

全国测绘科学技术经验交流会議

資料選編  
三角測量計算

測繪出版社

全国測繪科學技術經驗交流会資料選編  
三 角 測 量 計 算

---

編 者 全國測繪科學技術經驗交流会資料選編編輯委員會  
出 版 者 測 繪 出 版 社  
地 址 北京宣武門外永光寺西街 3 号  
印 刷 者 地質出版社印刷厂  
地 址 北京安定門外六鋪炕 40 号

---

印数(京) 1—4050 册 1959年 8月北京第 1 版  
开本33"×46"1/32 1959年 8月第 1 次印刷  
字数76,000 印张27/8 插页 6  
定价(8)0.46元 统一书号: 15039·341

## 出版說明

一九五九年二月在武汉召开的全国測繪科学技术經驗交流会議广泛地交流了各方面的先进經驗和技术革新成就。为供全国測繪工作者学习先进經驗的参考，今由大会秘書处組成編輯委員会，按专业編选汇集，予以出版。

本册包括：三角測量概算工作的改进；图解計算；坐标系統的換算和改进；三角高程測量及其他等。

为加快出版時間，本資料选編由測繪、建筑工程、水利电力、煤炭工业等四个出版社协作出版。



# 目 录

## 第一节 三角测量概算工作的改进

一、三角测量外业图上計算	.....	
	.....	总參謀部測繪局第四大地測量隊 (5)
二、三角点概略(資用)坐标图上計算法	.....	
	.....	長江流域規劃辦公室 (7)
三、三角点成果卡片的改进	.....	
	.....	總參謀部測繪局第一大地計算隊 (9)
四、三角测量資用坐标計算时双人对算改为单人主算	.....	
	.....	總參謀部測繪局第一大地計算隊 (11)
五、三角测量归心改正計算用表	.....	(23)
六、水平方向的高程与截面差改正合并計算	.....	
	.....	國家測繪總局西安分局大地計算室 (25)
七、应用双档计算机計算曲率改正	.....	
	.....	國家測繪總局西安分局大地計算室 (26)
八、一等三角测量方向改化的簡便計算方法	.....	
	.....	總參謀部測繪局第一大地計算隊 (28)
九、地理坐标与直角坐标換算时簡化內插工作	.....	
	.....	總參謀部測繪局第一大地計算隊 (28)

## 第二节 图解計算

一、曲綫圖	.....	黃河水利委員會勘測設計院 (30)
二、列綫圖(諾謨图)	.....	(36)

## 第三节 坐标系統的換算和改进

一、換帶計算的改进	.....	國家測繪總局西安分局大地計算室 (37)
二、利札夫法改化三角网坐标計算的改进	.....	
	.....	國家測繪總局西安分局大地計算室 (38)
三、連測三、四等三角点簡易換算法	.....	
	.....	國家測繪總局第八大地測量隊 (41)
四、坐标图解換算法及利札夫法的扩充	.....	
	.....	武汉測繪學院大地測量教研組 (56)

- 五、新旧坐标轉換的“几何写影法” ..... 建筑工程部城市設計院 (68)

#### 第四节 三角高程計算

- 一、外业三角高差图上計算 ..... 总參謀部測繪局第四大地隊 (73)
- 二、在图上进行三角高程高差及平差計算 ..... 总參謀部測繪局第一大地計算隊 (74)
- 三、三角高程閉合图形不符值限差計算工作的簡化 ..... 國家測繪总局西安分局大地計算室 (83)

#### 第五节 其他

- 一、中点內插法公式及其实用示例 ..... 國家測繪总局西安分局大地計算室 (85)

# 三角測量計算

## 第一 节

### 三角測量概算工作的改进

#### 一、三角測量外業圖上計算

总參謀部測繪局第四大地測量隊

过去三角測量計算工作在表格上进行，現在直接在图上計算，工作效率大大提高。

##### (一) 內容

1. 計算用紙須采用較好的圖紙，以免作反復計算時，遭到磨損，其大小以不超过 $50 \times 60$ 公分为好，过大計算不方便。
2. 根據布點的密度，決定以多大比例尺的圖幅進行計算。如一个五万分一圖幅布八个点以下时，可采用十万分一圖幅。根據選點圖將點繪到圖上。點位的決定，以使計算时不拥挤為原則，點位用圓圈表示。各種等級的方向綫用不同顏色表示：一等用黑色，二等用藍色，三等用紅色。

