

# 高等數學習題集

同濟大學數學教研組編

高等 教育 出版 社



# 高等数学学习題集

同济大学数学教研組編

高等教育出版社

这本习题集是配合我社出版的樊映川等编“高等数学讲义”一书内容汇编的。全书分习题，答案和附录三部分。可作为全日制高等工业学院320—380学时类型高等数学课程教学用书。

习题的内容包括解析几何学，函数，极限，一元函数的微积分学，级数和多元函数的微积分学，常微分方程等。编排次序与“高等数学讲义”章次完全一致，并附有答案。共有习题2827个。

附录部分包含初等数学（代数，三角，几何）和高等数学中的基本公式及积分表，还有部分曲线图形，可供学习时查阅。

## 高等数学学习题集

同济大学数学教研组编

高等教育出版社出版 北京宣武门内承恩寺7号  
(北京市书刊出版业营业登记证字第054号)

商务印书馆上海厂印刷 新华书店发行

统一书号 13010·679 开本 850×1168 1/32 印张 11 5/16  
字数 269,000 印数 1—30,000 定价(4) ￥1.10  
1959年10月第1版 1959年10月上海第1次印刷

# 目 录

## 第一編 解析几何

<b>第一章 平面上的直角坐标、曲綫及其方程</b> .....	1
平面上点的直角坐标, 坐标变换(1)。两点間的距离, 線段的 定比分点, 三角形的面积(2)。曲綫及其方程(5)。杂題(7)。	
<b>第二章 直線</b> .....	8
杂題(12)。	
<b>第三章 二次曲綫</b> .....	14
圆(14)。椭圆(16)。双曲线(17)。抛物线(19)。一般二次方 程的簡化(20)。椭圆及双曲线的准綫(21)。杂題(21)。	
<b>第四章 极坐标</b> .....	23
<b>第五章 行列式及綫性方程組</b> .....	25
<b>第六章 空間直角坐标、矢量代数初步</b> .....	30
空间点的直角坐标(30)。矢量代数(32)。	
<b>第七章 曲面方程与空間曲綫方程</b> .....	38
<b>第八章 平面与空間直綫方程</b> .....	42
平面方程(42)。空间的直綫方程(45)。杂題(49)。	
<b>第九章 二次曲面</b> .....	52

## 第二編 数学分析

<b>第一章 函数</b> .....	55
絕對值的运算(55)。函数值的求法(55)。函数的定义域(56)。 函数性质的討論(58)。函数的图形(59)。双曲函数(61)。	

<b>第二章 极限</b>	62
数列的极限(62)。函数的极限(63)。无穷大,无穷小(63)。极限的求法(64)。无穷小的比較,相当无穷小(66)。杂題(66)。	
<b>第三章 函数的連續性</b>	68
<b>第四章 导数及微分</b>	70
导数概念(70)。求函数的导数(71)。杂題(75)。导数的应用(76)。微分及其应用(81)。高阶导数(83)。参变量方程的导数(84)。	
<b>第五章 中值定理,导数在函数研究上的应用</b>	86
中值定理(86)。罗彼塔法則(87)。戴劳公式(89)。函数的单调性(90)。函数的极值(92)。最大值和最小值应用杂題(93)。曲綫的凹性和拐点(97)。漸近綫(98)。函数研究及其图形的描绘(98)。方程的近似解(99)。	
<b>第六章 不定积分</b>	100
简单不定积分(100)。換元积分法(101)。分部积分法(103)。換元法分部法杂題(104)。分式有理函数的积分(106)。三角函数有理式的积分(107)。简单代数无理式的积分(107)。二項微分式的积分(108)。杂題(109)。	
<b>第七章 定积分</b>	111
定积分概念(111)。定积分的性质(112)。上限(或下限)为变量的定积分(113)。計算定积分(应用牛頓-萊布尼茲公式)(113)。杂題(116)。計算定积分(应用近似积分公式)(118)。广义积分(119)。	
<b>第八章 定积分的应用</b>	120
平面图形的面积(120)。体积(122)。平面曲綫的弧长(124)。平面曲綫的曲率(125)。定积分在力学及物理学上的应用(127)。	
<b>第九章 級數</b>	132
<b>第十章 福里哀級數</b>	139
<b>第十一章 多元函数的微分法及其应用</b>	143

