



普通高等教育“十一五”国家级规划教材



# 自动控制原理

(第2版)

卢京潮 主编

ZIDONG KONGZHI YUANLI

西北工业大学出版社

普通高等教育“十一五”国家级规划教材

# 自动控制原理

卢京潮 主编  
自动控制原理教学组 编

西北工业大学出版社

**【内容提要】** 本书比较全面、系统地介绍了自动控制理论的基本内容和控制系统的分析、校正及综合设计方法。全书分为 8 章,主要包括自动控制的基本概念,系统数学模型的建立,用于对控制系统进行分析、校正的时域法、根轨迹法和频域法,线性离散系统的分析与校正方法,分析非线性系统的相平面法和描述函数法,以及控制系统的状态空间分析与综合设计方法等内容。书中凡用计算机绘的图均附有相应的 MATLAB 程序,每章配有适当的习题;附录中有综合练习题以及各章习题的答案。

本书可作为高等学校电子信息科学类、仪器仪表类、电气信息类、自动控制类等相关专业的教材,可作为成人教育和继续教育的教材,也可作为科技人员的参考用书。



#### 图书在版编目(CIP)数据

自动控制原理/卢京潮主编. —2 版. —西安:西北工业大学出版社,2009. 8

普通高等教育“十一五”国家级规划教材

ISBN 978 - 7 - 5612 - 2637 - 7

I. 自… II. 卢… III. 自动控制理论—高等学校—教材 IV. TP13

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2009)第 149567 号

出版发行: 西北工业大学出版社

通信地址: 西安市友谊西路 127 号 邮编: 710072

电 话: (029)88493844 88491757

网 址: www.nwpup.com

印 刷 者: 陕西向阳印务有限公司

开 本: 787 mm×1 092 mm 1/16

印 张: 25.5

字 数: 616 千字

版 次: 2009 年 8 月第 2 版 2009 年 8 月第 1 次印刷

定 价: 40.00 元

# 前　　言

随着工业生产和科学技术的发展,自动控制技术已经广泛深入地应用于工农业生产、交通运输、国防现代化和航空航天等许多领域。自动控制原理作为工科院校重要的技术基础课,不仅对工程技术有指导作用,而且对培养学生的辩证思维能力,建立理论联系实际的科学观点和提高综合分析问题的能力,都具有重要的作用。深入理解、掌握自动控制原理课程的概念、思想和方法,对于学生日后解决实际控制工程问题,掌握控制理论其他学科领域的知识,都是必备的基础。

本书是根据多年来的教学实践,学习、借鉴兄弟院校同类教材的优点,在西北工业大学出版社出版的《自动控制原理》(第1版)教材的基础上,经过全面修订、补充、更新而完成的。本书被列为普通高等教育“十一五”国家级规划教材。

本书比较全面地阐述了自动控制的基本原理,系统地介绍了自动控制系统分析和综合设计的基本方法。全书共分八章。前五章涉及线性定常连续系统的理论,具体包括自动控制的一般概念,描述系统的数学模型及其建立方法,用于系统分析、校正的时域法、根轨迹法和频域法。详细讨论了系统稳定性、快速性、准确性的定量计算与系统反馈、前馈校正方法,介绍了根轨迹的绘制法则以及利用根轨迹分析系统性能的方法,系统讲述了频率特性的绘制、频域中的稳定判据、性能分析以及串联校正方法。第6章的内容较第1版有了较大的改动,主要讲述线性定常离散系统理论,介绍 $z$ 变换理论和描述离散系统的数学模型,阐明离散系统性能的分析方法与连续系统分析方法的相似性,讨论数字控制器的模拟化校正实现方法和数字校正设计方法。第7章的内容属非线性控制理论,介绍分析非线性系统的相平面法和描述函数法。第8章讲述现代控制理论中的状态空间分析与综合设计方法,系统介绍了控制系统的状态空间描述,运动分析,稳定性分析,可控性、可观测性,以及极点配置和状态观测器设计等内容。书中凡用计算机绘的图均附有相应的MATLAB程序,各章配有适量的习题,以配合课堂教学,目的在于帮助读者准确理解有关概念,掌握解题方法和技巧,检验计算结果,把握课程的体系结构。附录中有拉氏变换表、综合练习题及各章习题答案。

书中详细地阐述了课程的重点内容,删除了工程上不常用的扩展部分;以基本内容为主线,注重基本概念和原理的讲解,突出工程实用方法;相对第1版,在有些理论性较强的部分和主要的设计方法上作了较详细的分析与讨论。本书仍保持了论述系统、严谨,论证周密,理论性、系统性强;例题、习题丰富,联系基本概念,易于理解,又紧密结合工程实际,便于自学掌握和应用等显著特点。

本书由卢京潮主编,参加编写的人员有:刘慧英(第2章)、贾秋玲(第3章)、袁冬莉(第4章)、程咏梅(第6章(部分))、赵忠(第8章)、卢京潮(第1,5,6(部分),7章及附录)。张家明对全书的MATLAB程序进行了修改、验证。宛良信教授、胡易教授仔细审阅了书稿并提出了宝

贵的修改意见。

在本书编写、修改过程中,参考了许多院校老师们编写的教科书和习题集,得到了我校院系、教务处、出版社等部门有关同志的大力帮助。在此,谨向关心并为本书的修订、出版付出辛勤劳动的所有同志表示深深的谢意!

