

1988年全国中考 数理化试题选解

郭力强 主编

刘建秋 尚煜颖 范永贞

中国集邮出版社

责任编辑：乔采芬

1988年全国中考数理化试题选解

中国集邮出版社出版（北京东长安街27号）

新华书店首都发行所经销（北京西绒线胡同甲7号）

马起乏印刷厂印刷（河北省三河县马起乏村）

印数：1—20000 开本：787×1092毫米1/32 7印张。

1989年3月北京第一版 1989年3月北京第一次印刷

ISBN7—80048—100—X/G·045

定价：2.45元

前　　言

为了帮助广大的初中毕业生搞好总复习，迎接毕业、升学考试，我们选编了1988年全国部分省市毕业会考、升学考试的数学、物理、化学试题及解答。

书中内容紧扣国家教委1986年颁发的全日制中学数学、物理、化学的教学大纲，它突出了各学科的基础知识和重点内容，以达到能够帮助学生掌握基础知识，提高能力，发展智力的目的。

精选的试题，内容全面，题型新颖，灵活多变，具有试题的典型性、指导性并兼备各地考试题目的信息。可供学生做自我学习测试，以便查漏补缺，强化基础知识，增强考试应变能力，提高成绩；同时，也可为广大教师，教研人员和其他教育工作者提供有一定参考价值的资料。

在编辑过程中，得到了各省、市、自治区教育部门的支持，提供材料，在此表示衷心的感谢。

由于时间仓促，书中可能不会有不妥之处，敬请广大读者批评指正。

编　　者

一九八八年十二月

目 录

数 学

	试 题	解 答
北京市	(1)	(134)
天津市	(4)	(137)
上海市	(9)	(143)
·福建省	(14)	(148)
·辽宁省	(19)	(155)
·湖南省	(24)	(161)
·云南省	(28)	(165)

物 理

	试 题	解 答
北京市	(33)	(171)
天津市	(42)	(176)
·上海市	(49)	(181)
·武汉市	(56)	(185)
·西安市	(65)	(189)
·保定市	(72)	(194)
·温州市	(77)	(196)
·四川省	(82)	(199)

化 学

	试 题	解 答
北京市	(93)	(203)
天津市	(99)	(207)
·辽宁省	(108)	(211)
·上海市	(114)	(214)
·福建省	(121)	(217)
·湖南省	(125)	(219)

数学部分

北京市数学试题

一、填空：（本题共24分，其中1~6题各2分，7~10题各3分）

1. 0的相反数是____， $\frac{1}{2}$ 的倒数是____；
2. 正方形的边长是a，则它的对角线的长是____；
3. 两个相似三角形的相似比为3:4，则它们的面积比为____；
4. 已知方程 $x^2 - 3x + 1 = 0$ 的两个根为 α 、 β ，则 $\alpha + \beta =$ ____， $\alpha\beta =$ ____；
5. 求值： $\tan 45^\circ =$ ____， $\cos 30^\circ =$ ____；
6. 函数 $y = 2x + 3$ 中，自变量x的取值范围是____；
7. 点P(-3, 4)到坐标原点的距离是____；
8. 设 θ 是三角形的一个内角，且 $\sin \theta = \frac{1}{2}$ ，则 $\theta =$ ____；
9. 斜边为BC的直角三角形的顶点A的轨迹是____；
10. 半径为10cm，圆心角为 72° 的扇形的弧长是____cm。
(精确到0.1cm)

二、(本题共23分,其中第题1、2、3各4分,第4题5分,第5题6分)

1. 分解因式: $x^2y - 4y$.

2. 计算: $\lg 1000 + \lg 0.01$.

3. 计算: $\sqrt{20} + \frac{1}{\sqrt{5-2}} - (\sqrt{5}+2)^0$.

4. 已知: $(x+y-1)^2 + \sqrt{2x-y+4} = 0$.

求: 实数x、y及 y^x .

5. m取什么值时, 方程 $(m+2)x^2 + 2x - 1 = 0$ 有两个不相等的实数根?

