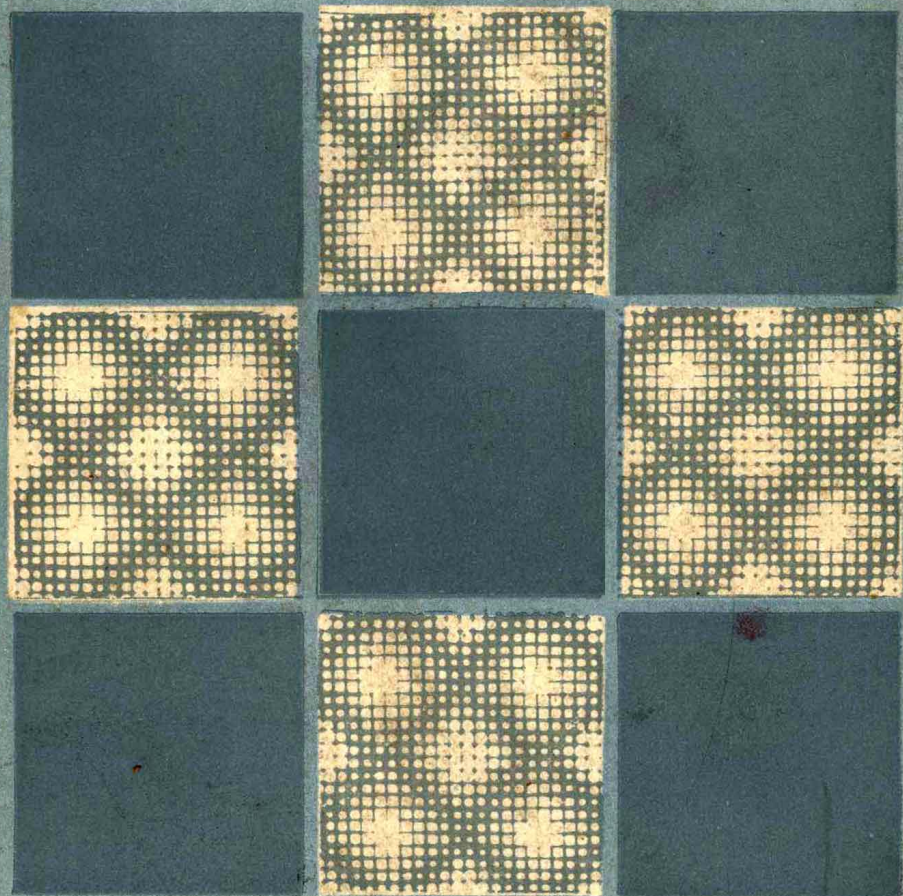


成人高考解题典型错误分析丛书

# 数 学



福建科学技术出版社

成人高考解题典型错误分析丛书

# 数 学

柯连平 黄警尘 黄则兴

福建科学技术出版社

一九八六·福州

**责任编辑：张建华**

**成人高考数学解题典型错误分析丛书**

**柯连平 黄警尘 黄则兴**

•

**福建科学技术出版社出版**

**(福州得贵巷27号)**

**福建省新华书店发行**

**福州7228工厂印刷**

**开本787×1092毫米 1/32 13.875印张 305 千字**

**1986年9月第1版**

**1986年9月第1次印刷**

**印数：1—10,500**

**书号：7211·80 定价：2.20元**

# 序

《中学数学解题典型错误分析》是从中学生解题容易产生错误的问题中，选出比较有代表性的题目编成的。作者从这些题目的错误解题中分析了它们产生错误的原因，指出了正确解答的方法，从而使读者正确地掌握数学的概念、审题、运算和证法等。

这本书可作为中学生的课外读物，对相当于中学水平的自学青年学习数学有帮助，对中学教师的教学有参考价值，也可以作为中学生开展课外活动的《问题征解》，让学生们找一找错在哪里？调动学生学习的积极性。