对书中存在的错误及不妥之处,恳请各位读者、同行批评指正。

**西北工业大学自动控制原理教学组**

2009年7月

# 目 录

|                                  |    |
|----------------------------------|----|
| <b>第 1 章 自动控制的一般概念</b> .....     | 1  |
| 1.1 引言 .....                     | 1  |
| 1.2 自动控制理论发展概述 .....             | 1  |
| 1.3 自动控制和自动控制系统的基本概念 .....       | 3  |
| 1.3.1 自动控制问题的提出 .....            | 3  |
| 1.3.2 开环控制系统 .....               | 4  |
| 1.3.3 闭环控制系统 .....               | 5  |
| 1.3.4 开环控制系统与闭环控制系统的比较 .....     | 6  |
| 1.3.5 复合控制系统 .....               | 7  |
| 1.4 自动控制系统的根本组成 .....            | 7  |
| 1.5 控制系统示例 .....                 | 8  |
| 1.6 自动控制系统的分类 .....              | 11 |
| 1.6.1 恒值控制系统、随动控制系统和程序控制系统 ..... | 11 |
| 1.6.2 定常系统和时变系统 .....            | 12 |
| 1.6.3 线性系统和非线性系统 .....           | 12 |
| 1.6.4 连续系统和离散系统 .....            | 12 |
| 1.6.5 单变量系统和多变量系统 .....          | 12 |
| 1.7 对控制系统性能的基本要求 .....           | 12 |
| 1.8 本课程的研究内容 .....               | 14 |
| <b>第 1 章小结</b> .....             | 14 |
| <b>习题 1</b> .....                | 15 |
| <b>第 2 章 控制系统的数学模型</b> .....     | 20 |
| 2.1 引言 .....                     | 20 |
| 2.2 控制系统的时域数学模型 .....            | 20 |
| 2.2.1 线性元部件、线性系统微分方程的建立 .....    | 20 |
| 2.2.2 非线性系统微分方程的线性化 .....        | 23 |
| 2.2.3 线性定常微分方程的求解 .....          | 25 |
| 2.2.4 运动的模态 .....                | 25 |
| 2.3 控制系统的复域数学模型 .....            | 26 |
| 2.3.1 传递函数 .....                 | 26 |
| 2.3.2 常用控制元件的传递函数 .....          | 27 |

|                           |           |
|---------------------------|-----------|
| 2.3.3 典型环节                | 32        |
| 2.3.4 传递函数的标准形式           | 33        |
| 2.4 控制系统的结构图及其等效变换        | 34        |
| 2.4.1 结构图                 | 34        |
| 2.4.2 结构图等效变换             | 35        |
| 2.5 控制系统的信号流图             | 39        |
| 2.5.1 信号流图                | 39        |
| 2.5.2 梅逊增益公式              | 40        |
| 2.6 控制系统的传递函数             | 42        |
| 2.6.1 系统的开环传递函数           | 42        |
| 2.6.2 闭环系统的传递函数           | 43        |
| 2.6.3 闭环系统的误差传递函数         | 43        |
| 第2章小结                     | 44        |
| 习题2                       | 44        |
| <b>第3章 线性系统的时域分析与校正</b>   | <b>51</b> |
| 3.1 概述                    | 51        |
| 3.1.1 时域法的作用和特点           | 51        |
| 3.1.2 时域法常用的典型输入信号        | 51        |
| 3.1.3 系统的时域性能指标           | 51        |
| 3.2 一阶系统的时间响应及动态性能        | 53        |
| 3.2.1 一阶系统传递函数标准形式及单位阶跃响应 | 53        |
| 3.2.2 一阶系统动态性能指标计算        | 53        |
| 3.2.3 典型输入下一阶系统的响应        | 54        |
| 3.3 二阶系统的时间响应及动态性能        | 56        |
| 3.3.1 二阶系统传递函数标准形式及分类     | 56        |
| 3.3.2 过阻尼二阶系统动态性能指标计算     | 57        |
| 3.3.3 欠阻尼二阶系统动态性能指标计算     | 59        |
| 3.3.4 改善二阶系统动态性能的措施       | 70        |
| 3.3.5 附加闭环零、极点对系统动态性能的影响  | 71        |
| 3.4 高阶系统的阶跃响应及动态性能        | 74        |
| 3.4.1 高阶系统单位阶跃响应          | 74        |
| 3.4.2 闭环主导极点              | 74        |
| 3.4.3 估算高阶系统动态性能指标的零点极点法  | 75        |
| 3.5 线性系统的稳定性分析            | 77        |
| 3.5.1 稳定性的概念              | 77        |
| 3.5.2 稳定的充分必要条件           | 77        |