3. 在外業中小組將已測成果，隨時測完隨時送回區隊（或採用成果抄送表），區隊即可將其角度求出，填于圖上。角度計算至整秒（根據需要決定取舍單位），同時查出對數及一秒表差，寫在其相應的位置上。組成一個三角形即進行圖形閉合差的概略檢查。組成一個多邊形，即可根據所查之對數進行概略的 极校驗，自由項一般在25（以對數第六位為單位）左右，即證明對數

沒有查錯。此时可将概算的自由項用鉛筆記于点位圓圈中。

4. 从已知邊開始，按多邊形進行邊長計算，邊長對數記于邊之中央處下邊，同一邊第二次由相鄰三角形推得的邊長，可僅將最後不相同的兩位數字記于第一次計算值下邊，用括號括起來，如西山——王家杖。每一多邊形推算邊長的閉合差若等於極校驗自由項，就證明邊長沒有推算錯。二等邊長推出來後，即可推三等邊。推三等邊時，起始邊以用二等三角形編號最小者為宜，因這樣誤差累積較小。邊長真數查出之後，即記于邊長對數的上邊。

5. 归心計算在卡片上進行，最好同時在網圖上將照準點歸心改正數用鉛筆抄錄于相應的方向線上，以便在卡片上歸算方向時抄錄方便。歸算方向得出後，減出各角度值，記于原概略角上方（只寫秒值），用括號括起來。

6. 將已加了歸心改正的角值與概略角值之差乘上正弦對數的秒差，加於（或減）原概略角度的對數中，得出的值記于原概略角對數之上（只記不同的部分，亦用括號括起），然後再按圖形進行極校驗計算，自由項用藍色記于圓圈中之上方，限差則用紅色記于下方（原來鉛筆記的概略自由項用橡皮擦掉）。

7. 將  $\log f$  的值記于每張圖的上方，利用算盤計算球面角超的對數，再查取真數（利用對數表 2—5 頁較快），記于三角形的中央。

8. 計算三角形閉合差，記于球面角超的下面。

## （二）效果

1. 外業中可隨時進行計算，有問題可以及早發現，即時進行解決，而且區隊小組各進行一次計算可以減少錯誤。

2. 比表格上計算要快，如一個點與五個圖形有關，在計算邊長時，點名可少寫四次。計算極校驗時點名少寫四次，角度與對數少寫一次。利用秒差計算最後對數，少查一次對數表。

3. 將邊長抄到卡片和高差圖上都很方便，錯了也容易檢查。

4. 除歸心計算和邊長由對數查真數的計算無校驗外，其他都可以在計算過程中得到校驗。

## 二、三角點概略(資用)坐标圖上計算法

长江流域规划办公室

为了使大地测量计算工作适应生产大跃进的发展形势，同志们在总路綫的光輝照耀下，解放了思想，发揚了敢想、敢說、敢做的共产主义风格，提出了符合于多、快、好、省原則的三角点概略坐标图上計算法，其方法是将三角点概略(資用)坐标計算中的近似边长及近似方位角計算和近似坐标及曲率改正数計算等計算过程，改在图上进行。根据实际采用結果，确較原法优越。

图纸的大小，为了統一和便于裝訂起見，規定为四开道林紙，縱寬39.5公分，横長54.4公分，图廓大小为縱33.3公分，横43.0公分。图廓外正上方盖“×××××計算”字样的戳記，图廓內右上角盖“測区名称、等級、計算者、計算日期、检查者、比例尺、及起算数据”等字样的戳記(如图纸上这些地方为計算图所占用时，可另选四角空白处盖印)。

图左上方注百万分之一国际分幅图的图幅号码，其十万分之一分幅图的图幅号码，则用紅色写在相应分幅的中央(只写1—144的数字，不写百万分一图幅号)，如H—49—65，将H—49字样写在图廓外左上方，图內H—49—65的一幅仅写65字样。分幅图廓綫的經緯度注在图廓綫相应端的下面及左面。計算完毕后，全面注記并签名盖章。

根据选点图，繪制概略展点图，其比例尺的大小，可按图形复杂的程度灵活决定，但須使最短的边在图上不得小于4公分，一般二等点用20万分之一，三、四等用10万分之一，点与点間的相对位置，在不便于書写計算数字时，可以稍移，但該点的真实位置，必須用箭头标记，各点均須用圓規繪一直径为1.4公分的小圈，以便在圆圈内分别填写点名，覩标类型及縱橫坐标……等。凡屬已知点的数据和方向綫一律用紅鋼筆繪写，待决定点的

