

$\times$   $\div$   $\sqrt{\quad}$   
**速算**  
 $+$   
**技巧**



陈启鸿 编著

冶金工业出版社

# 速算技巧

陈启鸿 编著

北京

冶金工业出版社

1995

**(京)新登字 036 号**

**图书在版编目(CIP)数据**

**速算技巧/陈启鸿编著. —北京:冶金工业出版社,  
1995. 4**

**ISBN 7-5024-1676-5**

**I. 速… II. 陈… III. 速算-技能 IV. 0121.4**

**中国版本图书馆 CIP 数据核字(95)第 01346 号**

**出版人 陈启云(北京沙滩高视院北巷 39 号,邮编 100009)**

**北京昌平百善印刷厂印刷;冶金工业出版社发行;各地新华书店经销**

**1995 年 5 月第 1 版,1995 年 5 月第 1 次印刷**

**787mm×1092mm 1/32;6.125 印张;134 千字;188 页;1—7000 册**

**8.00 元**

# 前 言

数的加、减、乘、除，有时可以利用数与数之间的特殊关系进行运算，以提高运算速度。这种方法称为速算。

在社会经济领域的各个方面，都离不开计算工作，经济愈发展，经济计算工作愈重要。随着我国社会主义市场经济的发展，越来越多的人迫切需要掌握计算技术，以适应生产、生活中的各种计算工作，而速算又是各种计算工作的组成部分。实践告诉我们：应用与练习速算，不仅可以减轻计算工作量，提高学习与工作效率，而且还可以加快生活节奏，调节大脑功能，开发智力，有益于提高思维和推理能力。

《速算技巧》从数与数之间的特殊关系出发，应用数学有关公式、数表和原理，介绍了加、减、乘、除、乘方、开方速算和验算方法的技巧。其中完全高次乘方数开高次方，是根据高次乘方的规律，经分析、归纳，结合数理推导出开高次方求两位和三位根的速算方法，对开拓速算开高次方的计算领域有所裨益。

为了便于应用，促进思考，举一反三，对运算方法和推导过程均作了相应的算理论证和说明。

本书不足之处，恳请读者批评指正。

编者

1994 年 10 月

## 序

速算,是利用数与数之间的特殊关系,数的运算规律、性质等,对数的加、减、乘、除、乘方及开方等进行简捷的运算。速算的方法较多,一般可归纳为:应用数学公式进行速算、应用数表进行速算及改变运算程序和方法进行速算等。速算适用于笔算、珠算、心算(脑算)和珠算式心算(珠算式脑算)。

在社会经济领域的各个方面和日常经济生活中,都离不开计算工作,而速算又是各种计算工作的组成部分。应用速算,有助于减轻计算工作量,赢得时间,提高学习和工作效率。

练习速算,能锻炼人们的逻辑思维,提高分析能力。经常运用速算,可以加快生活节奏,开发智力,培育思维的敏捷性、灵活性和广阔性。思维是智力的核心,思维越敏捷、广阔、灵活,智力也就越发达,在经济工作中,比如:有关经济预测、分析和参与经营决策等经济活动,就能较容易地探求最佳方案,取得较好效果。

速算在应用时,一般都有它的特定要求,也就是在运算时要具有一定的条件。为便于应用,促进思考,帮助记忆,举一反三,本书对运算方法和推导过程均作了相应的论证和说明。

# 目 录

序

|                                      |       |
|--------------------------------------|-------|
| 第一章 加减法速算.....                       | (1)   |
| 第一节 加法速算.....                        | (1)   |
| 第二节 减法速算 .....                       | (27)  |
| 第三节 加减混合速算 .....                     | (34)  |
| 第二章 乘法与乘方速算 .....                    | (41)  |
| 第一节 乘法速算 .....                       | (41)  |
| 第二节 乘方速算 .....                       | (78)  |
| 第三章 除法速算 .....                       | (90)  |
| 第四章 开方速算.....                        | (112) |
| 第一节 被开方数为完全乘方数的开方速算.....             | (112) |
| 一、开平方 .....                          | (112) |
| 二、开立方 .....                          | (122) |
| 三、开四次方 .....                         | (133) |
| 四、开五次方 .....                         | (139) |
| 五、开七次方、九次方、.....根指数为奇数的<br>高次方 ..... | (150) |
| 六、开六次方、八次方、.....根指数为偶数的<br>高次方 ..... | (157) |
| 第二节 被开方数为非负数的开方速算.....               | (166) |
| 第五章 验算方法.....                        | (177) |

|                 |       |
|-----------------|-------|
| 第一节 还原验算法.....  | (177) |
| 第二节 九余数验算法..... | (179) |
| 参考文献.....       | (188) |

