

# 工科大学物理

## 基本教材 (下册)

李金锷 等 编



天津大学出版社

**工科大学物理基本教材**  
**(下册)**

**李金铸 等编**

**天津大学出版社**

## 内 容 提 要

本书是《工科大学物理基本教材》下册。内容包括：振动学基础、简谐波、电磁振荡和电磁波、光的波动性、光的量子性、原子结构、物质波和量子物理等八章。各章末配有一定数量的思考题和习题。书后附有习题参考答案。根据打好基础、精选内容和加强能力培养的原则，本书对于与大学物理前后相关的课程作了慎重研究，解决了重复与脱节等问题。在内容上加强了近代物理部分。全书分量适当，利于教学，能满足大多数工科院校的教学需要。

工科大学物理基本教材

(下册)

李金鐸 等 编

\*

天津大学出版社出版

(天津大学内)

河北省永清县印刷厂印刷

新华书店天津发行所发行

\*

开本：850×1168毫米1/32 印张：11<sup>3</sup>/<sub>4</sub> 字数：310千字

1989年12月第一版 1989年12月第一次印刷

印数：1—6000

ISBN 7-5618-0170-X

O·20

定价：2.35元

GF51/14

## 出版说明

教育部1981年在郑州召开的工科教材编委工作会议上，号召迅速编写各门基础课程的“基本教材”，以满足广大工科院校的教学需要。工科物理编委会负责同志委托我们立即从事《工科大学物理基本教材》的编写工作。我们为了争取时间，在认真总结我校广大教师多年教学经验的基础上，发动了第一线教师研究讨论，写出初稿，相互审阅，然后由主编人对全稿进行了校改审定及润色。印制成书后，曾经我校几届学生试用，并经哈工大、合肥工大、河北建筑工程学院、江苏工学院、黑龙江矿业学院、建材局职工大学、武汉钢铁学院、山东矿业学院、华东工程学院和太原重型机械学院等院校试用，特别是山东工业大学及郑州工学院连续将其作为教材使用。还有许多院校用作教学参考书。在使用过程中，很多院校的老师提出不少宝贵的意见，我们敬谨遵照各位老师的意见及我校师生在试用过程中发现的问题，于1985年初又进行了修订。其中主要包括：（一）为了最大限度地避免与中学课程和工科后续课程的不必要重复，因而对经典部分又略有精简；（二）由于中学水平逐年提高，大学一年级课程内容也应有所提高，所以，对有些部分适当提高了起点；（三）在新科技浪潮冲击下，工科各专业对微观理论的要求明显提高，为此，我们对统计和量子等微观理论内容作了加强；（四）为了保证基础，我们重视了全书内容的联系与呼应，使学生在学新内容的同时，能加深并扩大对经典规律的理解；（五）教材内容及习题都留有余地，以利于学生生动活泼地学习，加强能力的培养；（六）经过六年的教学实践，证明本书选材符合工科物理教学的基本要求，分量适当，利于教学，适用于大多数工科院校。

本教材分上、下两册。上册内容有力学、狭义相对论、分子物理及热力学、电磁学；下册内容包括振动、波动、光学及量子物理。两册均为三十万字左右。对理论教学时数在100学时左右者更为适当。

为了教育事业的发展，更好地为社会主义四个现代化做出贡献，敬祈兄弟院校同仁不吝赐教，幸甚。

**编者敬启**

# 目 录

<b>第十一章 振动学基础</b> .....	(1)
§11-1 谐振动 .....	(1)
§11-2 阻尼振动和受迫振动 共振 .....	(19)
§11-3 谐振动的合成 .....	(19)
*§11-4 振动的分解 .....	(44)
问题 .....	(46)
习题 .....	(47)
<b>第十二章 简谐波</b> .....	(52)
§12-1 机械波的产生 一维简谐行波 .....	(52)
§12-2 波的能量 能流 能流密度 .....	(66)
§12-3 惠更斯原理 波的衍射 反射和折射 .....	(74)
§12-4 波的叠加原理 波的干涉 驻波 .....	(79)
*§12-5 多普勒效应 .....	(89)
问题 .....	(94)
习题 .....	(96)
<b>第十三章 电磁振荡和电磁波</b> .....	(102)
§13-1 电磁振荡 .....	(102)
§13-2 电磁波的产生和传播 .....	(111)
§13-3 电磁波的性质 .....	(115)
§13-4 电磁波的能量 坡印廷矢量 .....	(122)
问题 .....	(124)
习题 .....	(124)
<b>第十四章 光的波动性</b> .....	(126)
§14-0 光学发展简史 .....	(126)

