,全面把握,就一定会在考研数学(一)考试中取得好成绩.

第一章

行列式

一、知识结构	1
二、高频考点	2
三、专项训练	3
(一) 选择题	3
参考答案	5
(二) 填空题	8
参考答案	9
(三) 解答题	13
参考答案	13

第二章

矩 阵

一、知识结构	17
二、高频考点	18
三、专项训练	19
(一) 选择题	19
参考答案	25
(二) 填空题	33
参考答案	37