

高等职业教育通用教材

工程力学

朱熙然 主编
曹严华 王武林 主审



上海交通大学出版社

高等职业教育通用教材
本书出版由上海发展汽车工业教育基金会资助

工 程 力 学

主编 朱熙然
主审 曹严华 王武林

上海交通大学出版社

图书在版编目(CIP)数据

工程力学/朱熙然主编. —上海：上海交通大学出版社
, 1999
ISBN 7-313-02117-8

I. 工… II. 朱… III. 工程力学 IV. 012

中国版本图书馆 CIP 数据核字 (1999) 第 26531 号

工 程 力 学

朱熙然 主编

上海交通大学出版社出版发行

(上海市番禺路 877 号 邮政编码 200030)

电话: 64071208 出版人: 张天蔚

上海交通大学印刷厂印刷 全国新华书店经销

开本: 850mm×1168mm 1/32 印张: 13.25 字数: 338 千字

1999 年 7 月第 1 版 2000 年 1 月第 2 次印刷

印数: 3051~6100

ISBN7—313—02117—8/O·155 定价: 19.00 元

版权所有 侵权必究

高等职业教育通用教材编纂委员会

编纂委员会顾问 白同朔
编纂委员会名誉主任 叶春生 闵光太
编纂委员会主任 张成铭
编纂委员会副主任 黄月琼 王星堂 东鲁红
江才妹 秦士嘉
编纂委员会秘书长 刘伯生
编纂委员会委员(排名不分先后,以姓氏笔划为序):
王星堂 尤孺英 东鲁红 张成铭 冯兴才 华玉弟
庄菊明 刘伯生 朱熙然 朱爱胜 朱懿心 江才妹
杜学诚 何树民 陈志伟 陈友萱 肖华星 罗钟鸣
秦士嘉 唐育正 黄晖 黄著 黄月琼 程宜康
翟向阳
编纂委员会秘书 汤文彬 李阳

序

发展高等职业技术教育，是实施科教兴国战略、贯彻《高等教育法》与《职业教育法》、实现《中国教育改革与发展纲要》及其《实施意见》所确定的目标和任务的重要环节；也是建立健全职业教育体系、调整高等教育结构的重要举措。

近年来，年轻的高等职业教育以自己鲜明的特色，独树一帜，打破了高等教育界传统大学一统天下的局面，在适应现代社会人才的多样化需求、实施高等教育大众化等方面，做出了重大贡献，从而在世界范围内日益受到重视，得到迅速发展。

我国改革开放不久，从 1980 年开始，在一些经济发展较快的中心城市就先后开办了一批职业大学。1985 年，中共中央、国务院在关于教育体制改革的决定中提出，要建立从初级到高级的职业教育体系，并与普通教育相沟通。1996 年《中华人民共和国职业教育法》的颁布，从法律上规定了高等职业教育的地位和作用。目前，我国高等职业教育的发展与改革正面临着很好的形势和机遇：职业大学、高等专科学校和成人高校正在积极发展专科层次的高等职业教育；部分民办高校也在试办高等职业教育；一些本科院校也建立了高等职业技术学院，为发展本科层次的高等职业教育进行探索。国家学位委员会 1997 年会议决定，设立工程硕士、医疗专业硕士、教育专业硕士等学位，并指出，上述学位与工程学硕士、医学科学硕士、教育学硕士等学位是不同类型的同一层次。这就为培养更高层次的一线岗位人才开了先河。

高等职业教育本身具有鲜明的职业特征，这就要求我们在改

革课程体系的基础上,认真研究和改革课程教学内容及教学方法,努力加强教材建设。但迄今为止,符合职业特点和要求的教材却似凤毛麟角。由泰州职业技术学院、上海第二工业大学、金陵职业大学、扬州职业大学、彭城大学、沙州工学院、上海交通高等职业技术学校、上海农学院、上海汽车工业总公司职工大学、江阴职工大学、江南学院、常州职业技术师范学院、苏州职业大学、锡山市职业教育中心、宁波高等专科学校、上海工程技术大学等十六所院校长期从事高等职业教育、有丰富教学经验的资深教师共同编写的《高等职业教育通用教材》,将由上海交通大学出版社陆续向读者朋友推出,这是一件值得庆贺的大好事,在此,我们表示衷心的祝贺,并向参加编写的全体教师表示敬意。