§14-1	光的相干性 双缝干涉 光程 .....	(118)
§14-2	单色光 薄膜干涉 .....	(139)
*§14-3	时间相干性 空间相干性 .....	(154)
§14-4	惠更斯-菲涅尔原理 单缝衍射 光学仪器 分辨率 .....	(163)
§14-5	衍射光栅 .....	(181)
§14-6	伦琴射线的衍射 .....	(193)
§14-7	光的偏振 .....	(197)
§14-8	布儒斯特定律及其应用 .....	(200)
§14-9	双折射现象及应用 .....	(204)
§14-10	马吕斯定律 偏振光的干涉 .....	(216)
§14-11	人为双折射 .....	(220)
问题	.....	(222)
习题	.....	(223)
<b>第十五章</b>	<b>光的量子性</b> .....	<b>(229)</b>
§15-1	热辐射 .....	(229)
§15-2	普朗克量子假设 普朗克公式 .....	(239)
§15-3	光电效应 爱因斯坦方程 .....	(242)
§15-4	康普顿效应 .....	(248)
问题	.....	(254)
习题	.....	(255)
<b>第十六章</b>	<b>原子结构</b> .....	<b>(258)</b>
§16-1	原子的有核模型 .....	(258)
§16-2	氢原子的光谱规律性 .....	(261)
§16-3	玻尔的氢原子理论 .....	(264)
§16-4	弗兰克-赫兹实验与原子能级 .....	(269)
§16-5	索末菲椭圆轨道 量子化条件和量子数 .....	(272)
§16-6	空间量子化 .....	(274)
§16-7	施特恩-盖拉赫实验 电子自旋 .....	(278)

问题	.....	(282)
习题	.....	(282)
<b>第十七章 物质波</b>	.....	<b>(284)</b>
§17-1 德布罗意假设与电子衍射实验	.....	(284)
§17-2 自由粒子的平面波及其波函数	.....	(290)
§17-3 德布罗意波的统计解释	.....	(292)
§17-4 测不准关系	.....	(295)
问题	.....	(298)
习题	.....	(299)
<b>第十八章 量子物理</b>	.....	<b>(300)</b>
(一) 基础部分	.....	(300)
§18-1 薛定谔方程	.....	(300)
§18-2 一维无限深势阱	.....	(303)
§18-3 势垒贯穿	.....	(311)
§18-4 线性谐振子	.....	(313)
§18-5 氢原子	.....	(315)
(二) 量子物理中几个重要问题	.....	(319)
§18-6 固体的能带结构	.....	(319)
§18-7 费密电子气	.....	(323)
§18-8 导体、半导体和绝缘体	.....	(328)
§18-9 半导体导电机构	.....	(331)
§18-10 $p-n$ 结	.....	(340)
§18-11 激光的基本原理	.....	(345)
问题	.....	(353)
习题	.....	(353)
习题答案	.....	<b>(356)</b>



# 第十一章 振动学基础

振动是机械运动的普遍形式之一。物体在平衡位置附近来回作周期性运动叫做机械振动，例如摆的振动，气缸中活塞的振动，分子或晶体晶格中的原子的振动，一切发生体的振动等。此外，有一些物理量，它们在某一数值附近随时间作周期性的变化，也属于振动的范畴，例如交变电流、交变电磁场等。这些运动的本质虽然不是机械运动，但运动规律的数学描述却与机械振动类似。所以，机械振动的理论是一切振动学的理论基础。

振动之所以特别重要，还在于它是波动的基础，一切波动都是某种振动的传播过程。振动现象是多种多样的，其中最基本最简单的振动是谐振动，复杂的振动都可以分解成一系列的谐振动。我们将先讨论谐振动的特点及其基本规律，再根据动力学观点论建立谐振动的微分方程，然后讨论阻尼振动和受迫振动，最后讨论谐振动的合成和分解。

## § 11-1 谐 振 动

### 一、弹簧振子的谐振动

把一个轻弹簧左端固定，右端系一个质量为  $m$  的物体，放在摩擦力可略去不计的水平气垫导轨上，将物体稍为移动后，物体就在弹性力的作用下相对平衡位置作自由振动。这整个系统叫做弹簧振子，如图11-1所示。设物体位置在  $O$  点时，弹簧为原长，作用在物体上的力等于零，这个位置就是物体的平衡位置。如果把物体向右移到位置  $P$ ，则弹簧被拉长，所以有指向左方即指向平衡位置的力作用到物体上，从而使物体返回到平衡位置。当物体

