

怎样学习小学算术 教学大纲(修订草案)

居秉球编著





怎样学习小学算术
教学大纲(修订草案)

居秉球 编著

安徽人民出版社出版

(合肥市德勝門內優勝宮)

安徽省書刊出版業營業許可證出字第2號

地方国营合肥印刷厂印刷 新华书店安徽分店发行

書名：424×787×1092 紙 1/32·1 $\frac{3}{4}$ 印張·37千字

一九五七年八月第一版

一九五七年八月合肥第一次印刷

統一書號：T7102·46 印數：1—9,570

定价：(5)0.14元

目 录

緒 言.....	1
第一章 小学算术教学目的.....	3
第二章 小学算术教学内容.....	11
第一節 整数.....	11
第二節 各种量度單位.....	19
第三節 几何初步知識.....	26
第四節 簡單的分數、小數和百分數.....	31
第五節 簡單的統計圖表和簡單的簿記.....	34
第六節 应用題.....	35
第三章 小学算术教学指示.....	46

緒 言

为什么要學習小学算术教学大綱(修訂草案)

小学算术教学大綱(修訂草案)是小学算术教学的基本指导文件。它規定了小学算术教学的目的、任务，小学算术的教学內容、教学方法与講授程序，以及各部分的時間安排。教师明确了小学算术教学的目的、任务，改进教学，提高教育質量就有了方向；理解了大綱(以下文內均簡称“大綱”)規定的各年級的教学內容及要求，傳授知識就有了依据，檢查教学質量就有了尺度；領會了大綱对教学方法所作的指示，对于学习別人的先进教学經驗，創造性地改进教学方法，就有很大的启示；知道了各部分教学時間的安排，就可以掌握教学进度。总之，算术教学大綱是我們算术教师的工作指南，我們教学必須以此为依据。因此，必須反复地学习它、鑽研它，深刻地理解它、掌握它。

怎样學習小学算术教学大綱

怎样学习大綱，在这方面我还缺少經驗，現在只想就我个人在学习中的体会，提出兩点和大家研究。

第一，要全面学习，反复鑽研，深刻理解。大綱分做兩大部分。前面的說明部分有三个主要內容：一是指出小学算术教学的目的——这是制定教学內容的根据；二是小学算术

教學內容六个主要部分的說明；三是對算術教學方法的重要指示。後面是大綱的主要部分——大綱本文，規定着每一學年每一學期算術教學內容的重要課題及對每個課題的教學時間的分配。全面學習，是說不仅要學習大綱的說明部分，而且要注意學習大綱的本文。反復鑽研，就是說要鑽进去，也要鑽出來，不仅要深刻領會大綱的精神實質，而且要用大綱來指導實際教學，解決教學工作中存在的問題。深刻理解，就是說要學透大綱的全部內容。也就是說，要真正理解大綱所規定的全部教學內容及每一學年的教學內容；真正理解大綱規定的每個基本部分的知識範圍；真正理解大綱所規定的教材排列系統。

第二，要聯繫實際。聯繫實際，即在教學工作中如何貫徹大綱，如何根據大綱來檢查教學。聯繫實際可從三方面去聯繫：（一）聯繫教學觀點是否符合大綱的精神。例如，我們在整數教學中，對學生口算的技巧的培养是否注意；在應用題教學中，是否注意培养學生的邏輯思維；在量度單位教學中，是否重視學生的實習作業等等。（二）經常對照大綱來檢查自己的教學工作，看哪方面貫徹得好，哪方面貫徹得不好。並以大綱指示的精神來總結自己的教學工作，看有哪些經驗，還存在哪些缺點，以便不斷地提高自己的教學質量。（三）用大綱來指導日常工作。例如，我們學習了大綱關於教材的編排原則後，就可按照教材的排列系統進行教學；學習了大綱關於各部分教學時間的分配，擬定學期授課計劃，確定教學進度，就可以此為依據；學習了大綱規定的算術教學的目的和要求，檢查教學質量就可以此為標準；學習了算術教學內容，傳授知識就可按照這個範圍進行。

第一章 小学算术教学目的

大綱說明部分所提出的小学算术教学的目的；主要是使儿童能够自觉地、正确地和迅速地进行整数运算，能够运用已經获得的知識、技能和技巧，去解答算术应用題和解决日常生活中簡單的計算問題。算术教学必須有助于儿童智慧的发展和道德品質的培养，以促进全面发展的教学任务的实现。算术的学习，應該做到使数和量成为儿童認識周圍現實的工具。

