



◎新课程学习能力评价课题研究资源用书

◎主编 刘德 林旭 编写 新课程学习能力评价课题组

学习高手

状元塑造车间

学习技术化

TECHNOLOGIZING
STUDY

配人教 B 版

数学 必修 2

推开这扇窗

- 全解全析
- 高手支招
- 习题解答
- 状元笔记



光明日报出版社

图书在版编目(CIP)数据

学习高手. 数学. 2: 必修/刘德, 林旭主编. —北京: 光明日报出版社, 2009. 9
配人教 B 版
ISBN 978-7-5112-0170-6

I. 学… II. ①刘… ②林… III. 数学课—高中—教学参考资料 IV. G634

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2009)第 107990 号

学习高手

数学/必修 2(人教 B 版)

主 编: 刘 德 林 旭

责任编辑: 温 梦
策 划: 赵保国
执行策划: 聂电春

版式设计: 邢 丽
责任校对: 徐为正
责任印制: 胡 骑

出版发行: 光明日报出版社
地 址: 北京市崇文区珠市口东大街 5 号, 100062
电 话: 010-67078249(咨询)
传 真: 010-67078255
网 址: <http://book.gmw.cn>
E-mail: gmcbs@gmw.cn
法律顾问: 北京昆仑律师事务所陶雷律师

印 刷: 山东鸿杰印务集团有限公司
装 订: 山东鸿杰印务集团有限公司
本书如有破损、缺页、装订错误, 请与本社发行部联系调换。

开 本: 890×1240 1/32
字 数: 270 千字
版 次: 2009 年 9 月第 1 版
书 号: ISBN 978-7-5112-0170-6

印 张: 10
印 次: 2009 年 9 月第 1 次

定价: 16.90 元

版权所有 翻印必究

目录

第一章 立体几何初步 1

走近学科思想 1

本章要点导读 1

1.1 空间几何体 2

1.1.1 构成空间几何体的基本

元素 2

高手支招 1 细品教材 2

高手支招 2 归纳整理 4

高手支招 3 综合探究 5

高手支招 4 典例精析 5

高手支招 5 思考发现 9

高手支招 6 体验成功 9

1.1.2 棱柱、棱锥和棱台的结

构特征 13

高手支招 1 细品教材 13

高手支招 2 归纳整理 17

高手支招 3 综合探究 17

高手支招 4 典例精析 18

高手支招 5 思考发现 22

高手支招 6 体验成功 22

1.1.3 圆柱、圆锥、圆台和球

..... 26

高手支招 1 细品教材 26

高手支招 2 归纳整理 28

高手支招 3 综合探究 29

高手支招 4 典例精析 29

高手支招 5 思考发现 34

高手支招 6 体验成功 34

1.1.4 投影与直观图 38

高手支招 1 细品教材 38

高手支招 2 归纳整理 41

高手支招 3 综合探究 41

高手支招 4 典例精析 42

高手支招 5 思考发现 46

高手支招 6 体验成功 46

1.1.5 三视图 50

高手支招 1 细品教材 50

高手支招 2 归纳整理 52

高手支招 3 综合探究 53

高手支招 4 典例精析 53

高手支招 5 思考发现 58

高手支招 6 体验成功 59

1.1.6 棱柱、棱锥、棱台和球的

表面积 63

高手支招 1 细品教材 63

高手支招 2 归纳整理 65

高手支招 3 综合探究 66

高手支招 4 典例精析 67

高手支招 5 思考发现 71

高手支招 6 体验成功	72
1.1.7 柱、锥、台和球的体积	76
高手支招 1 细品教材	76
高手支招 2 归纳整理	79
高手支招 3 综合探究	79
高手支招 4 典例精析	79
高手支招 5 思考发现	83
高手支招 6 体验成功	84
1.2 点、线、面之间的位置关系	89
1.2.1 平面的基本性质与推论	89
高手支招 1 细品教材	89
高手支招 2 归纳整理	91
高手支招 3 综合探究	92
高手支招 4 典例精析	93
高手支招 5 思考发现	97
高手支招 6 体验成功	97
1.2.2 空间中的平行关系	101
高手支招 1 细品教材	101
高手支招 2 归纳整理	105
高手支招 3 综合探究	106
高手支招 4 典例精析	106

