

$-4W = (2)(60) = 1200 \rightarrow 0 = W = 55 \text{ lb.}$

電磁與物質 4

— 電磁場能量動量、折射與反射

Then we must have a 55-pound weight to balance it. In this way we can get the law of "balance"—the statics of complicated bridge arrangements. This approach is called the principle of virtual work, because in order to prove this argument we had to imagine that the structure moves a little—even though it is not moving or even capable. We use the very small imaginary movement to add up to nothing.

1.3 Kinetic energy

Let's take another type of energy and consider a pendulum (a mass suspended from a pivot so it can swing back and forth). In it

《費曼物理學講義》共有三大卷，

展現了最偉大的物理教師——費曼博士的獨到見解，

以及縱覽物理學的非凡功力。

第II卷的主題為電磁與物質，共有五冊，

第4冊著重於電磁場能量動量、折射與反射等相關主題，例如：

場能量與場動量、電磁質量、晶體、緻密材料的折射、表面反射。

The Feynman

費曼物理學講義 [II]

By Richard P. Feynman, Robert B. Leighton, Matthew Sands

李精益、吳玉書 譯 高涌泉 審訂

This we must have a 55-pound weight to balance the bar. In this way we can get the law of "balance"—the statics of complicated bridge arrangements. This approach is called the principle of virtual work, because in order to prove this argument we had to imagine that the structure moves a little—even though it is not moving or even capable. We use the very small imaginary movement to add up to nothing.

費曼物理學講義 II 電磁與物質／費曼 (Richard P. Feynman)、雷頓 (Robert B. Leighton)、山德士 (Matthew Sands) 原著；鄭以禎等譯。-- 第一版。-- 臺北市：天下遠見, 2008.11-2010.01

冊： 公分。-- (知識的世界：1207-1211)

第1冊：靜電與高斯定律；第2冊：介電質、磁與感應定律；第3冊：馬克士威方程；第4冊：電磁場能量動量、折射與反射；第5冊：磁性、彈性與流體

譯自：The Feynman Lectures on Physics, The Definitive Edition Volume 2

ISBN 978-986-216-230-9 (第1冊：精裝)

ISBN 978-986-216-231-6 (第2冊：精裝)

ISBN 978-986-216-466-2 (第3冊：精裝)

ISBN 978-986-216-476-1 (第4冊：精裝)

ISBN 978-986-216-477-8 (第5冊：精裝)

1. 物理學

330

97019966

典藏天下文化叢書的 5 種方法

1. 網路訂購

歡迎全球讀者上網訂購，最快速、方便、安全的選擇

天下文化書坊 www.bookzone.com.tw

2. 請至鄰近各大書局選購

3. 團體訂購，另享優惠

請洽讀者服務專線 (02) 2662-0012 或 (02) 2517-3688 分機 904

單次訂購超過新台幣一萬元，台北市享有專人送書服務。

4. 加入天下遠見讀書俱樂部

■ 到專屬網站 rs.bookzone.com.tw 登錄「會員邀請書」

■ 到郵局劃撥 帳號：19581543 戶名：天下遠見出版股份有限公司
(請在劃撥單通訊處註明會員身分證字號、姓名、電話和地址)

5. 親至遠見 · 天下文化事業群專屬書店「93巷 · 人文空間」選購

地址：台北市松江路 93 巷 2 號 1 樓 電話：(02) 2509-5085

費曼物理學講義 II 電磁與物質

4 電磁場能量動量、折射與反射

The Feynman Lectures on Physics
The Definitive Edition
Volume 2

By Richard P. Feynman,
Robert B. Leighton, Matthew Sands

精英 周玉書 譯
高涌泉 審訂

Richard Feynman

費曼物理學講義 II

電磁與物質

4 電磁場能量動量、折射與反射

目錄

第27章	場能量與場動量	11
27-1	局域守恆	12
27-2	能量守恆與電磁學	14
27-3	電磁場中的能量密度與能流	17
27-4	場能量的不確定性	22
27-5	能流實例	23
27-6	場動量	30
第28章	電磁質量	37
28-1	點電荷的場能量	38
28-2	運動電荷的場動量	40
28-3	電磁質量	42
28-4	電子作用於自身的力	45
28-5	修正馬克士威理論的嘗試	49
28-6	核力場	62