普乔柯說：“小学算术有兩個主要目的：教养教育的目的和实用的目的”（小学算术教学法上冊第1頁）

为了进一步分析和敍述方便起見，下面分做教养、教育和实用三方面来講。

算术教学的教养目的

算术教学的教养目的，也就是算术教学的基本任务。小学算术的教学內容虽然有六个部分，但其中要以整数运算为主要部分。为什么把整数运算列为主要部分呢？对整数运算提出的要求和对其他部分提出的要求又有什么不同呢？这是在学习‘教养目的’中要弄清楚的問題。为了便于說明这个問題，在未談大綱对各部分的要求以前，先把知識、技能和

技巧三个詞的涵義，以及它們之間的關係說明一下。

知識——指的是對於一定事物的了解和認識。例如，教兒童計算幾道20以內超十加法的式題，使兒童了解這些式題的共同特點是：一位數相加得數比10大，加時把後一個加數分出一個數和前一個加數合併成10，再與後一個加數餘剩的數合併成和。兒童知道這是20以內超十加法的口算方法，並且可以用這個方法去計算同類型的式題，這就是說，他們已獲得了計算的知識。兒童在獲得知識的基礎上具有獨立地去計算這類式題的能力，這就說明他們的知識已轉化為技能。技能獲得的過程，就是把知識運用到實踐中去的過程。技能經過反復實踐變成自動化的技能時，就成為熟練的技巧。知識是技能和技巧的基礎，獲得技能與技巧的知識就會更加巩固和完整。明確了知識、技能和技巧三個詞的意思，就能正確地理解大綱上規定的算術教學內容體系中各部分的範圍和要求；了解了知識、技能和技巧三者相互關係，就可以掌握教材排列的系統，使學生獲得系統的、完整的知識。教師必須嚴格遵照大綱的規定進行教學。應該要求兒童掌握知識的，就要求兒童掌握知識；應該培養兒童掌握技能或技巧的，就培養兒童掌握技能或技巧。

大綱規定六個主要部分的知識範圍和要求如下：

(一) 整數和整數四則運算的鞏固知識，口算、筆算和珠算的技巧。

(二) 市制和公制兩種度、量、衡單位以及时間單位的鞏固知識，用這些單位實際測量的技能；複名數四則運算的技巧。

(三) 几何的初步知識和實際應用這些知識的技能。

(四) 簡單的分数、小数、百分数的初步知識和簡單的运算技巧。

(五) 簡單的統計图表和簡單的簿記的初步知識。

(六) 解答儿童容易理解的算术应用題的技能。

上述六个部分是小学算术教学的主要內容。并且以初步知識、巩固知識、技能、技巧等詞来規定各部分的知識範圍和要求。

为什么大綱規定这六部分的知識範圍与要求有大小高低的差別？主要有兩個原因：

(1) 为了突出整数是主要部分，要求教师用大部分時間进行教学，因此就不得不对其他部分縮小一些范围，提出相应的要求。

(2) 有些知識，如分数、小数、百分数和几何等，在小学学习只是为了奠立初步基础，到中学还要学习。

整数和整数运算是数学中最基本的也是最簡單的知識，在日常生活中生产劳动中应用最广，也是学习其他部分知識的基础，大綱把整数运算列为小学算术教学的主要內容，就是为了使儿童在小学六年里能够自觉地、正确地、迅速地掌握这部分知識、技能与技巧，并运用这些知識、技能与技巧去解答算术应用題和解决日常生活中簡單的計算問題。这与前大綱（草案）比較一下，要求要高得多。所以，教师在算术教学中必須把整数和整数运算列为重点，使学生真正掌握这部分的知識、技能和技巧。这样，才能达到算术教学的教养目的。

算术教学的教育目的

在算术教学的过程中，完成教养任务的同时，要完成教育的任务。大纲提出的教育目的为发展儿童的智慧和培养儿童的道德品质。

在算术教学中，发展儿童的智慧，特别要注意发展儿童的逻辑思维。逻辑思维就是正确的有系统的有证有据的思维。算术科是知识体系具有条理分明、前后连贯性质的学科，儿童在循序渐进地获得算术知识的同时，逻辑思维也随之而发展。因此，算术教学对儿童逻辑思维的培养比其他学科有较大的作用，也应负起较多的责任。在算术教学中，常运用实物、直观教具引导儿童观察、认识事物外部的联系，进而比较它们之间的异同，抽出其基本的共同的特征，形成各种概念，成为构成知识、技能和技巧的基础。在形成各种概念的过程中，就能够培养儿童的抽象思维能力。儿童的思维是形象的思维，抽象思维能力比较薄弱，因此，算术教学的直观性必须加强。但也不可能停留在直观阶段，在直观的基础上还必须引导儿童进行各种抽象的思维活动，概括其共同特征。这样，才能形成概念，获得知识。