圓圈和方向綫則用變色鉛筆繪寫，以資醒目。邊長、方位角的注記方向，為統一起見，一律按小於 $180^{\circ}$ 的方向書寫。

四種計算項目，可以在兩張圖上進行，也可在一本圖上進行，茲將在兩張圖上進行的方法分述如次。

### (一) 近似邊長及近似方位角計算

在圓圈內點名之下，分別繪注該點的覈標類型符號（如果四種項目併在一本圖上進行，則覈標類型可勿繪注）。抄錄已知邊、已知方位角的起算數據，分別用紅色墨水注在各相應邊上，方向綫的上面寫邊長，方向綫的下面寫方位角，從記簿（或卡片）上抄錄各待算邊三角形內角的角值（二等至秒，三、四等至10秒）。原則上分上下兩排注記。上面一排，左面寫角度數，稍空隙，右面寫分數；下面一排，注秒數，如 $62^{\circ}38'46''$ 寫為 $\begin{array}{l} 62 \\ 38 \\ 46 \end{array}$ 。而后，檢查各三角形內角之和，是否等於 $180^{\circ}$ ，圓周角是否等於 $360^{\circ}$ 。邊長的推算方向，在各三角形中點一個紅點，用紅線連結，並用紅色繪一推進箭頭，其方位角的推進方向，在推進邊上，用紅色繪一箭頭表示之，求得的邊長注于相應邊的綫上面，解算時，三角函數無需寫出。近似方位角注于相應邊綫的下面，原則上均應寫在方向綫的中央。（見附圖）

### (二) 近似坐標及曲率改正數計算

抄錄已知點的縱坐標 $x$ 及橫坐標 $y$ ，用紅墨水注于圓圈內點名下，上面一行注 $x$ 值，下面一行注 $y$ 值，二等至公尺止，三、四等至10公尺止（橫坐標注記不加500公里的數值，並冠以正負號）。在計算近似坐標的推進綫上，用紅色繪一箭頭，矢形表示推進路綫和閉合情況，根據第一張圖上的近似邊長、近似方位角，計算兩點間的 $\Delta x$ 、 $\Delta y$ ，注于相應連結綫上，綫的上面寫 $\Delta x$ 的數字，綫的下面寫 $\Delta y$ 的數字，並冠以正負號，求得的近似坐標，寫在求點圓圈內點名下，同樣上一排寫縱坐標，下一排寫橫坐標，如有閉合差超出規定限度，則予以配賦，用紅色划去另注改正後數字，再根據此近似坐標計算曲率改正數，分別注于相應方向的一端。（見附圖）

### 三、三角點成果卡片的改進

總參謀部測繪局第一大地計算隊

在原有卡片的基础上，增加歸算至標石中心的觀測值、各層標石間的距離、覘標高度、至照准點高差和三角網間接平差時誤差方程式的自由項等。改進後的形式見下頁。

#### 优点：

1. 外業隊在不計算資用坐標的情況下，卡片只需算到第9欄，以後由計算隊接着算下去，結合較好。
2. 增加了歸算至標石中心的觀測值、各層標石間的距離、覘標高度和至照准點高差後，這個卡片就代替了技術總結中的水平方向和天頂距表，省去了編制技術總結時編表的繁重工作。而以上項目的加入並不增加外業和內業計算的工作量，因為在計算過程中，順便就可以把這些項目填到卡片中。
3. 卡片中增加了誤差方程式自由項  $l$  後， $l$  的計算可直接在卡片上進行，省去了在表格上計算時的重複轉抄。