三、(本题共11分,第1题5分,第2题6分)

1. 已知: 如图1—1, 在梯形ABCD中, AB//DC, AD=BC, E是AB的中点.

求证: ED=EC.

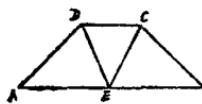


图1—1

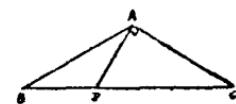


图1—2



图1—3

2. 已知: 如图1—2, 在 $\triangle ABC$ 中, $AB=AC$, $\angle BAC = 120^\circ$, $AD \perp AC$, $DC=6$.

求BD的长.

四、(本题共6分,每小题3分)

以下各题都给出代号为A、B、C、D的四个答案,其中有且只有一个正确,把正确答案的代号填在括号内。

1. $(-a^2)^3$ 的运算结果是()。

- (A) a^6 ; (B) $-a^6$; (C) a^8 ; (D) $-a^8$.

2. 如图 1-3, 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle ACB = 90^\circ$, $CD \perp AB$, $DE \perp AC$, 则图中和 $\triangle ABC$ 相似(但不全等)的三角形的个数为()。

- (A) 2; (B) 3; (C) 4; (D) 5.

五、(本题共13分, 其中第1题6分, 第2题7分)

1. 列方程解应用题: 有一个两位数, 十位上的数是个位上的数的2倍, 如果把这两个数的位置对换, 那么所得的新数比原数小27, 求这个两位数。

2. 解方程: $2x^2 - 4x + 3\sqrt{x^2 - 2x + 6} = 15$.

六、(本题7分)

已知: 如图 1-4, $\triangle ABC$ 是 $\odot O$ 的内接三角形, 直径 AE 交 BC 于 F, 直线 l 切 $\odot O$ 于 A, DC \perp BC 交 l 于 D 点。

求证: $DF // AB$.

七、(本题5分)

已知: 一次函数的图象经过点 $P(0, -2)$, 且与两条坐标轴截得的直角三角形的面积为 3。

求: 这个一次函数的解析式。

八、(本题5分)

已知: 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle A, \angle B, \angle C$ 的对应边分别为 a, b, c , $\angle A = 120^\circ$, $\sin B : \sin C = 3 : 2$, 且 $\triangle ABC$ 的面积 $S_A = 6\sqrt{3}$. 求 a 的值。

九、(本题6分)

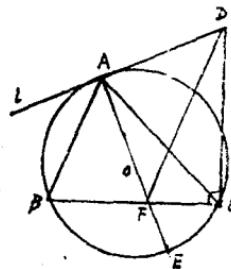


图 1-4

已知：如图1—5，以 $\triangle ABC$ 的BC边为直径的半圆交AB于D，交AC于E， $EF \perp BC$ 于F， $BF : FC = 5 : 1$ ， $AB = 8$ ， $AE = 2$ ，求AD的长。

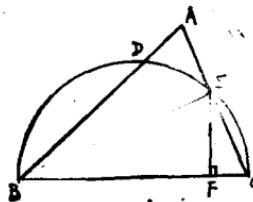


图1—5

天津 市 数 学 试 题

(一)

一、填空 (每空3分, 共45分)

1. 已知 $\log_6 216 = x$, 则x的值是____;
2. 已知点 $P_1(1, 2)$ 和 $P_2(-2, 3)$, 则 $|P_1P_2| =$ ____;
3. 已知角 a 的终边上一点 $P(-4, 3)$, 那么 $\sin a =$ ____;
 $\tan a =$ ____;
4. 函数 $y = -3x^{5m-1}$, 当 $m =$ ____时, 是反比例函数;
5. 抛物线 $y = 2 - x - x^2$ 的顶点坐标是____, 它与y轴的交点坐标是____;
6. 如果点 $P(3a-9, 1-a)$ 是第三象限的整点 (横、纵坐标均为整数), 那么这个点的坐标是____;
7. y 与 $(x+2)$ 、 $(x-4)$ 的积成正比, 当 $x=5$ 时,
 $y=3$; 当 $x=12$ 时, y 的值是____;

