

计算尺的使用

黑龙江科学技术出版社

计算尺的使用

国防工业出版社

计 算 尺 的 使 用

张 德 印 编

黑 龙 江 科 学 技 术 出 版 社

一 九 八 一 年 哈 尔 滨

计 算 尺 的 使 用

张 德 印 编

黑龙江科学技术出版社出版

(哈尔滨市南岗区分部街28号)

86001部队印刷厂印刷·黑龙江省新华书店发行

开本787×1092毫米1/32·2 14/16·字数55千

1981年10月第一版·1981年10月第一次印刷

印数: 1—11,200

号书: 13217·019

定价: 0.29元

内 容 提 要

本书通俗地介绍了用计算尺计算对数、幂函数、乘除法、比例、平方、立方、开平方、开立方、三角函数的方法，并对圆的计算、马力与千瓦的换算、三角形解法、双曲函数的查法进行了举例说明。本书通过大量实际例子阐述了计算尺的使用方法，可供大、中专学生、技校师生和工程技术人员参考。

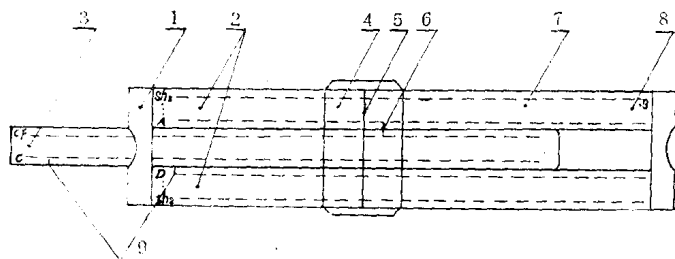
目 录

一、计算尺介绍	1
1. 计算尺的构造	1
2. 计算尺的保护	2
二、对数求法	3
1. 对数的分类及其相互关系	3
2. 各种对数的查法	5
三、幂函数计算	16
1. 当 $b>0$ 时查 a^b 的值	16
2. 当 $b<0$ 时查 a^b 的值	35
3. 幂函数 a^b 的 a 值范围的扩展	38
四、乘除法计算	39
1. 乘法的计算	39
2. 除法的计算	41
3. 乘除混合计算	42
五、比例的计算	46
六、平方、立方, 开平方、开立方计算	50
1. 平方计算	50
2. 立方计算	51
3. 开平方计算	53
4. 开立方计算	55
5. 指数是 $\frac{3}{2}$ 或 $\frac{2}{3}$ 的幂	57
6. 倒数尺的联用	59

七、三角函数求法	61
1. 正弦的求法.....	62
2. 余弦的求法.....	64
3. 正切的求法.....	65
4. 余切的求法.....	67
5. 余割的求法.....	68
6. 正割的求法.....	69
八、圆的计算	71
1. 圆周长的计算.....	71
2. 圆面积的计算.....	72
3. 圆柱侧面积计算.....	73
4. 圆柱体积计算.....	73
5. 球的计算.....	74
九、马力与千瓦的换算	75
1. 千瓦换算马力.....	75
2. 马力换算千瓦.....	75
十、三角形的解法	77
1. 直角三角形的解法.....	77
2. 任意三角形的解法.....	78
十一、双曲函数的查法	82
1. 双曲函数定义.....	82
2. 双曲函数的查法.....	82