回到平衡位置时，弹簧的作用力等于零，但是因为物体在返回时

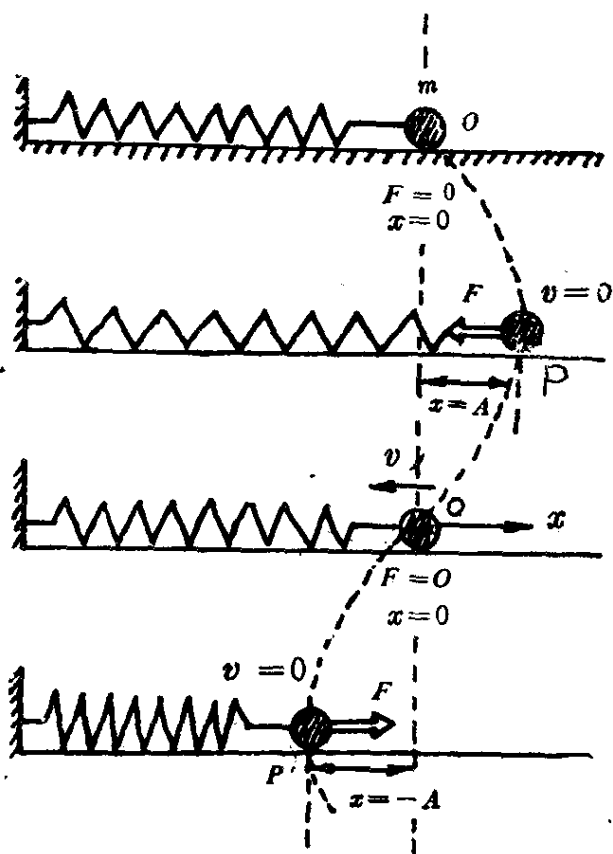


图11-1 弹簧振子的振动

获得动能，所以它不停止在平衡位置而继续向左移动。当物体在平衡位置左边时，弹簧被压缩，则物体所受的力指向右方即仍指向平衡位置，这时力的作用是阻挠物体运动，直到物体静止在位置  $P'$ 。此后，物体在弹性力的作用下向右移动。这样，在弹性力的作用下物体在平衡位置作往复振动。