在计算式题和解答应用题的过程中，常常要进行分析、综合的思维。分析是把一个整体分解为各个组成部分来研究；综合是把各个组成部分结合为一个整体来研究。分析、综合的思维是在算术教学中经常要运用的，也是发展比较快的，尤其在解答应用题的时候。另外，在小学算术教学中还要常常进行推理的思考，就是在解答简单应用题的时候，也

要常运用到簡單的推理。我們在教學中必須注意培养兒童分析、綜合、推理等思維能力。因为分析、綜合、推理等都是邏輯思維的各种形式，都是掌握知識必要的条件，同时，这些思維能力也是在掌握知識中发展起来的。

发展兒童的思維与发展兒童的語言是联系着的。当兒童对某种事物形成一种概念时，必須要用一种数学名詞或术语来表达，而这些名詞和术语的特点一般是简洁、清晰、准确的。因此，当兒童掌握了这些名詞和术语，在日常生活和学习中运用这些名詞和术语正确地提出問題并准确地回答問題的时候，这也就把語言表达能力提高了一步。

大綱指出，解答应用題可以发展兒童的思維，特別是解答某些較复杂的应用題，目的就是为了发展兒童的思維能力。但解答应用題也可以发展兒童的想象力。兒童解答应用題时，必須根据应用題的条件，設想事实上数量間的相依关系，并作出結論。普乔柯說：“解答应用題就是思維和想象联合活动的結果。如果解答应用題促成学生思維能力的发展，那么在思維中也使与它相伴隨的創造性的想象力得到发展。”道理也就在此。

在算术教学中还可以培养兒童的道德品質。例如，兒童在解答較复杂的算术应用題时，需要严密的思考，逐步地假設、推理和証驗，这就能培养他們刻苦鑽研、克服困难、有始有終等坚强的意志和性格；兒童在測量或演算問題时，力求做到正确、迅速、檢查核对，这就可以培养他們做事仔細、認真、敏捷的习惯；兒童在做書面作业时，力求整洁、美觀，这就可以养成他們的愛美觀念。

算术教学的教育任务是在傳授知識过程中加以实现的，

并不需要在傳授知識時額外再進行教育工作。通過應用題內容中所反映的生動實際的現實事物，自然也就会使兒童受到感染，從而培养了他們的道德品質。例如，在算術教學中進行愛國主義教育，就不需要孤立地講道理，從有關祖國歷史、地理等各方面實際數字的具體運算中，自然也就可以使兒童認識祖國的偉大，從而也就培养了他們的愛國主义思想。

大綱還告訴我們，算術教學應該使數與量成為兒童觀察周圍現實的工具，也就是說，要注意對兒童進行政治思想教育，以及培养兒童科學世界觀的初步基礎。例如，把我國偉大的社會主義建設成績，勞動模範的生產紀錄，祖國的丰富資源，編成各類應用題，讓學生演算，這就很自然的向兒童進行了政治思想教育。

由於算術教學與實際生活相聯繫，與生產勞動相聯繫，使數與量成為兒童觀察周圍世界的工具，就可使兒童認識到客觀世界是物質的，是可以度量的；也可以使他們体会到事物之間是互相聯繫的，而且是不斷變化的。從各種數字材料的運算中，也能使兒童初步認識到一些自然界與社會生活的簡單規律。這就給兒童初步打下了科學世界觀的基礎。

算術教學的實用目的

大綱對於算術教學的實用目的，提的特別明確，從下列三方面可以看出來：

(一) 大綱把珠算列在整數運算的範圍內，並且和口算、筆算放在同等重要的地位上，這就為兒童小學畢業後參

加生产劳动創造了有利条件。因为珠算在实际生活中应用很广，而且計算迅速，使用方便。当然，口算和笔算应用也很广泛，同时又是珠算的基础，所以也很重要，在算术教学中不能有所偏廢。