|                                |     |
|--------------------------------|-----|
| 3.5.3 稳定判据 .....               | 78  |
| 3.6 线性系统的稳态误差 .....            | 81  |
| 3.6.1 误差与稳态误差 .....            | 81  |
| 3.6.2 计算稳态误差的一般方法 .....        | 82  |
| 3.6.3 静态误差系数法 .....            | 83  |
| 3.6.4 干扰作用引起的稳态误差分析 .....      | 86  |
| 3.6.5 动态误差系数法 .....            | 87  |
| 3.7 线性系统时域校正 .....             | 90  |
| 3.7.1 反馈校正 .....               | 90  |
| 3.7.2 复合校正 .....               | 92  |
| 第3章小结 .....                    | 95  |
| 习题3 .....                      | 95  |
| <br>第4章 根轨迹法 .....             | 104 |
| 4.1 根轨迹法的基本概念 .....            | 104 |
| 4.1.1 根轨迹的基本概念 .....           | 104 |
| 4.1.2 根轨迹与系统性能 .....           | 105 |
| 4.1.3 闭环零、极点与开环零、极点之间的关系 ..... | 106 |
| 4.1.4 根轨迹方程 .....              | 107 |
| 4.2 绘制根轨迹的基本法则 .....           | 108 |
| 4.3 广义根轨迹 .....                | 117 |
| 4.3.1 参数根轨迹 .....              | 118 |
| 4.3.2 零度根轨迹 .....              | 119 |
| 4.4 利用根轨迹分析系统性能 .....          | 122 |
| 4.4.1 利用闭环主导极点估算系统的性能指标 .....  | 122 |
| 4.4.2 开环零、极点分布对系统性能的影响 .....   | 127 |
| 第4章小结 .....                    | 131 |
| 习题4 .....                      | 131 |
| <br>第5章 线性系统的频域分析与校正 .....     | 135 |
| 5.1 频率特性的基本概念 .....            | 135 |
| 5.1.1 频率响应 .....               | 135 |
| 5.1.2 频率特性 .....               | 136 |
| 5.1.3 频率特性的图形表示方法 .....        | 137 |
| 5.2 幅相频率特性(Nyquist图) .....     | 139 |
| 5.2.1 典型环节的幅相特性曲线 .....        | 140 |
| 5.2.2 开环系统幅相特性曲线的绘制 .....      | 147 |

|  |            |
|--|------------|
| 5.3 对数频率特性(Bode 图) .....                   | 150        |
| 5.3.1 典型环节的 Bode 图 .....                   | 150        |
| 5.3.2 开环系统 Bode 图的绘制 .....                 | 154        |
| 5.3.3 由对数幅频特性曲线确定开环传递函数 .....              | 156        |
| 5.3.4 最小相角系统和非最小相角系统 .....                 | 157        |
| 5.4 频域稳定判据 .....                           | 159        |
| 5.4.1 奈奎斯特稳定判据 .....                       | 159        |
| 5.4.2 奈奎斯特稳定判据的应用 .....                    | 163        |
| 5.4.3 对数稳定判据 .....                         | 164        |
| 5.5 稳定裕度 .....                             | 166        |
| 5.5.1 稳定裕度的定义 .....                        | 166        |
| 5.5.2 稳定裕度的计算 .....                        | 167        |
| 5.6 利用开环对数幅频特性分析系统的性能 .....                | 169        |
| 5.6.1 $L(\omega)$ 低频段特性与系统稳态误差的关系 .....    | 169        |
| 5.6.2 $L(\omega)$ 中频段特性与系统动态性能的关系 .....    | 170        |
| 5.6.3 $L(\omega)$ 高频段特性与系统抗高频干扰能力的关系 ..... | 174        |
| 5.7 闭环频率特性曲线的绘制 .....                      | 175        |
| 5.7.1 用向量法求闭环频率特性 .....                    | 175        |
| 5.7.2 尼柯尔斯图线 .....                         | 175        |
| 5.8 利用闭环频率特性分析系统的性能 .....                  | 177        |
| 5.8.1 闭环频率特性的几个特征量 .....                   | 177        |
| 5.8.2 闭环频域指标与时域指标的关系 .....                 | 177        |
| 5.9 频率法串联校正 .....                          | 181        |
| 5.9.1 相位超前校正 .....                         | 181        |
| 5.9.2 相位滞后校正 .....                         | 185        |
| 5.9.3 串联滞后-超前校正 .....                      | 190        |
| 5.9.4 串联 PID 校正 .....                      | 193        |
| 第 5 章 小结 .....                             | 196        |
| 习题 5 .....                                 | 197        |
| <b>第 6 章 线性离散系统的分析与校正 .....</b>            | <b>207</b> |
| 6.1 离散系统 .....                             | 207        |
| 6.2 信号采样与保持 .....                          | 208        |
| 6.2.1 信号采样 .....                           | 208        |
| 6.2.2 采样定理 .....                           | 209        |
| 6.2.3 采样周期的选择 .....                        | 211        |
| 6.2.4 零阶保持器 .....                          | 211        |

