

# 分层超渗产流模型探讨

李蝶娟 金管生

水利部南京水文研究所

一九八一年二月



## 分层超渗产流模型探讨

1979年11月洪水组在《流域产流模型的分析研究》一文中用动力水文观测量分析了单点和流域的产流现象，文中通过理论研究与实际资料分析，得出降雨强度大于入渗强度，是产流的先决条件。超渗产流是普遍规律，无论干旱地区或湿润地区均不例外。

李文生这一工作的基础上结合我国的实际情況，提出如下分层超渗产流模型，供討論研究。

### 一、模型的结构：

#### (一) 土壤入渗曲线：

本模型以更的入渗模型霍顿(Horton)入渗曲线(图1)作为概念化的流域入渗曲线。

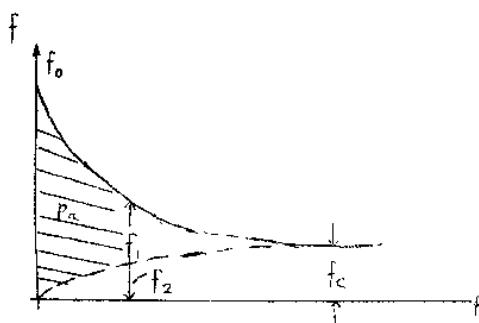


图 1

其方程为：

$$f = (f_0 - f_c) e^{-Kt} + f_c \quad (1)$$

上式还可以改写为：

$$\begin{aligned} f &= f_0 e^{-Kt} + f_c (1 - e^{-Kt}) \\ &= f_1 + f_2 \end{aligned} \quad (2)$$

式中  $f_1$  为降雨渗入土壤并加入土壤含水量的部分，当土壤含水量达到土层的最大容量  $I_m$  时，  
 $f_1$  趋近零； $f_2$  为降雨渗入土壤由大层排出的部分，虚线即为大层排水率曲线，当土壤含水量为零时，排水率  $f_2$  为零，随着土壤含水量增加而增加，并趋近于  $f_0$ ； $P_a$  为流域土壤含水量。

流域土壤最大含水量  $I_m$  及土壤含水量  $P_a$  可分别由下式求得：

$$I_m = \int_{0}^{\infty} f_0 e^{-Kt} dt \quad (3)$$

$$P_a = \int_0^t f_o e^{-kt} dt = f_o / k (1 - e^{-kt}) = I_m (1 - e^{-kt}) \quad (3)$$

式中  $f_o$  为土壤干燥时的入渗强度；  $K$  为入渗率-递减系数。

流域土壤含水率为  $P_a$  时，时段  $\Delta t$  内的流域平均入渗率和排水率分别为：

$$\bar{f} = \frac{1}{\Delta t} \int_t^{t+\Delta t} [(f_o - f_c) e^{-kt} + f_c] dt \quad (4)$$

$$\bar{i}_d = \frac{1}{\Delta t} \int_t^{t+\Delta t} f_c (1 - e^{-kt}) dt \quad (5)$$

将分式并以  $I_m$ 、 $P_a$  表示，则有：

$$\bar{f} = \frac{1}{\Delta t} (I_m - P_a) (1 - e^{-k\Delta t}) + f_c \left[ 1 - \frac{I_m - P_a}{\Delta t \cdot K \cdot I_m} (1 - e^{-k\Delta t}) \right] \quad (4-1)$$

$$\bar{i}_d = f_c - \frac{f_c}{\Delta t K} e^{-kt} (1 - e^{-k\Delta t}) \quad (5-1)$$

## (二) 前期土壤含水率 $P_a$ 计算

土壤含水率的确定是产流计算中的一个主要环节。由于目前不能通过量测的手段取得大量的资料，而需借助于有限的土壤含水量资料，探求其延长和消退规律，再推算土壤含水率的变化过程。

为此我们利用邵仪试验场的负压计观测资料作一些粗浅的分析：

### 1. 土壤含水率的延长：

降雨入渗引起土壤含水率的延长，在一个计算时段，降雨入渗量由下式计算得：

$$\Delta P_a = P - R - E - \text{填洼} - \text{植物截留} \quad (6)$$

略去填洼和植物截留：

$$\Delta P_a = P - R - E \quad , \quad (6-1)$$

式中  $\Delta P_a$  —— 为计时时段内入渗量；  
 $P$  —— 为日降雨量；  
 $E$  —— 为日蒸发量，利用 E601 蒸发皿实测资料计得求得；

$R$  —— 为相当于  $P$  的产流量，借助于  $P_a \sim R$  (迳流系数) 的关系来推算。

## 2. 土壤含水量的消退：

土壤含水量的消退与土壤蒸发、水份的垂直运动及水气凝结等有关，但主要决定于土壤的蒸发损失。根据资料分析，土壤含水量的消退一般符合如下规律：

$$\rho = \rho_0 e^{-kt} = \rho_0 K^t \quad (7)$$

式中：  $\rho$  —— 时间  $t$  时的含水量；  
 $\rho_0$  —— 时间  $t=0$  时的含水量；  
 $K$  —— 随土壤特性、含水量大小及气候条件而变的近似常数；  
 $t$  —— 天数。