高手支招 5 思考发现	110
高手支招 6 体验成功	110
1.2.3 空间中的垂直关系	115
高手支招 1 细品教材	115
高手支招 2 归纳整理	117
高手支招 3 综合探究	118
高手支招 4 典例精析	118
高手支招 5 思考发现	124
高手支招 6 体验成功	125
本章总结	130
本章测试	137
第二章 平面解析几何初步 ...	143
走近学科思想	143
本章要点导读	143
2.1 平面直角坐标系中的基本公式	144
2.1.1 数轴上的基本公式 ...	144
2.1.2 平面直角坐标系中的基本公式	144
高手支招 1 细品教材	144
高手支招 2 归纳整理	146
高手支招 3 综合探究	147
高手支招 4 典例精析	148

高手支招 5 思考发现	152	高手支招 3 综合探究	181
高手支招 6 体验成功	152	高手支招 4 典例精析	182
2.2 直线的方程	155	高手支招 5 思考发现	187
2.2.1 直线方程的概念与直线的斜率	155	高手支招 6 体验成功	187
高手支招 1 细品教材	155	2.3 圆的方程	191
高手支招 2 归纳整理	156	2.3.1 圆的标准方程	191
高手支招 3 综合探究	157	2.3.2 圆的一般方程	191
高手支招 4 典例精析	157	高手支招 1 细品教材	191
高手支招 5 思考发现	161	高手支招 2 归纳整理	193
高手支招 6 体验成功	161	高手支招 3 综合探究	194
2.2.2 直线方程的几种形式	165	高手支招 4 典例精析	195
高手支招 1 细品教材	165	高手支招 5 思考发现	200
高手支招 2 归纳整理	168	高手支招 6 体验成功	200
高手支招 3 综合探究	168	2.3.3 直线与圆的位置关系	203
高手支招 4 典例精析	169	高手支招 1 细品教材	203
高手支招 5 思考发现	172	高手支招 2 归纳整理	206
高手支招 6 体验成功	173	高手支招 3 综合探究	207
2.2.3 两条直线的位置关系	177	高手支招 4 典例精析	208
高手支招 1 细品教材	177	高手支招 5 思考发现	213
高手支招 2 归纳整理	180	高手支招 6 体验成功	214
		2.4 空间直角坐标系	217

2.4.1 空间直角坐标系 ... 217

2.4.2 空间两点的距离公式
..... 217

高手支招1 细品教材..... 217

高手支招2 归纳整理..... 220

高手支招3 综合探究..... 220

高手支招4 典例精析..... 221

高手支招5 思考发现..... 225

高手支招6 体验成功..... 226

本章总结..... 230

本章测试..... 237

模块测试..... 243

附录 教材习题点拨..... 251

第一章 立体几何初步



走近学科思想

ZOUJINXUEKESIXIANG

化归思想 将复杂问题通过变换转化为简单问题,将难解的问题通过变换转化为易解的问题,将未解决的问题通过变换转化为已解决的问题,这就是化归思想.化归在数学学习中几乎无处不在,它的基本功能是:陌生化为熟悉,复杂化为简单,抽象化为直观.化归思想在立体几何中主要体现在:对空间问题利用已知的结论将其中一些量转化到某个平面上,或将空间图形进行分割、补形、折叠、展开、作辅助线(面),从而转化为平面图形,这样就将空间问题化归为平面问题,可以利用已学过的平面几何知识加以解决.



本章要点导读

BENZHANGYAODIANDAODU

知识要点	课标要求	学习技术
空间几何体	<ol style="list-style-type: none">1. 认识柱、锥、台、球及简单组合体的结构特征;2. 了解空间图形的不同表示形式,能画出简单空间图形的三视图,会用斜二测画法画直观图;3. 了解柱、锥、台、球的表面积和体积的计算公式(不记忆).	借助实物模型、计算机软件等大量空间图形,观察和总结一些特殊的多面体、旋转体的结构特征,并由此认识由这些几何体组成的简单组合体;了解柱、锥、台、球的表面积和体积的计算公式;借助几种投影的特征和关系,来学习直观图和三视图的画法.
点、线、面之间的位置关系	<ol style="list-style-type: none">1. 理解点、线、面的位置关系,抽象出空间线、面关系的定义,了解一些公理和定理;2. 以定义、公理和定理为基础,归纳出空间线面平行、垂直的有关判定定理与性质定理;3. 能利用已有结论证明一些关于空间关系的命题.	借助长方体模型,直观认识和理解点、线、面的位置关系,通过对大量图形的观察,直观了解空间中的线面垂直、平行的有关概念;熟练掌握文字语言、图形语言和符号语言的转化,是解决简单的推理论证题的关键.