高职教育的教材面广量大,花色品种甚多,是一项浩繁而艰巨的工程,除了高职院校和出版社的继续努力外,还要靠国家教育部和省(市)教委加强领导,并设立高等职业教育教材基金,以资助教材编写工作,促进高职教育的发展和改革。高职教育以培养一线人才岗位与岗位群能力为中心,理论教学与实践训练并重,二者密切结合。我们在这方面的改革实践还不充分。在肯定现已编写的高职教材所取得的成绩的同时,有关学校和教师要结合各校的实际情况和实训计划,加以灵活运用,并随着教学改革的深入,进行必要的充实、修改,使之日臻完善。

阳春三月,莺歌燕舞,百花齐放,愿我国高等职业教育及其教材建设如春天里的花园,群芳争妍,为我国的经济建设和社会发展作出应有的贡献!

叶春生

1999年4月5日

前　　言

本书是为高等职业教育工程力学课程编写的教材。

在编写本书时,我们本着高等职业教育的特色和“必需够用”的原则,对教材内容作了精心的选择和编排。繁琐的推导过程和没有实用价值的内容尽可能省略,进一步突出了实用性。

本书适用于高等职业院校机械、建筑、化工、纺织、地质和水利等专业,可作为工科类高等职业学校和大专院校的教材,也可供工程技术人员参考。

本书由朱熙然任主编,曹严华、王风才和程宜康任副主编。曹严华、王武林审读全稿,并提出许多宝贵的意见,特此表示衷心的感谢。

参加编写本教材的还有:杨六顺、阙梅生、邵建忠、陈敏、刘永丰和王武林等老师。

限于我们的水平,缺点和错误在所难免,恳请广大读者批评指正。

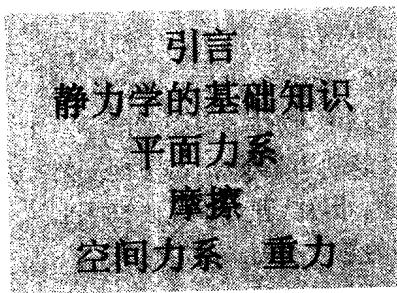
编　　者
1999年2月

目 录

第一篇 静力学	1
引言	2
第 1 章 静力学的基础知识.....	3
第 2 章 平面力系	28
第 3 章 摩擦	55
第 4 章 空间力系 重心	66
第二篇 运动学和动力学	81
引言	82
第 5 章 点的运动	84
第 6 章 刚体的基本运动	97
第 7 章 点的合成运动.....	109
第 8 章 刚体的平面运动.....	126
第 9 章 质点动力学基础.....	142
第 10 章 刚体动力学基础	150
第 11 章 动能定理	162
第 12 章 动静法	180
第三篇 材料力学	197
引言	198
第 13 章 拉伸和压缩	203
第 14 章 剪切	238
第 15 章 扭转	256
第 16 章 弯曲	277
第 17 章 组合变形	314
第 18 章 压杆稳定	336
第 19 章 交变应力	358

第 20 章 动载荷(简介)	374
习题答案.....	384
附录 型钢表.....	394

第一篇 静力学



引　　言

静力学主要研究物体在力作用下的平衡问题。

平衡是机械运动的一种特殊形式,是指物体相对于地球保持静止或匀速直线运动状态。平衡总是相对的,工程意义上的平衡则是相对地面或相对固结于地面的其他物体而言的。受力作用而平衡的物体,必须满足一定的条件,这条件称为力系的平衡条件。