我们将地表至入渗锋后之间的土层 (0~40 公分) 分为两层上层为 0~30 公分，下层为 30~40 公分，用洪水期土层平均的土壤含水量资料进行分析，可以得到如下日消退系数：

日消退系数 土壤 层次	$\theta > 24\%$	$24\% > \theta > 21\%$	$\theta < 21\%$
上层	0.81	0.95	0.97
下层	0.89	0.98	0.995
平均	0.87	0.95	0.98

表 1

从表中可以看至，土同样含水率情况下上层K值小于下层K值，即上层的消退速度大于下层的消退速度；在同一土层，土壤含水率高的消退速度大于土壤含水率低的消退速度；再有从表中数字对比可見含水率对消退速度的影响大於土层深度的影响。

运用分析成果，我们设计林地土壤含水率时考虑含水率大小对

消退的影响，设计林地土壤含水率时考虑林地土壤含水率  $P_a$ ，然后利用图2土壤平均含水率与上下层土壤含水率的经验关系将林地土壤含水率分成上、下两层的含水率  $P_{aU}$ 、 $P_{aL}$ 。根据  $P_{aU}$  和  $P_{aL}$  进行逐时段产流计算。

### 3. 土壤含水率 $P_a$ 计算：

土壤含水率  $P_a$  计

算，每年从四或五月份起土壤干旱或久雨之后土壤湿润的情况开始计算，初始值选为零或者  $I_m$ 。

① 有雨时，当  $(P - P_{\alpha}) \geq E_m$  则根茎发能力扣损。其中  $\alpha$  为透流系数，根据  $P_a \sim \alpha$  关系求得。

$$P_{a+1} = P_{a+} [(P - P_{\alpha}) - E_m] \quad (8)$$

$E_m$  为蒸发能力用  $E - b_0$  蒸发皿实测蒸发值代替。

当  $(P - P_{\alpha}) < E_m$  时

$$P_{a+1} = P_{a+} + (P - P_{\alpha}) - E_m \frac{P_a}{I_m} \quad (9)$$

(2) 无雨时，土壤含水易为消退阶段。根据土壤含水易资料求得  $P_a > 50$  mm 时，日消退系数  $K$  为 0.87，当  $P_a < 50$  mm 时日消退系数  $K$  取 0.96。

### (三) 土壤分层和分层水流：

本模型是确定性的集总输入和集总参数型的模型。模型将土壤分成上、下两层（图 3）并分别用  $I_{m\text{上}}$  和  $I_{m\text{下}}$  表示上、下两层土壤最大含水易，以  $P_{a\text{上}}$  和  $P_{a\text{下}}$  表示任一时刻上、下两层的土壤含水易。对于模型的二个土层，相应产生三种水流，地表迳流、上层壤中流和下层壤中流。地表迳流  $R_{\text{表}}$  为降水强度超过上层土壤入渗率的部分；上层壤中流  $R_{\text{壤上}}$  为上层土壤对下层土壤补给率（即上层土壤排水率）超过下层土壤入渗率的部分；下层壤中流  $R_{\text{壤下}}$  为下层土壤排水率的一部分。

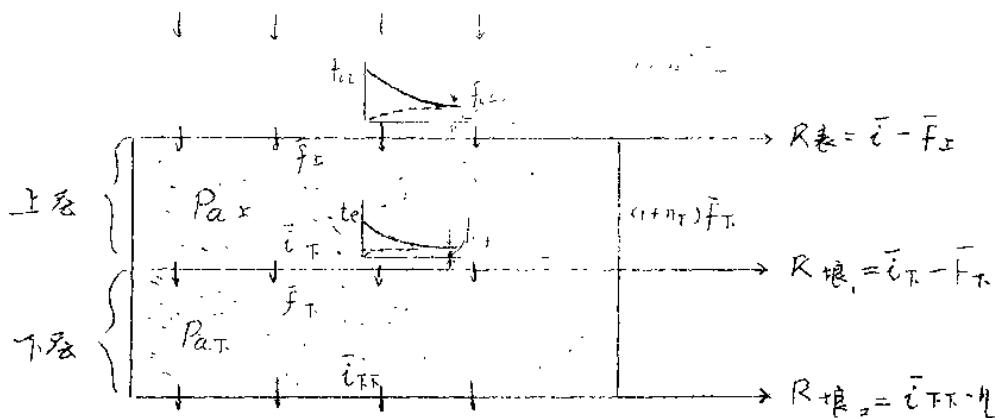


图 3

图中： $\bar{i}$  时段平均降雨强度；

$\bar{i}_{下}$  下层时段平均补给率（或上层时段平均排水率）；

$\bar{i}_{下下}$  深层时段平均补给率（或下层时段平均排水率）；

$f_{上}$  上层时段平均入渗率；

$\bar{f}_d$  下层时段平均入渗率；

$f_{d\text{上}}, f_{c\text{上}}$  上层最大入渗率和稳定入渗率；

$f_{d\text{下}}, f_{c\text{下}}$  下层最大入渗率和稳定入渗率；

$n$  下层时段排水量的可流系数。

#### (四) 流域入渗分配：

入渗能力在流域各点是不相同的，为了表达入渗能力流域分配的不均匀性，模型中选用几次抛物线并按全流域分配表达入渗能力的流域分配情况（几次抛物线部分面积分配或其它形式的分配类同）。其公式为：

