

測繪新技術專輯

第二輯

視差導綫測量

測繪出版社



測繪新技術專刊

第二輯

# 視差導軌測量



測繪出版社

測繪新技術專輯

第二輯

視差導綫測量

測繪出版社

1958·北京

測繪新技術專輯

第二輯

視差導綫測量

---

編者 測繪出版社

出版者 測繪出版社

北京宣武門外永光寺西街3號

北京市書刊出版業營業許可證出字第01號

發行者 新華書店

印刷者 崇文印刷廠

北京崇文門外橫杆市15號

---

印數(京)1—2,800冊

1958年12月北京第1版

開本31"×43" 1/25

1958年12月第1次印刷

字數90,000

印張 4

定價(8)0.40元

## 編 者 的 話

在這本小冊子里，我們向大家介紹了九篇有關視差導線測量方面的文章。目的是想在偉大的文化革命與技術革命中幫助大家了解一下測繪科學中的新技術，供大家參考。

本書是我們要出版的測繪新技術專輯第二輯，第一輯為“無線電測距法”。為了滿足大家的需要，將陸續出版“綫形三角鎖測量”等。

編入本書的各篇文章，系轉載“江西水利”、“測量制圖譯報”等書刊，謹向原出版單位和作譯者致謝。

## 目 录

視差导綫測量介紹.....	( 5 )
使用 2 公尺視距橫尺的距離測量.....	( 13 )
視距量尺施測导綫.....	( 34 )
視差法导綫.....	( 52 )
用視差角的光学測距法.....	( 62 )
視差导綫代替經緯儀导綫精度的估算.....	( 74 )
三公尺摺式夾角尺之製造.....	( 78 )
城市視差导綫測量.....	( 90 )
礦山測量中帶固定基綫的視差导綫測量.....	( 98 )

# 視差導綫測量介紹

胡 獻 璿

中小型水利工程測量，本宜應用導綫，但一般因導綫視距精度差（100公尺差0.3公尺，200公尺差0.7公尺，400差3公尺，這是一般的視距誤差）影響平面控制；若量距，則不但工作量大，而且地面有起伏及小障礙，故多採用小三角測量。

小三角測量必須先量基綫，再選點、觀測、計算，最少須十天以上時間。這對於一隊人同時來測量中小型水利工程，實有困難，並且有一些選在山上湊圖形的三角點利用不到（象我們在新喻時，因為測區是兩山夾一田壩，一部分在山上的三角點，地形很少利用）。

蘇聯先進方法——視差導綫，無上述缺點，並且工作效率高。依照經驗小三角點邊長一公里左右，二組人（選點觀測二組）照較高標準每日可完成5點，兩邊控制500公尺面積約4.5方公里。視差導綫二組，照中等標準，每日可完成8公里（廣西最高達15.6公里）。因曲折減短一公里，直綫長7公里，兩邊控制500公尺，面積7平方公里，較小三角效率提高59%，同時只要測二天，即可供給地形測量。至於精度，一般可達量距導綫；若工具較好，操作仔細些，可以超過量距導綫。它是以增加角的精度，減少邊長的測量為主。

視差導綫，除適宜於大型水利工程控制點加密外，實為中小型水利工程最敏捷最節約之平面控制方法，對於專縣水利工程測量，極為適合。故結合贛撫平原工程視差導綫測量經驗，簡介於下：

## 甲、視差導綫種類

1. 四邊形：以長對角綫為導綫邊長，如圖1， $BD$ 為基綫，並測出1—8角度，計算 $AC$ 作導綫邊，或使基綫對稱於四邊形，不測3、4、7、8角，此類適用於較精密導綫。

2. 增大形：如圖2， $ED$ 為基綫，算出 $EB$ 邊再以 $EB$ 邊算出 $AC$ 邊作為導綫邊（角均測）；或如圖3，增大只用三角形，此類適用於河流區域。