---

|                              |            |
|------------------------------|------------|
| 6.3 $z$ 变换 .....             | 213        |
| 6.3.1 $z$ 变换定义 .....         | 213        |
| 6.3.2 $z$ 变换方法 .....         | 213        |
| 6.3.3 $z$ 变换基本定理 .....       | 215        |
| 6.3.4 $z$ 反变换 .....          | 218        |
| 6.3.5 $z$ 变换法的局限性 .....      | 220        |
| 6.4 离散系统的数学模型 .....          | 220        |
| 6.4.1 差分方程及其解法 .....         | 220        |
| 6.4.2 脉冲传递函数 .....           | 222        |
| 6.4.3 开环系统脉冲传递函数 .....       | 224        |
| 6.4.4 闭环系统脉冲传递函数 .....       | 226        |
| 6.5 稳定性分析 .....              | 228        |
| 6.5.1 $s$ 域到 $z$ 域的映射 .....  | 229        |
| 6.5.2 稳定的充分必要条件 .....        | 229        |
| 6.5.3 稳定性判据 .....            | 230        |
| 6.6 稳态误差计算 .....             | 234        |
| 6.6.1 一般方法(利用终值定理) .....     | 234        |
| 6.6.2 静态误差系数法 .....          | 235        |
| 6.6.3 动态误差系数法 .....          | 237        |
| 6.7 动态性能分析 .....             | 238        |
| 6.7.1 闭环极点分布与瞬态响应 .....      | 238        |
| 6.7.2 动态性能分析 .....           | 241        |
| 6.8 离散系统的模拟化校正 .....         | 242        |
| 6.8.1 常用的离散化方法 .....         | 243        |
| 6.8.2 模拟化校正举例 .....          | 244        |
| 6.9 离散系统的数字校正 .....          | 247        |
| 6.9.1 数字控制器的脉冲传递函数 .....     | 247        |
| 6.9.2 最少拍系统设计 .....          | 247        |
| 第 6 章小结 .....                | 252        |
| 习题 6 .....                   | 252        |
| <b>第 7 章 非线性控制系统分析 .....</b> | <b>257</b> |
| 7.1 非线性控制系统概述 .....          | 257        |
| 7.1.1 非线性现象的普遍性 .....        | 257        |
| 7.1.2 控制系统中的典型非线性特性 .....    | 257        |
| 7.1.3 非线性控制系统的特殊性 .....      | 259        |
| 7.1.4 非线性控制系统的分析方法 .....     | 260        |

|   |            |
|---|------------|
| 7.2 相平面法 .....                              | 261        |
| 7.2.1 相平面的基本概念 .....                        | 261        |
| 7.2.2 相轨迹的性质 .....                          | 261        |
| 7.2.3 相轨迹的绘制 .....                          | 262        |
| 7.2.4 由相轨迹求时间解 .....                        | 264        |
| 7.2.5 二阶线性系统的相轨迹 .....                      | 265        |
| 7.2.6 非线性系统的相平面分析 .....                     | 267        |
| 7.3 描述函数法 .....                             | 273        |
| 7.3.1 描述函数的基本概念 .....                       | 273        |
| 7.3.2 典型非线性特性的描述函数 .....                    | 274        |
| 7.3.3 用描述函数法分析非线性系统 .....                   | 279        |
| 7.4 改善非线性系统性能的措施 .....                      | 284        |
| 7.4.1 调整线性部分的结构参数 .....                     | 284        |
| 7.4.2 改变非线性特性 .....                         | 285        |
| 7.4.3 非线性特性的利用 .....                        | 286        |
| 第7章小结 .....                                 | 286        |
| 习题7 .....                                   | 287        |
| <b>第8章 控制系统的状态空间分析与综合 .....</b>             | <b>292</b> |
| 8.1 控制系统的状态空间描述 .....                       | 292        |
| 8.1.1 系统数学描述的两种基本方法 .....                   | 292        |
| 8.1.2 状态空间描述常用的基本概念 .....                   | 293        |
| 8.1.3 系统的传递函数矩阵 .....                       | 295        |
| 8.1.4 线性定常系统动态方程的建立 .....                   | 296        |
| 8.2 线性系统的运动分析 .....                         | 310        |
| 8.2.1 线性定常连续系统的自由运动 .....                   | 310        |
| 8.2.2 状态转移矩阵的性质 .....                       | 313        |
| 8.2.3 线性定常连续系统的受控运动 .....                   | 314        |
| 8.2.4 线性定常离散系统的运动分析 .....                   | 315        |
| 8.2.5 连续系统的离散化 .....                        | 316        |
| 8.3 控制系统的李雅普诺夫稳定性分析 .....                   | 317        |
| 8.3.1 李雅普诺夫稳定性概念 .....                      | 317        |
| 8.3.2 李雅普诺夫稳定性间接判别法 .....                   | 319        |
| 8.3.3 李雅普诺夫稳定性直接判别法 .....                   | 320        |
| 8.3.4 线性定常系统的李雅普诺夫稳定性分析 .....               | 323        |
| 8.3.5 李雅普诺夫稳定性、BIBS 稳定性、BIBO 稳定性之间的关系 ..... | 325        |
| 8.4 线性系统的可控性和可观测性 .....                     | 325        |