在工程实际问题中,物体的受力情况通常比较复杂,要将实际物体简化成可以计算的力学模型,必须把复杂的力系简化,由此建立相应的平衡条件。因此,静力学要研究两个问题:

(1)力学模型的建立和力系的简化。

(2)力系的平衡条件及其应用。

静力学理论在机械工程中有着广泛的应用。有许多机械零件、构件在工作时处于平衡状态或近似于平衡状态,要合理设计机械零件和构件的形状、尺寸,必须首先运用静力学知识对零构件进行受力分析,并根据平衡条件求出这些力,再根据材料力学知识进行相应的设计。静力学知识在建筑、水利工作中应用也极其广泛。如移动式吊车起吊重物时,必须根据平衡条件确定起吊重量、平衡重量及刚架几何尺寸的相互关系,以确保吊车不至于翻倒;设计屋架时,必须将所受重力、风雪压力等加以简化,再根据平衡条件求屋架各杆的受力,确定其尺寸。可以说,工程中只要有受力分析,就一定会用到静力学知识。

第1章 静力学的基础知识

本章将介绍静力学的一些基本概念、公理、物体的受力分析和受力图，同时还将介绍力的投影计算、力矩计算和力偶的概念。

1.1 静力学的基本概念

1.1.1 力的概念

力是物体之间的相互的机械作用。力是具体的，也是抽象的。实践告诉我们，一个物体原有的机械运动状态发生变化，是因为它受到了其他物体的机械作用，这种作用被抽象为力。力是改变物体原有运动状态的根本原因。

力使物体运动状态改变表现为外在和内在的两个方面。外在的也就是动态的，表现为物体运动状态的改变；内在的也就是形态的，表现为物体形状的改变。这种动态和形态的改变称为力的外效应和内效应。静力学将不考虑力的内效应，而只研究力的外效应。

力使物体运动状态发生改变，取决于力的大小、方向、作用点，这三者通常被称为力的三要素。

力的大小反映物体间机械作用的强度，力的单位采用国际单位制，用牛顿(N)或千牛顿(kN)(1千牛=1000牛)表示。

力的作用点就是物体之间的相互作用的位置。应该说物体之间相互作用是具有一定作用面积的，当作用面积很小，可以看作一个点时，就称该点为力的作用点，这样的力称为集中力。当物体之间相互作用的面积必须考虑时，则称为分布力。分布力有线分布

力、面分布力和体分布力。

具有大小、方向并满足一定的运算规则的量称为矢量。力就是这样的物理量，所以力是矢量。本书中用黑体字母表示矢量，而以普通字母表示矢量的模（即大小）。例如用 F 表示力的矢量， F 表示这个力的大小。

作用在物体上的一群力称为力系，如果一个力系作用于物体而不改变物体的原有运动状态，则称该力系为平衡力系。如果两个力系对物体的作用效应完全相同，则称这两个力系互为等效力系。当一个力系与一个力的作用效应完全相同时，把这一个力称为该力系的合力，而该力系中的每一个力称为合力的分力。

1. 1. 2 平衡的概念

平衡状态是指物体相对于地球（或固结于地面的其他物体）保持静止或作匀速直线运动的状态。物体受力系作用而平衡，则该力系应满足一定的条件，这条件称为平衡条件。静力学的重要任务就是研究物体在力系作用下的平衡条件，并由平衡条件解决工程实际问题。

1. 1. 3 刚体的概念

任何物体受力作用后，会产生动态改变的外效应，以及形态改变的内效应。我们在研究物体平衡规律时，可以忽略物体的变形，把受力不变形的物体抽象成为刚体，这是理想化了的力学模型。如果研究的问题必须考虑变形，那将是本课程中材料力学部分所研究的问题。