一、计算尺介绍

1. 计算尺的构造



(1) 尺身：计算尺的固定部分。

(2) 上尺与下尺：尺身的上部称为上尺，尺身的下部称为下尺。

(3) 滑尺：上下尺间可滑动的尺称为滑尺。

(4) 滑标（游标）：为了准确迅速地读出尺上的数，在上下尺身上附有可滑动的透明片称为游标。

(5) 准线（发线），是刻在游标上的垂直于尺身的红线。

(6) Hp：红Hp是在发线的右上方用来换算马力与 瓩 关系的符号。

(7) 尺度：上下尺与滑尺的尺面上刻有许多分度线，用来进行各种计算，每组分度称为一条尺度。

(8) 延长部：为了运算便利，两端有延长的刻度。如 $\text{Sin}2$ 尺、 $\text{tg}2$ 尺及对数的尺度等。

(9) 左右标：在每一尺度的左右端标1处找与1对应处叫做左标与右标，如A, B, C, D的两端的1是左标和右标。

2. 计算尺的保护

a. 尺不可放在高温和潮湿的地方。

b. 用完后应用绸布包好放入尺匣内。

c. 尺面污秽时，用绒布揩拭，不要用水洗。

d. 滑标污秽，可放一薄纸条在尺面及玻璃片之间，轻轻左右推动滑标，即能揩净。

e. 各尺度两端对应处（左标及右标）必须在同一条垂直线上。若有误差，可松动尺端螺丝钉调整。

f. 滑标发线应当与尺身及尺度横方向垂直。滑标两面的发线更必须同时都能对准正反两面尺度的左标和右标。若有误差松动滑标上的螺钉校正。

二、对数求法

1. 对数的分类及其相互关系

设

$$y = a^x \quad (a > 0, a \neq 1)$$

我们把 x 叫做以 a 为底的 y 的对数， a 叫做底数， y 叫做真数，记作

$$x = \text{Log}_a y$$

按照对数的底数 a 不同，可把对数分作三种。

a. 常用对数，

以10为底的对数，即 $\log_{10} N$ ，通常叫做常用对数，简写 $\text{Lg} N$ ，其中的底数“10”省略不等。

例如： $\text{Log}_{10} 25 = \text{Lg} 25$

$$\text{Log}_{10} 0.25 = \text{Lg} 0.25$$

b. 自然对数，

以常数 e （其值为2.71828）为底的对数，即 $\text{Log}_e N$ ，通常叫做自然对数，简写为 $\text{Ln} N$ ，其中“ e ”省略不写。

例如： $\text{Log}_e 25 = \text{Ln} 25$

$$\text{Log}_e 0.25 = \text{Ln} 0.25$$

c. 一般对数，

以不为零的任意数 a 为底的对数，通常叫做一般对数。记作 $\text{Log}_a N$ 。

例如： $\text{Log}_{15} 25$

$$\text{Log}_{1.5} 25 \dots$$

以上三种对数，可用换底公式互相表示。换底公式为：

$$\log_A B = \frac{\log_c B}{\log_c A}$$

也就是说，以A为底B的对数等于以其他任意数C为底的B的对数除以C为底的A的对数。

由换底公式可推出如下的关系：

可用常用对数表示一般对数，如

$$\log_{2.5} 1.5 = \frac{\lg 1.5}{\lg 2.5}$$

因为一般对数 $\text{Log}_{2.5} 1.5$ 无法从计算尺上直接查出，但常用对数 $\lg 1.5$ 和 $\lg 2.5$ 可以从尺上直接查出，所以用上面的公式，通过查常用对数可间接查出一般对数。

用自然对数表示一般对数，如，

$$\log_{2.5} 1.5 = \frac{\ln 1.5}{\ln 2.5}$$

同样，用这个公式通过查自然对数 $\ln 1.5$ 和 $\ln 2.5$ 间接地查出一般对数 $\text{Log}_{2.5} 1.5$ 。

用自然对数表示常用对数，如

$$\lg 1.5 = \frac{\ln 1.5}{\ln 10} = \frac{1}{2.303} \ln 1.5 = 0.434 \ln 1.5$$

同样，用这个公式通过查自然对数 $\ln 1.5$ 再乘以一个系数 0.434，就间接查出常用对数 $\lg 1.5$ 。

用常用对数表示自然对数，如

$$\ln 1.5 = \frac{\lg 1.5}{\lg e} = \frac{1}{0.434} \lg 1.5 = 2.303 \lg 1.5$$

用这个公式通过查常用对数，间接查出自然对数。

2. 各种对数的查法

a. 常用对数

查常用对数，使用Lg尺和D尺。对于一个常用对数 Lgx 来说，真数 x 的对数值由定位部和定值部二部分组成。

当真数 x 是一个整数或不是纯小数时，定位部等于真数 x 的整数位数减一。如 $x=53.3$ ，定位部等于 $2-1=1$ ；又如 $x=3.5$ ，定位部等于 $1-1=0$ 。

当真数 x 是一个纯小数时，定位部等于真数 x 有效数字前面零的个数（包括个位那个零），是一个负数。如 $x=0.5$ ，定位部等于 -1 ；又如 $x=0.0005$ ，定位部等于 -4 。

定值部可从lg尺和D尺直接查出。在查定值部时，不管真数 x 小数点的位置。用发线盖住DR的真数 x ，在发线下读得Lg尺上的数，就是真数 x 的对数值的定值部分。只取小数。如 $x=5.2$ ，定值部 $=0.716$