1.1 空间几何体

1.1.1 构成空间几何体的基本元素



奥运“水立方”地址在北京奥林匹克公园内,是2008年北京奥运会标志性建筑物之一,这是一个关于水的建筑,水在泡沫形态下的微观分子结构经过数学理论的推演,被放大为建筑体的有机空间网架结构,从而成为了建筑本身,作为一个摹写水的建筑,水立方纷繁自由的结构形式,源自对规划体

系巧妙而简单的变异,不同气质的对比使各自的灵性得到趣味盎然的共生。“水立方”总建筑面积65 000~80 000平方米,长、宽、高分别为177 m、177 m、30 m。我们把“水立方”看作一个长方体,那么构成它的基本元素有哪些呢?这就是我们本节要学习的内容。



高手支招① 细品教材

一、几何体的有关概念

1. 几何体:只考虑物体占有空间部分的形状和大小,而不考虑其他因素,则这个空间部分叫做一个几何体。

如图1.1.1-1,一个包装箱,占有的空间部分就是一个几何体,我们知道这个几何体叫做长方体。长方体由六个矩形围成,围成长方体的各个矩形,叫做长方体的面;相邻两个面的公共边,叫做长方体的棱;棱与棱的交点叫做长方体的顶点,长方体有12条棱,8个顶点,6个面。

状元笔记

从集合的角度看线与面:如果把点看成元素,那么直线、曲线都可以当作点的集合,平面和曲面也可以看成是点的集合。从集合的角度来看,线、面就统一成集合了,更便于理解和应用,并且从点集的角度认识几何图形,是学习数学的需要。



图 1.1.1-1

2. 构成几何体的基本元素

点、线、面是构成几何体的基本元素. 其中线有直线(段)和曲线(段)之分, 面有平面(部分)和曲面(部分)之分.

二、平面的画法和记法

1. 平面是一个不定义名词, 只给出描述的最基本的原始概念. 常见的桌面、黑板面、平静的水面等, 都给我们以平面的形象. 立体几何所说的平面就是从生活中常见的平面抽象出来的, 生活中的平面是比较平, 且有限的, 而立体几何中的平面是理想的、绝对的平整且是无限延展的, 以后在立体几何中所说的平面都是指后一种.

2. 平面的表示方法

(1) 图形表示: 立体几何中, 我们通常画平行四边形来表示平面, 但有时根据实际情况也有用三角形、五边形、六边形、圆形及各种不规则的平面图形来表示平面的. 如图 1.1.1-2 所示.

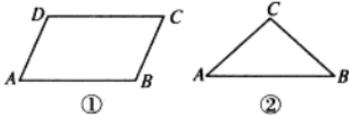


图 1.1.1-2

(2) 符号表示: 平面一般用希腊字母 $\alpha, \beta, \gamma, \dots$ 来命名; 还可以用表示它的平行四边形的对角顶点的字母来命名, 如图①可表示为平面 AC 或平面 BD ; 有些平面也可以用表示多边形的顶点字母表示, 如图①可表示为平面 $ABCD$, 图②可表示为平面 ABC 等.

【示例】判断下列说法是否正确, 并说明理由.

- (1) 平静的水面是一个平面;
- (2) 桌面所在的平面厚度为 2 cm;
- (3) 所有的平面图形都是一个平面.

思路分析: 平面是无大小、厚薄之分的, 并且有无限延展性, 这些是判断平面的依据.

解: (1) 不正确. \because 平面是无限延展的.

(2) 不正确. \because 平面无厚度.

(3) 不正确. \because 平面图形有大小, 不是平面.

三、直线与直线、直线与平面、平面与平面位置关系的初步认识

设想长方体的棱可延伸为直线, 面可延伸为平面.

1. 在长方体的棱所在的直线中, 有些相交, 如直线 AB 与 BC ; 有些平行, 如直线 AB 与 CD ; 有些既不相交也不平行, 如直线 AA' 和直线 BC (如图 1.1.1-3).