1. 2 静力学公理

公理是人类在长期实践中被验证为正确的结论。它无须任何证明，已为大家所公认。静力学的全部理论，都是建立在下面的五

个静力学公理基础之上的。

1.2.1 二力平衡公理

当一个刚体受两个力作用而平衡时，其充分与必要的条件是：这两个力大小相等，方向相反，作用线共线。

如图 1.1 所示，刚体上 A、B 两点受力 F_1 、 F_2 作用，如果刚体处于平衡状态，则 F_1 、 F_2 的作用线一定过 AB 两点连线，大小相等，指向相反。两力之间的关系在数学上可以表达为

$$F_1 = -F_2.$$

工程上将只受两个力作用而平衡的构件称为二力构件。如果物体是一不计自重的杆件，则称为二力杆。二力构件的概念对今后准确、迅速的画出物体受力图是很重要的。

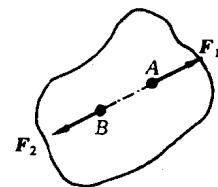


图 1.1

1.2.2 加减平衡力系公理

在刚体的原有力系中，加上或减去任何平衡力系，不会改变原力系对刚体的作用效应。

这一公理的正确性是显而易见的，因为一个平衡力系是不会改变物体的原有状态的。依据这一公理，可以得出一个重要推论：

作用于刚体上的力可以沿其作用线移至刚体内任一点，而不改变原力对刚体的作用效应。这称为力的可传性原理。

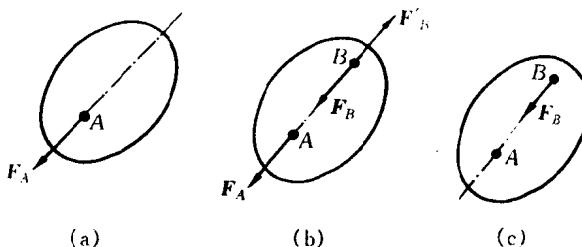


图 1.2

设如图 1.2(a)中刚体上 A 点作用有一力 F_A ，如果在该力作用

线上 B 点加上一对平衡力 F_B 和 $F'B$, 并使 $F_B = -F'B = F_A$ 。现在, 刚体受力系 $F_A, F_B, F'B$ 作用(见图 1.2(b)), 而 F_A 和 $F'B$ 又是一对平衡力, 可以除去。因而最后原力系等效于在刚体上 B 点的一个力 F_B (见图 1.2(c)), F_B 与 F_A 只是作用点不同, 相当于 F_A 沿其作用线移到了 B 点。以上我们所依据的是加减平衡力系公理。

需要指出的是, 力的可传性原理只是对刚体才成立, 对变形体不能应用。例如, 在弹簧的两端作用两个大小相等、共线但指向背离的力时, 弹簧受拉而伸长。如果将两力沿作用线分别移至另一力的作用点时, 弹簧受压而缩短。因此, 研究平衡问题时, 刚体可以应用力的可传性原理。另外, 力沿作用线移动, 只能移至该刚体内各点, 而不能移到其他刚体上。

1.2.3 力的平行四边形公理

作用于物体上同一点的两个力的合力, 仍作用于该点, 其作用线、大小和指向, 由这两个力为边所组成的平行四边形的对角线来确定。

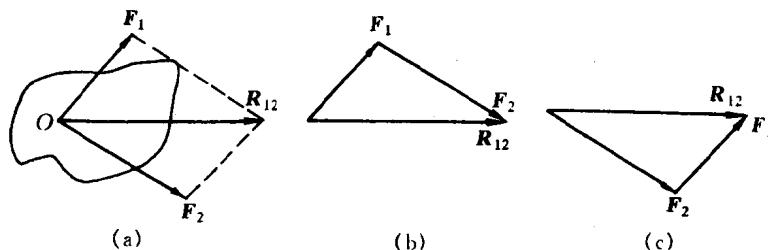


图 1.3

力的平行四边形公理是求两共点力合力的基本运算法则(见图 1.3(a)), 也是求其他矢量(速度、加速度)的基本的法则。求共点力 F_1 与 F_2 的矢量和 R 的数学表达式为

$$R = F_1 + F_2。$$

合力还可以通过画力的三角形来求出(见图 1.3(b)), 只要将

两个被求和的力，大小按一定比例，方向不变地首尾相连，合力就是从第一个画的力的起点联结第二个画的力的终点的“矢”。合力大小为矢长（矢量的模），可按同一比例算得。当然，在作力的三角形时， F_1 和 F_2 可不分先后，这不会改变合力的大小和方向（见图 1.3(c)）。但是，力三角形中的每一力矢只具有大小、方向意义，而不表示力作用点或力作用线的位置。

