

御制數理精蘊

第二函
函十冊

御製數理精蘊下編卷二十二

面部十二

各等邊形

更面形

御製詩正系編

卷

更曲之

外公

而

各等邊形

設如五等邊形。每邊一尺二寸。問面積幾何。



形。每邊一尺二寸。問面積幾何。
法以全圓三百六十度。五分之。每分得
七十二度。折半得三十六度。爰以三十

六度之正弦五萬八千七百七十九爲一率。半徑十萬爲二率。今所設之五等

邊形之每邊一尺二寸。折半得六寸爲

五八七七九

二率 一率

三率

四
率

一〇二〇七二

絲一忽有餘爲五等邊形外切圓之半

三率。求得四率一尺零二分零七毫七

邊形之每邊一尺二寸。折半得六寸爲

一率。半徑十萬爲二率。今所設之五等。

六度之正弦五萬八千七百七十九爲

七十二度。折半得三十六度。爰以三十

法以全圓三百六十度。五分之。每分得

形。每邊一尺二寸。問面積幾何。

徑或用求圓內容五等邊形之一邊之定率比例以定率之圓內容五等邊形之每邊五八七七八五二五爲一率。圓徑一〇〇〇〇〇〇〇爲二率。今所設之五等邊形之每邊一尺二寸爲三率。求得四率二尺零四分一釐五毫六絲一忽有餘。折半得一尺零二分零七毫八絲有餘。爲五等邊形外切圓之半徑。乃以此半徑爲弦。五等邊形之每邊

一率
五八七七八五二五
二率
一〇〇〇〇〇〇〇

三率
二〇四二五六一
四率
三

折半爲勾。求得股八寸二分五釐八毫
二絲七忽有餘。爲五等邊形之中心至
每邊正中之垂線。或以三十六度之正
弦五萬八千七百七十九爲一率。三十
六度之餘弦八萬零九百零二爲二率。
今所設之五等邊形之每邊之半六寸
爲三率。求得四率八寸二分五釐八毫
二絲五忽有餘。爲五等邊形之中心至
每邊正中之垂線。旣得此垂線。乃與每

二率

五八七十九

三率

八〇九〇二

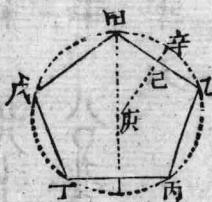
六

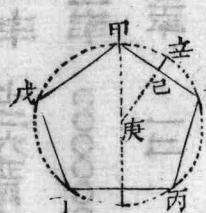
四率

八二五八二五

下
卷二十二 等邊形
面部

邊折半之數相乘。得四十九寸五十四分九寸釐有餘。五因之。得二尺四十七寸七十四分五十釐有餘。卽五等邊形之面積也。如圖甲乙丙丁戊五等邊形。試作一外切圓形。則每邊之弧。皆爲七十二度。將甲乙邊折半於己。自圓心庚作庚己辛半徑線。遂平分甲乙弧於辛。則甲辛弧爲三十六度。甲己卽三十六度之正弦。庚己卽三十六度之餘弦。是





一率

七三六五四

二率

一〇〇〇〇

三率

六〇〇〇〇

四率

八三五八三

故三十六度之正弦與半徑十萬之比。卽如今所設之每邊之半甲己與所得之半徑甲庚之比。又三十六度之正弦與三十六度之餘弦之比。卽如今所設之每邊之半甲己與所得之垂線庚己之比也。此卽圓內容五等邊形之法而轉用之也。

又法以三十六度之正切七萬二千六百五十四爲一率。半徑十萬爲二率。今所設之五等邊形之每邊之半六寸爲

三率。求得四率八寸二分五釐八毫三

一率

七三六五四

二率

一〇〇〇〇

三率

六

四率

八三五八三

絲二忽有餘爲五等邊形內容圓之半徑。或用求圓外切五等邊形之一邊之定率比例。以定率之圓外切五等邊形之每邊七二六五四二五二爲一率。圓

徑一〇〇〇〇〇〇〇〇爲二率。今所

設之五等邊形之每邊一尺二寸爲三率。求得四率一尺六寸五分一釐六毫

五絲八忽有餘折半得八寸二分五釐

一率

七三六五四

二率

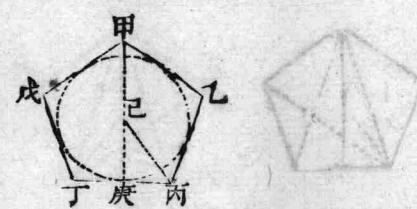
一〇〇〇〇〇〇

三率

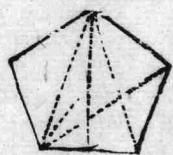
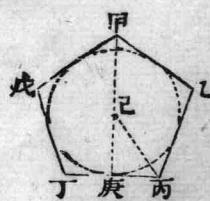
六