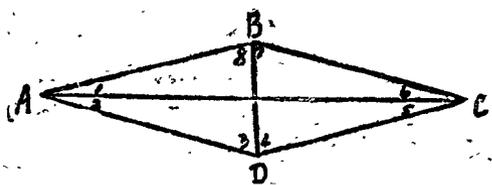


图 1

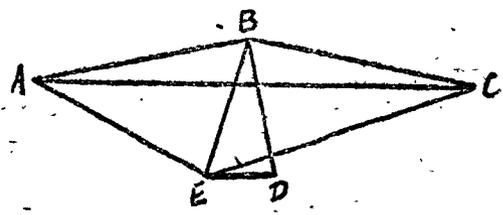


图 2

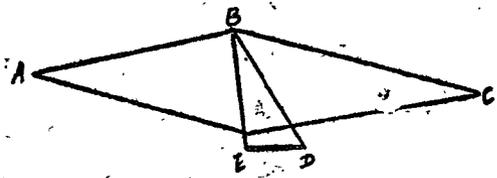


图 3

3. 三角形：如图4，量BC基线，测 $\angle a$ 、 $\angle b$ 、再测 $\angle c$ ，算出AD边作导线边，此种可以普遍适用。

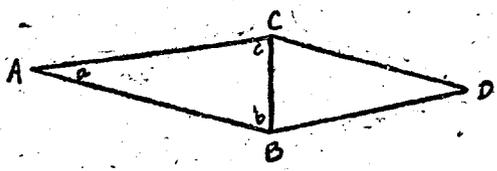


图 4

上列三种，以第三种较为便捷，因选点方便，且基线不必一定对称，以下仅就第三种叙述。

乙、操作：视差导线组可以分为选点及观测二小组，前后同时进

行。

### 1. 选点組

人員：技干1人，測工3人。

主要工具：50公尺鋼尺1把，望遠鏡1架，彈簧秤2把，大木桩12个（供一天用，以下同），小木桩18个，斧头1，竹杆标旗各15，鉄絲1束，鉄釘20个。

方法：于测区适当地点选好一点为单点（或在已知点上），打好地平桩，画十字綫，十字綫中心釘一小鉄釘（用小木桩）并将旁視桩釘下（用大木桩）树立标旗。再前进約800公尺，使視差角 $\alpha$ 在 $30^\circ$ 以上，选择平坦及后視暢通，且前視开展之处預定正付两点为双点。先将正点地平桩及旁視桩，依前述方法打好，抽出鋼尺，对准正点地平桩十字中心，将付点地平桩依50公尺整数处釘下，再用鋼尺移动量二次，均画綫于木桩上，取两綫中点，画十字綫，釘好鉄釘，正付点均树立标旗以后再选单点及双点，直至閉合。

### 2. 觀測組

人員：技干2，測工3（如有熟練測工，亦可減少1技干）。

主要工具：經緯儀1，对数表1，測伞1，算盘1，花杆或規板杆4，測針2，記錄本等。

方法：于起点（即单点）摆站，后視方位标（或用磁方位角，若是已知点应测有关連之前一点）前視双点的正付点，測二測回，此时測工二人各执花杆（或規板杆，以后仅写花杆）二支，为前后視之用，并切实注意对中后才照准。

再到双点摆站，测有关各角（近点用測針作照准目标，远点用花杆可测一測回）双点测毕，記錄者应检查三角形閉合差是否在限度内（一般規定 $30''$ ），否則重测，同时算出边长（較熟練后，付点可不摆站）以后輪流至单点及双点觀測，直至閉合。