取平衡位置  $O$  为  $x$  轴的原点，并设  $x$  轴向右为正，按照虎克定律，在弹性极限内物体所受的弹性力和位移成正比，且永远指向平衡位置。

这个力  $f$  可表示为

$$f = -kx \quad (11-1-1)$$

式中  $k$  为弹簧的倔强系数；负号表示力和移位的方向相反，即弹性力的方向总是指向原点，这是谐振动的基本特点。

## 二、谐振动的运动方程

根据牛顿第二定律建立物体运动的微分方程式，并将  $f = ma$  代入公式 (11-1-1)，可得

$$ma = -kx \quad \text{或} \quad a = -\frac{k}{m}x \quad (11-1-2)$$

因为  $k$  和  $m$  都是正的恒量，所以它们的比值可用另一个恒量  $\omega_0$  的平方来表示，即

$$k/m = \omega_0^2 \quad (11-1-3)$$

合并 (11-1-2) 及 (11-1-3) 式, 并以加速度是位移对时间的二阶导数代入, 即得

$$\frac{d^2x}{dt^2} + \omega_0^2 x = 0 \quad (11-1-4)$$

这就是谐振动的微分方程式。它是一个二阶线性常系数微分方程, 其解为

$$x = A \cos(\omega_0 t + \varphi) \quad (11-1-5)$$

式中  $A$  和  $\varphi$  是二个恒量 (积分常数), 这就是谐振动的运动方程 (位移和时间的关系式)。

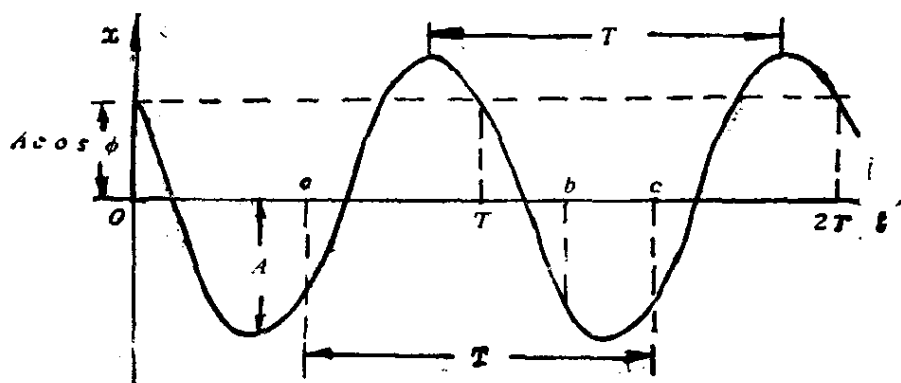


图11-2 谐振动的位移时间曲线

下面用图11-2来阐明公式 (11-1-5) 中各个量的物理意义:  $x$  表示  $t$  时刻振子的位移,  $A$  表示振子的最大位移, 叫振幅 (只取正值)。当  $t = 0$  时, 振子的位移为  $x = A \cos \varphi$ ; 当  $t = 2\pi/\omega_0$  时, 振子的位移  $x = A \cos(2\pi + \varphi) = A \cos \varphi$ 。因为振子经过这个时间后回到原来的位置, 所以  $t = 2\pi/\omega_0$  是振子往复一次所需的时间叫周期, 用  $T_0$  表示, 即周期

$$T_0 = 2\pi/\omega_0 \quad (11-1-6)$$

而频率  $\nu_0$  为

$$\nu_0 = 1/T_0 = \omega_0/2\pi \quad (11-1-7)$$

若周期的单位用秒 [s], 则频率的单位为秒<sup>-1</sup> [s<sup>-1</sup>], 又叫赫兹 [Hz], 由公式 (11-1-6) 及 (11-1-7) 可知  $\omega_0 = 2\pi\nu_0$ ,

$\omega_0$  可以理解为频率  $\nu_0$  的  $2\pi$  倍，叫做振动的圆频率。从公式 (11-1-3) 可以看出， $\omega_0$  的数值，实际上是由振动系统的力学性质确定，也叫振动系统的固有频率， $(\omega_0 t + \varphi)$  角叫谐振动的周相角或位相，位相决定时刻  $t$  谐振动的振动状态（位置和速度）， $\varphi$  角表示  $t = 0$  时的位相角叫做初位相，它决定初始的振动状态（位置和速度）。根据以上分析，振子在一个周期内位相经历着从  $0$  到  $2\pi$  的变化，因而在一个周期内，谐振动的振动状态是不相同的。例如，图 11-2 中  $a$ 、 $b$  两点是同一周期内两个不同的时刻，振子在这两个时刻具有不同的位相。虽然在  $a$ 、 $b$  两个时刻具有相同的位移，但其速度不同，所以  $a$ 、 $b$  两点表示振子在一个周期内两不相同的状态。所谓振动状态相同，是说不仅位移相同，而且速度也相同，对一个以一定频率作谐振动的质点来说，凡是位移和速度都相同的状态，它们所对应的位相总是相差  $2\pi$  或  $2\pi$  的整数倍，由此可见，位相是描述质点在时刻  $t$  时振动状态的重要物理量。

### 三、谐振动的速度和加速度

根据谐振动的运动方程， $x = A \cos(\omega_0 t + \varphi)$  对时间求导数，即得谐振动的速度为

$$v = dx/dt = -\omega_0 A \sin(\omega_0 t + \varphi) \quad (11-1-8)$$

上式也可写成

$$v = v_m \cos(\omega_0 t + \varphi + \pi/2) \quad (11-1-9)$$

式中  $v_m = \omega_0 A$  称为速度振幅。把速度对时间求导数，即得加速度为

$$a = \frac{dv}{dt} = \frac{d^2x}{dt^2} = -\omega_0^2 A \cos(\omega_0 t + \varphi) \quad (11-1-10)$$

$$\text{或 } a = \omega_0^2 A \cos(\omega_0 t + \varphi \pm \pi) = a_m \cos(\omega_0 t + \varphi \pm \pi) \quad (11-1-10a)$$

式中  $a_m = \omega_0^2 A$  称为加速度振幅。由公式 (11-1-9) 和公式 (11-1-10a) 可知，作谐振动的质点，它的速度和加速度也