# 第一章 加减法速算

在实际计算工作中,加减法的运算非常广泛,同时,它又是乘除计算的基础。加减法速算,是以基本方法为基础,按照数字的特点,简化计算过程的一种运算方法。下面介绍有关加减法的速算方法。

## 第一节 加法速算

将两个或若干个数合并成一个数的运算方法叫做“加法”。在加法运算中,相加的两个或若干个数叫做“加数”,第一个数又叫“被加数”,合并成的数叫做“和数”。用算式表示两个数相加为: $a+b=c$ , $a$ 与 $b$ 分别是被加数和加数, $C$ 是和数,符号“+”叫做加号。

加法运算的主要性质有“加法交换律”和“加法结合律”。加法交换律和加法结合律是加法运算的基础,应用加法运算的这两个性质,可以使一些计算简捷。

一、几个连续数相加,可用最小的加数与最大的加数之和乘以项数的一半,所得的积就是得数。

根据等差数列前  $n$  项和公式:

$$s_n = \frac{n(a_1 + a_n)}{2} = (a_1 + a_n) \times \frac{n}{2}$$

上式  $a_1$  为等差数列首项, $a_n$  为末项,公差为 1(即连续数), $s_n$  为前几项之和。

〔例 1〕 求  $1+2+3+4+\cdots+48+49+50$  之和



解  $a_1=1 \quad a_n=50 \quad n=50$

$$\begin{aligned}\text{原式} &= (1+50) \times \frac{50}{2} \\ &= 51 \times 25 \\ &= 1275\end{aligned}$$

〔例2〕 求  $896+897+898+899+900+901$  之和

解  $a_1=896 \quad a_n=901 \quad n=6$

$$\begin{aligned}\text{原式} &= (896+901) \times \frac{6}{2} \\ &= 1797 \times 3 \\ &= 5391\end{aligned}$$

二、在等差数列里，如果项数是奇项，必有一个中项（即中间项），用这个中项乘以项数，所得的积就是这个数列的总和。

设等差数列为： $a_1, a_2, a_3, \dots, a_m, \dots, a_{n-1}, a_n$ ，其中  $a_m$  为中项， $n$  为奇数， $a_1$  为首项， $a_n$  为末项，该数列的公差为  $d$ ，和数为  $s_n$ 。

根据等差数列的通项公式：

$$a_n = a_1 + (n-1)d$$

$$a_m = a_1 + (m-1)d$$

$$\text{又 } m = \frac{n+1}{2}$$

由求和公式得：

$$\begin{aligned}s_n &= \frac{n(a_1 + a_n)}{2} \\ &= \frac{n(a_1 + a_1 + (n-1)d)}{2} \\ &= n(a_1 + \frac{n-1}{2} \times d) \\ &= n(a_1 + \frac{n+1-2}{2} \times d)\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
&=n\left\{a_1+\left(\frac{n+1}{2}-1\right)d\right\} \\
&=n[a_1+(m-1)d] \\
&=a_m n
\end{aligned}$$

