

应用线性回归 模型

〔美〕约翰·内特
威廉·沃塞曼
迈克尔·H·库特纳 著
张勇 王国明 赵秀珍 译
中国统计出版社



应用线性回归模型

〔美〕 约翰·内特
威廉·沃塞曼 著
迈克尔·H·库特纳 译
张勇 王国明 赵秀珍

下划线出版社

John Neter William Wasserman
Michael H. Kutner

APPLIED LINEAR REGRESSION MODELS

First edition

RICHARD D. IRWIN, INC., 1983

本书根据1983年版本译出

应用线性回归模型

YINGYONG XIANXING HUIGUI MOXING

〔美〕约翰·内特 威廉·沃塞曼 迈克尔·H·库特纳 著

张勇 王国明 赵秀珍 译

中国统计出版社出版
新华书店北京发行所发行
北京市通县永乐印刷厂印刷

850×1168毫米 32开本 20.125印张 50万字
1990年6月第1版 1990年6月北京第1次印刷

印数：1—3500

ISBN 7-5037-0335-0/O.6

定价：9.70元

2011/4/11/19

译者序

当前，社会、经济和科学技术在高速发展，许多过去被认为是纯理论的知识，现在已被广泛应用于实际，同时在实际应用中得到提高、充实。线性回归模型就是这样一种知识。经国内外有关专家、学者推荐，我们对美国的《应用线性回归模型》一书进行了认真阅读和研究，认为它是一本有特色的教材，因此把它翻译过来介绍给我国读者。

本书的最大特点是应用性强。我国目前已出版了几种介绍线性回归模型的书，但都是侧重于数理推导，很少涉及应用问题。本书主要介绍线性回归模型在实际中的应用，以解决实际中存在的有关问题。要用模型分析社会、经济、科学技术中存在的问题，除了认识这些问题外，还要对建立模型的条件有明确的认识，清楚模型的参数意义和有关概念，本书对这些内容作了强调和认真的解释，并使用不同的模型对同一问题进行拟合，比较结果，使读者能够掌握有关建模方法，对实际问题进行分析、应用。

本书涉及的应用范围很广，介绍了线性回归模型在工商管理、经济、社会、卫生和生物科学等方面的应用，举了大量例子，分析了很多案例。此外，作为教材，它适用的层次也多，既可用作研究生之教材，也可用作本、专科学生之教材，还可以用作在职工作人员培训之教材或自学教材。读者可以根据时间和需要情况，有选择地学习有关内容。

本书另一特点是通俗易懂。本书是为应用者准备的，全书见不到繁琐的数学推导。它采用深入浅出、循序渐进的方法较系统地介绍了应用线性回归模型的知识，文理清晰，逻辑性强，叙述严谨，理论基础坚实。在重要的地方，书中多给出了直观、简练的描述证明，使读者容易领会其实质。具有不同学科背景的人通

过阅读此书都能得到裨益。如果说读者初学时尚有恐惧心理，当学完此书后，定会觉得既对有关知识有了全面的了解，又能在学习过程中轻松自如。

如何处理好学科之间的关系，使读者既能掌握本学科知识，又能了解和运用有关学科知识而不相互重复内容，是教科书中较难解决的问题。本书较好地处理了这个问题，比如计算机应用知识的介绍，有些经验是值得我们借鉴的。

书中安排了大量练习，并把它们分为三类，分别称为问题、习题和补充题。读者可以选做一些练习，以巩固各章所学的知识。

为了展现原著原貌，我们在翻译过程中忠实原文，没作改动。但由于译者水平有限，误译之处难免，欢迎读者指正。本书第一章至第五章由张勇翻译，第八、九、十一、十二、十三、十四、十五章由王国明翻译，第六、七、十章由赵秀珍翻译。张勇做了全稿的整理工作。

译者

1988.3.1

作 者 序

《应用线性回归模型》是《应用线性统计模型》回归部分的修订。有鉴于近年来回归分析的许多重要发展，亟需单独出版专书，以提供回归模型的修正和最新处理。《应用线性统计模型》一书的其他部分现在正在修订，修订以后将要出版。