是时间的余弦函数，其速度振幅和加速度振幅分别为  $v_m = \omega_0 A$  和  $a_m = \omega_0^2 A$ ，而它们的周期和位移的周期相等，但速度、加速度和位移三者具有不同的位相。将公式(11-1-9)、公式(11-1-10a)

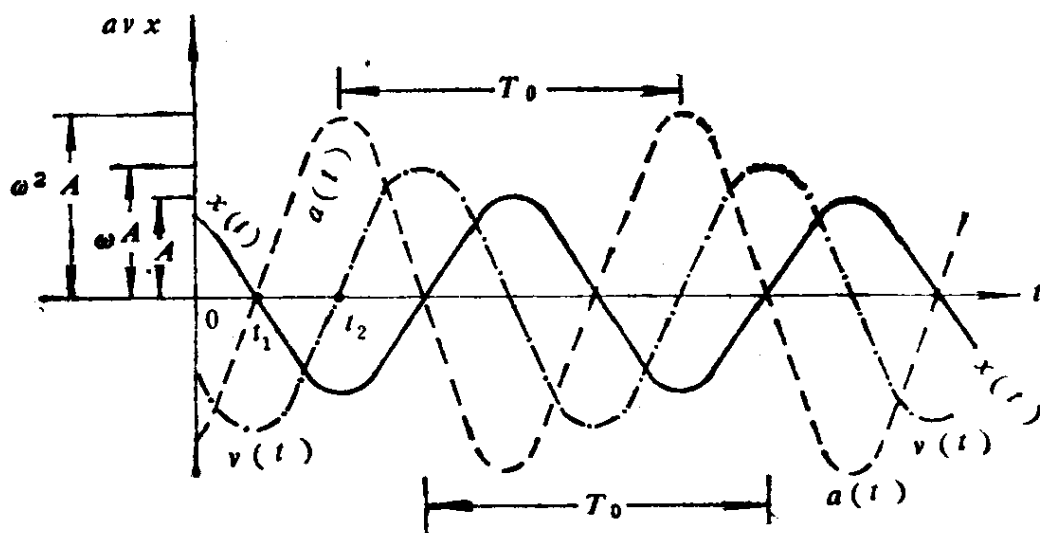


图11-3 谐振动的位移、速度、加速度的对比图

与公式(11-1-5)相比较，除振幅不同外，速度的位相比位移的位相超前  $\pi/2$ ；加速度的位相比位移的位相超前  $\pi$ （或落后  $\pi$ ），也就是说加速度与位移反相。

下面根据公式(11-1-5)、(11-1-9)、(11-1-10a)画  $x(t)$ 、 $v(t)$ 和  $a(t)$ 在同一坐标上（如图11-3所示），以便进行对比。在图中可以看到，三者的周期是相同的，但在同一时刻三者的位相不同或者说三者之间有位相差，表现在，当位移为零时，速度最大，加速度为零（如图中  $t_1$ 点）；而位移最大时，速度等于零，加速度却是最大，但与位移方向相反（如图中  $t_2$ 点）。

最后应该指出，如果一个物理量随时间变化的规律遵从余弦函数（或正弦函数）的关系，那么广义地说，这物理量就在作谐振动，不管这物理量是位移、速度、加速度、角位移等力学量，还是电流、电势差、电场强等电学物理量。只要它们的变化符合谐振动的规律，尽管其本质有区别，谐振动随时间而变化的数学

