

苏联剛構分析的三种新方法

鍾 朋 譯 註

科学技術出版社

苏联剛構分析的三种新方法

鍾 朋 譯 注

江苏工业学院图书馆
藏书章

科学技術出版社

內 容 提 要

本書系自苏联“結構理論研究”(Исследования по теории сооружений)論文集第五卷(1951)和第六卷(1954)中摘譯剛構分析論文三篇而成。

書中所介紹的方法，是(1)薩西斯的傳播法(П. М. Сосис: Способ разгонки)，(2)沙金的力矩-力的行列式法(П. П. Шагин: Метод моментно-силовых определителей)和(3)波波夫的正交焦点法(А. А. Попов: Метод ортогональных фокусов)。这三种方法都是苏联近年发表的新方法，应用范围廣泛，計算方便，便于实用。这些方法因为較新，現在还未采用到一般教科書內。

書中例題丰富，极便学习。譯者并增加了大量的譯注，导引公式，解說計算步驟，以使讀者易于掌握。

苏联剛構分析的三种新方法

譯 注 者 鍾 朋

*

科 學 技 術 出 版 社 出 版

(上海建國西路 336 弄 1 号)

上海市書刊出版業營業許可證出 079 号

上海市印刷四廠印刷 新華書店上海發行所總經售

*

統一書號：15119·452

开本 787×1092 耗 1/27 · 印張 6 16/27 · 字數 129,000

1957 年 2 月第 1 版

1957 年 2 月第 1 次印刷 印數 1—5,500

定價：(10) 1.00 元

譯 者 序

學習蘇聯的結構力學，首先使我們体会到的一點，是範圍擴大了。我們原來所熟悉的靜定結構和超靜定結構的靜力計算，只不過是結構力學的一部分，除此之外，還有結構動力學和結構穩定性問題；在計算時不仅可以照顧到材料的彈性性質，而且也可照顧到材料的塑性（極限荷載的計算）；在研究對象之中，不僅有梁、拱、剛架和桁架等通常杆件結構，而且也包括有殼體和薄壁杆件的結構，以及其他特殊類型的結構。所有這些，都是在英美結構力學書籍中很少講到的問題，而在蘇聯都進行了研究。這樣就擴大了我們的眼界，使我們認識到我們過去對於結構力學的認識多么狹隘。

除了範圍的廣泛之外，竇霍維奇內教授還列舉了蘇聯結構力學發展的五個特點①：

- (1) 結構力學和實際建築問題的密切聯繫；
- (2) 研究的深刻不僅滿足今天的需要，而且也保證它的後續發展；
- (3) 高等學校和科學研究所的科學工作者的全體人員對問題的協同研究；
- (4) 結構力學方法和彈性理論的合作，保證兩門課程的互相協

① 見同濟大學結構力學教研室譯竇霍維奇內所著“結構力學”譯本第11頁。

調；

(5) 實驗工作和理論研究所得結論的實驗檢查的廣泛發展，包括使用條件下結構實際作用的研究。

這些特點我們也能在學習蘇聯結構力學時深刻地體會得到。譬如理論與實際結合這一點，就很突出。蘇聯結構力學所研究的題目，都是實際建築事業中急待解決的，這樣就保證了各次五年計劃的順利進行，推進了建設事業。而大規模建設事業的進行，又向結構力學提出了新的問題，使結構力學的科學研究再向前發展一步。在這樣交互影響下，蘇聯結構力學的發展非常迅速，而且與實踐密切聯繫，毫無為研究而研究的唯心主義傾向，這是社會主義社會制度比資本主義制度優越的又一證明。

再如理論研究的深入方面，蘇聯也大大超過了英美，拉賓諾維奇教授曾說^①：

“……在許多問題上，它（蘇聯的結構力學）超越了外國；有好些方法，在蘇聯發表了許多年之後才在中國出現；有好些解法，我們已廣泛通行，而在中國迄今還不知悉。”