片卡果成点角三

規標高度		M 中心標石類型		照准點归心元素		標高		x		y		坐標		成果表編號		x =		計算者		19 年 月			
至		M 标距上		用紙N <sub>e</sub> .....N <sub>e</sub> .....N <sub>e</sub> .....												y =		后		y =		計算者	
1 : 20万	1 : 5万	M 标距中	M 标距下	M e <sub>1</sub> ..... e <sub>2</sub> ..... e <sub>3</sub> .....	M e <sub>1</sub> ..... e <sub>2</sub> ..... e <sub>3</sub> .....	M a <sub>1</sub> ..... a <sub>2</sub> ..... a <sub>3</sub> .....	M a <sub>1</sub> ..... a <sub>2</sub> ..... a <sub>3</sub> .....	M = ± $\sqrt{\frac{\Sigma((\alpha-M)-2)^2}{n-1}}$	L <sub>0</sub>	M = ± $\sqrt{\frac{\Sigma((\alpha-M)-2)^2}{n-1}}$	L <sub>0</sub>	M = ± $\sqrt{\frac{\Sigma((\alpha-M)-2)^2}{n-1}}$	y	標由測得	標高	坐標	坐標	坐標	坐標	坐標			
量至		量至		= ±																			
至		M		M		M		M		M		M		M		M		M		M			
至		M		M		M		M		M		M		M		M		M		M			
至		M		M		M		M		M		M		M		M		M		M			
至		M		M		M		M		M		M		M		M		M		M			
至		M		M		M		M		M		M		M		M		M		M			
至		M		M		M		M		M		M		M		M		M		M			
至		M		M		M		M		M		M		M		M		M		M			
至		M		M		M		M		M		M		M		M		M		M			
至		M		M		M		M		M		M		M		M		M		M			
至		M		M		M		M		M		M		M		M		M		M			
至		M		M		M		M		M		M		M		M		M		M			
至		M		M		M		M		M		M		M		M		M		M			
至		M		M		M		M		M		M		M		M		M		M			
至		M		M		M		M		M		M		M		M		M		M			
至		M		M		M		M		M		M		M		M		M		M			
至		M		M		M		M		M		M		M		M		M		M			
至		M		M		M		M		M		M		M		M		M		M			
至		M		M		M		M		M		M		M		M		M		M			
至		M		M		M		M		M		M		M		M		M		M			
至		M		M		M		M		M		M		M		M		M		M			
至		M		M		M		M		M		M		M		M		M		M			
至		M		M		M		M		M		M		M		M		M		M			
至		M		M		M		M		M		M		M		M		M		M			
至		M		M		M		M		M		M		M		M		M		M			
至		M		M		M		M		M		M		M		M		M		M			
至		M		M		M		M		M		M		M		M		M		M			
至		M		M		M		M		M		M		M		M		M		M			
至		M		M		M		M		M		M		M		M		M		M			
至		M		M		M		M		M		M		M		M		M		M			
至		M		M		M		M		M		M		M		M		M		M			
至		M		M		M		M		M		M		M		M		M		M			
至		M		M		M		M		M		M		M		M		M		M			
至		M		M		M		M		M		M		M		M		M		M			
至		M		M		M		M		M		M		M		M		M		M			
至		M		M		M		M		M		M		M		M		M		M			
至		M		M		M		M		M		M		M		M		M		M			
至		M		M		M		M		M		M		M		M		M		M			
至		M		M		M		M		M		M		M		M		M		M			
至		M		M		M		M		M		M		M		M		M		M			
至		M		M		M		M															

本点卡片共.....张，这是第.....张。

## 四、三角測量資用坐标計算時双人对算改为單人主算

总參謀部測繪局第一大地計算隊

大地測量計算中的“双人对算”形式，过去一直被認為是一种确保質量的傳統形式。其实，这种計算形式对于保証質量來說，并不是十分可靠的，因为它不能发现两人在計算过程中可能产生的相同錯誤。我局自一九五四年学习苏联先进經驗起，开始采用了第一人与第二人按不同方法計算的形式，但是，还有很多項目要进行相同的对算。两人按不同方法計算，消除了上述用相同方法对算的缺点，但由于两人計算速度不可能相同，常发生窝工現象。一九五四年下半天，有同志提出了单人計算的建議，由于初次学习苏联先进經驗，体会不深，这个建議沒有被重視。一九五五年肖增文、李行泉两同志又正式提出了单人計算二等补充网資用坐标的建議，当时由于业务領導干部思想保守和某些条件不够成熟，这个建議仍沒有被采用。經過整风 和共产主义教育，以及在一九五八年全国大跃进形势的推动下，领导和群众都破除了迷信，解放了思想，因此，当改双人对算为单人主算的建議再次由群众中提出来后，立即受到领导的重視，并組織人員进行試驗。經過十天左右的战斗，单人主算首先由陶文中同志在一等三角鎖的資用坐标計算中試驗成功，作业率提高了400%。以后就很快的推广到各等三角測量的概略計算和資用坐标計算，以及其他計算工作中。

經過将近一年的經驗，我們体会到双人对算改为单人主算的优点有：

1. 单人主算中每一項計算都有校驗公式进行检查，避免了双人对算时两人在計算过程中可能产生的相同錯誤。
2. 消除了双人对算时快慢不一而产生的窝工現象。
3. 单人計算可以根据一个人的工作情况，有节奏的安排工