第29章	電荷在電場與磁場中的運動	67
29-1	均勻電場或磁場中的運動	68
29-2	動量分析	70
29-3	靜電透鏡	73
29-4	磁透鏡	75
29-5	電子顯微鏡	76
29-6	加速器導向場	78
29-7	交變梯度聚焦	84
29-8	在交叉的電場與磁場中的運動	89

第30章 晶體內部的幾何結構

91

30-1	晶體內部的幾何結構	92
30-2	晶體內的化學鍵	96
30-3	晶體的成長	98
30-4	晶格	99
30-5	二維系統的對稱性	102
30-6	三維系統的對稱性	108
30-7	金屬的強度	111
30-8	錯位與晶體成長	115
30-9	布拉格—奈伊晶體模型	117

第31章 張量

145

31-1	極化張量	146
31-2	張量分量的轉換	150
31-3	能量橢球	151
31-4	其他張量；慣性張量	158
31-5	外積	161
31-6	應力張量	163
31-7	更高階的張量	170
31-8	電磁動量的四維張量	172

第32章

緻密材料的折射率

177

32-1	物質的極化	178
32-2	介電材料裡的馬克士威方程	182
32-3	介電材料裡的波動	186
32-4	複數折射率	191
32-5	混合物質的折射率	193
32-6	金屬物質裡的波動	196
32-7	低頻與高頻近似；趨膚深度與電漿頻率	199

第33章

表面反射

205

33-1	光的反射與折射	206
33-2	緻密物質裡的波	208
33-3	邊界條件	214
33-4	反射波與透射波	221
33-5	金屬表面的反射	230
33-6	全內反射	232

費曼物理學講義 II

電磁與物質

目錄

1 靜電與高斯定律

關於理查·費曼

修訂版序 費曼最寶貴的遺產

紀念版專序 最偉大的教師

費曼序

前言

第 1 章 電磁學

第 2 章 向量場的微分

第 3 章 向量積分學

第 4 章 靜電學

第 5 章 高斯定律的應用

第 6 章 各種情況下的電場

第 7 章 各種情況下的電場（續）

第 8 章 靜電能量

第 9 章 大氣中的靜電

2

介電質、磁與感應定律

中文版前言

第10章 介電質

第11章 介電質內部

第12章 靜電類比

第13章 靜磁學

第14章 各種情況下的磁場

第15章 向量位勢

第16章 感應電流

第17章 感應定律

3

馬克士威方程

- 第18章 馬克士威方程組
- 第19章 最小作用量原理
- 第20章 馬克士威方程組在自由空間中的解
- 第21章 馬克士威方程組在有電流與電荷時的解
- 第22章 交流電路
- 第23章 空腔共振器
- 第24章 波導
- 第25章 按相對論性記法的電動力學
- 第26章 場的勞侖茲變換

4

電磁場能量動量、折射與反射

- 第27章 場能量與場動量
- 第28章 電磁質量
- 第29章 電荷在電場與磁場中的運動
- 第30章 晶體內部的幾何結構
- 第31章 張量
- 第32章 繖密材料的折射率
- 第33章 表面反射

5

磁性、彈性與流體

第34章 物質的磁性

第35章 順磁性與磁共振

第36章 鐵磁性

第37章 磁性材料

第38章 彈性學

第39章 彈性材料

第40章 乾水之流動

第41章 濕水之流動

第42章 彎曲時空

中英、英中對照索引

The Feynman

第27章

場能量與場動量

- - 27-1 局域守恆
 - 27-2 能量守恆與電磁學
 - 27-3 電磁場中的能量密度與能流
 - 27-4 場能量的不確定性
 - 27-5 能流實例
 - 27-6 場動量