以我們比較熟悉的超靜定結構的靜力計算為例，拉賓諾維奇在他總結蘇聯建國三十年來結構力學方面研究成績的“蘇聯杆件體系建築力學的成就”一書中，就列舉了主要文獻 97 種，並且說^②：

“關於這個問題，有很大量的文獻，包含著計算的和實用的各個問題，不可能……逐一論及。”

接着拉氏就對於超靜定結構計算的一般性定理、一般性方法以及具有個別形式的結構的特殊計算，作了簡明的介紹，其中提到

^① 見金濤譯拉賓諾維奇所著“蘇聯杆件體系建築力學的成就”譯本第 2 頁。

^② 見金濤譯本第 4 頁。

的方法，有力法、变形法、联合法、混合法、力矩焦点法和角焦点法等。

拉氏并且指出，苏联在本世纪的二十年代和三十年代，加强地研究了计算刚构的理论，结果达到了很高的发展水平。譬如在实用上极为有效的混合法和角焦点法，都是苏联学者在二十年代和三十年代之间的发明。

这些都可以说明，苏联对于超静定结构解法的贡献，和其他方面的贡献一样，是丰富的。钻研的方向不仅限于基本理论，而且也发明了许多新而有效的实用方法。

然而，并不是说苏联对于超静定结构计算的研究到三十年代就中止了，事实上，在三十年代以后，这方面的研究还在继续不断的发展，并且有不少重要论文发表。

这里，我选译了苏联最近几年所研究出的对于刚构分析的三种方法。这些方法，因为较新，在一般教科书中仅只简略谈到甚或全未提及，我在这里译出，希望能够提供同志们的参考。这三种方法是：(1)萨西斯的“传播法”①；(2)沙金的“力矩-力的行列式法”②和(3)波波夫的“正交焦点法”③。

二

刚构分析的基本方法，是力法和变形法。苏联学者葛渥士杰夫提出的混合法，把力法和变形法混合应用，是两基本方法的综合，化简了计算工作。

① П. М. Сосис: Способ разгонки.

② П. П. Шагин: Методом моментно-силовых определителей.

③ А. А. Попов: Метод ортогональных фокусов.

但是这些經典性的方法，都需要解算联立方程式，对于未知量較多的問題，工作量很大，是一缺点。所以后来有焦点法（力矩焦点比值法和角焦点比值法）的出現，即是為了要避免联立方程式。

在焦点比值的基础上，有各种各式傳播法的发明。

薩西斯氏的傳播法，用一种图表的形式，来进行力法、变形法和混合法的計算。每种方法还都可以按照我們的需要，来求精确的（精确解法）和近似的（逐步漸近法）結果。

近年来，这类傳播方法，在我国已成为剛構分析的研究重点：孟昭礼氏提出了角变傳播法①；蔡方蔭氏改进了林同棟氏的力矩一次分配法②，并在顧翼鷹氏的研究基础上，提出了不均衡力矩傳播法③。

这些都是精确解法。但对于剛構分析，究竟宜以精确解法、或以逐步漸近法来进行傳播，还是要以实际情况来决定的。精确解法还不能完全代替逐步漸近法。

我們如把薩氏論文中的逐步漸近法和与其相当的精确解法作一比較，便可看出：

(1) 精确解法的公式比較复杂，計算的不变量部分（与荷載无关的部分）較难算出，但此一部分算出之后，与荷載有关部分的演算便极簡單。因之，在荷載情况少时可采用逐步漸近法，在荷載情況多时便以精确解法为宜。