---

|                                |     |
|--------------------------------|-----|
| 8.4.1 可控性和可观测性的概念 .....        | 325 |
| 8.4.2 线性定常系统的可控性 .....         | 326 |
| 8.4.3 线性定常系统的可观测性 .....        | 334 |
| 8.4.4 可控性、可观测性与传递函数矩阵的关系 ..... | 338 |
| 8.4.5 连续系统离散化后的可控性与可观测性 .....  | 343 |
| 8.5 线性系统非奇异线性变换及系统的规范分解 .....  | 344 |
| 8.5.1 线性系统的非奇异线性变换及其性质 .....   | 344 |
| 8.5.2 几种常用的线性变换 .....          | 345 |
| 8.5.3 对偶原理 .....               | 349 |
| 8.5.4 线性系统的规范分解 .....          | 350 |
| 8.6 线性定常控制系统的综合设计 .....        | 353 |
| 8.6.1 状态反馈与极点配置 .....          | 353 |
| 8.6.2 输出反馈与极点配置 .....          | 357 |
| 8.6.3 状态重构与状态观测器设计 .....       | 358 |
| 8.6.4 降维状态观测器的概念 .....         | 362 |
| 第8章小结 .....                    | 362 |
| 习题8 .....                      | 363 |
| <b>附录</b> .....                | 368 |
| A 拉普拉斯变换及反变换 .....             | 368 |
| B 常见的无源及有源校正网络 .....           | 371 |
| C 综合练习题 .....                  | 373 |
| D 习题答案 .....                   | 380 |
| <b>参考文献</b> .....              | 395 |

# 第1章 自动控制的一般概念

## 1.1 引言

在科学技术飞速发展的今天,自动控制技术和理论已经成为现代化社会不可缺少的组成部分。自动控制技术及理论已经广泛地应用于机械、冶金、石油、化工、电子、电力、航空、航海、航天、核反应堆等各个学科领域。近年来,控制学科的应用范围还扩展到交通管理、生物医学、生态环境、经济管理、社会科学和其他许多社会生活领域,并对各学科之间的相互渗透起到了促进作用。自动控制技术的应用不仅使生产过程实现自动化,从而提高了劳动生产率和产品质量,降低生产成本,提高经济效益,改善劳动条件,使人们从繁重的体力劳动和单调重复的脑力劳动中解放出来,而且在人类征服大自然、探索新能源、发展空间技术和创造人类社会文明等方面都具有十分重要的意义。

自动控制理论是研究关于自动控制系统组成、分析和设计的一般性理论,是研究自动控制共同规律的技术科学。学习和研究自动控制理论是为了探索自动控制系统中变量的运动规律和改变这种运动规律的可能性和途径,为建立高性能的自动控制系统提供必要的理论根据。作为现代的工程技术人员和科学工作者,都必须具备一定的自动控制理论基础知识。

## 1.2 自动控制理论发展概述

自动控制理论是在人类征服自然的生产实践活动中孕育、产生,并随着社会生产和科学技术的进步而不断发展、完善起来的。

早在古代,劳动人民就凭借生产实践中积累的丰富经验和对反馈概念的直观认识,发明了许多闪烁控制理论智慧火花的杰作。例如,我国北宋时代(公元1086—1089年)苏颂和韩公廉利用天衡装置制造的水运仪象台,就是一个按负反馈原理构成的闭环非线性自动控制系统;1681年Dennis Papin发明了用做安全调节装置的锅炉压力调节器;1765年俄国人普尔佐诺夫(I. Polzunov)发明了蒸汽锅炉水位调节器;等等。

1788年,英国人瓦特(James Watt)在他发明的蒸汽机上使用了离心调速器,解决了蒸汽机的速度控制问题,引起了人们对控制技术的重视。之后,人们曾经试图改善调速器的准确性,却常常导致系统产生振荡。

实践中出现的问题,促使科学家们从理论上进行探索研究。1868年,英国物理学家麦克斯韦(J. C. Maxwell)通过对调速系统线性常微分方程的建立和分析,解释了瓦特速度控制系统中出现的不稳定问题,开辟了用数学方法研究控制系统的途径。此后,英国数学家劳斯(E. J. Routh)和德国数学家古尔维茨(A. Hurwitz)分别在1877年和1895年独立地建立了直接根据代数方程的系数判别系统稳定性的准则。这些方法奠定了经典控制理论中时域分析法的