多元函数(143)。偏导数(144)。全微分及其应用(146)。方向导数(148)。复合函数的微分法(149)。隐函数的微分法(150)。高阶偏导数(152)。空间曲线的切线及法平面(155)。曲面的切平面及法线(157)。戴劳公式(158)。多元函数的极值(159)。

**第十二章 微分方程 ..... 161**

一阶微分方程(161)。高阶微分方程(170)。线性微分方程(172)。微分方程组(177)。级数解法(179)。

**第十三章 重积分 ..... 179**

二重积分(179)。三重积分(183)。曲面面积(185)。重积分在物理学上的应用(186)。广义积分(188)。

**第十四章 曲线积分与曲面积分 ..... 189**

曲线积分(189)。曲面积分(196)。函数的梯度、散度、旋度(199)。

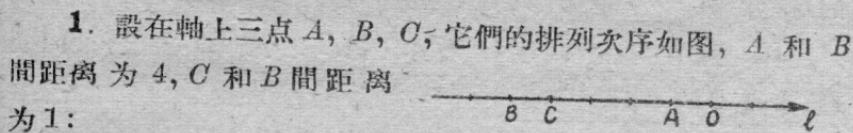
**答案 ..... 201**

**附录 ..... 328**

# 第一編 解析几何

## 第一章 平面上的直角坐标、曲線及其方程

### 平面上点的直角坐标, 坐标变换

1. 設在軸上三点  $A, B, C$ ; 它們的排列次序如图,  $A$  和  $B$  間距離為 4,  $C$  和  $B$  間距離為 1:
- 

(a) 求軸上有向綫段  $\overrightarrow{AB}$ ,  $\overrightarrow{AC}$ ,  $\overrightarrow{BC}$  的值。

(b) 若以点  $A$  为原点, 那么点  $A, B, C$  的坐标各为何?

2. 已知數軸上点  $A, B, C$  的坐标依次为  $-6, 0, 8$ , 求軸上有向綫段  $\overrightarrow{AB}$ ,  $\overrightarrow{BC}$ ,  $\overrightarrow{CA}$  的值。

3. 作下列各点:  $A(2, 7)$ ,  $B(3, 0)$ ,  $C(1, -4)$ ,  $D(0, 5)$ ,  
 $E(-1, 2)$ ,  $F(-4, -3)$ ,  $G(-2, 0)$ ,  $H(0, -3)$ ,  $K\left(-3\frac{1}{2}, 2\frac{1}{3}\right)$ ,  
 $L(\sqrt{2}, -\sqrt{3})$ ,  $N(0, \sqrt{5})$ 。

4. 三角形的三个頂點的位置如下:

(a)  $(8, 4), (0, -4), (2, 4)$ ;

(b)  $(3, 5), (3, 10), (0, 2.5)$ ;

(c)  $(2, 0), (-1, \sqrt{3}), (-1, -\sqrt{3})$ , 求作这些三角形。

5. 設  $a=1, b=2$ , 求作点  $(a, b), (b, a), (-a, b), (b, -a)$ ,  
 $(-b, a), (a, -b), (-a, -b)$  和  $(-b, -a)$ 。

6. 一正方形的邊長為 2 單位長度，如果將兩條坐標軸放到這正方形的任意一組鄰邊上去，問正方形各頂點的坐標將如何？

7. 菱形每邊長為 5，它有一對角線長為 6，如果把菱形的二對角線放在二坐標軸上。求它的各個頂點的坐標。

8. 已知點  $M(3, 2)$ 。作它關於橫軸，縱軸，原點的對稱點。求這些點的坐標。

9. 証明點  $A_1(a, b)$  關於第 I 和第 III 象限坐標角的平分線的對稱點  $A_2$  必有坐標  $(b, a)$ 。

10. 點  $B$  與點  $A(2, 4)$  對稱於第 I 和第 III 象限角的平分線，求點  $B$  的坐標。

11. 一點在某一坐標系下的坐標為  $x=2, y=-1$ ，如果軸的方向保持不變而將原點移至點：

- |                 |                  |
|-----------------|------------------|
| (a) $(4, 5)$ ;  | (b) $(4, -5)$ ;  |
| (c) $(-4, 5)$ ; | (d) $(-4, -5)$ ; |