线性回归模型当前在工商管理、经济、社会、卫生和生物科学等方面都有广泛应用。要成功地应用这些模型，对基础理论以及在现实中利用模型时会遇到的实际问题，都需要有充分的理解。《应用线性回归模型》基本上是一本应用的书，它试图把理论与实际有效地结合起来，避免两种极端，或者孤立地讲解理论，或者在没有必要理论基础的情况下只讲应用方法。

《应用线性回归模型》在许多重要方面与《应用线性统计模型》不同。

1. 增加了一些重要的新专题，如多重共线性的检测、岭回归、强影响观察值的检测以及非线性回归。近年来，检测多重共线性和强影响观察值等方面有值得注意的新发展，现代回归分析教科书需要适当地包含这些专题。此外，我们还增加了一些特殊专题，诸如统计检验的 P 值以及最小绝对离差方法等。

2. 重新组织和扩充了一些专题，包括加权回归、自变量的选择以及正态概率图等。同时，我们还根据教学经验，大量地修订了另一些内容，以便讲解时更加清楚明了。

3. 例子的范围，除工商管理、经济和社会科学的应用外，还扩大到卫生和生物科学的应用。在所有的情况下，一般读者都能容易理解。

4. 介绍了大量的计算机图，以说明回归分析中计算机图示的用途。

5. 增加了两大组实际数据资料，它们可以不同方式加以使

用。

6. 最后，大大地增加了每章结束后的练习材料，并把它们分为三类，分别称为问题、习题和补充题。问题部分是基本的问题和难题；习题部分是概念性和理论性的问题；补充题部分是利用大量数据，进行大量计算和分析的问题。

这本书不仅包括较传统的回归专题，而且包括实际中通常被忽视的重要专题。所以，我们专门用一章讲指示变量，包括应变量指示变量和自变量指示变量。另有一章专讲用计算机选择回归模型中一组“最佳”自变量的方法。应用残差分析检验模型的适度在全书中是个重复的主题。同时还讨论了模型不合适时所用的补救方法。在分析研究结果时，我们强调使用估计方法，而不是检验，因为在实际中，估计通常更有意义。另外，因为实际问题很少只与单个估计有关，所以我们强调使用联合估计方法。

我们根据很好理解应用问题所需要的程度介绍理论概念。在那些我们认为能说明重要方法的例子中给出证明。本书主要强调对模型的透彻理解，特别是理解模型的参数意义，因为只有这样才能进行适当的应用。我们用许多不同的案例来说明理论原理的运用，以显示回归模型应用的广泛多样性以及对不同问题进行分析的方法。

我们在每一章中，以“注”和“说明”的形式，给出问题进展主流的有关补充讨论情况和材料。这样，每章的基本观点可以得到简明的表述而不被打乱。同样，供选择的“专题”章节补充了那些讲述主要发展的章节，提供了各种附加专题，在多数情况下，这些附加专题可以省略而不致破坏内容连续性。

回归模型的应用通常需要进行大量计算，我们设想在大多数应用工作中可以利用计算机，而且几乎每个计算机使用者都接触过回归分析的程序软件。所以，我们解释拟合回归模型的基本数学步骤，而不详细讲述计算过程。这样，我们可以避免许多复杂的计算公式，而把主要精力放在基本原理上。在本书中，我们大量地使用计算机进行计算，说明了各种计算机的打印输出结果，

并解释了如何使用这些结果进行分析。

每章（第一章除外）的后面附有选题，供读者加深对方法的理解，并利用学过的概念来分析资料。我们还仔细地提供了反映真实应用的资料分析问题。对大多数问题，最好使用计算器或计算机进行处理，我们主张只要有可能就要利用这条途径。

我们设想《应用线性回归模型》的读者已具有统计推断的入门知识，即第一章列出的内容。读者可以根据自己的情况，选读该章的有关部分；任课教师也可以使用一些补充材料以补不足。第一章主要是当作基本统计结果的一个参考章节，读者在阅读全书时会不断地使用它们。

学习《应用线性回归模型》不需要微积分知识。在某些例子中，我们使用微积分证明一些重要结果是如何得到的，但这些证明都放在补充的“说明”和“注”中，可以省略掉而不影响本书的连续性。具有微积分知识的读者，将按自然的顺序发现这些“说明”和“注”，从而可以直接得到数学推导的益处。在多元回归中需要一些矩阵代数的知识，为了便于学习，第六章针对简单回归介绍了这些矩阵代数的基本知识。