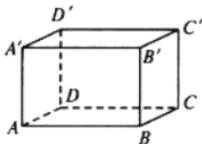


图 1.1.1-3

2. 在棱所在的直线与面所在的平面的位置关系中, 有的直线在平面内, 如直线 AB 在平面 $ABCD$ 内; 有的直线与平面相交, 如直线 AA' 与平面 $ABCD$ 相交; 也有的直线与平面没有公共点, 即直线与平面平行的情况, 如直线 AB 平行于平面 $A'C'$, 记直线 $AB \parallel$ 平面 $A'C'$ (如图 1.1.1-3).



3. 当直线 AD 在平面 AC 内绕点 A 旋转到任何位置时, 都会与 AA' 垂直, 就说 AA' 与平面 AC 垂直, A 为垂足, 记为直线 $AA' \perp$ 平面 AC . 线段 AA' 的长称为点 A' 到平面 AC 的距离 (如图 1.1.1-3).

4. 长方体 $ABCD-A'B'C'D'$ 的两个对面所在平面没有公共点, 则说这两个平面平行, 如平面 $ABCD$ 与平面 $A'B'C'D'$ 平行. 如果面 $ABCD$ 和面 $A'B'C'D'$ 作为长方体的底面, 则棱 AA' 的长称作两底面间的距离.

5. 两个平面会相交于一条直线, 称两个平面相交, 若两个平面相交, 且一个平面经过另一个平面的一条垂线, 称这两个平面互相垂直.

技术提示

1. 画空间图形时, 看得见的线画成实线, 看不见的线画成虚线, 要能正确识别空间元素点、线、面的位置关系.

2. 由平面的无限延展性知, 一个平面可把空间分成两部分.

【示例】判断正误:

(1) 长方体是由六个平面围成的几何体;

(2) 长方体可看作一个矩形 $ABCD$ 上各点沿铅垂线向上移动相同的距离到矩形 $A'B'C'D'$ 所形成的几何体;

(3) 长方体一个面上任一点到对面的距离相等.

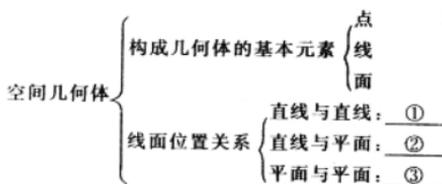
思路分析: 长方体是最简单的几何体之一, 要对它的基本元素加以正确地理解, 需搞清长方体的有关概念, 熟记长方体的有关概念是解决本类问题的关键. 尤其要注意区分“平面”与“平行四边形”的内在联系.

解: (1) 不正确. 因为长方体是由六个不同的矩形 (包括它的内部) 围成, 注意区别“平面”与“矩形”的本质不同; (2) 正确; (3) 正确.



高手支招 ② 归纳整理

本节介绍了构成空间几何体的基本元素是点、线、面, 正确认识空间的点、线、面是研究空间几何体的关键. 初步感受直线与直线、直线与平面、平面与平面的位置关系. 本节重点是从运动的观点初步认识点、线、面、体之间的生成关系与位置关系, 难点是通过几何体的直观图观察基本元素间的关系.



答案

- ①平行、相交或既不平行也不相交 ②线在面内、相交或平行 ③平行或相交



高手支招 ③ 综合探究

1. 对几何体的理解

常见的几何体有柱体、锥体、台体、球体等,这些几何体不仅仅包括它们的外表面,还包括它们的内部.我们研究几何体只考虑它的形状和大小,研究它的结构特征和构成元素间的逻辑关系.

2. 构成空间几何体的基本元素

空间中的几何体,一方面可以看作是若若干个面(平面的一部分或曲面的一部分)围成的,另一方面也可以用运动的观点来看待.

①点动成线:把线看成是点的运动轨迹.

- 如果点运动的方向始终不变,那么它的运动轨迹是一条直线或线段;
- 如果点运动的方向时刻在变化,那么它的运动轨迹是一条曲线或曲线的一段.

②线动成面:直线平行移动,可以形成平面或曲面.

- 直线(段)按某一固定方向平行移动可以形成平面(部分);
- 直线(段)平行移动,运动的方向时刻在变化可以形成曲面(部分);直线(段)还可以绕定点转动形成锥面,曲线(段)绕定直线转动也可以形成曲面(部分);
- 面动成体:面的运动轨迹(经过空间的部分)可以形成一个几何体.

