

青年自学读物

代 数

DAI

SHU

辽宁省工科院校
“初等数学”编写组编

辽宁人民出版社

• 青 年 自 学 读 物 •

代 数

辽宁省工科院校“初等数学”编写组编

辽宁人民出版社

一九七三年·沈阳

青年自学读物

代 数

辽宁省工科院校“初等数学”编写组编

辽宁人民出版社出版

(沈阳市南京街6段1里2号)

辽宁省新华书店发行

朝阳六六七厂印刷

开本：787×1092 $\frac{1}{4}$ 印张：14 $\frac{7}{8}$

字数：300,000 印数：1—150,572

1973年8月第1版 1973年8月第1次印刷

统一书号：7090·24 定价：1.20元

毛主席语录

教育必须为无产阶级政治服务，
必须同生产劳动相结合。

自然科学是人们争取自由的一种武装。人们为着要在社会上得到自由，就要用社会科学来了解社会，改造社会进行社会革命。人们为着要在自然界里得到自由，就要用自然科学来了解自然，克服自然和改造自然，从自然里得到自由。

出 版 说 明

为了适应广大青年自学政治和科学文化知识的需要，我们计划编辑出版一套青年自学读物。

辽宁省工科院校“初等数学”编写组编的“初等数学”就是选入青年自学读物的一种，其余将陆续出版。

编 者 的 话

编写这套“初等数学”的目的是帮助读者较系统地学习初等数学的基本知识，掌握准确而较熟练的运算方法，培养应用初等数学知识分析问题与解决问题的能力，提高自学和自己研究问题的能力。

遵照毛主席关于“教材要彻底改革”的指示，我们在编写过程中，力求贯彻政治与业务的统一，理论与实践相结合，以及少而精和便于自学等原则。由于我们对毛主席的教育革命思想学习得不好，书中一定会有缺点和错误，诚恳希望工农兵学员、革命教师及广大读者批评指正。

这套“初等数学”，分《代数》、《几何》、《三角》、《平面解析几何》四个分册出版，做为辽宁省各工科院校工农兵学员的文化补习教材，也适于各条战线的广大青年自学参考。

这套“初等数学”是在辽宁省教育局的领导下，经省内各工科院校共同研究讨论，由东北工学院负责执笔编写的。参加的院校有大连工学院、大连海运学院、大连铁道学院、大连轻工学院、大连水产专科学校、鞍山钢铁大学、阜新煤矿学院、抚顺化工学院、沈阳机电学院。此外，还有哈尔滨

工业大学、吉林工业大学、长春地质学院、沈阳气压机厂
“七·二一”工人大学、沈阳市沈河区教师学校、沈阳冶金
机械学校、沈阳有色金属学校等单位应邀参加了本书的审查
工作，谨致谢意。

辽宁省工科院校“初等数学”编写组

一九七三年六月

目 录

第一章 正负数及其运算	(1)
第一节 正数和负数	(1)
1·1 正负数的概念	(1)
1·2 数轴和绝对值	(2)
习 题	(7)
第二节 正负数的四则运算	(8)
2·1 正负数的加法和减法	(8)
习 题	(16)
2·2 正负数的乘法和除法	(17)
习 题	(24)
第三节 正负数的乘方和开方	(26)
3·1 乘 方	(26)
3·2 开 方	(28)
3·3 实 数	(30)
习 题	(32)
内容提要、总习题	(33)
第二章 整 式	(37)
第一节 代数式	(37)
1·1 代数式	(37)
1·2 代数式的分类	(40)
习 题	(43)
第二节 整式的加法和减法	(45)
2·1 合并同类项	(45)

2·2	去括号	(47)
2·3	整式的加法和减法	(50)
习 题		(51)
第三节 整式的乘法		(52)
3·1	幂的乘法	(52)
3·2	单项式的乘法	(55)
3·3	多项式的乘法	(56)
习 题		(59)
第四节 乘法公式		(60)
4·1	两数和与两数差的乘积公式	(60)
4·2	两数和与两数差的平方公式	(61)
习 题		(63)
4·3	和与差的立方公式	(63)
4·4	立方和与立方差公式	(66)
习 题		(67)
第五节 因式分解		(69)
5·1	提取公因式法	(70)
5·2	利用公式法	(72)
5·3	叉乘法	(75)
习 题		(80)
内容提要、总习题		(82)
第三章 一次方程		(88)
第一节 一元一次方程		(88)
1·1	基本概念与性质	(88)
习 题		(94)
1·2	一元一次方程的解法	(94)
习 题		(97)
1·3	一元一次方程的应用	(98)