基础。

1932年,美国物理学家奈奎斯特(H. Nyquist)研究了长距离电话线信号传输中出现的失真问题,运用复变函数理论建立了以频率特性为基础的稳定性判据,奠定了频率响应法的基础。随后,伯德(H. W. Bode)和尼柯尔斯(N. B. Nichols)在20世纪30年代末和40年代初进一步将频率响应法加以发展,形成了经典控制理论的频域分析法,为工程技术人员提供了一个设计反馈控制系统的有效工具。

第二次世界大战期间,反馈控制方法被广泛用于设计研制飞机自动驾驶仪、火炮定位系统、雷达天线控制系统及其他军用系统。这些系统的复杂性和对快速跟踪、精确控制的高性能追求,迫切要求拓展已有的控制技术,促使了许多新的见解和方法的产生,同时,还促进了对非线性系统、采样系统以及随机控制系统的研究。

1948年,美国科学家伊万思(W. R. Evans)创立了根轨迹分析方法,为分析系统性能随系统参数变化的规律性提供了有力工具,被广泛应用于反馈控制系统的分析、设计中。

以传递函数作为描述系统的数学模型,以时域分析法、根轨迹法和频域分析法为主要分析设计工具,构成了经典控制理论的基本框架。到20世纪50年代,经典控制理论发展到相当成熟的地步,形成了相对完整的理论体系,为指导当时的控制工程实践发挥了极大的作用。

经典控制理论研究的对象基本上是以线性定常系统为主的单输入、单输出系统,还不能解决如时变参数问题,多变量、强耦合等复杂的控制问题。

20世纪50年代中期,空间技术的发展迫切要求解决更复杂的多变量系统、非线性系统的最优控制问题(例如火箭和宇航器的导航、跟踪和着陆过程中的高精度、低消耗控制)。实践的需求推动了控制理论的进步,同时,计算机技术的发展也从计算手段上为控制理论的发展提供了条件,适合于描述航天器的运动规律,又便于将计算机求解的状态空间描述成为主要的模型形式。俄国数学家李雅普诺夫(A. M. Lyapunov)1892年创立的稳定性理论被引用到控制中。1956年,苏联科学家庞特里亚金(Pontryagin)提出极大值原理;同年,美国数学家贝尔曼(R. Bellman)创立了动态规划。极大值原理和动态规划为解决最优控制问题提供了理论工具。1959年美国数学家卡尔曼(R. Kalman)提出了著名的卡尔曼滤波算法,1960年卡尔曼又提出系统的可控性和可观测性问题。到20世纪60年代初,一套以状态方程作为描述系统的数学模型,以最优控制和卡尔曼滤波为核心的控制系统分析、设计的新原理和方法基本确定,现代控制理论应运而生。

现代控制理论主要利用计算机作为系统建模、分析、设计乃至控制的手段,适用于多变量、非线性、时变系统。现代控制理论在航空、航天、制导与控制中创造了辉煌的成就,人类迈向宇宙的梦想变为现实。

为了解决现代控制理论在工业生产过程的应用中所遇到的被控对象精确状态空间模型不易建立、合适的最优性能指标难以构造、所得最优控制器往往过于复杂等问题,科学家们不懈努力,近几十年中不断提出一些新的控制方法和理论,例如,自适应控制,模糊控制,预测控制,容错控制,鲁棒控制,非线性控制和大系统、复杂系统控制等,大大地扩展了控制理论的研究范围。

控制理论目前还在向更深、更广阔的领域发展,无论在数学工具、理论基础方面,还是在研究方法上都产生了实质性的飞跃,而且在信息与控制学科研究中注入了蓬勃的生命力,启发并扩展了人的思维方式,引导人们去探讨自然界更为深刻的运动机理。控制理论的深入发展,必

将有力地推动社会生产力的发展,提高人民的生活水平,促进人类社会的向前发展。

## 1.3 自动控制和自动控制系统的基本概念

### 1.3.1 自动控制问题的提出

在许多工业生产过程或生产设备运行中,为了保证正常的工作条件,往往需要对某些物理量(例如温度、压力、流量、液位、电压、位移、转速等)进行控制,使其尽量维持在某个数值附近,或使其按一定规律变化。若要满足这种需要,就应该对生产机械或设备进行及时的操作,以抵消外界干扰的影响。这种操作通常称为控制,用人工操作称为人工控制,用自动装置来完成称为自动控制。