8. 已知 x 是 a 、 b 的比例中项， $a=2\sqrt{5}-\sqrt{11}$ ， $b=2\sqrt{5}+\sqrt{11}$ ，若 x 、 a 、 b 表示三条线段，则 $x=$ _____；

9. D 为 $\triangle ABC$ 的边 AB 上一点， $DE \parallel BC$ 交 AC 于 E ，若 $DE=2$ ， $BC=5$ ，则 $CE : AE =$ _____；

10. 正三角形的外接圆半径和高的比是_____；

11. 圆内接四边形 $ABCD$ ，对角线相交于 E ，对边 AB 、 DC 的延长线交于 F (如图1—6)，则图中有_____对相似三角形；

12. 如图1—7，在 $\triangle ABC$ 中， $BC=15cm$ ， DE 、 FG 均平行于 BC ，且将 $\triangle ABC$ 的面积分成三等分，则 FG 的长为_____cm。

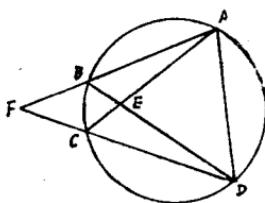


图1—6

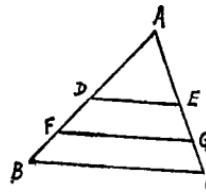


图1—7

13. 半径为2，并且与半径为5的圆 \odot 相切的圆的圆心轨迹是_____。

二、解下列各题(每小题7分，共35分)

1. 化简： $2(\lg\sqrt{2})^2 + \lg\sqrt{2} \cdot \lg 5 - \frac{1}{2}\lg 2 - 1$ 。

2. 计算： $\cos^2 45^\circ + \frac{3}{4}\operatorname{tg}^2 30^\circ - \sin 150^\circ + \sin^2 45^\circ + \cos 120^\circ - \operatorname{ctg} 135^\circ$ 。

3. 如图 1—8, 一副三角板ABC和DEF的顶点都在一个圆上, 求 \widehat{DmA} 与 \widehat{FEC} 的度数和。

4. 如图 1—9, 已知 $\triangle ABC$ 内接于 $\odot O$, $\angle CAE = \angle B$, 分两种情况: (1) 如果AB是直径; (2) 如果AB是非直径的弦, 求证: 直线AE与 $\odot O$ 切于A点。

5. K为何值时, $y = \frac{k}{x}$ 的图象与 $y = -kx + 4$ 的图象有两个不同的交点。

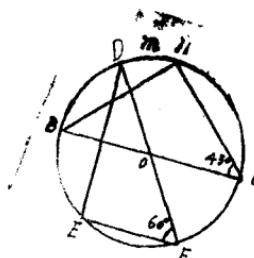


图1—8

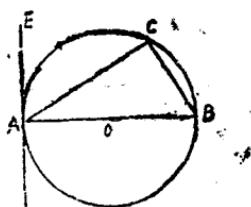


图1—9

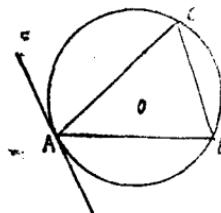


图1—9

三、(本题满分10分)

某船以每小时24海里的速度向正北方向航行, 在点A处望见灯塔S在船的北偏东 30° , 15分钟后在点B处望见灯塔在船的北偏东 65° , 求船在点B时与灯塔S间的距离。(精确到0.1海里, $\sin 35^\circ = 0.5736$, $\cos 35^\circ = 0.8192$, $\sin 25^\circ = 0.4226$,

$$\cos 25^\circ = 0.9063$$

四、(本题满分10分)

已知：AD是 $\triangle ABC$ 的中线，从顶点C任意引一条射线交AD于E，交AB于F。

$$\text{求证: } AE \cdot BF = 2AF \cdot DE.$$

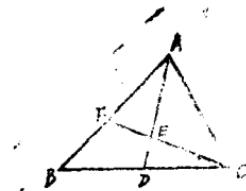


图 1—10

(二)

一、选择题 (每小题5分, 共35分)

本题中每小题都给出代号为A、B、C、D的四个结论，其中只有一个结论是正确的，将正确结论的代号填在下表中。填对得5分，不填得1分，填错及多于一个代号得0分。

题 号	1	2	3	4	5	6	7
答 案							

1. 已知 $\sqrt{1.988} = 1.410$, $\sqrt{1988} = 44.59$, 则 $\sqrt{0.1988}$ 的值是

- (A) 0.0140, (B) 0.1410, (C) 4.459,
(D) 0.4459.