3. 集合概念与点、线、面的关系

点运动成线,如果把点看成元素,则直线和曲线可以看作是点的集合,平面与曲面也可以看作是点的集合,这样从集合的角度来看,线、面就统一成点构成的“集合”了;线运动成面,因此线面的关系就可以看作“集合”与“集合”的关系了.



高手支招 ④ 典例精析

题型分类详析

题型一 概念辨析题

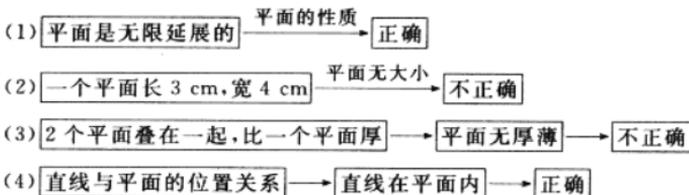
【例1】判断正误:

- 平面是无限延展的;
- 一个平面长 3 cm,宽 4 cm;
- 两个平面重叠在一起,比一个平面厚;
- 通过改变直线的位置,可以把直线放在某个平面内.

高手点睛 准确理解平面的概念.



思维流程



解: (1)(4) 正确, (2)(3) 不正确.

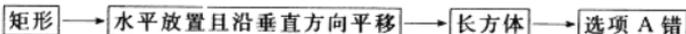
技术提醒 平面是立体几何中一个不加定义的概念, 一定要与平面图形区别开来, 注意平面是无大小、无厚度的.

【例 2】下列关于长方体的叙述不正确的是 ()

- A. 将一个矩形沿垂直方向平移一段距离可形成一个长方体
 B. 长方体中相对的面都互相平行
 C. 长方体中某一底面上的高的长度就是两平行底面间的距离
 D. 长方体两底面之间的棱互相平行且等长

高手点睛 利用长方体中点、线、面的关系给出推理判断.

思维流程



答案: A

技术提醒 透彻理解长方体及其相关概念是解决本题的关键.

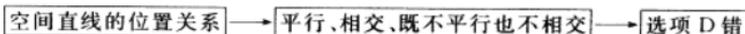
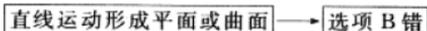
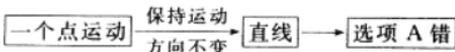
题型二 空间图形中的元素之间的关系

【例 3】在空间中, 下列说法正确的是 ()

- A. 一个点运动一定形成直线
 B. 线段平行移动可以形成平面或曲面
 C. 直线绕定点旋转形成锥面
 D. 空间中直线之间的位置关系有相交、平行

高手点睛 用运动的观点看待点、线、面、体之间的关系.

思维流程



答案: C

【技术点睛】 点动成线、线动成面、面动成体是运动观点的形象描述,是认识几何体结构特征的最佳方法之一,有利于培养空间想象力。

题型三 平面分空间问题

【例 4】空间三个平面可把空间分成_____部分。

【高手点睛】 发挥空间想象能力,结合图形分析所有可能情况。

【思维流程】

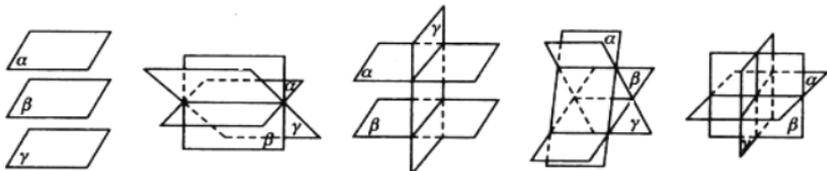
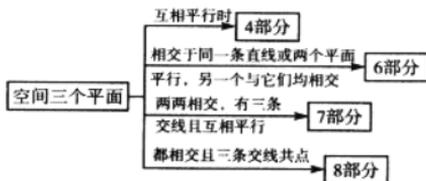


图 1.1.1-4

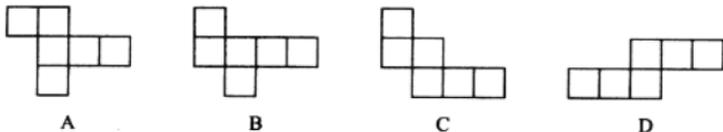
答案

4 或 6 或 7 或 8

【技术点睛】 任何一个平面都可将空间一分为二,本题要注意分析三个平面的位置关系,通过作图即可得到答案。

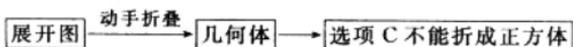
题型四 几何体表面展开

【例 5】下列四个平面图形中,每个小四边形皆为正方形,其中不能沿两个正方形相邻边折叠成一个正方体的图形是..... ()