$$A_i/A_0 = 1 - \left[ 1 - \frac{\bar{f}_i}{(1+n)\bar{f}} \right]^n$$

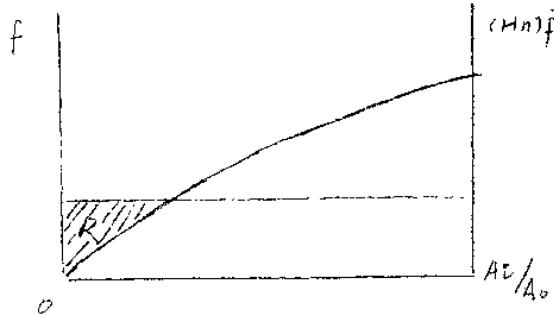


图 4

示如(图4) 式中  $A_i$  为流域分段  
流面积；  $A_0$  为流域总面积；  
 $\bar{f}_i$  为对应于  $A_i$  的时段  
平均入渗率， $\bar{f}$  为流域  
时段平均入渗率；  $n$  为  
抛物线的指数。

#### (五) 产流量计算：

##### 1、地表迳流量及表计补：

参照式(1)上层的入渗曲线公式为：

$$f_d = (f_{d\text{上}} - f_{c\text{上}}) e^{-K_d t} + f_{c\text{上}} \quad (1)$$

当上层土壤含水量为  $P_{a\text{上}}$  时，仿式(4-1) 可得时段  $\Delta t$  内的平均入渗量为：

$$\bar{f}_d \cdot \Delta t = (I_{m\text{上}} - P_{a\text{上}}) (1 - e^{-K_d \Delta t}) + f_{c\text{上}} (\Delta t - \frac{I_{m\text{上}} - P_{a\text{上}}}{K_d I_{m\text{上}}} (1 - e^{-K_d \Delta t})) \quad (1-1)$$

流域上各入渗能力分配情况由式(6)有

$$Ai/A_0 = 1 - [1 - \frac{\Delta t f_x}{(1+n_x) \Delta t f_x}] n_x \quad (12)$$

由 $\bar{f}_x \Delta t$  和时段 $\Delta t$ 内的降雨量 $i \Delta t$ 用下式计算地表迳流量 $R_{表}$ :

$$R_{表} = i \Delta t - \bar{f}_x \Delta t [1 - (1 - \frac{i \Delta t}{(1+n_x) \Delta t \cdot \bar{f}_x})^{n_x}]^* \quad (13)$$

当 $\bar{f}_x (1+n_x) \leq i$ , 即充分供水时, 下一个时段初的上层土壤含水量 $P_{a上}(t+\Delta t)$ 由式(3)可得

$$P_{a上}(t+\Delta t) = I_{mx} [1 - e^{-K_x(t+\Delta t)}] \quad (14)$$

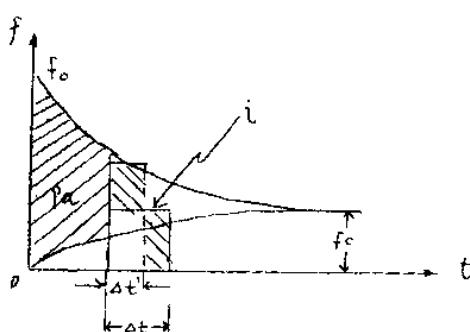
当上层土壤含水量达到 $I_{mx}$ 时, 则有:

$$R_{表} = i \Delta t - f_{c,x} \Delta t \quad (13-1)$$

相反

$$P_{a上}(t+\Delta t) = I_{mx} \quad (14-1)$$

当 $\bar{f}_x (1+n_x) > i$ , 即非充分供水时, 流域内部分面积上的降雨不能满足入渗如图5所示, 流域的实际入渗量为:



$\bar{i} \Delta t - R_{表}$ , 即充分供水时的  
入渗量  $\Delta P_{a上} = I_{mx} (1 - e^{-K_x \Delta t})$   
-  $I_{mx} (1 - e^{-K_x t})$ , 为计算  
下一时段初的土壤含水量  
需按实际入渗量反求计补  
时段 $\Delta t'$ , 则:

$$\bar{i} \Delta t - R_{表} = (I_{mx} - P_{a上}) (1 - e^{-K_x \Delta t'}) + f_{c,x} [\Delta t' - \frac{I_{mx} - P_{a上}}{K_x I_{mx}} (1 - e^{-K_x \Delta t'})] \quad (15)$$

由于方程为隐函数,  $\Delta t'$ 不能直接求解, 需试算求得 $\Delta t'$ 。再由试算,

\* 推求请见参考文献 1

求得的  $\Delta t'$  计算下個时段的上层土壤含水量

$$P_{at}(t+\Delta t') = I_{m_x} [1 - e^{-K_x(t+\Delta t')}] \quad (14-2)$$

2. 上层壤中流  $R_{壤}$  计算：

上层土壤向下层土壤的时段平均补给率（即上层土壤的排水率）由式(5-1)得：

当  $f_x(1+n_x) \leq \bar{i}$  时

$$\bar{i}_下 = f_{c_x} - \frac{f_{c_x}}{\Delta t' K_x} e^{-K_x \Delta t'} (1 - e^{-K_x \Delta t'}) \quad (16)$$