2. 三角形的三边分别为3, $1 - 2a$, 8, 则a的取值范围是

- (A) $-6 < a < -3$, (B) $-5 < a < -2$,
 (C) $2 < a < 5$, (D) $a < -5$ 或 $a > -2$.

3. 抛物线 $y = x^2 - bx + 8$ 的顶点在 x 轴上，则 b 的值一定为

- (A) $4\sqrt{2}$, (B) $-4\sqrt{2}$,
 (C) $2\sqrt{2}$ 或 $-2\sqrt{2}$, (D) $4\sqrt{2}$ 或 $-4\sqrt{2}$.
 4. 已知为 x_1, x_2 方程 $2x^2 + 2x - 1 = 0$ 的二根，则 $|x_1 - x_2|$ 的值为

- (A) $\sqrt{3}$, (B) $2\sqrt{2}$, (C) $\sqrt{5}$, (D) $\frac{\sqrt{2}}{2}$.

5. 在 $\triangle ABC$ 中， $AB = AC$, $\angle A = 40^\circ$, D 是 $\triangle ABC$ 内一点， $\angle DBC = \angle DCA$, 那么 $\angle BDC$ 等于

- (A) 110° , (B) 55° , (C) 140° , (D) 70° .

6. A 为不等边 $\triangle ABC$ 中的最大内角，且 $\sin A = \frac{\sqrt{3}}{2}$ ，则角 A 为

- (A) 30° , (B) 60° , (C) 120° , (D) 60° 或 120° .

7. 在 $\triangle ABC$ 中， $AC : AB = 1 : 2$, $\angle A$ 的内、外角平分线分别交底边 BC 及其延长线于 E, F，则 $S_{\triangle ABC} : S_{\triangle ABE} : S_{\triangle AEF}$ 等于

- (A) $3 : 1 : 4$, (B) $3 : 2 : 4$,
 (C) $2 : 1 : 4$, (D) $3 : 2 : 6$.

二、解答下列各题（每小题 5 分，共 10 分）

1. 分别在有理数范围内和实数范围内分解因式：

$$x^4 - 9x^2 + 8.$$

2. 计算： $| -1.5 |^3 - (3\frac{1}{3})^{\frac{1}{2}} \times (\sqrt{2\frac{1}{3}})^{-\frac{1}{2}}$
 $- (\sin 45^\circ - \cos 135^\circ)^{1.1} + \frac{1}{3}\sqrt{5}$.

三、(本题满分8分)

甲、乙两人分别从相距27公里的A、B两地同时出发相向而行，3小时相遇，相遇后两人各用原来速度继续前进，甲到B地比乙到达A地早1小时21分，求两人的速度各是多少？

四、(本题满分8分)

直角三角形的周长为30，斜边上的中线长为6.5，试求这个三角形的面积及其内切圆的面积(结果可用 π 表示)。

五、(本题满分9分)

如图1—11， $\odot O$ 与 $\odot O'$ 相交于A、B两点，AC是 $\odot O$ 的直径，D和E分别是CA和CB的延长线与 $\odot O'$ 的交点。已知 $AC = 12$, $BE = 30$, $BC = AD$ 。
求：(1) $\angle C$ 的度数；
(2) $\angle BDE$ 的正弦值。

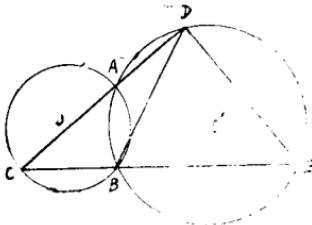


图1—11

上海市数学试题

一、填空与作图：(本题共25小题，满分50分，每小题2分)