规律是普遍适用的。

**四、旋转矢量法** 为了直观地了解谐振动运动方程式中各个量的物理意义，并为后面讲述振动合成提供简捷的方法，我们介绍谐振动的旋转矢量法。

如图11-4所示，在图平面内取坐标轴 $ox$ ，由原点 $O$ 作一个

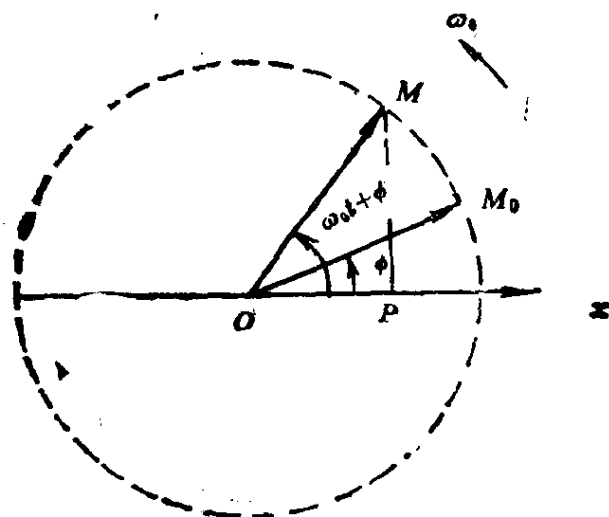


图11-4 谐振动的旋转矢量法

矢量 $OM$ ，矢量的长度等于振幅 $A$ ，这个矢量也叫振幅矢量并以 $A$ 表示，它以圆频率 $\omega_0$ 的角速度，在图平面内绕 $O$ 点作逆时针匀速转动。 $t=0$ 时，矢量 $A$ 在 $OM_0$ 处与 $x$ 轴的夹角等于 $\varphi$ ；在时刻 $t$ ，矢量 $A$ 在 $OM$ 处与 $x$ 轴之间的夹角等于 $\omega_0 t + \varphi$ ；

此时矢量 $A$ 的末端在 $x$ 轴上的投影点 $P$ 的位置是 $x = A \cos(\omega_0 t + \varphi)$ ，此式与公式(11-1-5)完全相同。矢量 $A$ 旋转一周所需的时间与谐振动的周期相同，矢量 $A$ 端点 $M$ 作匀速率圆周运动，通常把这个圆叫参考圆。

由此可见，谐振动的运动规律可以用一个匀速转动的旋转矢量来表示：矢量的长度即振动的振幅，

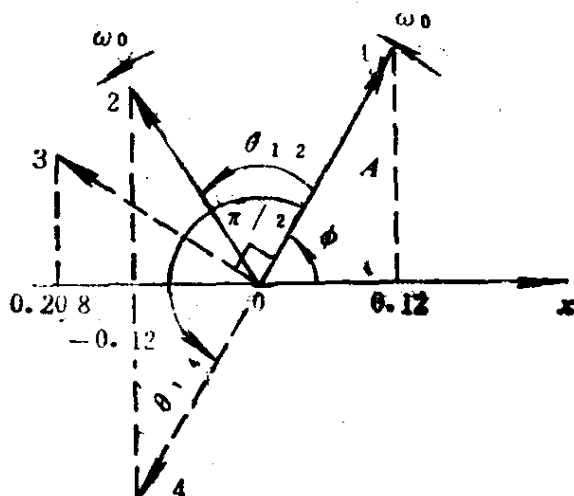


图 11-5

矢量旋转的角速度即振动的圆频率，矢量在时刻  $t$  与  $x$  轴的夹角为振动的位相  $\omega_0 t + \varphi$ ，而  $t = 0$  时矢量与  $x$  轴的夹角就是振动的初位相  $\varphi$ 。

[例题 1] 如图 11-5 有一匀速旋转的矢量  $A$  作逆时针方向转动，其长度为  $0.240\text{m}$ ，圆频率  $\omega_0 = \pi/2 \text{ s}^{-1}$ ，在  $t = 0$  时，矢量  $A$  与  $x$  轴夹角  $\varphi$  为  $\pi/3$ 。试求：(1) 矢量  $A$  端点在  $x$  方向上投影点的运动方程；(2) 画出  $t = 0$ 、 $t = 1.00\text{s}$ 、 $t = 2.00\text{s}$  时矢量  $A$  的位置及其端点在  $x$  方向的投影；(3) 从谐振动的起始点  $x = +0.120\text{m}$  到  $x = -0.120\text{m}$  处所需的最短时间和最长时间（一个周期内）。

[解] (1) 矢量  $A$  端点在  $x$  方向上投影点的运动方程为

$$x = A \cos(\omega_0 t + \varphi)$$

$$= 0.240 \cos\left(\frac{\pi}{2} t + \frac{\pi}{3}\right) \text{ m}$$

(2) 当  $t = 0$  时，矢量  $A$  在“1”位置上； $t = 1.00\text{s}$  时，矢量  $A$  在“3”位置上； $t = 2.00\text{s}$  时，矢量  $A$  在“4”位置上。其矢量  $A$  在  $x$  方向的投影分别为  $x_1 = +0.120\text{m}$ 、 $x_2 = -0.208\text{m}$ 、 $x_3 = -0.120\text{m}$ （这些数据可直接从矢量图得到或从运动方程得到）。