当  $f_x(1+n_x) > \bar{i}$  时

$$\bar{i}'_下 = f_{c_x} - \frac{f_{c_x}}{\Delta t' K_x} e^{-K_x \Delta t'} (1 - e^{-K_x \Delta t'}) \quad (16-1)$$

当上层土壤含水量达到  $I_{m_x}$  时，則有

$$\bar{i}_下 = f_{c_x} \quad (16-2)$$

參照(1)式，下层入渗曲线为：

$$f_T = (f_{0T} - f_{cT}) e^{-K_T t} + f_{cT} \quad (17)$$

当下层土壤含水量为  $P_{at}$  时， $\Delta t$  时段内平均入渗量为：

$$\Delta t \bar{f}_T = (I_{m_T} - P_{at}) (1 - e^{-K_T \Delta t}) + f_{cT} \left[ 1 - \frac{I_{m_T} - P_{at}}{\Delta t \cdot K_T I_{m_T}} (1 - e^{-K_T \Delta t}) \right] \quad (17-1)$$

入渗能力分配情况如下式：

$$A_i / A_o = 1 - \left[ 1 - \frac{\Delta t \bar{f}_T}{(1+n_T) \Delta t \bar{f}_T} \right]^{n_T} \quad (18)$$

仿式(13)可推得上层壤中流  $R_{壤}$  为：

$$R_{壤} = \bar{i}_下 \cdot \Delta t - \bar{f}_T \cdot \Delta t \left\{ 1 - \left( 1 - \frac{\bar{i}_T \cdot \Delta t}{(1+n_T) \Delta t \bar{f}_T} \right)^{n_T+1} \right\} \quad (19)$$

当  $\bar{f}_{T\downarrow}(1+n_{T\downarrow}) \leq \bar{i}_{T\downarrow}$  时，下一时段初的下层土壤含水量  $P_{AT}(t+\Delta t)$  类似式(9)有：

$$P_{AT}(t+\Delta t) = I_{mT\downarrow}(1 - e^{-K_{T\downarrow}(t+\Delta t)}) \quad (20)$$

当下层土壤含水量达到  $I_{mT\downarrow}$  时则有：

$$R_{\text{壤}} = \bar{i}_{T\downarrow} \cdot \Delta t - f_{CT\downarrow} \cdot \Delta t \quad (19-1)$$

相应  $P_{AT}(t+\Delta t) = I_{mT\downarrow}$  (20-1)

当  $\bar{i}_{T\downarrow} < \bar{f}_{T\downarrow}(1+n_{T\downarrow})$  时，则按实际入渗量反求计补时段  $\Delta t''$  则有：

$$\bar{i}_{T\downarrow} \cdot \Delta t - R_{\text{壤}} = (I_{mT\downarrow} - P_{AT})(1 - e^{-K_{T\downarrow}\Delta t''}) + f_{CT\downarrow}[\Delta t'' - \frac{I_{mT\downarrow} - P_{AT}}{K_{T\downarrow} I_{mT\downarrow}}(1 - e^{-K_{T\downarrow}\Delta t''})] \quad (21)$$

由求得的  $\Delta t''$  计补下一时段初的下层土壤含水量

$$P_{AT}(t+\Delta t'') = I_{mT\downarrow}[1 - e^{-K_{T\downarrow}(t+\Delta t'')} ] \quad (20-2)$$

3. 下层壤中流计补，已知下层土壤含水量为  $P_{AT}$  时，可求得下层壤向深层土壤的时段平均补给率为：

当  $\bar{f}_{T\downarrow}(1+n_{T\downarrow}) \leq \bar{i}_{T\downarrow}$  时

$$\bar{i}_{T\downarrow} = f_{CT\downarrow} - \frac{f_{CT\downarrow}}{\Delta t \cdot K_{T\downarrow}} e^{-K_{T\downarrow} t} (1 - e^{-K_{T\downarrow} \Delta t}) \quad (22)$$

当  $\bar{f}_{T\downarrow}(1+n_{T\downarrow}) > \bar{i}_{T\downarrow}$  时

$$\bar{i}_{T\downarrow}'' = f_{CT\downarrow} - \frac{f_{CT\downarrow}}{\Delta t'' \cdot K_{T\downarrow}} e^{-K_{T\downarrow} t} (1 - e^{-K_{T\downarrow} \Delta t''}) \quad (22-1)$$

当下层土壤含水量达到  $I_{mT\downarrow}$  时则

$$\bar{i}_{T\downarrow} = f_{CT\downarrow} \quad (22-2)$$

下层壤中流  $R_{\text{壤}}$ ，本模型拟按下式计补：

$$R_{\text{壤}} = n \bar{i}_{T\downarrow} \cdot \Delta t \quad (23)$$

式中  $\eta$  为下层壤中流占下层土壤排水量的比例系数。

在天然情况下，上述产流情况一般是交替出现的，因此在计算中必须作时段供水强度  $\bar{I}$  ( $\bar{I}_T$ ) 是否大于时段入渗能力的判断，视不同情况选用不同的计算式（详见框图六），算出该时段的产流量，再求得总水量。