① 孟昭礼：“以傳播法求敝口剛架之結点扭轉”，載“工程建程”第50期。

② 蔡方蔭：“剛構常数与剛構分析”，載“土木工程学报”第1卷第1期。

③ 蔡方蔭：“角变与不均衡力矩二种傳播法之研討”，載“土木工程学报”第1卷第3期；

蔡方蔭：“关于‘以傳播法求敝口剛架之結点扭轉’之討論”，載“工程建設”第54期。

(2) 在某些情况下，逐步漸近法收敛很慢，往复傳播很費时间，才能达到一定的精确度，这时虽在荷載情况不多时，也可采用精确解法。

如此可知逐步漸近法与精确解法各有其适用的情况，所以薩氏对于每种方法都同时提出逐步漸近法和精确法两种計算方式，是很正确的。

薩氏在精确解法中采用集体傳播的方式，这样便可保証无论荷載情况怎样复杂，只要按正行程和逆行程各傳播一次，便可得到精确結果。

至于薩氏所提出的原始力矩傳播法(以力法为基础)和原始变形傳播法(以变形法为基础)演算过程的相似，也就是仍旧保留了力法和变形法典型方程式形式相同的优点。

在原始力矩傳播法中，薩氏只举了連續梁和單跨剛架的例子，这样就避免了公式的过于复杂。

在原始变形傳播法中，薩氏以單层剛架为基础，并不考慮結点的移动，由于薩氏假定此剛架中柱之底端是固定的，所以在精确法中所导引的公式，就比按一般情况所导引的公式为簡單①，因而也就只能适用于如原論文中图 28 所示的那样交叉形的剛架(柱之他端为固定的)。而事实上，一般剛架都可以化为这样的單元系統而进行近似計算的。

至于結点移动的剛架，则推荐用混合法計算。

如此可見，作者系以实际应用的观点出发，每类問題提出其适宜的解法，同时照顧到实际問題的通常情况，而得到比較簡單的公式。

① 例如，論文中的公式(15)，就与蔡方蔭氏所导引的公式(見“工程建設”第 54 期：“关于‘以傳播法求敝口剛架的結点扭轉’之討論”中之公式[A-4])基本相同而較簡。

也基于此一观点，所以論文中以杆件截面不变的剛構为对象，因为它们是常遇到的。事实上，此方法很容易推广到变截面的剛構中去①。

这类与实际应用密切结合的研究方向，是可以作为我們的楷模的。

論文末尾对于力矩分配法的評論，也对我們很有帮助。事实上，力矩分配法虽有其优点，也有其缺点，比如对于連續梁的解算，就不如用論文中所述原始力矩傳播法。我們过去因为习用力矩分配法，所以就把它的作用太誇大了。結構工程师应多掌握几种方法，以便在工作中結合实际情况来选用。

我国过去在剛構分析的方法上，受美国的影响很深，慣用逐步漸近法，論文結束时的批判，也正指出了我們以前的偏向。

三

沙金氏的力矩-力的行列式法，是力矩分配法的改进。在沙金氏的力矩分配法中，与变形法相同，系采用两端固定或一端固定一端鉸支的梁作为計算的基本單元。所以采用單跨超靜定梁作为基本單元的原因，在于这种簡單的超靜定結構已为我們所掌握，而且由这样的基本單元推导出的計算手續，也很簡便。

对于比較复杂的結構，用力矩分配法計算，往复传递分配，很費時間，所以不如采用較为复杂的基本單元为宜。在沙金氏的力矩-力的行列式法中，就采用了比較复杂的超靜定結構作为基本單元，而将輪流固定放松的結点，只限于相鄰的两个。

① 例如，蔡方蔭氏就曾把原始变形傳播法（角变傳播法）推广到变截面剛構，見蔡氏論文“角变与不均衡力矩二种傳播法之研討”（載“土木工程学报”第1卷第3期）。

在此方法中，沙金氏把这两个相鄰結点的往复影响，进行无穷多次，推导出公式，而使此方法由逐步漸近法的基础上，发展为精确的方法。

此方法的应用范围很广泛，方法的内容也很丰富。事实上，此一方法包括了三个不同的方法，即力矩-力的行列式法、力矩行列式法和力的行列式法。后面两个方法是力矩-力的行列式法的特殊情况，各有其特殊适用的場合。这些方法的应用也很灵活，譬如具有側移的剛架，可以用普遍性的力矩-力的行列式法解算，也可用力矩行列式法和力的行列式法联合来求解①。