1. 计算： $4 + (-5) = \underline{\hspace{2cm}}$ ；

2. 计算： $\sqrt{(-3)^2} = \underline{\hspace{2cm}}$ ；

3. 求值： $\lg 1 = \underline{\hspace{2cm}}$ ；

4. 求值： $\log_9 81 = \underline{\hspace{2cm}}$ ；

5. 如果m和n互为相反数，那么 $m+n = \underline{\hspace{2cm}}$ ；

6. 把指数式 $3^2 = 9$ 写成对数式是 $\underline{\hspace{2cm}}$ ；

7. 因式分解: $a^3 - 8 = \underline{\hspace{2cm}}$;

8. 当 $x = \underline{\hspace{2cm}}$ 时, 分式 $\frac{x-2}{x^2-4}$ 没有意义;

9. 一元二次方程 $x^2 - 3x - 1 = 0$ 的两根的积是 $\underline{\hspace{2cm}}$;

10. 计算: $\log_3 18 - \log_3 2 = \underline{\hspace{2cm}}$;

11. 函数 $y = \sqrt{2-x}$ 的自变量 x 的取值范围是 $\underline{\hspace{2cm}}$;

12. 已知函数 $y = \sqrt{x} - \sqrt{10+x}$, 当 $x = 8$ 时, 函数 y 的对应值是 $\underline{\hspace{2cm}}$;

13. 如果正比例函数的图象经过点 $(-2, 1)$, 那么这个函数的解析式是 $\underline{\hspace{2cm}}$;

14. 当 $K \underline{\hspace{2cm}}$ 时, 函数 $y = \frac{K}{x}$ 的图象在第二、四象限内;

15. 在一个班的50名学生中, 30名男生的平均身高是1.60米, 20名女生的平均身高是1.50米, 那么这个班学生的平均身高是 $\underline{\hspace{2cm}}$ 米;

16. 已知样本 4、0、2、1、-2, 那么这个样本的标准差是 $\underline{\hspace{2cm}}$;

17. 在直角坐标系中, $\angle a$ 的顶点在原点, 它的始边与 x 轴的正半轴重合, 终边上一点 P 的坐标是 $(-\sqrt{2}, \sqrt{3})$, 那么 $\operatorname{ctg} a = \underline{\hspace{2cm}}$;

18. 在 $\triangle ABC$ 中, 已知 $\sin A = \frac{\sqrt{3}}{2}$, 那么 $\angle A$ 的度数为 $\underline{\hspace{2cm}}$;

19. 在直角三角形 ABC 中 ($\angle C = 90^\circ$), 已知 $a = 3$, $\angle A = 30^\circ$, 那么 $b = \underline{\hspace{2cm}}$;

20. 如果一个角的两边分别平行于另一个角的两边, 那么这两个角 $\underline{\hspace{2cm}}$;

21. 如果三角形的三边长 a 、 b 、 c 有下面关系： $a^2 + b^2 = c^2$ ，那么这个三角形是_____；

22. 圆外切四边形ABCD中，已知 $AB = 2$ ， $BC = 3$ ， $CD = 4$ ，那么 $AD = \underline{\hspace{2cm}}$ ；

23. 已知扇形的半径为4 cm，面积为 8 cm^2 ，那么扇形的弧长 $l = \underline{\hspace{2cm}}$ cm；

24. 如图1—12， $\odot O$ 的内接等腰三角形中，已知 $AB = AC$ ， $\angle BOC = 100^\circ$ ， CT 是 $\odot O$ 的切线， C 是切点，那么 $\angle ACT = \underline{\hspace{2cm}}$ 度；