該點的坐標將如何？

12. 某點在兩軸方向相同的兩坐標系下的坐標為  $(12, -7)$  和  $(0, 15)$ ，各系的原點在他系下的坐標等於什麼？

13. 如果將坐標軸旋轉  $60^\circ$ ，點  $M(1, \sqrt{3})$  的坐標將如何？

14. 如果將坐標軸旋轉  $45^\circ$ ，點  $M(1, \sqrt{3})$  的坐標將如何？

15. 坐標軸應該旋轉多少角度，方能使點  $M(2, 0)$  的橫標和縱標變成相等？（我們把角度限制在  $-\frac{\pi}{2}$  到  $\frac{\pi}{2}$  之間。）

### 兩點間的距離，綫段的定比分點，三角形的面積

16. 求下列各題兩點間的距離：

- |                            |                             |
|----------------------------|-----------------------------|
| (a) $(5, 2)$ 和 $(1, -1)$ ; | (b) $(-6, 3)$ 和 $(0, -5)$ ; |
| (c) $(0, 0)$ 和 $(-3, 4)$ ; | (d) $(9, -7)$ 和 $(4, 5)$ 。  |

17. 已知三角形的頂点:  $A(3, 2)$ ,  $B(-1, -1)$  和  $C(11, -6)$ 。求三角形的周長。

18. 試証頂点为:  $A(0, 0)$ ,  $B(3, 1)$  及  $C(1, 7)$  的三角形是直角三角形。

19. 一点从点  $A(-3, -2)$  作直線运动移至点  $B(4, 5)$ , 求該点所經過的距离。

20. 証明  $(7, 2)$  和  $(1, -6)$  在以  $(4, -2)$  为圓心的圓周上;并求这个圓的半徑。

21. 在  $x$  軸上求与点  $A(5, 12)$  的距离为 13 的点的坐标。

22. 在第 I 象限角的平分線上求一点, 它与点  $A(0, 2)$  的距离为  $\sqrt{2}$ 。

23. 求点  $M$  的纵坐标, 已知它的横坐标等于 7, 而到点  $N(-1, 5)$  的距离等于 10。

24. 求一点, 它到两坐标軸和点  $(3, 6)$  都有相等的距离。

25. 求与已知三点  $A(2, 2)$ ,  $B(-5, 1)$  和  $C(3, -5)$  等距离的点。

26. 試用解析法証明, 任意三角形两边中点連綫之长等于第三边的一半。

27. 点  $M_1(1, 1)$ ,  $M_2(2, 2)$ ,  $M_3(3, -1)$  是平行四邊形的三个頂点, 求第四个頂点。

28. 正方形相邻兩頂点是  $A(2, 3)$  和  $B(6, 6)$ 。求其余的頂点。

29. 下列各对坐标表示一綫段的两端点; 試求它們的中点:

$$(a) (7, 4), (3, 2); \quad (b) (6, -4), (2, 2);$$

$$(c) (a, 1), (1, a); \quad (d) (0, 0), \left(0, \frac{2}{3}\right);$$

$$(e) \left(-3\frac{3}{8}, -7\frac{5}{8}\right), \left(2\frac{3}{4}, -4\frac{1}{2}\right).$$

30. 从点  $A(2, 3)$  引一綫段到点  $B(7, -2)$ , 再延长同样的长度。求延长綫端点的坐标。

31. 联結  $A(5, 4)$ ,  $B(6, -9)$  引长到  $C$  而  $BC$  等于  $\frac{1}{2}AB$ , 求  $C$ 。

32. 已知两点  $A(2, 3)$ ,  $B(3, 5)$ 。求分綫段  $\overline{AB}$  得比值 1:3 的点  $M$  的坐标。

33. 已知两点  $A(2, 1)$ ,  $B(3, 9)$ , 求 (a) 分綫段  $\overline{AB}$  得比值 4:1 的点  $M$  的坐标, (b) 分綫段  $\overline{BA}$  得比值 4:1 的点  $M$  的坐标。