习 题	(105)
第二节 一次方程组	(106)
2·1 二元一次方程组的概念	(106)
2·2 二元一次方程组的解法	(108)
2·3 二元一次方程组的应用	(115)
习 题	(120)
2·4 三元一次方程组	(122)
习 题	(126)
第三节 一元一次不等式	(127)
3·1 不等式的意义	(127)
3·2 不等式的性质	(128)
3·3 一元一次不等式的解法和应用	(130)
习 题	(134)
内容提要、总习题	(135)
第四章 分式和根式	(141)
第一节 分式及其性质	(141)
1·1 分式的基本性质	(141)
1·2 约分和通分	(143)
习 题	(149)
第二节 分式的运算	(152)
2·1 分式的加法和减法	(152)
2·2 分式的乘除法和乘方	(156)
习 题	(160)
第三节 可化为一次方程的分式方程	(162)
习 题	(165)
第四节 根式及其性质	(166)
4·1 根式的基本性质	(166)
4·2 乘积的方根和分式的方根	(169)

习 题	(176)
第五节 根式的运算	(179)
5·1 根式的加减法、同类根式	(179)
5·2 根式的乘除法	(182)
习 题	(185)
5·3 根式的乘方和开方	(187)
5·4 化去分母中的根式	(189)
习 题	(194)
内容提要、总习题	(195)
第五章 二次方程	(201)
第一节 一元二次方程	(201)
1·1 一元二次方程的概念	(201)
1·2 一元二次方程的解法	(203)
1·3 一元二次方程的根的判别式	(211)
习 题	(213)
1·4 一元二次方程的应用	(215)
习 题	(220)
第二节 可化为一元二次方程的方程	(223)
2·1 可化为一元二次方程的方程	(223)
习 题	(228)
习 题	(230)
2·2 二元二次方程组	(237)
2·3 应用举例	(243)
内容提要、总习题	(249)
第六章 几种简单函数及其图象	(258)
第一节 函数及其图象	(258)
1·1 变量与函数	(258)
1·2 平面直角坐标系	(268)

1·3 函数的图象	(275)
1·4 正比函数和反比函数	(279)
习 题	(286)
第二节 一次函数	(287)
2·1 一次函数及其图象	(287)
2·2 一次函数的简单应用	(291)
习 题	(296)
第三节 二次函数	(298)
3·1 二次函数及其图象	(298)
3·2 二次函数的简单应用	(306)
习 题	(308)
内容提要、总习题	(310)
第七章 指数和对数	(319)
第一节 指数概念的推广	(319)
1·1 正整数指数	(319)
1·2 零指数和负指数	(321)
习 题	(327)
1·3 分指数	(327)
第二节 指数函数	(335)
第三节 对数	(340)
3·1 对数及其性质	(340)
习 题	(349)
3·2 常用对数及对数表	(352)
习 题	(362)
3·3 自然对数及换底公式	(363)
习 题	(365)
3·4 对数的应用	(365)
习 题	(375)

第四节 对数函数	(377)
习题	(380)
内容提要、总习题	(380)
第八章 数列	(390)
第一节 数列的基本概念	(390)
习题	(394)
第二节 等差数列	(395)
2·1 等差数列的概念	(395)
2·2 等差数列的通项公式	(397)
2·3 等差数列前n项和的公式	(400)
习题	(404)
第三节 等比数列	(406)
3·1 等比数列的概念	(406)
3·2 等比数列的通项公式	(407)
3·3 等比数列前n项和的公式	(410)
习题	(413)
第四节 无穷递减等比数列	(415)
4·1 数列的极限	(416)
4·2 无穷递减等比数列各项的和	(419)
习题	(424)
第五节 数学归纳法	(426)
习题	(430)
内容提要、总习题	(431)
附录一 开平方的一般方法	(437)
附录二 比和比例	(443)
附录三 行列式	(452)

第一章 正负数及其运算

第一节 正数和负数

1·1 正负数的概念

正负数是从人的需要中产生的。人们对于客观事物进行量的考察时，不仅要确定它的数值，往往还需要区别它的意义。例如，零上5度和零下5度，尽管它们的数值都是5度，但其意义却是相反的，是具有相反意义的量。象这样具有相反意义的量，在生产实践和科学实验中是很多的，如：

海平面以上100米与海平面以下100米；

水位上升50厘米与下降50厘米；

加工成的零件比公称尺寸大0.03毫米与小0.03毫米；

电机顺时针转速3000转/分与逆时针转速3000转/分；等等，都是具有相反意义的量。

具有相反意义的量，通常都是用反意词来加以区别的（如零上与零下，上升与下降）。但是在数学上，这种相反意义的量是用“正”和“负”来区别的。把这种量的一种意义（如零上、上升）规定为正；那么相反意义（如零下、下降）相应地就是负。正的量在数字前添上一个“+”（读作正）号来表示。负的量在数字前添上一个“-”（读作负）