【高手点睛】 通过动手操作,培养空间想象力。

【思维流程】





技术难点 直接观察不易得到结论时,可通过实际操作来完成,也提高了动手能力。

题型五 运动产生线、面、体

【例 6】如图 1.1.1-5,画出图(1)(2)(3)中 L 围绕直线 l 旋转一周形成的空间几何体。

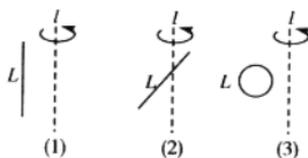


图 1.1.1-5

高手点睛 线运动可形成平面或曲面,根据 L 与 l 的位置关系可产生不同的曲面。

思维流程

(1) L 与 l 平行 \rightarrow 圆柱面

(2) L 与 l 相交 \rightarrow 两个共顶点的圆锥面

(3) L 为封闭曲线 \rightarrow 封闭环面

解: (1) L 与 l 平行,旋转过程中 L 上各点与 l 的距离均相等,产生的曲面是圆柱面,如图 1.1.1-6(1)。

(2) L 与 l 相交,旋转产生的曲面是以 L 与 l 的交点为顶点的圆锥面,如图 1.1.1-6(2)。

(3) L 是封闭的曲线,绕 l 旋转产生一个封闭的曲面,此曲面是环面,如图 1.1.1-6(3)。

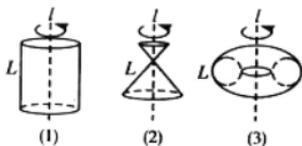


图 1.1.1-6

技术难点 直线与旋转轴平行,旋转面为圆柱面;直线与旋转轴斜交,旋转面为圆锥面;一个圆与旋转轴共面且不相交,旋转面是一封闭环面。

高考实战体验

【例 7】(全国 II 高考)纸质的正方体的六个面根据其方位分别标记为上、下、东、南、

西、北. 现在沿该正方体的一些棱将正方体剪开, 外面朝上展平, 得到右侧的平面图形(如图 1.1.1-7), 则标“ \triangle ”的面的方位是 …()

- A. 南
B. 北
C. 西
D. 下

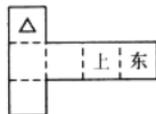


图 1.1.1-7

高手点睛 由平面图形折成正方体后观察可得.

思维流程 平面图形 $\xrightarrow{\text{沿虚线折}}$ 正方体模型 $\xrightarrow{\text{根据方位判断}}$ “ \triangle ”面是北

答案: B

技术感悟 通过动手实践可将抽象的立体几何问题具体化, 从而激发学习兴趣.



高手支招 5 思考发现

1. 构成空间几何体的元素是点、线、面, 正确理解点、线、面的概念, 准确把握几何体.

2. 可从运动的观点来初步认识点、线、面、体之间的生成关系和位置关系, 体会它们怎样构成了空间图形. 常见错误是忽视了运动方向.

3. 借助长方体, 直观认识线线、线面、面面的位置关系, 初步了解线面、面

面平行、垂直以及两条直线不共面垂直的有关概念.

4. 要善于观察周边的实物, 动手多画一些几何体, 逐步提高空间能力, 但画图时一定要注意虚实线的区别.

5. 我的发现:



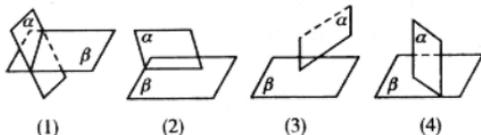
高手支招 6 体验成功

基础巩固

1. 下列说法中不正确的是 …………… ()

- A. 平面用一个小写希腊字母就可表示
B. 平面可用表示平面的平行四边形的对角顶点的两个英文字母表示
C. 三角形 ABC 所在的平面不可写成平面 ABC
D. 一条直线和一个平面可能没有公共点

2. 如图所示的两个相交平面, 其中画法正确的个数有 …………… ()



(第 2 题图)

- A. 1 个
B. 2 个
C. 3 个
D. 4 个



3. 下列命题:

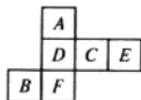
- ① 书桌面是平面;
- ② 8 个平面重叠起来, 要比 6 个平面重叠起来厚;
- ③ 有一个平面的长是 50 m, 宽是 20 m;
- ④ 平面是绝对的平、无厚度、可以无限延展的抽象的数学概念.