34. 下列各对坐标表示一綫段的两端点, 試求它們的两个三分点。

(a)  $(-1, 2)$ ,  $(-10, -1)$ ; (b)  $(11, 6)$ ,  $(2, 3)$ 。

35. 点  $C(2, 3)$  将綫段  $\overline{AB}$  分为 1:2, 如已知  $A$  点的坐标为  $(1, 2)$ , 求点  $B$  的坐标。

36. 綫段  $\overline{AB}$  被点  $M_1(1, 2)$  和  $M_2(3, 4)$  分成相等的三部分。求点  $A$  和  $B$  的坐标。

37. 两点  $A(x, 5)$  和  $B(-2, y)$  間的綫段被点  $M(1, 1)$  平分。求出这两点的坐标。

38. 已知三角形的頂点的坐标:  $A(3, -2)$ ,  $B(5, 2)$  和  $C(-1, 4)$ 。求它中綫的長。

39. 直綫由两点  $A(-1, 4)$  和  $B(2, 1)$  决定, 在这条直綫中求横坐标等于 5 的点。

40. 已知三角形的頂点:  $A(1, 4)$ ,  $B(-5, 0)$  及  $C(-2, -1)$ 。求它的中綫的交点。

41. 已知平行四邊形的相邻两頂点的坐标为  $A\left(-4\frac{1}{2}, -7\right)$  和  $B(2, 6)$  及对角綫的交点  $M\left(3, 1\frac{1}{2}\right)$ 。求它的其余两个頂点

的坐标。

42.  $A(1, 1)$  到  $B$  的长为 5,  $AB$  中点的横坐标为 3, 求  $B$  点。

43. 求三角形的顶点, 已知各边的中点为  $P(3, -2)$ ,  $Q(1, 6)$  和  $R(-4, 2)$ 。

44. 三角形的顶点为  $A(0, 1)$ ,  $B(3, 4)$ ,  $C(-1, -1)$ 。求它的面积。

45. 试求以  $A(3, 0)$ ,  $B(6, -4)$ ,  $C(-1, -3)$  为顶点的三角形的面积。

46. 四角形的顶点为  $A(-2, -3)$ ,  $B(-1, 4)$ ,  $C(3, 3)$  和  $D(6, -1)$ 。求它的面积。

47. 验证三已知点 (a)  $(0, 5)$ ,  $(2, 1)$ ,  $(-1, 7)$ ; (b)  $(3, 1)$ ,  $(-2, -9)$ ,  $(8, 11)$ ; (c)  $(0, 2)$ ,  $(-1, 5)$ ,  $(3, 4)$  是否在一条直线上。

48. 三角形的两个顶点是  $(5, 1)$  及  $(-2, 2)$ , 第三个顶点在  $x$  轴上, 已知三角形的面积等于 10, 求第三个顶点。

### 曲线及其方程

49. 画出下列各方程的轨迹:

$$(a) y^2 = 4x; \quad (b) y = x^3; \quad (c) y^2 - x^3 = 0;$$

$$(d) y - x^2 - 2x = 0; \quad (e) 4x^2 + y^2 = 4; \quad (f) xy = 1.$$

50. 方程  $(x-1)^2 + (y-2)^2 = 0$  所对应的几何轨迹是什么?

51. 一动点, 它到坐标原点和到点  $A(-5, -4)$  的距离是相等的。建立其轨迹方程。

52. 一动点, 它到  $y$  轴的距离等于它到点  $C(2, 0)$  的距离。建立它的轨迹方程。

53. 一动点与  $x$  轴的距离是与  $y$  轴的距离的两倍, 建立它的

轨迹方程。

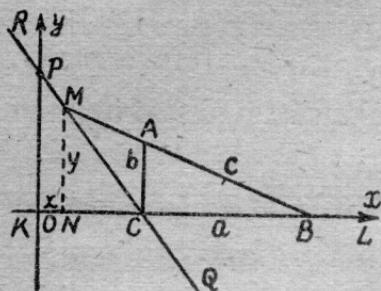
54. 三角形的两頂点为  $(1, 1)$  和  $(3, 6)$ , 它的面积为 3 平方单位, 求它的第三頂点的轨迹。