当平面内有汇交于一点的几个力时，可以通过两两合成的办法（见图 1.4），得到与上式相同的求合力的数学表达式：

$$R = F_1 + F_2 + \dots + F_n = \Sigma F. \quad (1.1)$$

上式表示，共点力系的合力等于力系中各力的矢量和。

依照力的平行四边形公理，我们可以将一个力分解成作用于同一点的两个分力。由于对角线一定的平行四边形为无穷多，因此，力的分解不是唯一的。工程上常将力作正交分解，当两个正交方向一定时，力的正交分解就是唯一的。

通过简单推导，可以得到下面一条重要推论：如果刚体受同一平面的三个互不平行的力作用而平衡，则此三个力的作用线必定汇交于一点。这称为三力平衡汇交定理。

如图 1.5 所示刚体上 A, B, C 三点分别受力 F_1, F_2, F_3 作用而平衡。如果 F_1, F_2, F_3 作用线共面，由力的可传性原理可将 F_1, F_2 沿各自的作用线移至它们的交点 O ，再由平行四边形公理求出它们的合力 R 。此时原力系等价于 F_3 和 R ，刚体受两个力作用而平衡，由二力平衡公理可知， F_3 和 R 必等值、反向和共线。即 F_3 作用线必通

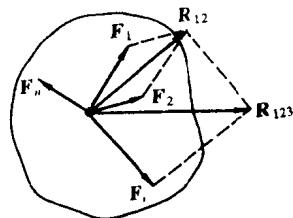


图 1.4

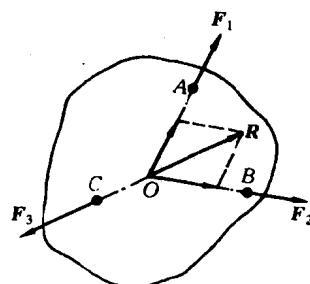


图 1.5

过 O 点,也就是说 F_1, F_2, F_3 汇交于同一点 O 。

1.2.4 作用与反作用公理

两物体间相互作用时的作用力和反作用力,分别作用在两个物体上,它的大小相等、方向相反、作用线共线。

如图 1.6 所示,车床的车刀在加工工件时,车刀在工件上施加一个切削力 P ,同时工件一定要反作用于车刀一个反作用力 P' , P 和 P' 一定是等值、反向、作用线共线。

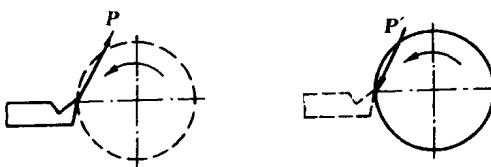


图 1.6

作用力与反作用力没有平衡的概念,因为它们分别作用在两个物体上,它们同时产生,同时消失。这与二力平衡公理是完全不同的概念。

1.2.5 刚化公理

变形体在已知力系作用下平衡,如果将此变形体看作刚体(刚化),则其平衡状态不变。

刚化公理告诉我们,可以利用刚体平衡条件来处理变形体的平衡问题。换言之,处于平衡状态的变形体,都可以把它视为刚体来研究。

1.3 约束与约束反力

在工程实际问题中,构件上的载荷和支承是两种性质的作用力,要根据平衡条件来确定两者的关系,就要首先分析受力情况。正确地分析物体的受力情况,把物体合理地抽象成可以应用平衡