(3) 振动位移从  $x = +0.120\text{m}$  到  $x = -0.120\text{m}$  所需的最短时间即矢量  $A$  从“1”位置匀速旋转到“2”位置所需时间

$$t = \theta / \omega_0 = \theta_{12} / \omega_0 = \frac{\pi/3}{\pi/2} = \frac{2}{3} = 0.667\text{s}$$

同理从  $x = +0.120\text{m}$  到  $x = -0.120\text{m}$  所需最长时间，即矢量  $A$  从“1”位置匀速旋转到“4”位置所需时间

$$t' = \frac{\theta}{\omega_0} = \frac{\theta_{14}}{\omega_0} = \frac{\pi}{\pi/2} = 2.00\text{s}$$

式中  $t$ 、 $t'$  也可以从运动方程中计算得到。

[例题 2] 利用旋转矢量绘制  $x = A \cos \omega_0 t$  及  $x' = A \cos(\omega_0 t + \pi/4)$  两条振动曲线，如图 11-6 (a)、(b) 所示。并比较

两个谐振动的步调（图11-7）。

〔解〕 振幅矢量 $A$ 以 $\omega_0$ 的角速度作逆时针方向运动，如图11-6 (a)、(b)中矢量 $A$ 都从位置“1”开始，连续经过2、3、4……各位置，在圆周上两相邻位置的时间间隔各为 $\frac{1}{8}$ 周期。

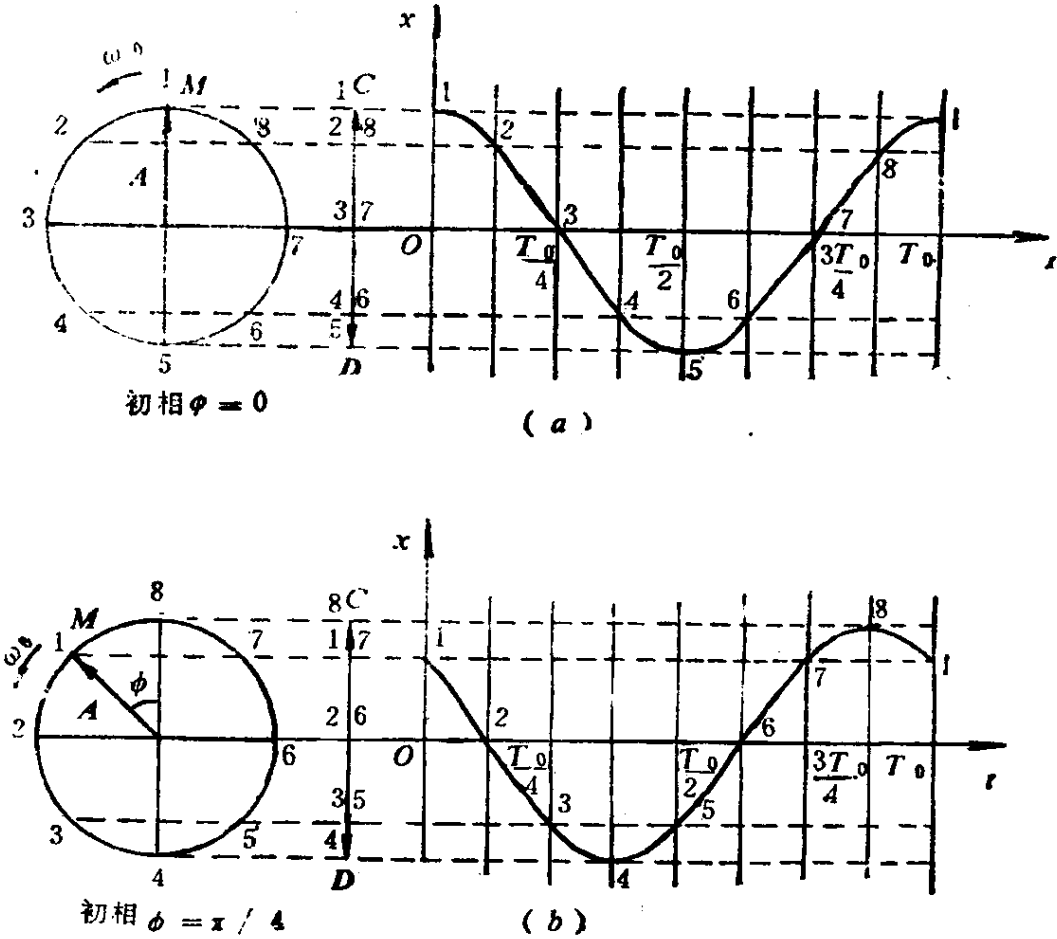


图-9 谐振动移与动时间曲线

把这些位置投影于和圆的竖直直径平行的直线 $CD$ 上，再在 $CD$ 的右边画出许多彼此间距离相等并和 $CD$ 平行的直线。这些直线依次和圆上的各位置1、2、3……相联系。再把圆周上的位置“1”投影在第一条直线上，位置“2”投影在第二条直线上，依此类推。这样一点一点地画，就得到图11-6 (a)、(b)右边的曲线即谐振动的位移时间曲线。