通过上述法则算出定位部和通过Lg尺和DR查出定值部，二者相加就是真数 x 的对数值，如 $x=5.2$

$$Lg5.2 = \text{定位部} + \text{定值部}$$

$$= 1 - 1 + 0.716$$

$$= 0 + 0.716$$

$$= 0.716$$

下面通过几个例子说明查 Lgx 的方法。

例1：求 $Lg3.85 = ?$

解： $Lg3.85 = \text{定位部} + \text{定值部}$

$$\text{定位部} = 1 - 1 = 0$$

$$\text{定值部} = 0.585$$

定值部的查法，是将发线盖住D尺的3.85，在发线下得到lg尺的读数为0.585，将定位部和定值部代入上式得：

$$\text{Lg}3.85 = 0 + 0.585 = 0.585$$

例 2： 求 $\lg 105100 = ?$

解： 方法同上，定位部 $= 6 - 1 = 5$

$$\text{定值部} = 0.0216$$

所以 $\lg 105100 = 5 + 0.0216$

$$= 5.0216$$

例 3： 求 $\lg 0.00785 = ?$

解： 定位部 $= -3$

$$\text{定值部} = 0.894$$

所以 $\lg 0.00785 = -3 + 0.894$

$$= \overline{2}.106$$

练习题 1

$$\lg 9 = (0.954), \quad \lg 0.0437 = (\overline{2}.641)$$

$$\lg 15 = (1.176) \quad \lg 1200 = (3.079)$$

$$\lg 47 = (1.672) \quad \lg 26 = (1.415)$$

$$\lg 300 = (2.477) \quad \lg 0.0006 = (\overline{4}.778)$$

对于 $\lg x$ 来说，如果 x 是一个代数式，可用如下的公式计算。

若 $x = a \cdot b$ ，则 $\text{Lg}(a \cdot b) = \text{Lg} a + \text{Lg} b$

例如， $\text{Lg}(15 \times 25) = \text{Lg} 15 + \text{Lg} 25$

$$= 1.176 + 1.397$$

$$= 2.573.$$

若 $x = \frac{a}{b}$, 则 $\lg\left(\frac{a}{b}\right) = \lg a - \lg b$

$$\begin{aligned}\text{例如, } \lg\left(\frac{15}{25}\right) &= \lg 15 - \lg 25 \\ &= 1.176 - 1.397 \\ &= -0.221\end{aligned}$$

若 $x = a^n$, 则 $\lg a^n = n \lg a$

$$\begin{aligned}\text{例如, } \lg 1.25^{2.5} &= 2.5 \lg 1.25 \\ &= 2.5 \times 0.0969 \\ &= 0.242\end{aligned}$$

若 $x = \sqrt[n]{a}$, 则 $\lg \sqrt[n]{a} = \frac{1}{n} \lg a$

$$\begin{aligned}\text{例如, } \lg 2.5 \sqrt{1.25} &= \frac{1}{2.5} \lg 1.25 \\ &= \frac{1}{2.5} 0.0969 \\ &= 0.0387\end{aligned}$$

已知对数查其真数可用如下的方法。只通过对数值小数点后的数来查真数的数值，查出的真数小数点的位置由对数小数点前的数值来确定。

若对数是正数，真数的整数位等于对数的整数加一，真数的有效数由对数小数点后的小数用尺查出。

例 1， $\lg N = 2.979$ ，求 $N = ?$

解：通过 0.979 查真数的数值，将发线盖住 $\lg$ 尺的 0.979，在发线下的 D 尺上该数为 953，再通过 $\lg N = 2.979$ 中的整数 2，求真数小数点的位置，真数的整数位为 $2 + 1 = 3$ ，所以

$$N = 953$$

例 2: $\lg N = 5$ 求 N

解: 由整数 5, 确定真数的整数位数等于 $5 + 1 = 6$ 位, 将对数的小数部分的零放在 $\lg$ 尺的零刻度, 对应的 D 尺读数为 1, 所以

$$N = 100000$$

例 3: 已知 $LgN = 0.518$ 求 N

解: 发线盖住 Lg 尺的 0.518, 发线下的 D 尺读数为 33, 又因对数的整数位为零, 所以真数的整数位 $= 0 + 1 = 1$, 所以

$$N = 3.3$$

若对数是负数时, 真数的有效数字前的零的个数 (包括个位那个零), 等于对数负整数的数值。有效数仍然由对数的小数点后的数由尺查出。

例 4: 已知, $LgN = \bar{1}.356$, 求 $N = ?$

解: 发线盖住 0.356, 由 D 尺读得 227, 又因对数的整数位为 -1 , 所以

$$N = 0.227$$

练习 2

$$LgN = 0.534 (N = 3.42), \quad LgN = 1.895 (N = 78.5)$$

$$LgN = 2.344 (N = 221), \quad LgN = 0.838 (N = 6.89)$$

$$LgN = \bar{1}.534 (N = 0.342), \quad LgN = \bar{2}.310 (N = 0.0204)$$

b. 自然对数

自然对数 $L_n x$ 可用 $L_n 3I$ 尺, $L_n 2I$ 尺, $L_n 1I$ 尺, $L_n 1$ 尺, $L_n 2$ 尺, $L_n 3$ 尺和 D 尺直接查出对数值。这六条尺表示真数 x 的范围为 $10^{-5} \sim 2 \times 10^4$, 只要 x 在这个范围内, 都可分别用这六条自然对数尺直接查出其自然对数值, 在这范围之外的真