55. 求作过两点  $(1, 2)$ ,  $(3, -2)$  的直線方程(提示: 二点在一直線上的主要条件为由这三点所成的三角形的面积为零)。

56. 作与  $x$  軸及  $y$  軸的距离的乘积等于 1 的轨迹方程。

57. 在两坐标軸間有定长綫段  $AB$ , 在  $AB$  上有任一点  $P$ , 当  $A$  点永远在横軸上, 同时  $B$  点永远在纵軸上移动时, 試求  $P$  点的轨迹。

58. 枪彈以速度  $v_0$  而与地面成  $\alpha$  角射出, 試建立彈道的轨迹方程。



59. 一漁輪在进行拖网时, 测得它到一小島的距离与到一直綫海岸的距离之比保持为一定数  $e$ 。試建立漁輪航行的轨迹方程(圓錐曲綫)。

60. 一樞軸  $RQ$  纔不动点  $P$  旋转, 并推动直角三角形  $ACB$ , 沿直綫  $KL$  滑动, 求樞軸  $RQ$  与斜边  $AB$  的延长綫的交点  $M$  的轨迹方程。

61. 作出下列参数方程的图形:

- |   |   |
|---|---|
| (a) $x = 2t$ , $y = \frac{t}{3}$ ;                          | (b) $x = 5t^2 - 1$ , $y = 10t^2 + 4$ ;          |
| (c) $x = 2t + 1$ , $y = 4t^2$ ;                             | (d) $x = 3 \sin \theta$ , $y = 4 \cos \theta$ ; |
| (e) $x = \csc \theta$ , $y = 5 \operatorname{ctg} \theta$ . |   |

62. 求圆  $x^2 + y^2 = 8$  与直綫  $x - y = 0$  的交点。

63. 求曲綫  $4x^2 + y^2 = 32$  和  $y^2 = 8x$  的交点。

64. 試求曲綫  $y = 2 + x - x^2$  与两坐标軸的交点。

65. 下列各曲线方程, 如平移坐标轴至其后所示的新原点, 应变为何种形式?

- (a)  $3x - 4y = 6$ , (2, 0);      (b)  $5x - y + 2 = 0$ , (3, -2);  
 (c)  $x^2 + y^2 - 4x - 2y = 0$ , (2, 1);  
 (d)  $y^2 - 4x + 8 = 0$ , (2, 0);    (e)  $y^2 = x^3$ , (-2, -3)。

66. 下列各曲线方程, 如依其后所注角度将坐标轴旋转, 应变为如何?

- (a)  $x + y = 0$ ,  $\frac{\pi}{4}$ ;      (b)  $x + 2y = 1$ ,  $\frac{\pi}{3}$ ;  
 (c)  $x^2 + 4xy + y^2 = 16$ ,  $\frac{\pi}{4}$ .

### 杂 题

67. 若  $P(5, 9)$  是圆周上的一点, 这圆的中心是  $(1, 6)$ , 求这圆的方程并且将它画出来。

68.  $P$  为一动点, 它到原点  $O$  的距离的平方等于它的两坐标的和; 求  $P$  点的轨迹。

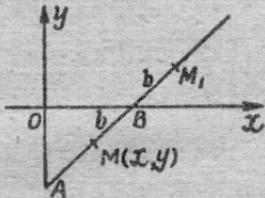
69. 给定直线  $Ox$  及与它距离为  $a$  的点  $A$  (如图)。经过  $A$  点作一切可能的直线, 且在每条直线上, 在它与基线  $Ox$  的交点  $B$  的两侧, 取长度等于  $b$  的线段  $MB$  和  $M_1B$ 。求点  $M$  和  $M_1$  点的轨迹方程(蚌线)。

70. 一重心在点  $M(5, 1)$  的均匀细棒, 它的一端在点  $A(-1, -3)$  上; 求另一端点  $B$  的位置。

71. 怎样用三角形的顶点坐标来表示其重心的坐标?