即 和数=中项×项数

〔例 3〕 求  $15+18+21+\underline{24}+27+30+33$  之和

解  $n=7 \quad a_m=24$

$$\text{原式}=24 \times 7$$

$$=168$$

〔例 4〕 求  $218+226+\underline{234}+242+250$  之和

解  $n=5 \quad a_m=234$

$$\text{原式}=234 \times 5$$

$$=1170$$

三、在等差数列里,如果项数是偶数,可用最小的加数与最大的加数之和乘以项数的一半,所得的积就是这个数列的总和。

可应用等差数列前几项和公式计算,算理同上。

〔例 5〕 求  $1+3+5+7+9+11+13+15+17+19$  之和

解 原式  $= (1+19) \times \frac{10}{2}$

$$=20 \times 5$$

$$=100$$

〔例 6〕 求  $38+44+50+56+62+68$  之和

解 原式  $= (38+68) \times \frac{6}{2}$

$$=106 \times 3$$

$$=318$$

## 练习 1

直接写出下列各题的得数

- (1)  $6+7+8+9+10+11=$
- (2)  $21+22+23+24+25+26+27+28+29=$
- (3)  $426+427+428+429=$
- (4)  $6243+6244+6245+6246=$
- (5)  $7+9+11+13+15=$
- (6)  $18+21+24+27+30=$
- (7)  $326+331+336+341+346=$
- (8)  $4658+4670+4682=$
- (9)  $24+28+32+36+40+44=$
- (10)  $108+116+124+132+140+148+156+164+172+180=$

**四、两数相加之和是 10、100、1000、……等  $10^n$  时，则这两个数互为补数。如果一个或几个加数接近  $10^n$  时，可先把它作为  $10^n$  进行计算，然后减去这个加数的补数。**

设两个加数为  $A$  和  $B$ ，且  $B=10^n-d$  ( $n, d$  为正整数， $d$  为补数)，则

$$A+B=A+10^n-d$$

〔例 7〕 求  $825+987$  之和

**解** 原式  $=825+1000-13$

$$=1825-13$$

$$=1812$$

〔例 8〕 求  $7485+987+996+914$  之和

**解** 原式  $=7485+3\times 1000-(13+4+86)$

$$=10485-103$$

$$=10382$$

$$\begin{aligned}
\text{或 原式} &= 7485 + 1000 - 13 + 1000 - 4 + 1000 - 86 \\
&= 7485 + (1000 + 1000 + 1000) - (13 + 4 + 86) \\
&= 7485 + 3000 - 103 \\
&= 10485 - 103 \\
&= 10382
\end{aligned}$$

速算时,中间运算过程有的可以省略,下同。

**五、如果一个或几个加数接近几十、几百、几千、……等  $m \times 10^n$  整数倍时,可先把它作为几十、几百、几千…… $m \times 10^n$  整数倍进行计算,然后减去多加之数。**

设两个加数为  $A$  和  $B$ ,且  $B = m \times 10^n - d$  ( $m, n, d$  为正整数),则

$$\begin{aligned}
A + B &= A + (m \times 10^n - d) \\
&= (A + m \times 10^n) - d
\end{aligned}$$

**〔例 9〕** 求  $827 + 793$  之和

$$\begin{aligned}
\text{解 原式} &= 827 + 800 - 7 \\
&= 1627 - 7 \\
&= 1620
\end{aligned}$$

**〔例 10〕** 求  $6745 + 8965 + 4896 + 3994$  之和

$$\begin{aligned}
\text{解 原式} &= 6745 + (9000 + 5000 + 4000) - (35 + 104 + 6) \\
&= 6745 + 18000 - 145 \\
&= 24600
\end{aligned}$$

**六、几个比较接近的数相加,以这些加数中最接近的数作为基准数,用它乘以加数的项数,然后加上所有超过基准数的数,减去所有少于基准数之差,就是所求的得数。**

设  $a$  为基准数,  $m$  为与基准数比较的差,根据加法的交换律和结合律:

$$(a + m_1) + (a - m_2) + (a + m_3) + (a - m_4) + \cdots (a -$$

$$m_{n-1}) + (a + m_n)$$

$$= a \times n + (m_1 + m_3 + \cdots + m_n) - (m_2 + m_4 + \cdots + m_{n-1})$$

$$\text{或上式} = a \times n + (m_1 - m_2 + m_3 - m_4 + \cdots - m_{n-1} + m_n)$$

〔例 11〕 求  $78 + 89 + 100 + 108 + 96 + 117$  之和

解 以 100 为基准数,  $n=6$

$$\text{原式} = 100 \times 6 + (8 + 17) - (22 + 11 + 4)$$

$$= 600 + 25 - 37$$

$$= 588$$

$$\text{或原式} = 100 \times 6 + (-22 - 11 + 8 - 4 + 17)$$

$$= 600 - 12$$

$$= 588$$

〔例 12〕 求  $205 + 246 + 206 + 278 + 192 + 256 + 182 + 197$  之和

解 以 200 为基准数,  $n=8$

$$\text{原式} = 200 \times 8 + (5 + 6 + 46 + 78 + 56) - (8 + 18 + 3)$$

$$= 1600 + 191 - 29$$

$$= 1762$$

$$\text{或原式} = 200 \times 8 + (5 + 6 + 46 + 78 - 8 + 56 - 18 - 3)$$

$$= 1600 + 162$$

$$= 1762$$

## 练 习 2

直接写出下列各题的得数

(1)  $746 + 976 =$

(2)  $637 + 897 =$

- (3)  $627+986+894+898=$   
 (4)  $586+887=$   
 (5)  $743+497=$   
 (6)  $8649+8987+7988=$   
 (7)  $78+84+102+96=$   
 (8)  $96+89+87+105+124=$   
 (9)  $196+212+204+187=$   
 (10)  $304+312+296+288+304=$

### 七、一目多行弃九加法。一目多行弃九加法,又称一目多行弃九舍十加法。

多行多位数相加,在最高数位前一位先加  $N$  (最高数位之和不足  $N9$  时可直接相加,  $N$  为  $1, 2, \dots$  正整数,下同),再从最高数位起依次逐位将每个数位上的各个数字相加,满(或凑)  $N9$  就舍去不计,其差数(即超  $N9$  的余数)为本数位的和。末位上的各个数字相加后,则要减去  $N10$ ,其差就是末位之和。这种求和方法称为一目多行弃九法。例如,三行并行相加,可弃一个九(即  $N=1$ );五行相加,可弃两个九,又称弃双九(即  $N=2$ );七行相加,可弃三个九(即  $N=3$ )等。以上分别称为一目三行弃九法、一目五行弃九法、一目七行弃九法、……。

上述  $N = \frac{m-1}{2}$ ,  $m$  为行数,例如:三行并行相加,  $N = \frac{3-1}{2} = 1$ ;五行相加,  $N = \frac{5-1}{2} = 2$ ;七行相加,  $N = \frac{7-1}{2} = 3$  等。

一目多行弃九加法,可从高位起算,也可从低位起算。

上述运算方法,可概述为:前数加  $N$ ,中数弃  $N9$ ,尾数弃  $N10$ 。

前数的确定:以一目三行为例,从高位起算,以三行同位

数之和最先满 9 或超 9 的数位的前一位,即为“前数”。前数可能是首位前一位,也可能是首位或首位后的数位。

中数:“前数”后边的数位,除末尾那一位以外,均称为中数。如果中间数位不足  $N9$  时,每缺一个 9,则前位减 1,本位加 1;超过  $N9$  时,则按位加余数。

尾数:最末尾的数位,称为尾数。尾数不足  $N10$ ,每缺一个 10,则前位减 1;超过  $N10$ ,则在末、十位加余数。

以三行四位整数并行相加为例:

设三个四位数分别为:  $10^3a_1 + 10^2b_1 + 10c_1 + d_1$ 、 $10^3a_2 + 10^2b_2 + 10c_2 + d_2$  和  $10^3a_3 + 10^2b_3 + 10c_3 + d_3$ , 其中  $0 < a_i \leq 9$ ,  $b_i, c_i \geq 0, d_i > 0, i = 1, 2, 3$ 。

求三个四位数之和

$$\begin{array}{r} 10^3a_1 + 10^2b_1 + 10c_1 + d_1 \\ 10^3a_2 + 10^2b_2 + 10c_2 + d_2 \\ + 10^3a_3 + 10^2b_3 + 10c_3 + d_3 \end{array}$$