25. 在图1—13中，过 $\odot O$ 上一点A，用直尺和圆规作出 $\odot O$ 的切线（不要求写作法，但必须清楚保留作图痕迹）。

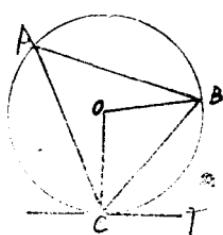


图1—12

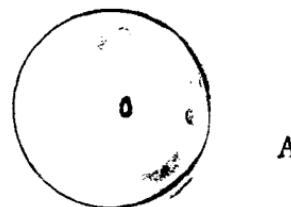


图1—13

二、选择题：（本题共5小题，满分10分，每小题2分）

本题每小题列出的答案中，只有一个正确，把正确答案的代号填入括号。

1. 化简 $-\frac{x^2 - 1}{1 - x}$ 的结果是（ ）。

- (A) $x+1$; (B) $x-1$; (C) $1-x$; (D) $-x-1$.

2. 如果多边形的内角和是外角和的2倍，那么这个多边形的边数是（ ）。

- (A) 3; (B) 4; (C) 5; (D) 6.

3. 如果三角形的三边长分别为2、3、4，那么这个三角形的形状是（ ）。

- (A) 锐角三角形；(B) 钝角三角形；
(C) 直角三角形；(D) 锐角三角形或钝角三角形。

4. 如果两圆的半径分别为3和5，圆心距为8，那么这两个圆的公切线的条数是（ ）。

- (A) 1; (B) 2; (C) 3;
(D) 4.

5. 已知 $\lg x = 0.0064$ ，由《反对数表》查得尾数对应的四位数字是1015，那么真数x是（ ）。

- (A) 1.015×10^{-3} ; (B) 1.015×10^{-2} ;
(C) 1.015×10^{-1} ; (D) 1.015.

三、(本题共4小题，满分24分 每小题6分)

1. 解不等式： $1 - x \leq \frac{x}{3} - \frac{x+1}{6}$ ，并把这个不等式的解集在数轴上表示出来。

2. 解方程： $x^2 + \sqrt{x^2 - 1} = 3$ 。

3. 求值： $\frac{\cos 30^\circ}{\operatorname{ctg} 45^\circ} + \frac{\sin 150^\circ}{\operatorname{tg} 120^\circ - 2}$ 。

4. 在 $\triangle ABC$ 中，已知 $\angle A = 75^\circ$ ， $\angle B = 45^\circ$ ， $AB = \sqrt{6}$ ，求AC。

四、(本题满分8分)

已知一次函数的图象经过两点A(2, -4)和B(-4,

5)，求个函数的解析式，并写出这个函数的图象在y轴上的截距。

五、(本题满分8分)

已知：如图1—14，矩形ABCD中，AC、BD是对角线，过顶点C作BD的平行线与AD的延长线相交于点E，求证： $\triangle ACE$ 是等腰三角形。

六、(本题满分10分，1.小题4分，2.小题6分)

已知：如图1—15， $\odot o_1$ 和 $\odot o_2$ 相交于A、B两点，直线PQ分别与这两个圆相切于点P和点Q，直线TD与 $\odot o_1$ 相切于点T，和 $\odot o_2$ 相交于点M和点D，且点M是线段TD的中点，直线AB分别与直线PQ和TD相交于点S和点C。

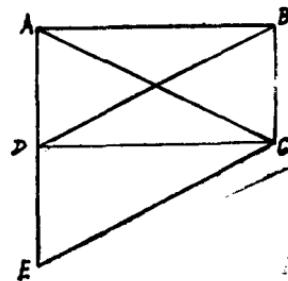
1. 求： $SQ : SP$ ；

2. 求： $CM : CT$ 。

七、(本题满分10分，1.小题2分，2.小题6分，3.小题2分)

如图1—16，在直角 $\triangle ABC$ 中， $\angle C=90^\circ$ ，已知 $AC=20\text{cm}$ ， $BC=15\text{cm}$ 。

1. 求AB边上中线CM的长；



1—14

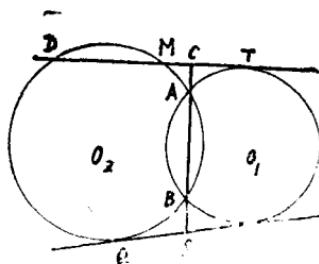


图1—15