(二) 大綱新增加了簡單統計图表和簡單簿記一部分內容，这不仅是儿童在日常生活应用中所需要的，而且也是小学毕业后参加生产劳动必不可少的知識。

(三) 大綱特別重視在日常生活中有广泛应用的技能与計算的培养。如口算的技巧，測量的技能，解答日常生活中应用題的技能等。

算术教学实用的目的，就是要提高学生实习作业的質量，把算术教学与他們生活实际联系起来，从而培养他們各种实用技巧，使学用一致，并为今后参加生产劳动做好准备。如果算术教学局限于計算式題与解答应用題，那是不够正确的。

由此可知，算术教学的目的是多方面的，但这些方面不是彼此孤立的，而是相互联系的，因此，必須在統一的教学过程中实现。

明确了算术教学的目的之后，下面再来談談确定算术教学目的根据。第一，算术教学的目的是为实现小学教育总的目的而制定的。小学教育总的目的在于培养儿童成为全面发展的社会主义的建設者和保卫者。小学毕业生除小部分升入初中繼續学习外，大部分要成为具备一定的政治、文化水平和健康体魄的劳动者。因此，算术的教学目的就必须为这个总的目的服务。第二，算术教学的目的必须符合四二制小学教

學計劃的精神。四二制的小學教學計劃規定，加強體育和開始實施基本生產技術教育，並減輕學生過重的負擔，同時在教學時間上也作了適當的精簡。根據這個計劃的精神，並根據算術科的特點，確定這科的教學目的是讓兒童學習些基礎知識並獲得些技能、技巧，能在日常生活中廣泛地運用，為今后參加勞動生產準備良好條件，或為進一步學習數學奠立基礎。第三，算術教學的目的必須切合於兒童的年齡特徵。小學兒童一般年齡在7歲至12歲之間，生活經驗不夠豐富，抽象思維還沒有充分發展，因此只能要求他們學習些簡單的基本的算術知識和計算技巧。只有這樣，才符合於可接受性原則。

在教學中，我們在各科教學中都力求做到：每一科教學，又對照著各科教學的內容，使各科教學互相配合，以便使學生在各科教學中，能更深刻地理解各科知識，並能更正確地掌握各科知識。在教學中，我們在各科教學中，都力求做到：每一科教學，又對照著各科教學的內容，使各科教學互相配合，以便使學生在各科教學中，能更深刻地理解各科知識，並能更正確地掌握各科知識。

小學算術教學的內容，是根據小學兒童的年齡特徵，並根據小學四年級學生的知識水準來編寫的。這四年的學習內容，大致可以分為兩部分：第一部分是關於數的知識，第二部分是關於量的知識。這兩部分的內容，都是根據小學四年級學生的知識水準來編寫的。這兩部分的內容，都是根據小學四年級學生的知識水準來編寫的。

第二章 小学算术教学內容

大綱的說明部分，对于小学算术教学內容六个主要部分作了扼要的說明，并对口算、珠算作了簡單的介紹。本章按大綱的順序，分六节来分析，并把口算、珠算合併在整数部分敍述。

第一節 整 数

整数部分的教学要求

整数部分的教学任务，是使儿童获得整数和整数四則的巩固知識，口算、笔算和珠算的技巧。这部分的教学要求如下：

(一) 要求儿童“熟悉每种运算中所用的术语”。这些术语是：加、減、乘、除；加数、和；被減数、減数、差；被乘数、乘数、积；被除数、除数、商、余数……怎样才算熟悉每个术语呢？首先讓儿童掌握一定的概念，然后把概念和术语結合起来，并且能自觉地运用术语。

(二) 要求儿童“熟練地掌握笔算的技巧”。即要达到自觉地正确地和迅速地运算的目的。

(三) 要求儿童“知道每种运算中各組成部分間的相互关系，并且能够利用这些关系对运算所得的結果进行驗算”。

如乘法的各組成部分間的相互关系是倍数关系，积是被乘数的倍数，也是乘数的倍数。因此，就可利用这种关系进行驗算。用积除以乘数得商和被乘数同，用积除以被乘数得商和乘数同，就証明运算正确，否則就不正确。

(四) 要求儿童“明白每种运算的意义，并且知道每种运算的基本应用情况”。例如，明白減法是已知和与一个加数求另一个未知加数的方法；又如減法的应用有：求剩余数、求比一个数少几的数、求差、求減数、求加数等五种情况。