图1.1(a)所示是人工控制水位保持恒定的供水系统。水池中的水位是被控制的物理量,简称被控量。水池这个设备是控制的对象,简称被控对象。当水位在给定位置且流入、流出量相等时,它处于平衡状态。当流出量发生变化或水位给定值发生变化时,就需要对流入量进行必要的控制。在人工控制方式下,工人用眼观看水位情况,用脑比较实际水位与期望水位的差异并根据经验做出决策,确定进水阀门的调节方向与幅度,然后用手操作进水阀门进行调节,最终使水位等于给定值。只要水位偏离了期望值,工人便要重复上述调节过程。

图1.1(b)所示是水池水位自动控制系统的一种简单形式。图中,浮子代替人的眼睛,用来测量水位高低;另有一套杠杆机构代替人的大脑和手的功能,用来进行比较、计算误差并实施控制。杠杆的一端由浮子带动,另一端则连向进水阀门。当用水量增大时,水位开始下降,浮子也随之降低,通过杠杆的作用将进水阀门开大,使水位回到期望值附近。反之,若用水量变小,则水位及浮子上升,进水阀门关小,水位自动下降到期望值附近。整个过程中无须人工直接参与,控制过程是自动进行的。

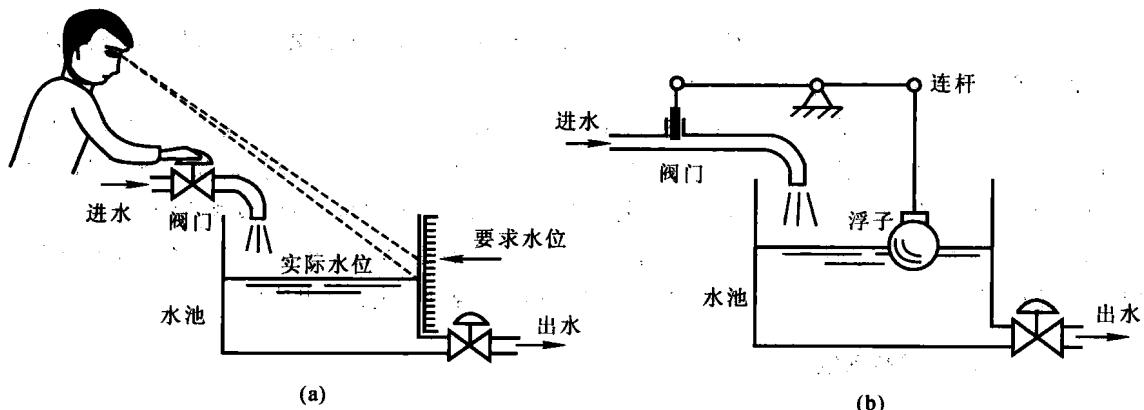


图1.1 水位控制系统  
(a) 人工控制的水位系统; (b) 简单的水位自动控制系统

图1.1(b)所示的系统虽然可以实现自动控制,但由于结构简陋而存在缺陷,主要表现在被控制的水位高度将随着出水量的变化而变化。出水量越多,水位就越低,偏离期望值就越远,误差越大。控制的结果,总存在着一定范围的误差值。这是因为当出水量增加时,为了使

水位基本保持恒定不变,就得开大阀门,增加进水量。要开大进水阀门,唯一的途径是浮子要下降得更多,这意味着实际水位要偏离期望值更多。这样,整个系统就会在较低的水位上建立起新的平衡状态。

为克服上述缺点,可在原系统中增加一些设备而组成较完善的自动控制系统,如图 1.2 所示。这里,浮子仍是测量元件,连杆起着比较作用,它将期望水位与实际水位两者进行比较,得出误差,同时推动电位器的滑臂上下移动。电位器输出电压反映了误差的性质(大小和方向)。电位器输出的微弱电压经放大器放大后驱动直流伺服电动机,其转轴经减速器后拖动进水阀门,对系统施加控制作用。

在正常情况下,实际水位等于期望值,此时,电位器的滑臂居中,输出电压  $u_c = 0$ 。当出水量增大时,浮子下降,带动电位器滑臂向上移动,  $u_c > 0$ , 经放大后成为  $u_a$ , 控制电动机正向旋转,以增大进水阀门开度,促使水位回升。当实际水位回复到期望值时,  $u_c = 0$ , 系统达到新的平衡状态。