其中正确命题的个数是 ()

- A. 1 个
- B. 2 个
- C. 3 个
- D. 4 个

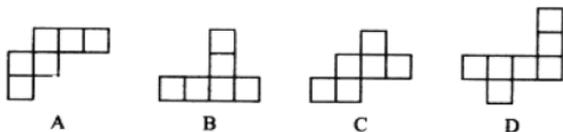
4. 如图是一个正方体的展开图, 每一个面内都标注了字母, 则展开前与 B 相对的是 ()

- A. 字母 E
- B. 字母 C
- C. 字母 A
- D. 字母 D



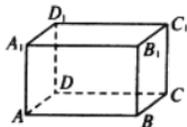
(第 4 题图)

5. 下列四个平面图形, 每个小四边形皆为正方形, 其中可以沿两个正方形的相邻边折叠围成一个立方体的图形是 ()



6. 在长方体 $ABCD-A_1B_1C_1D_1$ 中(如图所示), 和棱 A_1B_1 不相交的棱有 ()

- A. 10 条
- B. 9 条
- C. 8 条
- D. 7 条



(第 6 题图)

7. 空间三个平面如果每两个都相交, 那么它们的交线的条数是

综合应用

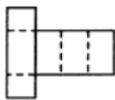
8. 用一个平面去截正方体, 所得截面不可能是 ()

- A. 六边形
- B. 菱形
- C. 梯形
- D. 直角三角形

9. 给出下列四个命题:

- ① 平行四边形是一个平面;
 - ② 任何一个平面图形都是一个平面;
 - ③ 空间图形中, 先画的是实线, 后画的是虚线;
 - ④ 直线平行移动, 不但可以形成平面, 而且也可以形成曲面.
- 其中正确命题的序号为 _____.

10. 根据图(1)与图(2)给出的平面图形, 折叠成几何模型, 并画出空间图形.

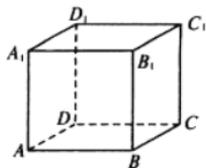


(1)



(2)

(第 10 题图)

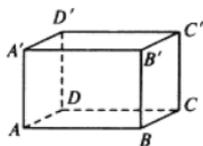


(第 11 题图)

11. 要将一个正方体模型展开成平面图形,需要剪断多少条棱?你的结论可以作为一条规律来用吗?

探究·创新

12. 如图,在长方体 $A'B'C'D'-ABCD$ 中, $AB=3$ cm, $BC=2$ cm, $BB'=1$ cm,求 B, D' 两点间的最短距离.



(第 12 题图)

一试身手

13. (安徽高考)在正方体上任意选择 4 个顶点,它们可能是如下各种几何形体的 4 个顶点,这些几何形体是_____。(写出所有正确结论的编号)

- ①矩形;②不是矩形的平行四边形;③有三个面为等腰直角三角形,有一个面为等边三角形的四面体;④每个面都是等边三角形的四面体;⑤每个面都是直角三角形的四面体.

【答案与点拨】

1. C

2. B 点拨:被平面遮住的部分应画虚线,故(1)(4)正确.

3. A 点拨:由平面的概念,知它是平滑、无厚度、可以无限延展的,可以判断④正确,其余的命题都不符合平面的概念,所以①②③命题都不正确.

4. B 点拨:正方体展开图有很多种,可以通过实物观察,选一个面作为底面,通过空间想象操作完成.不妨选字母 D 的面为底面,可以得到 A, F 是相对的面, E 与 D 相对;若选 F 做底面,则仍然得到 A, F 是相对的面, E 与 D 相对.

5. C 点拨:借助模型进行还原.

6. D 点拨:长方体中一共有 12 条棱,除去与棱 A_1B_1 相交的 4 条和它本身外,还剩下 7 条.

7. 1 或 3 点拨:结合实物展开想象,如打开的书本,教室内相邻的两个墙面与地面等.

8. D 点拨:正方体截面问题变化多样,应掌握截面的作法.如下图所示.