(五) 要求儿童“在口算和笔算里能够利用运算的基本性質，并且能够把加法交換性質和乘法的交換性質表述出来”。如計算： $25 \times 7 \times 4 = 25 \times 4 \times 7 = 100 \times 7 = 700$ ，利用乘法交換性質，用口算方式計算，就显得簡捷。

以上五項要求是小学整数部分教学的指标。

整数部分的教学內容

大綱对于整数部分的教学內容，是按螺旋式排列的，即分做几个阶段。从数的范围大小来分，有：10以內的数、20以內的数、100以內的数、1000以內的数、百万以內的数、多位数六个阶段。从計算形式上来分，有：口算、笔算和珠算。如果綜合起来，即分做口算的三个阶段、笔算的三个阶段和珠算。下面就分別談談这三个問題。

(一) 口算的三个阶段

口算也称做心算，是一种不用算草直接求出答数的計算形式。它不同于笔算和珠算，笔算是要写出算式才能求出答数的計算方式，珠算是运用算盤求出答数的計算方式。

为什么要重視口算？这是因为：第一，口算在日常生活中有广泛的用途，其特点是計算迅速、方便，百以內数的計算，一般都可用口算；第二，口算的練習和口算方法的選擇，可以启发儿童的思維、机智、注意力和想象力；第三，口算是笔算的基础。例如，用笔算方法計算 $3765 + 4784 = ?$ 由个位加起，就包括这样一些口算： $5 + 4 = 9$ ， $6 + 8 = 14$ ， $1 + 7 + 7 = 15$ ， $1 + 3 + 4 = 8$ ，口算熟練的，学习笔算就很順利。下面就談談口算的三个阶段。

(1) 10以內的計算 这阶段的学习內容有：①10以內各数的数法、讀法和寫法；②10以內的加法和減法。

这阶段的特点和要求：①这阶段是儿童开始系統學習算术的阶段，也是最重要的阶段。这阶段只学习10以內的加法和減法，一般是儿童比較容易接受的。②这阶段要求儿童会認、会寫10以內各个数字，并具有各个数字的具体概念，因为这些数字是組成任何整数的要素。③要求儿童用数数法学会10以內的加法、減法，因为这样，有利于对10以內各数的認識。

(2) 20以內的計算 这阶段的学习內容有：①20以內数的数法、讀法和寫法；②20以內的加法和減法，其中又分为超十的加法、減法和不超十的加法、減法兩個課題（原来大綱草案把“不超十的加法、減法和超十的加法、減法”說为“不进位加法、不退位減法和进位加法、退位減法”是不确切的，例如， $18 + 2 = 20$ ，过去是放在“不进位加法”里学习，实际上它是进位的加法，这就不大妥当，而現在称它为不超十加法就比較确切）；③20以內的乘法和除法。

这阶段的特点和要求：①計算按口算方法的步驟进行，

不是用数数的方法了。②拿十作为新的計數單位，兒童初步有了数的十进位制的觀念。③要求兒童掌握完整的加法表和減法表，为以后学习加法和減法打下基础。④这阶段开始学习乘法与除法，要求兒童熟記20以內的乘法表，初步認識乘法表的結構。

(3) 100以內的計算 这阶段的学习內容有：①100以內各数的数法、讀法和写法；②100以內整十数四則的計算；③100以內的加法和減法；④乘法表与除法表；⑤表外的乘法和除法。

这阶段的特点和要求：①兒童認識百是10个10構成的，在十是10个1構成的概念上又扩展了一步，并用“十”做單位来計算，这样就为学习任意兩位数的加法、減法打下了基础。②兩位数加減法在实际生活中有广泛的应用，併在一起学习，不但能巩固20以內数的加減法的技巧，而且也为学习多位数加減法打下基础。③学习全部乘法表、与乘法表相应的除法，以及表外的乘除法，是学习多位数乘除法的基础。

大綱規定，第一和第二学年以及第三学年的第一学期計算方式都是口算。但在第三学年以后，每一学年都还應該进行口算練习。这是因为：第一，口算計算范围还可以扩大，比百大的数能够划入百以內計算，就可以采取簡捷的口算計算法，如湊成整百、整十数的口算計算法，利用加法和乘法交換性質进行計算的口算計算法，利用連乘法或連除法进行計算的口算計算法。第二，为了提高口算的速度，培养兒童的口算技巧。第三，因为小学算术教学內容各个部分，如分數、小数、百分数，量度單位，以及应用題等，都应用到口算，所以要反复練习口算。