## 二 模型参数的确定

本模型中共有  $I_{mE}$ ,  $I_{mT}$ ,  $K_E$ ,  $K_T$ ,  $f_{cE}$ ,  $f_{cT}$ ,  $\eta$  七个参数。其中  $I_{mE} (= f_{cE} / K_E)$ ,  $K_E$ ,  $f_{cE}$  为流域上层土壤入渗曲线参数； $I_{mT} (= f_{cT} / K_T)$ ,  $K_T$ ,  $f_{cT}$  为流域下层土壤入渗曲线参数； $\eta$  为下层壤中流系数。

### (一) 模型参数分析：

$I_{mE}$  和  $I_{mT}$  分别为影响土层上层和下层的土壤含水最大可能容积，它们之和即为影响土层含水最大的最大可能容积  $I_m$ 。

降雨入渗引起土壤含水变化的大层深度（即影响大层深度）是一个参数，它随雨强大小和雨时长短而变。如果雨强大，雨时短入渗锋面的位置比较浅；反之，雨强小，雨时长则入渗锋面的位置就比较深，因而不同的雨强和雨时具有不同的入渗锋面深度（见图6\*）形成负压计场入渗锋子图。但对于这一情况尚难加以考虑，本模型中仅考虑入渗锋子的平均深度，根据祁仪试验区资料分析为40公分左右。

地表到入渗锋子大层最大含水层，亦即为降雨前后土壤含水层的最大变幅  $I_m = P_{max} - P_{min}$ ，根据祁仪试验区多年土壤含水层线分布资料画土壤含水层垂线分布图，并取其内外包围（图7中阴线部分），并由此求得大层的  $I_m$  为  $70 \text{ mm}$ 。地表到地表以下30公分大层含水层变化较大为上层， $I_{mE}$  为  $60 \text{ mm}$ ；地表以下30至40公分之间的大层含水层变化较少为下层，其  $I_{mT}$  为  $10 \text{ mm}$ 。

\* 参见文献3。

模型分析图

↓ ↓ ↓ ↓ ↓ ↓ ↓ ↓ ↓ ↓ ↓ ↓

$P_{ax}$

$$f_t \cdot \Delta t = (I_{mx} - P_{ax})(1 - e^{-K_x \Delta t}) + [at - \frac{I_{mx} - P_{ax}}{K_x I_{mx}}(1 - e^{-K_x \Delta t})] f_{cx}$$

$$R_{ax} = i \cdot \Delta t - f_t \cdot at \left[ 1 - \left( 1 - \frac{i \cdot \Delta t}{(1+R_x) f_t \cdot at} \right)^{n_x+1} \right]; \quad \frac{i \cdot \Delta t}{(1+R_x) f_t \cdot at} \geq \frac{1}{n_x+1}$$

是

$$t = \frac{1}{K_x} f_t \left( 1 - \frac{P_{ax}}{I_{mx}} \right) +$$

$$i \cdot \Delta t \text{ 是否} \geq (1+R_x) f_t \cdot at$$

否

$$i_t \cdot \Delta t = f_{cx} \cdot at - \frac{f_{cx}}{K_x} e^{-K_x t} (1 - e^{-K_x \Delta t})$$

$$P_{ax}(t+\Delta t) = I_{mx} (1 - e^{-K_x(t+\Delta t)})$$

$P_{ax}$

$$f_{T_x} \cdot \Delta t = (I_{mx} - P_{ax})(1 - e^{-K_x \Delta t}) + [at - \frac{I_{mx} - P_{ax}}{K_x I_{mx}}(1 - e^{-K_x \Delta t})] f_{cx}$$

$$R_{ax} = i_{T_x} \cdot \Delta t \left[ 1 - \left( 1 - \frac{i_{T_x} \cdot \Delta t}{(1+R_x) f_{T_x} \cdot \Delta t} \right)^{n_x+1} \right]; \quad \frac{i_{T_x} \cdot \Delta t}{(1+R_x) f_{T_x} \cdot \Delta t} \geq \frac{1}{n_x+1}$$

是

$$t_x = -\frac{1}{K_x} f_{T_x} \left( \frac{P_{ax}}{I_{mx}} \right)$$

$i \cdot \Delta t$  是否  $\geq (1+R_x) f_{T_x} \cdot \Delta t$

否

$$P_{ax}(t+\Delta t) = I_{mx} (1 - e^{-K_x(t+\Delta t)})$$

$$R_{ax} = [f_{T_x} \cdot \Delta t - \frac{f_{T_x}}{K_x} e^{-K_x t} (1 - e^{-K_x \Delta t})] \eta$$

$$i_{T_x} \cdot \Delta t - R_{ax} = (I_{mx} - P_{ax})(1 - e^{-K_x \Delta t}) + [at - \frac{I_{mx} - P_{ax}}{K_x I_{mx}}(1 - e^{-K_x \Delta t})] f_{cx}$$