四率

八三五八三

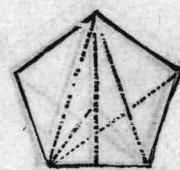


八豪二絲九忽有餘爲五等邊形內容
 圓之半徑卽五等邊形之中心至每邊
 正中之垂線乃與每邊折半之數相乘。
 五因之得二尺四十七寸七十四分八
 十七釐有餘爲五等邊形之面積也。如
 圖甲乙丙丁戊五等邊形試作一內容
 圓形。自甲角過圓心已作甲已庚線。遂
 平分丙丁邊於庚。則丙庚卽三十六度
 之正切。故以三十六度之正切與半徑

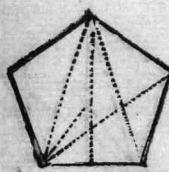


十萬之比同於今所設之每邊之半丙
庚與所得之內容圓半徑己庚之比也。
此卽圓外切五等邊形之法而轉用之也。

又法用連比例三率有中率求末率之
法。以每邊一尺二寸爲中率。求得末率
七寸四分一釐六毫四絲有餘。
如首率求中率也。乃以末率與中率相加。得一
尺九寸四分一釐六毫四絲有餘爲首
率。卽五等邊形兩角相對之斜線。乃以



此斜線爲弦。每邊之半爲勾。求得股一尺八寸四分六釐六毫零九忽有餘。爲五等邊形中心至每邊正中之垂線與分角線之和。卽五等邊形自一角復以至每邊正中之垂線復以此垂線爲首率。每邊之半爲中率。求得末率一寸九分四釐九毫五絲二忽。爲五等邊形中心至每邊正中之垂線與分角線之較。乃以此較數與先所得和數相加。得二尺零四分一釐五毫六絲。



一忽有餘折半得一尺零二分零七豪
八絲有餘爲五等邊形之分角線卽五等邊形外切圓之半徑仍以此較數與先所得和數

形外切圓之半徑

相減得一尺六寸五分一釐六毫五絲

七忽有餘折半得八寸二分五釐八毫

二絲八忽有餘爲五等邊形中心至每

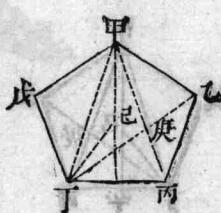
邊正中之垂線

卽五等邊形內容圓之半徑

乃以此

垂線與每邊之半相乘五因之得二尺

四十七寸七十四分八十四釐有餘卽

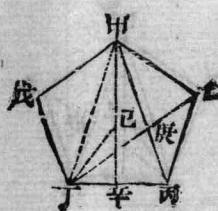


五等邊形之面積也。如圖甲乙丙丁戊五等邊形。已爲五等邊形之中心。試自甲角至丙。丁二角作甲丙。甲丁二線成甲丙丁三角形。又自丁角至乙角作丁乙線。截甲丙線於庚。則又成丁庚丙三角形。此兩三角形爲同式形。故甲丙線爲首率。卽理分中末線之全分。丙丁邊爲中率。卽理分中末線之大分。而所截之甲庚一段與丙丁邊等。亦爲中率。庚丙一段卽爲末率。卽理

分中末線編

其比例爲甲丙首率與丙丁之小分。

中率之比。卽同於丙丁中率與庚丙末率之比。故按連比例三率有中率求末率之法。求得庚丙末率。與甲庚中率相加。卽得甲丙首率。爲兩角相對斜線。爰用甲丙斜線爲弦。丙辛每邊之半爲勾。求得甲辛股。爲己辛中心至邊之垂線。與甲己分角線之和。旣得甲辛線。則用連比例有首率中率求末率之法。以甲



辛爲首率丙辛爲中率求得辛壬末率卽己辛中心至邊之垂線與甲己分角線之較既得辛壬與甲辛相加折半得

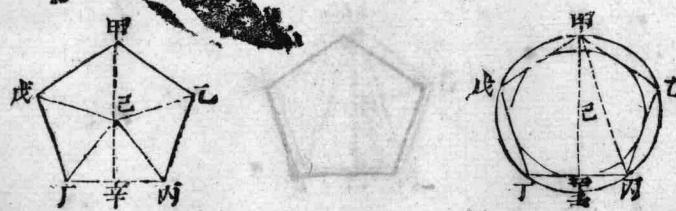
甲己卽分角線又爲五等邊形外切圓之半徑以辛壬與甲辛相減折半得己

辛卽中心至每邊之垂線又爲五等邊

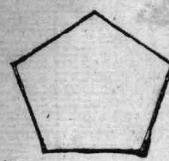
形內容圜之半徑既得己辛垂線與丙

丁每邊之半丙辛相乘得己丙丁一三

角形之面積五倍之卽五等邊形之面



積也。



又既得五等邊形兩角相對之斜線。與自一角至每邊正中之垂線。求面積捷法。以所得末率七寸四分一釐六毫四絲有餘。加每邊之半六寸得一尺三寸四分一釐六毫四絲有餘。與自一角至每邊正中之垂線一尺八寸四分六釐六毫零九忽有餘相乘。得二尺四十七寸七十四分八十四釐有餘。卽五等邊