72. 在  $A(-1, 0)$ ,  $B(-2, 4)$ ,  $C(4, 5)$  三点上分别放置 30, 50 和 70 克重量的物体, 试求这一物系的重心的坐标。

73. 重力作用于质点  $M_1(x_1, y_1)$  和  $M_2(x_2, y_2)$  上, 它们的质



量分別為  $m_1$  與  $m_2$ , 試求這力系的重心的坐标。

## 第二章 直線

74. 一直線通過點  $A(-3, -2)$  和  $B(4, 5)$ 。求此直線的斜率及其傾角。

75. 求三角形  $A(4, -1)$ ,  $B(-3, 2)$ ,  $C(-2, 6)$  各邊的斜率。

76. 由斜率證明  $(-2, 12)$ ,  $(1, 3)$  和  $(4, -6)$  三点在一直線上。

77. 若通過  $(-k, 3)$  和  $(5, -k)$  兩點的直線的斜率等於 1, 求  $k$  的值。將這兩點和直線畫出來。

78. 設直線過原點, 傾角為 (a)  $135^\circ$ ; (b)  $180^\circ$ 。求其方程。

79. 求直線 (a)  $x-y+5=0$ , (b)  $4x+8y-16=0$  的斜率和截距。

80. 証明  $(-2, -3)$ ,  $(5, -4)$ ,  $(4, 1)$ ,  $(-3, 2)$  是平行四邊形的頂點。

81. 設一直線過點  $(2, 1)$ , 并與  $x$  軸成  $45^\circ$  角。求它的方程。

82. 設一直線過點  $(-2, 4)$ , 它的傾角等於直線  $y = \frac{1}{\sqrt{3}}x + 3$  的傾角的兩倍。求其方程。

83. 求直線 (a)  $x+3y+5=0$ , (b)  $4x+8y+16=0$  的截距。

84. 一直線在  $y$  軸上的截距離為  $-3$ , 傾角為  $\frac{\pi}{6}$ 。求這直線的方程。

85. 一直線在  $y$  軸上的截距  $b=5$ , 且過點  $(6, 3)$ , 試求其方

程。

86. 將下列各直線方程化為截距式方程, 并利用截距描繪直線的图形:

(a)  $2x = 3y - 6$ ;

(b)  $2y - 5x = 20$ ;

(c)  $y = 6(x - 3)$ ;

(d)  $3y - 6x + 10 = 0$ .

87. 一直線通過點  $(5, 2)$ , 且在  $x$  軸上的截距和在  $y$  軸上的截距相等。求其方程。

88. 過點  $(6, 8)$  引一直線, 使與兩坐標軸所圍成三角形的面積等於 12。求其方程。

89. 求通過下列各兩點的直線方程:

(a)  $(4, 6)$  和  $(3, -1)$ ; (b)  $(5, 2)$  和  $(-4, -3)$ ;

(c)  $(-6, 1)$  和  $(2, 0)$ 。

90. 已知頂點為  $A(4, 2)$ ,  $B(-2, 4)$ ,  $C(-1, -4)$  的三角形, 試寫出經過頂點  $C$  的中線方程。并求此中線的長。

91. 將下列各直線方程化為法線式方程:

(a)  $2x = 3y - 6$ ; (b)  $2y - 5x = 20$ ;

(c)  $y = 6(x - 3)$ ; (d)  $3y - 6x + 10 = 0$ ;