《应用线性回归模型》可用作本科生或研究生的回归分析教程，也可以用作应用统计的第二教程。不同的课程可根据时间的安排和本课程的目的选用本教科书的内容。第二、三、四、五（只包括第一节至第四节）、六、七、八和十二章介绍回归的基本知识。有兴趣者如果时间允许可学习第九、十、十一、十三、十四和十五章。

从事工商管理、经济、社会、卫生和生物科学的人员如想获得应用回归模型的知识，也可以把本书作为自学课本。

写这样一本书，没有其他人的大力帮助是不可能完成的。我们感谢许多为发展本书理论和实际作出过贡献的人，也感谢我们的学生用不同的方式帮助我们，以改进本书所介绍的各种方法。我们感谢许多本书的使用者，他们根据教学经验，给我们提供了意见和建议。我们还要感谢密苏里大学的 J.E. 霍尔斯坦教授和

西佛罗里达大学的 D.L. 谢里教授，他们仔细地审阅了全书并提出了建议。R.L. 沃格尔孜孜不倦地帮助我们校核了书稿，我们向他表示感谢。M.J. 林使用 Zeta 型 3600 作图机画出了计算机图，G. 柯特森尼斯和山本志筑 (Shizuki Yamamoto) 用其他方法帮助我们检查了计算结果，R. 巴格特完成了几乎所有的打字任务，能干地处理了困难的书稿准备工作。我们向所有给我们帮助的人表示感谢。

最后，我们的家庭成员耐心地承担了因为我们修订此书而带来的负担，我们感谢他们的理解。

约翰·内特 (John Neter)

威廉·沃塞曼 (William Wasserman)

迈克尔·H·库特纳 (Michael H. Kutner)

目 录

第一章 概率和统计的基本结果	(1)
1.1 求和算符与乘积算符.....	(1)
1.2 概率.....	(2)
1.3 随机变量.....	(3)
1.4 正态概率分布及有关分布.....	(6)
1.5 统计估计.....	(9)
1.6 正态总体均值的推断.....	(10)
1.7 两个正态总体均值的比较.....	(13)
1.8 正态总体方差的推断.....	(16)
1.9 两个正态总体方差的比较.....	(17)
第一部分 基础回归分析	(21)
第二章 一元线性回归	(23)
2.1 变量之间的关系.....	(23)
2.2 回归模型及其运用.....	(26)
2.3 未指定误差项分布的回归模型.....	(30)
2.4 回归函数的估计.....	(34)
2.5 误差项方差 σ^2 的估计	(45)
2.6 正态误差回归模型.....	(48)
2.7 计算机输入和输出.....	(52)
第三章 回归分析推断	(61)
3.1 关于 β_1 的推断	(61)
3.2 关于 β_0 的推断	(70)
3.3 关于 β_0 和 β_1 推断的几个考虑.....	(72)
3.4 $E(Y_h)$ 的区间估计	(74)
3.5 新观察值的预测	(78)
3.6 应用回归分析中的考虑.....	(84)
3.7 X 是随机的情况.....	(86)

3.8 回归分析的方差分析法.....	(87)
3.9 回归模型中 X 与 Y 之间联系的描述测度.....	(99)
3.10 计算机输出.....	(103)
第四章 模型的适度和补救方法.....	(113)
4.1 残差.....	(113)
4.2 残差图分析.....	(115)
4.3 残差检验.....	(127)
4.4 失拟的 F 检验	(128)
4.5 补救方法.....	(137)
4.6 变换.....	(139)
第五章 回归分析中的联合推断等专题(1).....	(154)
5.1 β_0 和 β_1 的联合估计.....	(154)
5.2 回归线的置信区域.....	(161)
5.3 应变量均值的联合估计.....	(165)
5.4 新观察值的联合预测区间.....	(167)
5.5 过原点回归.....	(169)
5.6 测量误差效应.....	(173)
5.7 加权最小二乘法.....	(176)
5.8 逆预测.....	(182)
5.9 X 水平的选择.....	(185)

第二部分 一般回归和相关分析..... (193)

第六章 简单回归分析的矩阵方法.....	(195)
6.1 矩阵.....	(195)
6.2 矩阵的加法和减法.....	(200)
6.3 矩阵的乘法.....	(202)
6.4 特殊矩阵.....	(207)
6.5 线性相关和矩阵的秩.....	(210)
6.6 逆矩阵.....	(212)
6.7 矩阵的一些基本定理.....	(217)
6.8 随机向量和随机矩阵.....	(218)
6.9 用矩阵表示的简单线性回归模型.....	(221)