---

又设  $a_1 + a_2 + a_3 = 9 + A$

$$b_1 + b_2 + b_3 = 9 + B$$

$$c_1 + c_2 + c_3 = 9 + C$$

$$d_1 + d_2 + d_3 = 10 + D$$

$A, B, C, D$  为正整数。  $N = \frac{m-1}{2} = \frac{3-1}{2} = 1$  (即弃一个 9)

$$\begin{aligned} \text{则 } & (10^3a_1 + 10^2b_1 + 10c_1 + d_1) + (10^3a_2 + 10^2b_2 + 10c_2 + d_2) + (10^3a_3 + 10^2b_3 + 10c_3 + d_3) \\ &= 10^3(a_1 + a_2 + a_3) + 10^2(b_1 + b_2 + b_3) + 10(c_1 + c_2 + c_3) + (d_1 + d_2 + d_3) \\ &= 10^3(9 + A) + 10^2(9 + B) + 10(9 + C) + (10 + D) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
&= (10^3 \times 9 + 10^2 \times 9 + 10 \times 9 + 10) + (10^3 \times A + 10^2 \times B + 10 \times C + D) \\
&= (9000 + 900 + 90 + 10) + (10^3 A + 10^2 B + 10C + D) \\
&= 10^4 + (10^3 A + 10^2 B + 10C + D)
\end{aligned}$$

由上式可以说明：求三个四位数之和，可先在万位写上 1（即  $10^4$ ）；千位写上  $A$ （即  $a_1 + a_2 + a_3$  之和减去或弃 9 的余数）；百位写上  $B$ （即  $b_1 + b_2 + b_3$  之和减去或弃 9 的余数）；十位写上  $C$ （即  $c_1 + c_2 + c_3$  之和减去或弃 9 的余数）；而个位写上  $D$ （即  $d_1 + d_2 + d_3$  之和减去 10 的余数）。

（一）一目三行弃九加法。一目三行弃九加法，即前数加 1，中数弃 9，尾数舍 10， $m=3$  行， $N=\frac{m-1}{2}=\frac{3-1}{2}=1$ 。

〔例 13〕

$$\begin{array}{rcccccc}
& 6 & 2 & 8 & 4 & 3 & 2 \\
& 3 & 5 & 4 & 5 & 6 & 8 \\
+ & 4 & 7 & 5 & 8 & 5 & 4 \\
\hline
1 & 4 & 5 & 8 & 8 & 5 & 4
\end{array}$$

说明：

（1）十万位满 9，确定前一位（即百万位）为“前数”，前数加 1；

（2）十万位三笔数 6、3、4，弃 9 后余 4；

（3）万位三笔数 2、5、7，弃 9 后余 5；

（4）千位三笔数 8、4、5，弃 9 后余 8；

（5）百位三笔数 4、5、8，弃 9 后余 8；

（6）十位三笔数 3、6、5，弃 9 后余 5；



(7)个位三笔数 2、8、4,弃 10 后余 4。

本例从高位起算,也可从低位起算。在实际工作中,三笔数不必相加后减 9,而是应用直观方法凑、配弃 9(以下同)。

〔例 14〕

|       |                                                 |   |   |   |   |   |
|-------|-------------------------------------------------|---|---|---|---|---|
|       | 4                                               | 6 | 5 | 4 | 3 | 8 |
|       |                                                 | 1 | 9 | 2 | 5 | 6 |
| +     | 3                                               | 8 | 7 | 0 | 6 | 5 |
| <hr/> |                                                 |   |   |   |   |   |
|       | 8                                               | 6 | 2 | 6 | 5 | 9 |
|       | +1 <sup>①</sup> -1 <sup>②</sup> +1 <sup>③</sup> |   |   |   |   |   |
| <hr/> |                                                 |   |   |   |   |   |
|       | 8                                               | 7 | 1 | 7 | 5 | 9 |

说明:

(1)十万位二笔数 4、3,不足 9,确定十万位为“前数”,前数加 1 为 8;

(2)万位三笔数 6、1、8,弃 9 后余 6;

(3)千位三笔数 5、9、7,弃 9 后余 12,在万位加 1,本位为 2;

(4)百位三笔数 4、2、0,不足 9,前位减 1,本位余数 6 加 1;

(5)十位三笔数 3、5、6,弃 9 后余 5;

(6)个位三笔数 8、6、5,弃 10 后余 9。

本例从低位起运算如下:

- 
- ① 见本例说明(3);
  - ② 见本例说明(4);
  - ③ 见本例说明(4)。