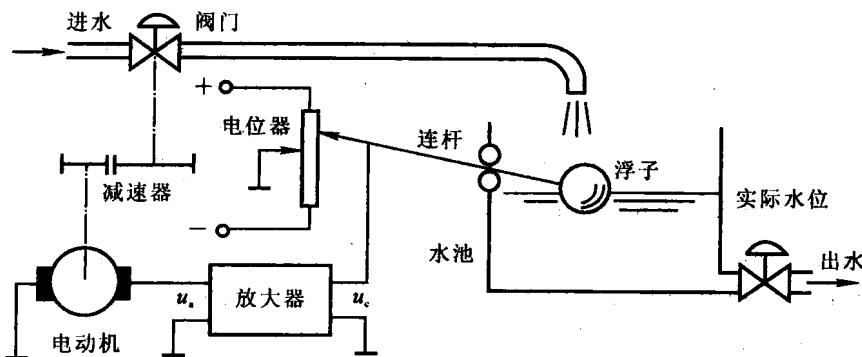


图 1.2 水位控制系统

可见,该系统在运行时,无论何种干扰引起水位出现偏差,系统都要进行调节,最终总是使实际水位等于期望值,大大提高了控制精度。

由此例可知,自动控制和人工控制极为相似,自动控制系统只不过是把某些装置有机地组合在一起,以代替人的职能而已。图 1.2 中所示的浮子相当于人的眼睛,对实际水位进行测量;连杆和电位器类似于大脑,完成比较运算,给出偏差的大小和极性;电动机相当于人手,调节阀门开度,对水位实施控制。这些装置相互配合,承担着控制的职能,通常称之为控制器(或控制装置)。任何一个控制系统,都是由被控对象和控制器两部分所组成的。

### 1.3.2 开环控制系统

最常见的控制方式有三种:开环控制、闭环控制和复合控制。对于某一个具体的系统,采取什么样的控制手段,应该根据具体的用途和目的而定。

系统的控制作用不受输出影响的控制系统称开环控制系统。在开环控制系统中,输入端与输出端之间,只有信号的前向通道而不存在由输出端到输入端的反馈通路。

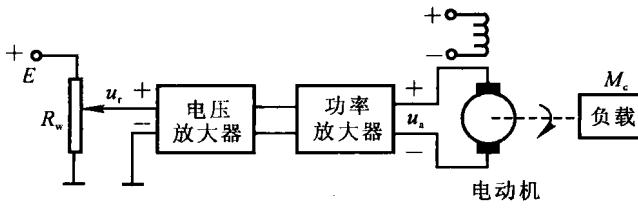
图 1.3(a) 所示的他激直流电动机转速控制系统就是一个开环控制系统。它的任务是控制直流电动机以恒定的转速带动负载工作。系统的工作原理是:调节电位器  $R_w$  的滑臂,使其

输出给定参考电压  $u_r$ 。 $u_r$  经电压放大和功率放大后成为  $u_a$ ，送到电动机的电枢端，用来控制电动机转速。在负载恒定的条件下，他激直流电动机的转速  $\omega$  与电枢电压  $u_a$  成正比，只要改变给定电压  $u_r$ ，便可得到相应的电动机转速  $\omega$ 。

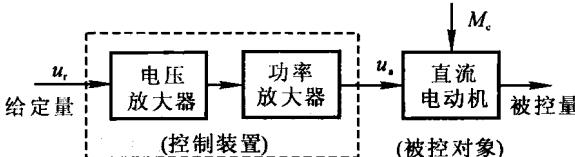
在本系统中，直流电动机是被控对象，电动机的转速  $\omega$  是被控量，也称为系统的输出量或输出信号。把参考电压  $u_r$  通常称为系统的给定量或输入量。

就图 1.3(a) 而言，只有输入量  $u_r$  对输出量  $\omega$  的单向控制作用，而输出量  $\omega$  对输入量  $u_r$  却没有任何影响和联系，这种系统称为开环控制系统。

直流电动机转速开环控制系统可用图 1.3(b) 所示的方框图表示。图中用方框代表系统中具有相应职能的元部件；用箭头表示元部件之间的信号及其传递方向。电动机负载转矩  $M_c$  的任何变动，都会使输出量  $\omega$  偏离希望值，这种作用称之为干扰或扰动，在图 1.3(b) 中用一个画在电动机上的箭头来表示。



(a)



(b)

图 1.3 直流电动机转速控制系统

(a) 直流电动机转速开环控制系统；(b) 直流电动机转速开环控制系统方框图

### 1.3.3 闭环控制系统

开环控制系统精度不高和适应性不强的主要原因是缺少从系统输出到输入的反馈回路。若要提高控制精度，就必须把输出量的信息反馈到输入端，通过比较输入值与输出值，产生偏差信号，该偏差信号以一定的控制规律产生控制作用，逐步减小以至消除这一偏差，从而实现所要求的控制性能。系统的控制作用受输出量影响的控制系统称闭环控制系统。

在图 1.3(a) 所示的直流电动机转速开环控制系统中，加入一台测速发电机，并对电路稍作改变，便构成了如图 1.4(a) 所示的直流电动机转速闭环控制系统。

在图 1.4(a) 中，测速发电机由电动机同轴带动，它将电动机的实际转速  $\omega$ （系统输出量）测量出来，并转换成电压  $u_f$ ，再反馈到系统的输入端，与给定电压  $u_r$ （系统输入量）进行比较，从而得出电压  $u_e = u_r - u_f$ 。由于该电压能间接地反映出误差的性质（即大小和正负方向），通常称之为偏差信号，简称偏差。偏差  $u_e$  经放大器放大后成为  $u_a$ ，用以控制电动机转速  $\omega$ 。