这个精确方法，一方面避免了解联立方程式的工作；一方面又可利用計算尺来进行計算。所以虽然作者沙金氏謙虛地說要由設計人員提出意見才能确定此方法的优越性，事实上是具有实用价值的方法。

沙金氏还曾以此方法为基础，对于多层剛架这种特殊結構，发展成为近似的方法，以适应实际的需要②。我国金濤先生又把沙氏的方法，与通常的力矩分配法相結合，使計算更为便捷③。讀者如有兴趣，可參看附注中所引的沙氏的專著和金氏的論文。譯者因为本篇論文乃是沙氏的基本方法，所以还是願意介紹出来。

这里还要提及，此一方法的应用范围，可以概括变截面杆件所組成的剛構，先决条件是須要先求出基本杆件的各种不变量及其

① 例如，論文中 §14 內的數值例題，就是用力矩行列式法和力的行列式法聯合解出的。

② 見沙金氏的專著：Расчет многоярусных рам способом последовательного сопряжения，苏联国立建筑工程与建筑藝術書籍出版社 1954 年版。

③ 見金濤氏的論文：“用影响力矩解算連續梁及多层 多跨排架”，載“土木工程学报”第 2 卷第 2 期。

在荷載作用下的內力。作为例子，論文中已举了变截面抛物綫形拱所組成的結構，其基本杆件，已在图 4 中研究过。

最后指出，沙金氏所采用的一端可移动的基本杆件，在解多层剛架时是很有效的，从論文 §11 中的例題，可以証明。

四

在結構力学中，图解法占很重要的地位，因为在实际工程問題中所需的精确度是有限的，而設計工作人員因为本身工作范围的广泛，以及設計時間的限制，所常用的方法总是簡捷省时而又簡單易記易用的，图解法就常常具有这些优点。

波波夫氏的正交焦点法，就是一种图解的方法。这种方法，巧妙地利用数值积分中的中值定理，解决超靜定結構作弯矩图的問題。

用正交焦点法解剛構时，弯矩图的伸直綫是方法的关键，原文中对于伸直綫的作法未加說明，因作者波波夫氏对于正交焦点法已有两册專門性的著作①，这些基本問題已見于那些書中。譯者为节省讀者的时间起見，在譯注中將常用弯矩图的伸直綫作法加以补充②，但也只作簡單說明。讀者如欲彻底了解，请參閱波氏的專著。

据波氏自述③，此方法的最初概念，系在 1939 年发现，經波氏

① А. А. Попов: Новый метод интегрирования с помощью ортогональных фокусов, 1947, 及 Метод ортогональных фокусов в строительной механике, 1953.

② 見譯注 1，此注中的內容系引自論文著者波波夫氏的另一著作“材料力学”(有王光远的譯本)。

③ 見 Метод ортогональных фокусов в строительной механике 一書的序言。

十多年的研 究，正交焦点法在建筑力学中的用途大为推广。从这里，也可以看到苏联学者刻苦不懈的鑽研精神，值得我們学习。

在本篇論文中，波氏只介紹了利用正交焦点以图解法解連續梁和剛架的問題，事实上，这只是正交焦点法的一部分应用。就解算的形式方面而言，除图解法而外还可有图解解析法；就解决的問題方面而言，除上举的剛性支承連續梁和剛架而外，还可解决彈性支承梁和彈性地基梁、杆件的拉伸、压缩和扭轉等問題。所以事实上，正交焦点法在建筑力学中，是一具有广泛用途的方法。其他問題的解法，見波氏的專著。

至于正交焦点法应用于变截面剛構的問題，在論文末尾已經提及。

最后还要請讀者注意的是，正交焦点的概念与力矩焦点和角焦点完全不同，不可混淆。

五

这里的三篇論文，均譯自苏联“結構理論研究”❶ 論文集，其中薩西斯氏的傳播法❷ 和波波夫氏的正交焦点法❸，系譯自 1954 年出版的第 6 卷，而沙金氏的力矩-力的行列式法❹，則譯自 1951 年

❶ Исследования по теории сооружений, Государственное издательство литературы по строительству и архитектуре.