试求  $\Delta t'$

$$P_{ax}(t+\Delta t') = I_{mx} (1 - e^{-K_x(t+\Delta t')})$$

$$R_{ax} = [f_{T_x} \cdot \Delta t' - \frac{f_{T_x}}{K_x} e^{-K_x t} (1 - e^{-K_x \Delta t'})] \eta$$

$$i \cdot \Delta t - R_{ax} = (I_{mx} - P_{ax})(1 - e^{-K_x \Delta t}) + [at - \frac{I_{mx} - P_{ax}}{K_x I_{mx}}(1 - e^{-K_x \Delta t})] f_{cx}$$

$$\text{试求 } \Delta t'$$

$$P_{ax}(t+\Delta t') = I_{mx} (1 - e^{-K_x(t+\Delta t')})$$

$$i_{T_x} \cdot \Delta t' = f_{cx} \cdot at' - \frac{f_{cx}}{K_x} e^{-K_x t} (1 - e^{-K_x \Delta t'})$$

$$i_{T_x} \cdot \Delta t' = (I_{mx} - P_{ax})(1 - e^{-K_x \Delta t'}) + f_{cx} \cdot at' \left[ 1 - \frac{I_{mx} - P_{ax}}{K_x I_{mx}}(1 - e^{-K_x \Delta t'}) \right]$$

$$R_{ax} = i_{T_x} \cdot \Delta t' - f_{cx} \cdot at' \left[ 1 - \left( 1 - \frac{i_{T_x} \cdot \Delta t'}{(1+R_x) f_{cx} \cdot at'} \right)^{n_x+1} \right]; \quad \frac{i_{T_x} \cdot \Delta t'}{(1+R_x) f_{cx} \cdot at'} \geq \frac{1}{n_x+1}$$

$$t_x = -\frac{1}{K_x} f_{cx} \left( \frac{P_{ax}}{I_{mx}} \right)$$

$i_{T_x} \cdot \Delta t'$  是否  $\geq (1+R_x) f_{cx} \cdot at'$

否

$$P_{ax}(t+\Delta t') = I_{mx} (1 - e^{-K_x(t+\Delta t')})$$

$$R_{ax} = [f_{cx} \cdot at' - \frac{f_{cx}}{K_x} e^{-K_x t} (1 - e^{-K_x \Delta t'})] \eta$$

$$i_{T_x} \cdot \Delta t' - R_{ax} = (I_{mx} - P_{ax})(1 - e^{-K_x \Delta t'}) + f_{cx} \cdot at' \left[ 1 - \frac{I_{mx} - P_{ax}}{K_x I_{mx}}(1 - e^{-K_x \Delta t'}) \right]$$