**丙、实例：茲列举襄撫平原璦溪一个环为例，作为参考。**

#### 1. 說明

①測量手簿較多，只摘录一部分，又手簿格式是临时拟訂的，有待以后修正。

②单点摆站时，对于照准目标，曾重复的注意其対中后方观测，精度较高，同时熟练后，付点并不摆站故三角形的闭合差未配赋。

③因方向一般在三个以内，可以不归零，现虽归零，仅作检查用，误差未配赋。

④手簿上各栏记载法，因项目较显明，故未加说明（观测时，先二站用T2，以后用蔡司020）

⑤此例所举环，较实测的其他各环精度略低些。

## 2. 略图.

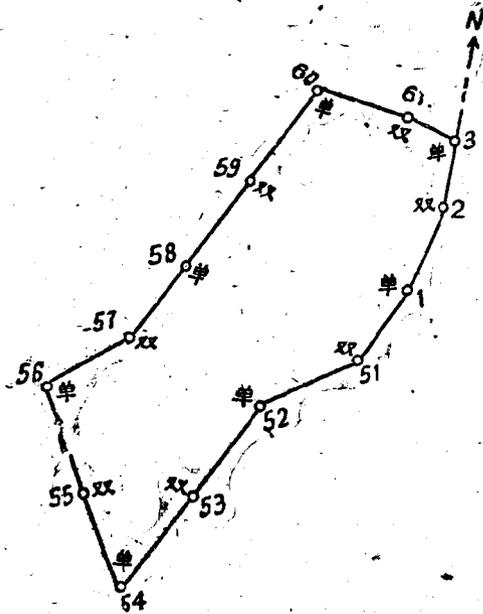


图 5. 视差线环

## 3. 手簿 (三页)

## 4. 视差计算

①外角和理论应为  $180^\circ(n+2)$ , 故  $W = 180^\circ(n+2) - 2879^\circ 59' 22''$   
 (实测外角和)  $\approx +38''$  依规定容许限度  $f_B = \pm 1.5i\sqrt{n}$ .

$i$  为最小读数, 直读 1' 经纬仪最小读数作为  $12''$ .

$n$ 为导线点个数，等于14。

故 $f_s = \pm 1.5 \times 12 \times \sqrt{14} = \pm 67.3''$ 实测 + 38''在限度內。

②例中， $f_x = -24.9m$   $f_y = -1.99m$  故 $\Delta f = \sqrt{f_x^2 + f_y^2}$   
 $= \sqrt{2.49^2 + 1.99^2} = 3.2m$  导线全长11877公尺。

相对誤差为  $\frac{3.2}{11877} = \frac{1}{3710}$

比平板仪测量规范所规定量距导线相对誤差  $\frac{1}{1000}$  精度高3.7倍。

又上面的相对誤差，是角度閉合差已調整后的結果，依公式推断（公式从略），直伸导线角度約影响一倍，閉合导线約影响  $\frac{1}{2}$  倍，因此未調整角度前导线总长相对誤差应为  $\frac{\sqrt{1+\frac{1}{2}}}{3710} \approx \frac{1}{3000}$ ，（未作实际計算，仅依理論推算）。

#### 丁、精度估算（依举例的实际情况估算）

1. 基綫誤差，量距时必须擇平坦地区，故傾斜誤差甚小，暫不計入，至于溫度，若以50公尺鋼尺綫脹系数0.0000125 平均誤差  $10^\circ$  計算，約 $\pm 0.006$ 公尺，拉力不勻誤差，暫照經驗估計为 $\pm 0.01$ 公尺（因原因較多，暫作此估計）連其他各种偶然誤差，总計約为 $\pm 0.03$ 公尺

2. 角度誤差，在照准目标設備不甚完备情况下，照准誤差 $m_o$ 約为  $12''$ ，直讀  $1'$  經緯仪的讀数誤差 $m_p$ 約为  $0.15''$  即  $9''$ ，測二測回，故視差角誤差 $m_a$ 計算如下：

$$m_a^2 = \frac{2}{n} (m_o^2 + m_p^2) \quad (1)$$

$$m_a = \sqrt{\frac{2}{4} (9^2 + 12^2)} = 10.6''$$

又依实例，一般三角形閉合差在  $30''$  以內，平均每个三角形閉合差約  $17''$ ，依菲萊罗公式

$$m_a = \pm \sqrt{\frac{WW}{3n}} \quad (2)$$

$$m_a = \pm \sqrt{\frac{289}{3}} = 9.8''$$

計算結果相近，茲暫定  $m_a = \pm 10''$ ，

3. 相對誤差，因為視差導綫的邊是依正弦定律求出如图6。



图 6

$$\frac{E}{\sin[180 - (a+b)]} = \frac{D}{\sin a}$$

$$E = \frac{D \cdot \sin(a+b)}{\sin a}$$

將上式以自然对数表之

$$\ln L = \ln D + \sin(a+b) - \sin a$$

微分得

$$\frac{dL}{L} = \frac{dD}{D} + \text{ctg}(a+b) \cdot \frac{(da+db)}{p''} - \text{ctga} \frac{da}{p''}$$