下面，将 $x = A\cos\omega_0 t$ 和 $x' = A\cos(\omega_0 t + \pi/4)$ 两个谐振动的步调作一比较，如图11-7。当 $t = 0$ 时，谐振动 $x$ 的初位相为



$\varphi = 0$ ，而谐振动 $x'$ 的初位相 $\varphi' = \pi/4$ ，这两个谐振动存在着一个

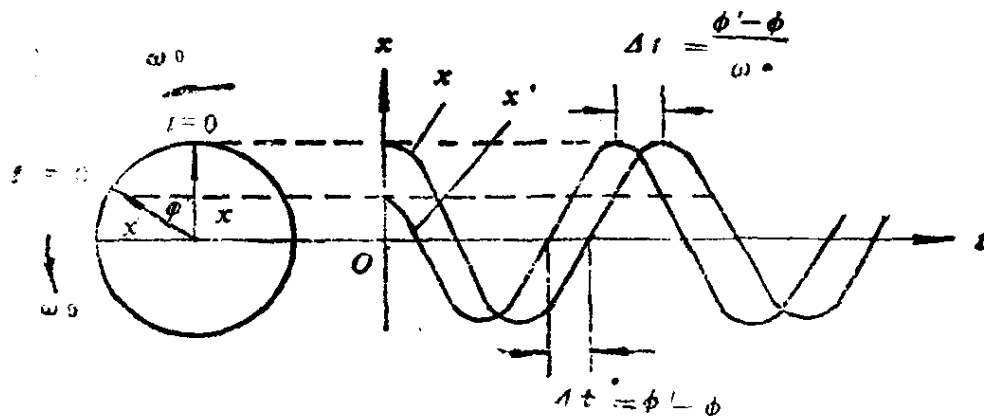


图11-7 两个谐振动 $x(t)$ 和 $x'(t)$ 的步调

个位相差 $\Delta\varphi = (\omega_0 t + \varphi') - (\omega_0 t + \varphi) = \pi/4$ 。这个位相差在图11-7中亦可用时间差 $\Delta t = (\varphi' - \varphi) / \omega_0$ 来表示，即谐振动到平衡点（或位移正、负最大）时晚的一段时间 $\Delta t = (\varphi' - \varphi) / \omega_0$ 。若从位相上看也可以说谐振动 $x'$ 的动作比谐振动 $x$ 的动作超前 $\pi/4$ ，一般情况下位相差 $(\varphi' - \varphi)$ 可正可负，相应地我们常说谐振动 $x'$ 比谐振动 $x$ 超前或落后。当 $\varphi' = \varphi$ 时，我们称这两个谐振动为同相或同步；当 $\varphi' - \varphi = \pi$ 时，两个谐振动相差半周期，称为两个反相的谐振动。

### 五、弹簧振子的固有周期及其振幅和初位相的确定

根据公式(11-1-6)谐振动的周期是 $T_0 = 2\pi/\omega_0$ ，根据公式(11-1-3)谐振动的圆频率 $\omega_0^2 = k/m$ ，现将 $\omega_0 = \sqrt{k/m}$ 代入 $T_0 = 2\pi/\omega_0$ ，则得

$$T_0 = 2\pi\sqrt{m/k} \quad (11-1-11)$$

或频率 
$$\nu_0 = \frac{1}{T_0} = \frac{1}{2\pi}\sqrt{k/m} \quad (11-1-12)$$

上式说明弹簧振子的周期（或频率）由振子系统本身的力学性质（倔强系数 $k$ 及振子质量 $m$ ）来决定，而与振幅及初位相无关。由此常称 $T_0$ 为固有周期，称 $\nu_0$ 为固有频率。

振幅 $A$ 和初位相 $\varphi$ 是由振动的初始条件来确定的。由于