数 x 的值,要想求出其自然对数值,可利用公式将 x 化求解用尺直接查出的两数之积找商,间接查出(详见后面的例子)。

若 x 值在 $10^{-6} \sim 0.4$ 之间,用 $L_n 3I$ 尺和 D 尺查出 $L_n x$ 的值,对数的取值范围为 $-1 \sim -10$ 。

例 1: 求 $L_n 0.001 = ?$

解: 发线盖住 $L_n 3I$ 尺的 10^{-3} , 在 D 尺上读数为691, 因用 $L_n 3I$ 尺, 所以

$$L_n 0.001 = -6.91$$

若 x 值在 $0.37 \sim 0.915$ 之间时, 用 $L_n 2I$ 尺和 D 尺查出 $L_n x$ 的值。对数的取值范围为 $-0.1 \sim -1$ 。

例 2: 求 $L_n 0.7 = ?$

解: 发线盖住 $L_n 2I$ 尺的 0.7 , 在 D 尺读数为357, 因取值范围在 $-0.1 \sim -1$ 之间, 故,

$$L_n 0.7 = -0.357$$

若 x 值在 $0.9 \sim 0.99$ 之间时, 用 $L_n 1I$ 尺和 D 尺查出 $L_n x$ 的值。对数的取值范围为 $-0.01 \sim -0.1$

例 3: 求 $L_n 0.95 = ?$

解: 发线盖住 $L_n 1I$ 尺的 0.95 , 在 D 尺上的读数为514, 因取值范围在 $-0.01 \sim 0.1$ 之间, 故

$$L_n 0.95 = -0.0514$$

若 x 在 $1.01 \sim 1.105$ 之间时, 用 $L_n 1$ 尺和 D 尺查出 $L_n x$ 的值, 取值范围为 $0.01 \sim 0.1$ 。

例 4: 求 $L_n 1.04 = ?$

解: 发线盖住 $L_n 1$ 尺的 1.04 , 在 D 尺上读数为392, 因取值范围在 $0.01 \sim 0.1$ 之间, 故

$$L_n 1.04 = 0.0392$$

若 x 在 $1.105 \sim e$ (2.71828) 之间时, 用 $L_n 2$ 尺和 D 尺查出 $L_n x$ 的值, 对数的取值范围在 $0.1 \sim 1$ 之间。

例 5: 求 $L_n 1.5 = ?$

解: 发线盖住 $L_n 2$ 尺的 1.5 , 在发线下读 D 尺的读数为 406 , 因取值范围在 $0.1 \sim 1$ 之间, 故

$$L_n 1.5 = 0.406$$

若 x 值在 $e \sim 20000$ 之间时, 用 $L_n 3$ 尺和 D 尺查出 $L_n x$, 取值范围为 $1 \sim 10$,

例 6: 求 $L_n 41.2 = ?$

发线盖住 $L_n 3$ 尺的 41.2 , 在 D 尺上的读数为 372 , 因取值范围在 $1 \sim 10$ 之间, 故

$$L_n 41.2 = 3.72$$

对于自然对数 $L_n x$ 来说, 若 x 是一个代数式, 其对数的查法, 基本同常用对数。

当 $x = a \cdot b$ 时, 则 $L_n(a \cdot b) = L_n a + L_n b$

例 1: 已知 $x = 5 \times 0.3$, 求 $L_n x = ?$

解: $L_n x = L_n(5 \times 0.3) = L_n 5 + L_n 0.3$

因为 $L_n 5 = 1.609$ (查法同前)

$$L_n 0.3 = -1.203$$

代入上式得

$$\begin{aligned} L_n(5 \times 0.3) &= 1.609 - 1.203 \\ &= 0.406 \end{aligned}$$

这个性质对于不能从自然对数尺上直接查出的 $x > 20000$ 和 $x < 10^{-6}$ 的真数, 求出其对数是很重要的, 可把 x 分解为计算尺能直接查出的两个数乘积。如 $x = 30000$, 可分解为 $x = 100$