6.10 回归参数的最小二乘估计.....	(224)
6.11 方差分析.....	(227)
6.12 回归分析推断.....	(231)
6.13 加权最小二乘法.....	(235)
6.14 残差.....	(236)
第七章 多元回归(1).....	(243)
7.1 多元回归模型.....	(243)
7.2 用矩阵表示的一般线性回归模型.....	(255)
7.3 最小二乘估计量.....	(256)
7.4 方差分析.....	(257)
7.5 回归参数的推断.....	(260)
7.6 应变量均值的推断.....	(262)
7.7 新观察值的预测.....	(265)
7.8 二元回归的一个例子.....	(266)
7.9 标准化回归系数.....	(282)
7.10 加权最小二乘法.....	(284)
第八章 多元回归(2).....	(293)
8.1 多重共线性及其影响.....	(293)
8.2 把 SSR 分解成剩余平方和.....	(305)
8.3 偏判定系数.....	(310)
8.4 关于回归系数的假设检验.....	(312)
8.5 一般线性检验的矩阵形式.....	(318)
第九章 多项式回归.....	(326)
9.1 多项式回归模型.....	(326)
9.2 一元的例子.....	(331)
9.3 二元的例子.....	(340)
9.4 估计二次回归函数的极大(极小)值.....	(345)
9.5 关于多项式回归的进一步说明.....	(347)
第十章 指示变量.....	(357)
10.1 一个品质型自变量.....	(357)
10.2 有交互效应的模型.....	(363)
10.3 复杂模型.....	(369)

10.4 自变量指示变量的其他用途.....	(374)
10.5 使用自变量指示变量的几点考虑.....	(382)
10.6 应变量指示变量.....	(386)
10.7 应变量指示变量的线性回归.....	(389)
10.8 逻辑斯蒂回归函数.....	(394)
第十一章 回归分析中多重共线性、强影响观察值及 其有关专题(2).....	(411)
11.1 为改进计算精度而进行的再参数化.....	(411)
11.2 多重共线性问题.....	(417)
11.3 方差膨胀因子及其他消除多重共线性的方法.....	(426)
11.4 岭回归和多重共线性的其他补救方法.....	(430)
11.5 异常观察值的识别.....	(438)
11.6 强影响观察值的识别及其补救方法.....	(446)
第十二章 自变量的选择.....	(457)
12.1 问题的性质.....	(457)
12.2 例子.....	(459)
12.3 所有可能的回归模型.....	(462)
12.4 逐步回归.....	(472)
12.5 岭回归选元法.....	(479)
12.6 选元方法的实现.....	(480)
第十三章 时间序列数据中的自相关.....	(489)
13.1 自相关问题.....	(489)
13.2 一阶自回归误差模型.....	(493)
13.3 德宾—沃森检验.....	(496)
13.4 自相关的补救方法.....	(501)
第十四章 非线性回归	(514)
14.1 线性、内线性和非线性回归模型.....	(514)
14.2 例子.....	(517)
14.3 非线性回归的最小二乘估计.....	(518)
14.4 关于非线性回归系数的推断.....	(530)
14.5 学习曲线例子.....	(533)
第十五章 正态相关模型.....	(543)

15.1 回归模型和相关模型的区别.....	(543)
15.2 二元正态分布.....	(544)
15.3 条件推断.....	(548)
15.4 关于 ρ_{12} 的推断.....	(553)
15.5 多元正态分布.....	(558)
附表.....	(569)
SENIC 数据表.....	(595)
SMSA 数据表	(602)
中英文名词对照.....	(613)