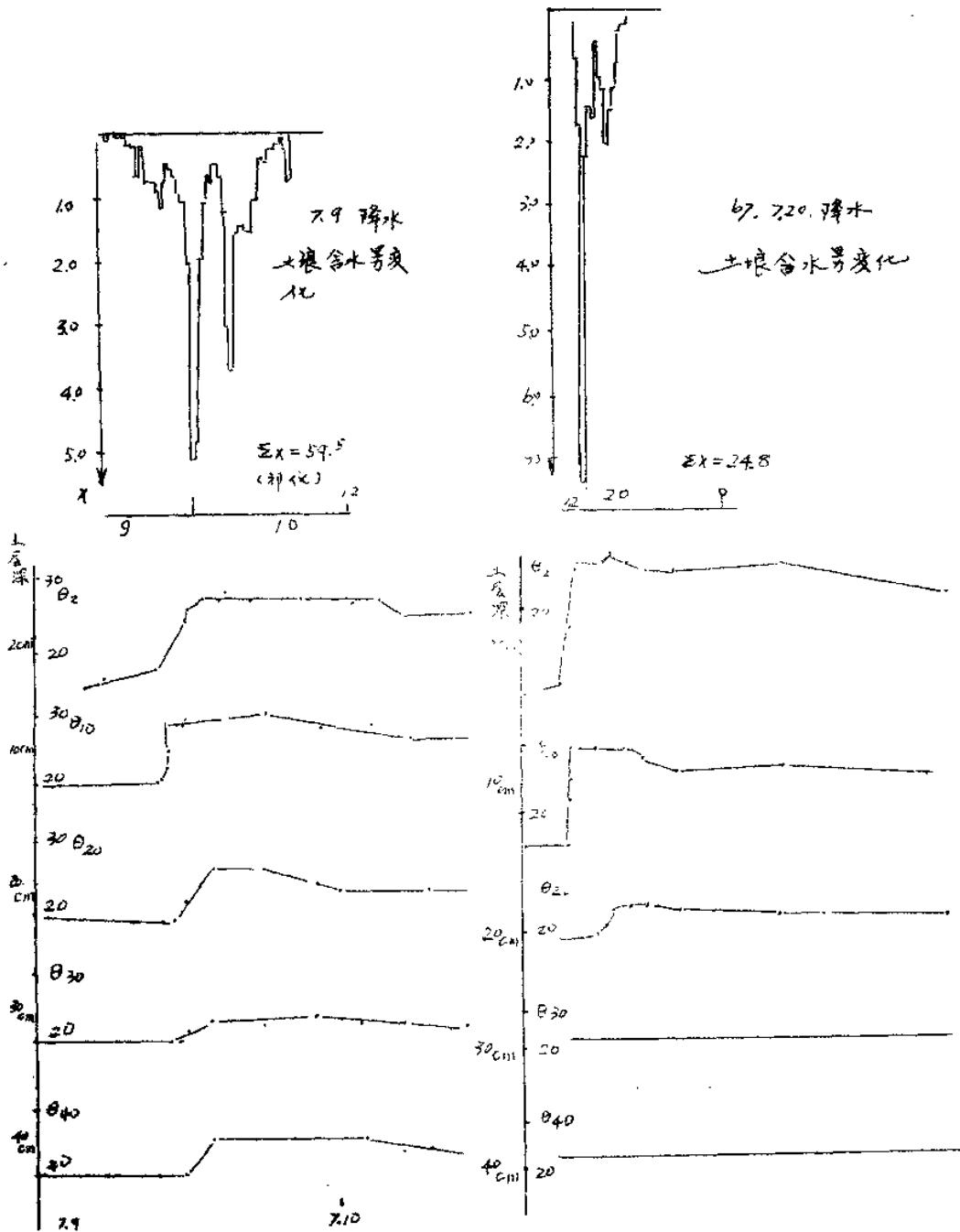
试求  $\Delta t''$

$$P_{ax}(t+\Delta t'') = I_{mx} (1 - e^{-K_x(t+\Delta t'')})$$

$$R_{ax} = [f_{cx} \cdot at'' - \frac{f_{cx}}{K_x} e^{-K_x t} (1 - e^{-K_x \Delta t''})] \eta$$



祁仪负压计场入渗率图



最大、最小土壤含水量线分布图

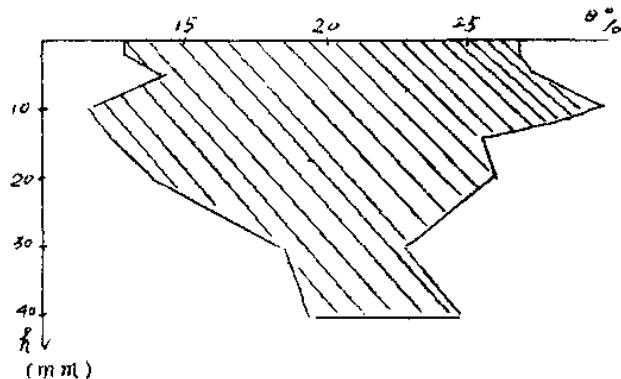


图 7

本次参数优选采用手工和计算机相结合的办法来进行的。首先在参数分析的基础上变动其中一个参数，固定其它各参数由计算机进行多流计算求单参数变动对迳流的影响，然后再用类似的办法对其它各个参数进行计算，由此基础上对各参数进行适当的调整和综合，选择若干组较合适的参数。再根据这几组参数由计算机对各次洪水进行计算，并与实测值进行比较，进行参数总体优选。

文中用宋庄站 1962、1965 年八次洪水资料优选参数，结果如下：

$$\begin{array}{ll} I_{m\uparrow} \text{ 为 } 60^{\text{mm}}, & I_{m\downarrow} \text{ 为 } 10^{\text{mm}} \\ K_r \text{ 为 } 1.0, & K_d \text{ 为 } 0.5 \\ f_{c\uparrow} \text{ 为 } 4^{\text{mm}}/\text{小时}, & f_{c\downarrow} \text{ 为 } 2^{\text{mm}}/\text{小时} \\ \eta \text{ 为 } 0.02. & \end{array}$$

### (三) 模型检验

根据宋庄流域 1962 至 1967 年五年降水量、流量资料和上述

流域工下层土壤入  
渗曲线参数  $K_r$ ,  $K_d$   
和耗能入渗率  $f_{c\uparrow}$ ,  $f_{c\downarrow}$   
根据祁仪试验区同心  
环及复函计试验资料  
确定参数优选范围，  
 $K$  值为  $0 \sim 1$ ,  $f_c$  为  $2 \sim 7^{\text{mm}}$   
之间，然后由计算机  
优选确定。

下层壤中流三流  
参数由优选确定。

### (二) 参数优选：

参或用本模型进行每次洪水产流计林。计林时段取15分钟，以每次洪水所对应的雨前土壤含水量和逐时段降雨量作为输入按一定程序进行计林，输出 $R_{\text{表}}$ ， $R_{\text{壤}}$ 和 $R_{\text{地}}$ 。对次洪水的计林结果见附表。计林的总 $R$ 和实测值对比见附表。和图8。

从对比结果可以看出在首立次洪水中有五次洪水计林的迳流深大于实测值20%，以上，偏差较大，经检查，其中四次洪水系长期干旱后的首次洪水，由于受流域中扩渠，小水库蓄水影响，实测迳流深偏小。另一次1963年5月26日洪水，其实测迳流深几乎和降雨量相等，实测值可能偏大。从上述定性分析来看，计林迳流深尚属合理。

在其余的19次洪水中，有17次洪水相对误差小于 $\pm 20\%$ （小洪水，绝对误差小于 $\pm 3 \text{ mm}$ ）。此外，我们用计林迳流深考虑雨强大小的方法建立以次降雨平均强度为参数的 $P+P_a$ 与 $R_{\text{壤}}$ 和 $P+P_a$ 与 $R_{\text{表}}$ 的关系（图9、10），且据分佈规律良好，从图中可以看出相同的 $P+P_a$ 值时，雨强越大壤中流越小，地表迳流越大；反之雨强越小壤中流越大，地表迳流越小。