作。而且单人主算由于消除了依赖校对检核的思想，因而增强了责任心和计算中的注意力。

4. 单人主算节省了一份不必重复的计算资料，与双人对算相比，作业率约提高一倍。一九五八年在资用坐标与三角高程计算当中，由于改变了方法，推广了单人计算，约节约了4320工天。

下面我們具体地介绍一下三角測量概略計算和資用坐标計算由双人对算改为单人主算的作业程序：

### (一) 补充网资用坐标单人計算

計算項目：

1. 检查外业資料；	——
2. 繪制計算略图；	一人
3. 調制起算数据表；	一人 (二人校对)
4. 調制成果卡片；	一人 (二人校对)
5. 近似边长計算；	一人
6. 近似坐标計算；	一人
7. 归心改正数計算；	两人对算
8. 曲率改正数計算；	一人
9. 平面方向值計算；	一人
10. 測站平差；	两人对算
11. 資用坐标計算；	一人
12. 边长、方位角計算；	一人
13. 填完成果卡片；	一人
14. 最后整理。	——

計算程序：

1. 检查外业資料（从略）

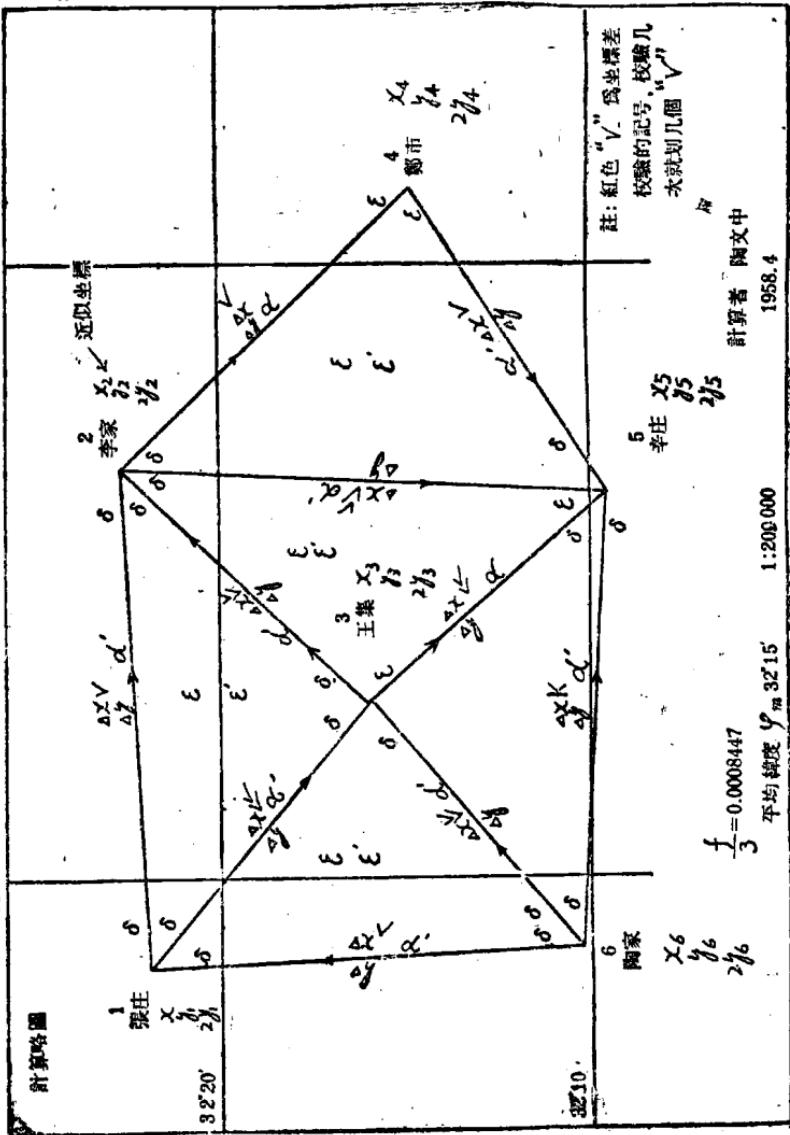
2. 繪制計算略图

計算略图一般以二十万分之一的比例尺为宜。为了計算方便，点的相关位置力求正确。图上需記載点名、点号（以分区为单位編号）、經緯綫、方向綫。

在图上进行計算的項目包括：

111°45'