❷ 論文原名：О методах расчета статически неопределенных систем。

❸ 論文原名：Графический расчет неразрезных балок и рам при помощи фокальных точек。

❹ 論文原名：Сокращенные методы расчета рам (моментно-силовые определители)。

出版的第5卷。

原来的論文中都有丰富的例題，对讀者的学习是有帮助的。譯者为便于閱讀起見，每篇中都加入了詳細的譯注。

这冊小書，算是我个人学习苏联結構力学的一点收穫，可能有体会和翻譯得不正确的地方，希望大家批評指正。

譯文承丰定国先生按照原文詳为校閱，馮寿岱先生作业务校訂，特此致謝。

鍾朋

1955, 11, 9.

青島工学院。

在本書排印期間，又承王蔭長先生对全書审閱一遍，提出宝贵意見，在此敬致感謝之意。

1956, 12, 1.

西安建筑工程学院。

目 次

譯者序	I
傳播法	1
§1. 原始力矩傳播法.....	1
§2. 原始變形傳播法.....	11
§3. 混合法.....	19
§4. 數值例題.....	21
§5. 哈代·克勞斯法與我 們的計算方法之比較	47
參考文獻	49
譯注	49
力矩-力的行列式法	73
§1. 連接步驟的要點.....	74
§2. 計算的基本前提.....	75
I. 力矩-力的行列式 法	80
§3. 連接公式.....	80
§4. 方法的要點.....	83
§5. 數值例題.....	85
II. 力矩行列式法	88
§6. 最簡單的連接簡圖.....	88
§7. 复雜不自由剛架的 計算例題.....	90
§8. 一力矩方程式.....	92
§9. 計算例題	99
III. 力矩行列式法計算 的特点	102
§10. 單位圖的应用	102
§11. 對稱的自由剛架的 計算	104
§12. 不自由的拱系	108
§13. 具有一個獨立結點 移動的不對稱剛架	110
IV. 力的行列式法	112
§14. 基本情況	112
譯注	117
正交焦点法	129

§1. 关于焦点的定理	129	算	143
§2. 固端梁中的焦点	130	§7. 刚架中的交互焦点	150
§3. 连续梁中的焦点	134	§8. 较复杂刚架的图解	
§4. 连续梁中的交互焦 点	139	计算	153
§5. 连续梁的图解计算	141	结论	159
§6. 简单刚架的图解计 算		译注	159

卷首语	1	第一章	1
序言	1	一、新方法的直接应用	1
1.1. 通过公式直接求解	1	二、图解法的直接应用	1
1.2. 图文对照	1	三、图解法的间接应用	1
1.3. 表列	1	四、图解法的综合应用	1
第二章	1	五、图解法的一般化	1
2.1. 图解算例	1	六、主要的图解算例	1
2.2. 算例去除了直接法	III	七、图解不直接算例	1
2.3. 图解法的直接应用	1	八、图解法的一般化	1
2.4. 出现矛盾的算例	III	九、图解法的综合应用	1
2.5. 刚架刚由自约束	III	十、图解法的综合化	1
2.6. 算例	1	十一、图解法的综合化	1
2.7. 采油井由自不 稳定的立柱一个一环其	III	十二、图解法的综合化	1
2.8. 刚架刚由自不承重	III	十三、图解法的综合化	1
2.9. 梁刚由自不承重	III	十四、图解法的综合化	1
2.10. 去左限于性的	VI	十五、图解法的综合化	1
2.11. 刚架刚由自不承重	VI	十六、图解法的综合化	1
2.12. 表列	1	十七、图解法的综合化	1
2.13. 表列	1	十八、图解法的综合化	1