(e)  $2y - 3x = 0$ 。

92. 求從原點到直線  $4x - 4y = 9$  的距離。

93. 求從點  $(2, 1)$  到直線  $2x = 3y - 6$  的距離。

94. 求從點  $(x_0, y_0)$  到直線  $y = kx + b$  的距離。

95. 求二平行直線  $2x + 3y = 7$ ,  $4x + 6y = 11$  間的距離。

96. 過點  $(1, 2)$  引一直線, 使與點  $(2, 3)$  和點  $(4, -5)$  的距離相等。求其方程。

97. 求過點  $(-4, 3)$ , 而與原點距離為 5 的直線方程。

98. 求經過坐標原點, 且與點  $A(2, 1)$  的距離為 1 的直線方程。

99. 給定直線  $3x - 4y - 10 = 0$ , 求与定直線平行且和它有 3 単位長的距離的直線方程。

100. 一直線通过点  $A(5, 2)$ , 且点  $(-3, 1)$  到它的距离是 4 単位, 写出它的方程。

101. 求直線  $3x + 4y - 1 = 0$  和  $4x - 3y + 5 = 0$  間夾角的分角線的方程。

102. 求二直線  $3x + 4y - 9 = 0$  和  $12x + 9y - 8 = 0$  所构成的兩角的平分線, 并驗証这两平分線互相垂直。

103. 三角形的頂点在点  $A(1, 2)$ ,  $B(-1, -1)$  和  $C(2, 1)$  处, 求角  $B$  分角線的方程。

104. 在下面各对直線中判定哪些是互相平行的, 哪些是互相垂直的, 若不互相平行也不互相垂直, 就求它們的交角:

- (a)  $x + 2y = 3$ ,  $x + 2y = -4$ ;
- (b)  $2x - y + 5 = 0$ ,  $4x - 2y - 7 = 0$ ;
- (c)  $x - y = 1$ ,  $x + y = 2$ ;
- (d)  $x + 2y + 11 = 0$ ,  $6x - 3y - 4 = 0$ ;
- (e)  $3x - y = 0$ ,  $2x + y = 0$ ;
- (f)  $2x - 3y = 1$ ,  $x - 3 = 0$ ;
- (g)  $x + y = 0$ ,  $y = 0$ .

105.  $\lambda$  的值怎样, 則两直線  $3x - 2y + 6 = 0$  和  $\lambda x - y + 2 = 0$ :

- (a) 互相平行; (b) 互相垂直。

106. 求过点  $(2, -3)$ , 而与直線  $y = 2x + 1$  垂直的直線方程。

107. 一直線通过点  $(2, -3)$ , 且平行于連接两点  $(1, 2)$  和  $(-1, -5)$  的直線。求其方程。

108. 一直線平行于直線  $2x + 3y + 1 = 0$ , 且在  $y$  軸上的截距等于 5, 求其方程。

**109.** 一直線在  $x$  軸上的截距  $a=3$ , 且與直線  $x-4y+2=0$  平行, 試求其方程。

**110.** 直線  $4x-3y+11=0$  上一點, 它的橫標等於 1, 從這點作已知直線的垂線, 試求這垂線的方程。

**111.** 已知頂點為  $A(6, 4)$ ,  $B(-3, 5)$ ,  $C(-2, -6)$  的三角形, 試求出經過頂點  $A$ , 且與經過頂點  $B$  的中線平行和垂直的兩直線的方程。

**112.** 設引一直線通過兩直線  $3x-y-3=0$ ,  $4x+3y-4=0$  的交點, 且垂直於其中的第一直線, 求所引直線的方程。

**113.** 過兩直線  $2x-3y+5=0$  和  $x-4y+5=0$  的交點引一直線使與直線  $3x-2y+2=0$  平行。求此直線的方程。

**114.** 三角形的頂點在點  $A(1, 3)$ ,  $B(-1, 0)$  和  $C(2, -2)$  处。求高線的方程。

**115.** 已知三角形的頂點是  $A(6, 4)$ ,  $B(-3, 5)$ ,  $C(-2, -6)$ 。過頂點  $B$  作三角形的中線  $BD$ , 再過點  $A$  作平行於其中線  $BD$  的直線。求此直線的方程。

**116.** 三角形的三邊是方程  $x-y-3=0$ ,  $x-3y-4=0$  和  $4x+2y+3=0$ 。求其三角形。

**117.** 三角形的頂點是點  $A(2, 1)$ ,  $B(3, 1)$  和  $C(1, 2)$ 。求  $\angle A$ 。

**118.** 正三角形的兩個頂點是點  $A(2, 1)$  和  $B(2, 5)$ , 求第三個頂點。

**119.** 求過點  $(3, 5)$  並與直線  $3x-2y+7=0$  成  $45^\circ$  角的直線方程。

**120.** 光線從點  $(-2, 3)$  射到點  $(1, 0)$ , 然後被  $x$  軸反射, 求反射線的方程。