111°30'



- (1) 曲率改正数  $\delta$  (計算前須抄入近似坐标和  $f/3$  值);
- (2) 用球面角超  $\epsilon$  校驗  $\delta$ ;
- (3) 坐标差  $\Delta x$ 、 $\Delta y$  及其校驗;
- (4) 檢查方位角  $a$ 。

### 3. 調制起算数据表

补充网計算的起算数据由領導决定。起算数据表由各分区計算員調制，或者由領導按全区調制一份，而各分区計算員将这些数据抄入相应点的成果卡片上。

起算数据經兩人校对并交領導批准后方可使用。起算数据表中应包括起始点的坐标、方位角和边长。这些数值按原精度記錄并指出起算数据抄自何处。位于重叠带的起始点須将两带的成果都抄入。

### 4. 調制成果卡片

在各三角点上，必須調制成果卡片。卡片調制一份，其上須抄入卡片标题所要求的一切資料。方向值二补記到  $0''.1$ ；三、四等記到  $1''$ ；方位点記到  $0'.1$ ，归心原素  $e$  記到 0.1 公尺， $\theta$  記到分。图幅編号須填写 1:50 000 和 1:200 000 比例尺的。覩标类型按統一規定的名称填写。測量机关填写施測单位的名称。

若一点上分几个測站覩測，則成果卡片須按測站調制。每一測站均須注明覩測日期和手簿編號。

一张卡片記錄不完时，則繼續記于另一张卡片上，但应分別注明“下接卡片  $\curvearrowleft \times$ ”，“上接卡片  $\curvearrowright \times$ ”，然后将两张卡片放在一起，在每张上都填.“本点共有卡片  $\times$  张，本卡片屬第  $\times$  张”。

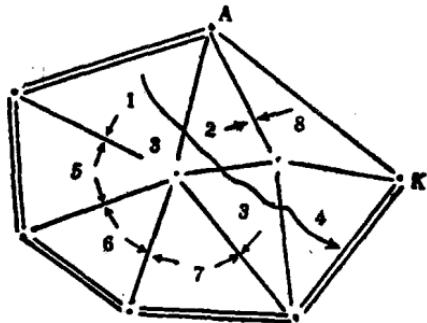
若一測站均覩測二补方向（或其中有高等点方向），則为二等补充网方向，若一測站覩測有二补及三、四等方向則为补充网方向，若一点仅覩測了二或四等方向（包括联测的高等方向），則为三等或四等方向。根据略图，将点号用鉛筆記于相应卡片的下方，这样以后工作就較为方便。上述項目应尽可能一次完成，否則将来添补既浪費時間又容易錯。

### 5. 近似边长計算

为了計算归心改正数和检查曲率改正数，須解算近似边长和球面角超。此項計算由一人进行，其中三角形的角度以閉合差等于零来检查。

边长計算尽可能利用同一边二次計算和閉合到已知边来检查，个别不能得到检查的边須进行检算。球面角超  $\epsilon$  的計算可不检查。計算次序为：

(1) 在計算略图上用鉛笔輕輕标出推进路綫（計算完后，这些鉛笔路綫就可擦去）。推进路綫应使絕大多数的边得到检查，例如若采取左图的推进路綫，则仅  $AK$  边不能检查，其余边都有检查， $AK$  边可由另外一人检算。



(2) 抄录三角形頂点名称。

(3) 利用卡片上的方向值减出角度，取至 $10''$ ，以三角之和为 $180^\circ$ 作为检查。然后将閉合差按 $-\frac{\omega}{3}$ 配赋于各角。

(4) 用紅墨水抄入起算边长度，并查出各角的六位正弦函数值。

(5) 按下式解算边长及球面角超：

$a$  为已知边，先算  $a/\sin A$ ，后求  $b = (a/\sin A) \cdot \sin B$  和  $c = (a/\sin A) \cdot \sin C$ ， $\epsilon'' = f \cdot a \cdot b \cdot \sin C$ ， $f$  以平均緯度为引数，由測量計算用表中查得。

边长計算至 1 公尺，而  $\epsilon$  則二等算至 $0''.01$ ，三、四等 $0''.1$ 。經二次推算的边需取中数。閉合至已知边后，与已知值之差一般应在 5 公尺以内。

## 6. 近似坐标計算

計算近似坐标以单导綫用增值公式由一已知点起閉合至另一