傳播法

薩西斯(П. М. Сосис)著

本篇論文中提出的未知量原始數值分配法，是用一種簡單的計算機構，來統一建築力學中各種觀念不同的方法，這些方法有：力法與變形法、精确解法與逐步漸近法、角焦点比值法與力矩焦点比值法。

我們考察這方法的三種不同形式：

- (1) 原始力矩傳播法，此法採用了力法的基本系統。
- (2) 原始變形傳播法，此法採用了變形法的基本系統。
- (3) 混合法，此法選用了混合的基本系統。

每種形式適合於某類特定的問題。

§ 1. 原始力矩傳播法

自最簡單的問題——連續梁(圖 1)開始。連續梁的基本系統採用在力法中所用的基本系統，亦即在中間支承上面加入了鉸的

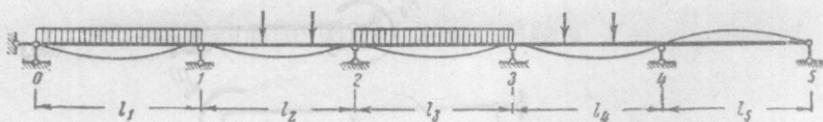


图 1

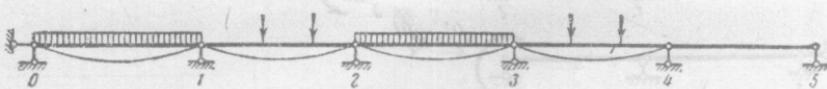


图 2

梁(图 2).

考慮解法的两种形式：逐步漸近解法与精确解法。

(a) 逐步漸近解法

將連續梁中間支承上的鉸接續地閉合并又引入，即可消除基本系統和計算系統之間的差別。因此，多跨連續梁的計算归結为一系列独立的二跨連續梁的計算。

接續地恢复联系

1, 2, 3, ……n-1, n, n-1……3, 2, 1, 2, 3……即可极快地达到目的。

在計算过程中求得的支承力矩，作为外部影响作用在單元系統上(图 3)。

二跨梁的支承力矩按下列公式来确定：

(a) 由于左端力矩 M_{n-1} 的作用(图 4)。

$$M_n = -M_{n-1} K_n; \quad (1)$$

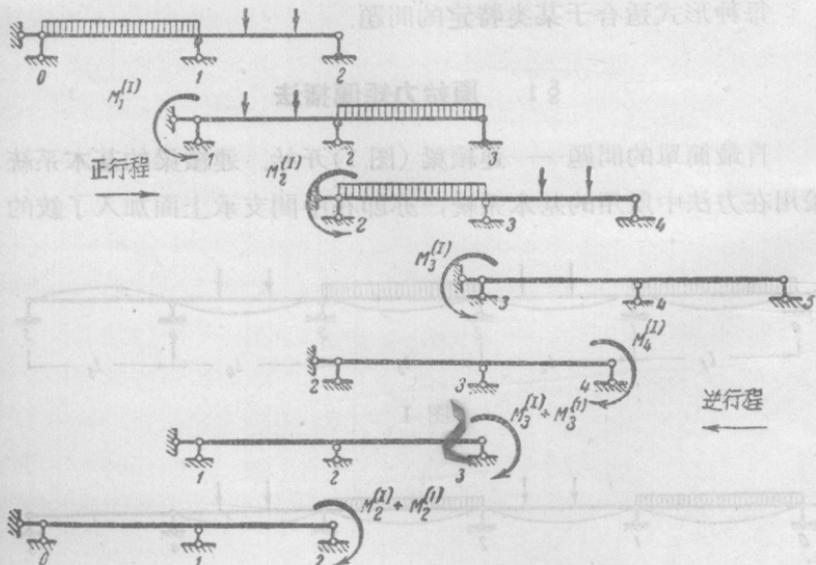


图 3