号来表示。这样，零上 5° 就记作 $+5^{\circ}$ ，零下 5° 就记作 -5° ；水位上升50厘米就记作+50厘米，水位下降50厘米就记作-50厘米。

数字前面带有“+”号的叫做正数；带有“-”号的叫做负数。以前我们在算术中学过的数都算是正数(零除外)。正数前的“+”号通常可以省去不写。例如， $+30$ 就写成30。因此， $+30$ 和30是一样的。以后凡是前面不标符号的数都是正数。如

$5, 2, \frac{2}{3}, 0.15, \dots \dots \dots$ 都是正数。

$-5, -2, -\frac{2}{3}, -0.15, \dots \dots \dots$ 都是负数。

零既不是正数，也不是负数，它是一个中性数。

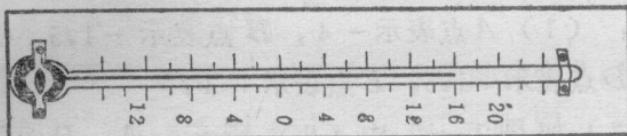
从上面的例子我们知道：正数和负数是客观实际中互相矛盾的和意义相反的量的反映。它们构成了数学中的一对矛盾。矛盾着的两个方面不是孤立存在的，没有正也无所谓负，没有负也无所谓正，它们是对立的统一。在我们今后的学习中，必须抓住这对矛盾，加深理解，掌握正负数的实质。

1·2 数轴和绝对值

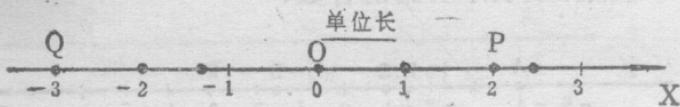
一 数 轴

在生产实践和日常生活中，为了度量各种量，常用直线上的刻度来表示数量。例如用直尺上的刻度来表示长度，用秤杆上的刻度来表示重量，用温度计上的刻度来表示温度等等，我们把一个温度计横放如图1—1中的(1)，可以

看到温度计以零度为界，右边刻度表示零上的温度也就是正的温度，左边刻度表示负的温度。从这个事实出发，我们可以用直线上的点来表示数。



(1)



(2)

图 1—1

我们任意画一条直线，规定从左向右的方向为正向，用箭头表示。在直线上再任取一点 O ，叫做原点，选取一个适当的长度作为长度单位。这样，规定了方向、原点和长度单位的直线叫做数轴。有了数轴之后，任何一个数都可以用数轴上的点来表示。

例如，数 0 可以用数轴上的原点 O 来表示，见图 1—1 中的 (2)；数 2 可以用从 O 点起向右取两个单位的点 P 来表示；数 -3 可以用从 O 点起向左取三个单位的点 Q 来表示。同样的方法，可以在数轴上找到表示 -2 ， 1 ， $+2.5$ ， $-1\frac{1}{3}$ 等数的点。

有了数轴，抽象的数就有了直观的形象，从而数与形就结合起来了。

例 1 (1) 在图 1—2 中 (1) 的数轴上 A 、 B 、

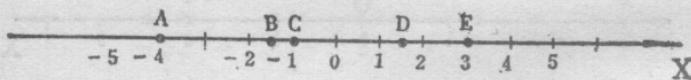
C 、 D 、 E 点各表示什么数?

(2) 在图 1—2 中 (2) 的数轴上标出下列各数的位置:

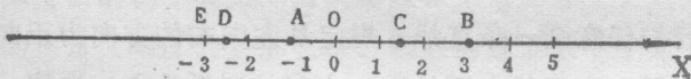
$$-1, +3, +1\frac{1}{2}, 0, -2.5, -3.$$

解: (1) A 点表示 -4 , B 点表示 -1.5 , C 点表示 -1 , D 点表示 $+1.5$, E 点表示 $+3$.

(2) 如图 1—2 中 (2) 所示, A 、 B 、 C 、 O 、 D 、 E 等点分别表示所给的各数.



(1)



(2)

图 1—2

从数轴上来看, 零是一切正数和负数的分界点. 在算术中, 0 是表示“没有”的意思, 但是仅仅这样来理解, 那还是很不够的.“零是具有非常确定的内容的.”比如 0°C 它不是表示“没有温度”, 而是表示在通常的情况下, 水开始结冰的一个确定的温度.

二 绝对值

在具体问题中, 有的量需要区分其正负, 也有的量不需要区分正负. 例如火车从某地出发, 向东走了 50 公里, 叫做