27-1 局域守恆

顯然，物質的能量並不守恆。當一物體輻射出光時，它就損失了能量。然而，這部分損失的能量可以用其他方式來描述，比如說用光的方式。因此，要是沒有考慮與光、或普遍而言與電磁場相關的能量，那麼能量守恆的理論便不是完整的。我們現在要來討論場的能量守恆以及動量守恆。我們肯定不能只談其中之一，而不涉及他者，因為在相對論中，它們是同一個四維向量的不同面向。

在第 I 卷很前面的部分，我們就討論過能量守恆；當時我們只是說，世界上的總能量恆定不變。我們現在要將能量守恆律此概念在一重要方面——說明能量是**如何**守恆的某些**細節**方面，加以推廣。此新定律將描述：假如能量離開一個區域，那是由於它通過了該區域的邊界，而**流出去的**。比起不加此一限制的能量守恆律，這是稍微更強的定律。

爲看清這一說法的含義，讓我們來考察電荷守恆律是如何作用的。我們過去對電荷守恆的描述如下：有一電流密度 \mathbf{j} 和一電荷密度 ρ ，當某處的電荷減少時，必定有電荷從該處流出。我們將此稱爲電荷守恆。此一守恆律的數學形式爲

$$\nabla \cdot \mathbf{j} = -\frac{\partial \rho}{\partial t} \quad (27.1)$$

上述定律有這麼一個後果，即世界上的總電荷總是保持恆定不變——永遠不會有電荷的淨增益或淨損失。然而，世界上的總電荷是可以按另一種方式而恆定不變的。假設在點 (1) 附近有某電荷 Q_1 ，在隔一段距離的點 (2) 附近則不存在電荷（圖 27-1）。現在假定：隨著時間的推移，電荷 Q_1 會逐漸消失，而與此**同時**卻有某些電荷 Q_2

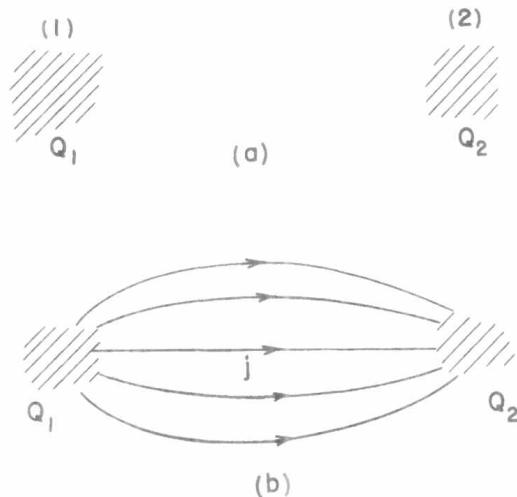


圖 27-1 兩種使電荷守恆的方式：(a) $Q_1 + Q_2$ 為常數；(b) $dQ_1/dt = \int j \cdot n da = -dQ_2/dt$ 。

在點 (2) 附近出現，並且以這樣一種方式進行，使得在每一時刻， Q_1 與 Q_2 之和總是一常數。換句話說，在任一中間狀態， Q_1 所喪失的電荷量，應加在 Q_2 之上。那麼世界上的總電荷才會守恆。這是一種「世界規模的」守恆，而不是我們將稱為「局域」守恆的情況，因為要使電荷從點 (1) 轉移至點 (2)，並不要求電荷在兩點之間的任一處出現。就局部而言，該電荷是真正「喪失」了。