第一章 概率和统计的基本结果

本章介绍概率和统计的基本结果，作为学习本书的参考知识，供阅读本书时查考。有时读者也可以根据需要，自行参考本章的某些结果。

最好在学习第二章之前先浏览一下本章的概率和统计推断，也可以直接就学习第二章。

1.1 求和算符与乘积算符

求和算符

求和算符 Σ 定义如下：

$$\sum_{i=1}^n Y_i = Y_1 + Y_2 + \cdots + Y_n \quad (1.1)$$

这个算符具有下述重要性质：

当 k 、 a 和 c 是常数时，有

$$\sum_{i=1}^n k = nk \quad (1.2a)$$

$$\sum_{i=1}^n (Y_i + Z_i) = \sum_{i=1}^n Y_i + \sum_{i=1}^n Z_i \quad (1.2b)$$

$$\sum_{i=1}^n (a + cY_i) = na + c \sum_{i=1}^n Y_i \quad (1.2c)$$

双重求和算符 $\Sigma\Sigma$ 定义如下：

$$\sum_{t=1}^n \sum_{i=1}^m Y_{ti} = \sum_{t=1}^n (Y_{t1} + Y_{t2} + \cdots + Y_{tm})$$

$$= Y_{11} + \cdots + Y_{1m} + Y_{21} + \cdots + Y_{2m} + \cdots + Y_{nm}$$

(1.3)

双重求和算符的一个重要性质是：

$$\sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^m Y_{ij} = \sum_{j=1}^m \sum_{i=1}^n Y_{ij}$$

(1.4)

乘积算符

乘积算符 \prod 定义如下：

$$\prod_{i=1}^n Y_i = Y_1 \cdot Y_2 \cdot Y_3 \cdots Y_n$$

(1.5)

1.2 概 率

加法定理

设 A_i 、 A_j 是某样本空间的两个事件，则

$$P(A_i \cup A_j) = P(A_i) + P(A_j) - P(A_i \cap A_j)$$

(1.6)

其中 $P(A_i \cup A_j)$ 表示 A_i 或 A_j 发生，或二者同时发生的概率； $P(A_i)$ 、 $P(A_j)$ 分别表示 A_i 和 A_j 发生的概率； $P(A_i \cap A_j)$ 表示 A_i 和 A_j 同时发生的概率。

乘法定理

设 $P(A_i | A_j)$ 为给定 A_j 已发生时 A_i 发生的条件概率，定义如下：

$$P(A_i | A_j) = \frac{P(A_i \cap A_j)}{P(A_j)}, \quad P(A_j) \neq 0$$

(1.7)

则乘法定理为：

$$\begin{aligned} P(A_i \cap A_j) &= P(A_i)P(A_j | A_i) \\ &= P(A_j)P(A_i | A_j) \end{aligned}$$

(1.8)

对立事件

A_i 的对立事件记为 \bar{A}_i 。对立事件的下列结果很有用：

$$P(\bar{A}_i) = 1 - P(A_i)$$

(1.9)

$$P(\overline{A_i \cup A_j}) = P(\bar{A}_i \cap \bar{A}_j)$$

(1.10)

1.3 随机变量

本节假设随机变量 Y 只取有限个值。（如果 Y 是连续随机变量，可以用积分代替求和过程。）

期望值

设随机变量 Y 的取值为 Y_1, \dots, Y_k ，相应的概率由下列概率函数给出：

$$f(Y_s) = P(Y = Y_s) \quad s = 1, \dots, k \quad (1.11)$$

则 Y 的期望值定义为：

$$E(Y) = \sum_{s=1}^k Y_s f(Y_s) \quad (1.12)$$

期望算符 E 具有一个重要性质，即当 a 和 c 是常数时，有

$$E(a + cY) = a + cE(Y) \quad (1.13)$$

由此可得：

$$E(a) = a \quad (1.13a)$$

$$E(cY) = cE(Y) \quad (1.13b)$$

$$E(a + Y) = a + E(Y) \quad (1.13c)$$

方差

随机变量 Y 的方差用 $\sigma^2(Y)$ 表示，定义如下：

$$\sigma^2(Y) = E\{(Y - E(Y))^2\} \quad (1.14)$$

它的一个等价表达式为：

$$\sigma^2(Y) = E(Y^2) - [E(Y)]^2 \quad (1.14a)$$

经常遇到 Y 的线性函数的方差。我们把 $a + cY$ 的方差记为 $\sigma^2(a + cY)$ ，则当 a 和 c 是常数时，有：

$$\sigma^2(a + cY) = c^2\sigma^2(Y) \quad (1.15)$$

由此可得：

$$\sigma^2(a + Y) = \sigma^2(Y) \quad (1.15a)$$

$$\sigma^2(cY) = c^2\sigma^2(Y) \quad (1.15b)$$

联合、边际和条件概率分布