本模型为分层超渗产流模型。从宋庄流域资料检验可见模型设计是可行的。为了更好地检验模型，我们将选用壤中流较大的流域资料进行产流计林。

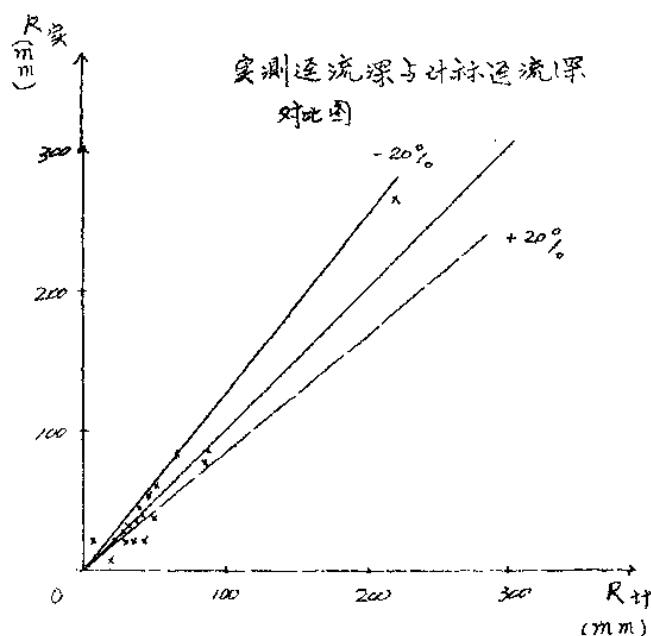


图 8

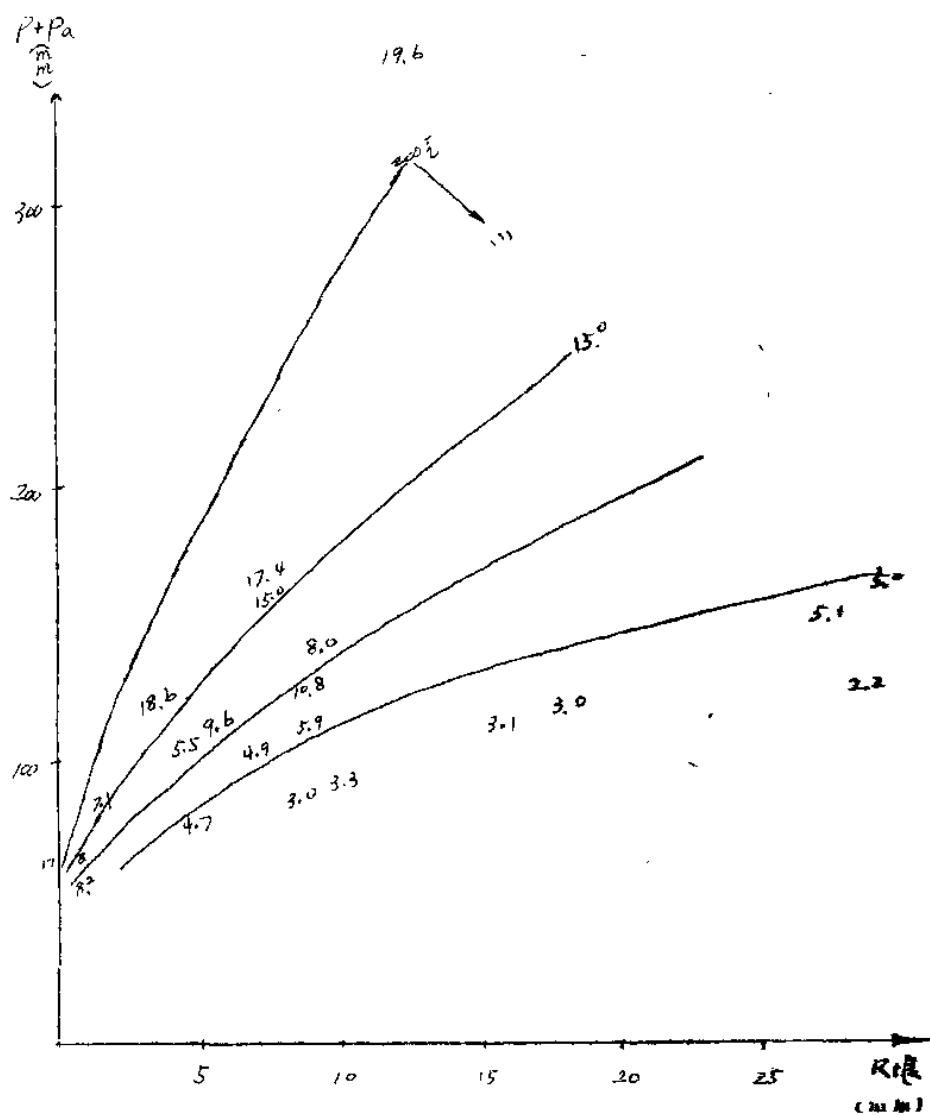


图9  $P+P_a \sim \bar{t} \sim R_{Td}$  关系