這一種「世界規模的」守恆律，在相對論中有其困難。在空間中兩處，「同時刻」這一概念對於不同參考系來說是不相同的。在某一參考系中是同時的兩事件，對於從旁運動而過的另一參考系來說則不是同時的。在上述那種「世界規模的」守恆律中，要求從 Q_1 喪失的電荷應該**同時**出現在 Q_2 上。否則，某個時刻就會出現電荷並不守恆。如不打造出一個「局域」守恆律，似乎無法使電荷守恆。

律具有相對論性不變。事實上，勞侖茲相對論不變性這一要求，似乎以驚人方式限制了可能有的自然定律。比方說，在現代的量子場論中，人們往往希望經由我們所謂的一種「非局部」交互作用來改變理論，非局部交互作用是指，這裡的某件東西會直接影響到那裡的某件東西，但我們卻在相對論原理陷入了困境。

「局域」守恆還涉及另一個概念。這個概念表明，電荷之所以能夠從一處移至另一處，在它們之間的空間內必須有某個事件發生。要描述該定律，我們不僅需要電荷密度 ρ ，而且也需要另一類的量，即 j ，它給出通過一個面的電荷流率的向量。於是，這個流量與電荷密度變化率的關係，可以經由(27.1)式聯繫起來。這是守恆律中更為極端的一種。它表明電荷按某一種特殊的形式守恆，也就是「局域」守恆的形式。

事實證明：能量守恆是一種局域過程。在某個給定的空間區域內，不但存在能量密度，而且也存在代表穿越表面的能量流速率的向量。例如，當一光源向外輻射時，我們能求出從該源流出來的光能。若我們設想某個包圍著該光源的數學曲面，那麼從這個曲面內部所損失的能量，就等於穿越該曲面流出去的能量。

27-2 能量守恆與電磁學

現在我們要定量寫出電磁學的能量守恆。為此，我們必須描述空間任一體積元素內的能量及能流速率各為若干。假設我們首先只考慮電磁場的能量。我們將令 u 代表場的**能量密度**（也就是空間內單位體積的能量），並令向量 \mathbf{S} 代表場的**能通量**（即單位時間通過垂直於流動方向的單位面積的能量流）。於是，同電荷守恆，即(27.1)式完全相似，我們可以把場能量的「局域」守恆律寫成

$$\frac{\partial u}{\partial t} = -\nabla \cdot \mathbf{S} \quad (27.2)$$

當然，這一定律並非普遍正確：說場能量守恆是不對的。假設你在一個黑暗房間裡，打開電燈開關。忽然之間，整個房間裡都充滿了光，所以就有了場方面的能量，儘管在此之前，一點光也沒有。(27.2)式並非一個完整的守恆律，因為**場能量單獨**來說，是不會守恆的，只有世界上的總能量——也包括物質的能量，才會守恆。假如物質對場作了一些功，或場對物質作了一些功，則場的能量將會改變。

然而，若是在我們感興趣的體積內存在物質，則我們知道它具有多少能量：每一個粒子具有能量 $m_0 c^2 \sqrt{1 - v^2/c^2}$ 。物質的總能量正好是所有粒子能量之和，而通過一個面的能流，就正好是通過這個面的每一個粒子所攜帶的能量之和。現在我們只想談論電磁場的能量。因此我們必須寫出這樣一個方程式，它會說出在某個給定體積內的**總場能量**的減少，或者是由於場能量從該體積流出，或者是由於場把能量給了物質而有所損失（或從物質獲得能量，那不過是能量的負損失）。在體積 V 內的場能量為

$$\int_V u \, dV$$

而其減少率則是此一積分對時間導數的負值。離開體積 V 的場能流等於 \mathbf{S} 的法向分量對包圍著 V 的整個曲面 Σ 的積分，即

$$\int_{\Sigma} \mathbf{S} \cdot \mathbf{n} \, da$$

因此，

$$-\frac{\partial}{\partial t} \int_V u \, dV = \int_{\Sigma} \mathbf{S} \cdot \mathbf{n} \, da + (\text{對 } V \text{ 內部物質所作的功}) \quad (27.3)$$