改化后以中誤差式表之

$$\left(\frac{m_L}{L}\right)^2 = \left(\frac{m_D}{D}\right)^2 + \left\{\text{ctga} - \text{ctg}(a+b)\right\}^2 \left(\frac{m_a}{p''}\right)^2$$

$$+ \text{ctg}^2(a+b) \left(\frac{m_b}{p}\right)^2 \quad (4)$$

上式中  $(a+b)$  角在选点时已注意使近于  $90^\circ$ ，故  $\text{ctg}(a+b)$  甚微，可以略去。上式变为

$$\frac{m_L}{L} = \sqrt{\left(\frac{m_D}{D}\right)^2 + \cot^2 a \left(\frac{m_a}{p''}\right)^2} \quad (5)$$

照上述边、角、誤差， $m_D = \pm 0.03^m$   $m_a = \pm 10''$ 。

并定  $a = 3^\circ$ ， $D = 50$ 公尺 又  $p'' = 206265''$

$$\text{得 } \frac{m_L}{L} = \sqrt{\left(\frac{0.03}{50}\right)^2 + (19.08)^2 \left(\frac{10}{206265}\right)^2} = \frac{1}{906}$$

又在(3)式中 $(a+b)$ 角既依上述近于 $90^\circ$ ，則 $L \approx \frac{D}{\sin \alpha}$ 故又可依函数中誤差公式計算，

$$m_L^2 = \left(\frac{\alpha L}{\alpha D}\right)^2 m_D^2 + \left(\frac{\alpha L}{\alpha a}\right)^2 m_a^2 \quad (6)$$

$$\begin{aligned} \text{即 } m_L^2 &= \left(\frac{1}{\sin \alpha}\right)^2 m_D^2 + \left(-D \cot \alpha \frac{1}{\sin \alpha}\right)^2 \left(\frac{m_a}{p'}\right)^2 \\ &= \left(\frac{1}{\sin \alpha}\right)^2 \left\{ m_D^2 + D^2 \left(\frac{m_a}{p'}\right)^2 \cot^2 \alpha \right\} \end{aligned}$$

$$\text{即 } m_L = \frac{1}{\sin \alpha} \sqrt{m_D^2 + D^2 \left(\frac{m_a}{p'}\right)^2 \cot^2 \alpha} \quad (7)$$

$$\text{因 } \frac{D}{\sin \alpha} \approx D, \quad \text{上式两边乘 } \frac{1}{L}$$

$$\text{得 } \frac{m_L}{L}$$

$$= \frac{1}{D} \sqrt{m_D^2 + D^2 \left(\frac{m_a}{p'}\right)^2 \cot^2 \alpha}$$

$$= \sqrt{\left(\frac{m_D}{D}\right)^2 + \left(\frac{m_a}{p'}\right)^2 \cot^2 \alpha}$$

計算結果与(5)式全同。

此为导綫縱向每边誤差，若照实例有14边則此环縱向相对誤差为

$$\frac{1}{906\sqrt{14}} \approx \frac{1}{3400}$$

又导綫角度橫向誤差，在直伸导綫約为縱向一倍，今为环形，折

角所产生誤差約为縱向 $\frac{1}{2}$ （可以公式推算，因限于篇幅从略）。

故导綫环总长相对誤差为 $\frac{\sqrt{1+\frac{1}{2}}}{3400} \approx \frac{1}{2800}$ 。与实例所計算接近，

必須指出，实际上有时环形导綫閉合差是一个不甚可靠数据。

由于得出結論，若視差导綫視差角不小于 $3^\circ$ ，基綫长为50公尺，

精度是可以比平板仪测量规范所定量距导线相对誤 $\frac{1}{1000}$ 高，当然，这是要有較好工具，及仔細的操作才行。但可以肯定，在略差的条件下，仍可以与量距导线相当。

### 戊、注意要点

#### 1. 选点方面

①基綫必須选在平坦易量地区。

②基綫长度不必固定50公尺，可以依地勢及通視情况縮短或略延長，但不能超过3公尺。

③基綫要設法与后視及前視单点成垂直方向。

④轉湾及高地要在单点上。

⑤要互相看到木桩（即旗下端）。

⑥无已知点者，須作环。

⑦50公尺基綫，边长应在800公尺左右，則可使視差角不小于 $3^\circ$ 。

#### 2. 观测方面

①必須精确对中。

②鉄測針必須直立在地平桩十字絲中心上，或正向測站延長綫上，花杆亦同。

③照准花杆及測針，要尽量移于下端，发现歪斜。必須扶正再測。

④在单点观测时，必須特別仔細謹慎，因导线边长精度，主要依靠，此角增大。

#### 3. 計算方面

①外业时要將角拼好，发现超限即及时重測，同时要在工地算出边长。

②内业时要重行將野外計算的全部复算一次，以免錯誤，因为这些原子，以后沒有校核。

觀測者..... 記錄者..... 計算者..... 校核者.....

基綫長	邊長計劃	略 圖	附 記
	$\text{Log } D$ $D = 1.698970$		$D =$ 基綫長 $L =$ 所求導綫邊長 略圖中三角形可作拼角圖用
	$\text{Log sin}(a+b) = 9.999939$		
	$C\text{Log sin } a = 1.019763$		
	$\text{Log } L = 2.718692$		
	$L_{2-3} = 523.23^m$		
50-00	$\text{Log } D = 1.698970$		
	$\text{Log sin}(a+b) = 9.965340$		
	$C\text{Log sin } a = 1.239849$		
	$\text{Log } L = 2.904159$		
	$L_{2-1} = 801.97$		
	$\text{Log } D = 1.698970$		
	$\text{Log sin}(a+b) = 8.794197$		
	$C\text{Log sin } a = 1.205803$		
	$\text{Log } L = 2.903236$		
	$L_{1-51} = 800.27$		
	$\text{Log } D =$		
	$\text{Log sin}(a+b) =$		
	$C\text{Log sin } a =$		
	$\text{Log } L =$		
	$L =$		

威尔特T2

视差导线测量手簿

仪器蔡司020

测站	测点	角号	第一测回											
			正 鏡						倒 鏡					
			方 向			角 度			向 向			角 度		
°	0'	0"	°	'	"	180°	0'	0"	°	'	"			
導3	N		0°	0'	0"	°	'	"	180°	0'	0"	°	'	"
	導2	p	177	4	0	177	4	0	357	4	3	177	4	3
	導2	a2	182	33	0	5	29	0	2	33	3	5	29	0
	N		0	0	0	177	27	0	180	0	0	177	26	57
導2	導3		0	0	0				180	0	0			
	導2'	b2	83	43	50	83	43	50	263	34	54	83	43	54
	導1	b1	193	1	20	109	17	12	13	1	12	109	17	18
	導3	2	0	0	0	166	58	53	180	0	0	166	58	48
導2	導1		0	0	0				180	0	0			
	導2	c1	67	24	54	67	24	54	247	24	56	67	24	56
	導3	c2	158	11	54	90	47	0	333	11	59	90	47	3
	導1	2	0	0	0	201	48	6	180	0	2	201	48	1
導1	導2		0	0	0				180	0	0			
	導2'	a1	3	18	0	3	18	0	183	18	0	3	18	0
	導51'	1'	191	10	42	187	52	42	11	10	42	187	52	42
	導51	a51	194	44	54	3	34	12	14	44	48	3	34	6
	導2	1	0	0	6	165	15	12	180	0	0	165	15	12

導線号.....

1957年10月4日天气晴

第 二 測 回												水 平 角		
正 鏡						倒 鏡								
方 向		角 度				方 向		角 度						
90°	0'	0"	°	'	"	270°	0'	0"	°	'	"	°	'	"
267	4	0	177	4	0	87	4	0	177	4	0	177	4	1
272	33	0	5	29	0	92	32	56	5	28	56	5	28	59
90	0	0	177	27	0	270	0	0	177	27	4	177	27	0
												83	43	52
												109	17	15
												166	58	53
												67	24	55
												90	47	2
												201	48	4
90	0	0				270	0	0						
93	18	6	3	18	6	273	17	54	3	17	54	3	18	0
281	10	48	187	52	42	101	10	32	187	52	38	187	52	41
234	45	0	3	34	12	104	44	42	3	34	10	3	34	10
90	0	6	165	15	6	270	0	6	165	15	24			