池伯鼎

1984年11月于福州

# 前 言

解答数学问题是学好数学基本知识，培养和提高各种能力的一种重要手段。但学生在解题过程中，往往由于概念模糊，或思考不周，或主观臆断，或偷换论题等，造成解题和证题的种种失误。对具有典型性、规律性和普遍性的错误题例深入地进行剖析，寻觅导致错误的原因，并通过分析归纳，导出正确的解题思想和解题方法，这对提高成人分析问题和解决问题的能力，无疑是有很大帮助的。

本书包括中学的代数、平面三角、平面几何、立体几何和解析几何等部分，共筛选了学生解题中的典型错误 490 例。每个典型题例都有错解（错证）、分析、正解（正证）三个部分，有的题目由于错误的类型不同，也进行了多种分析，旨在提高学生的解题能力和发展学生的智力。

本书在内容上涉及的知识面较广，尽量覆盖了成人及中学生在数学解题中的典型错误；在结构上按教材的顺序分门别类，由浅入深，从简到繁进行编写。由于本书的编写特点和宗旨，将对成人自学数学起重要的辅导作用。

书末部分附上“错例类型索引”，把典型错例归纳为五大类：一、概念错误；二、审题错误；三、运算错误；四、证题错误；五、结论错误。并且还具体分出了 26 种不同的错误情况。其目的在于概括全书，起到提纲挈领的作用，同时也便于读者查阅。

读者在阅读本书时，对每一错例要认真思考，错在哪里？如何纠正？要做到心中有数，然后探求正确解法，尽量

做到举一反三，触类旁通。

本书与物理、化学成为一套《成人解题典型错误分析》丛书，可供成人自学参考，亦可供广大中学生以及报考大、中专、电视大学的职工、青年自学，对职工文化补习学校师生也有参考价值。

在编写本书过程中，蔡子朝、蔡辉煌、侯全胜、许远望、杨儒流、陈振兴、施惠民等老师提供了宝贵的意见，并得到晋江地区数学教学研究会有关同志的关心和帮助，最后又承蒙池伯鼎、庄天山、林铭荪等几位前辈审阅全文，在此一并致谢。

由于我们水平所限，书中的缺点、错误在所难免，敬请广大读者批评指正。

编著者

1986年3月

# 目 录

|                                            |         |
|--------------------------------------------|---------|
| 一、代数 .....                                 | ( 1 )   |
| (一) 数与式 ( 1~36例) .....                     | ( 1 )   |
| (二) 方程 ( 37~86例) .....                     | ( 24 )  |
| (三) 不等式 ( 87~120例) .....                   | ( 60 )  |
| (四) 函数 ( 121~158例) .....                   | ( 86 )  |
| (五) 指数与对数 ( 159~178例) .....                | ( 112 ) |
| (六) 排列、组合、二项式定理、数学归纳法<br>( 179~198例) ..... | ( 127 ) |
| (七) 数列与极限 ( 199~226例) .....                | ( 141 ) |
| 二、平面三角 .....                               | ( 168 ) |
| (一) 基本概念与恒等变换 ( 227~258例) .....            | ( 168 ) |
| (二) 三角函数极值 ( 259~267例) .....               | ( 191 ) |
| (三) 反三角函数和三角方程 ( 268~287例) .....           | ( 200 ) |
| (四) 解三角形 ( 288~297例) .....                 | ( 217 ) |
| 三、平面几何 .....                               | ( 225 ) |
| (一) 直线形 ( 298~333例) .....                  | ( 225 ) |
| (二) 圆 ( 334~352例) .....                    | ( 259 ) |
| 四、立体几何 .....                               | ( 278 ) |
| (一) 直线和平面 ( 353~377例) .....                | ( 278 ) |
| (二) 多面体和旋转体 ( 378~407例) .....              | ( 309 ) |
| 五、平面解析几何 .....                             | ( 346 ) |

|                               |         |
|-------------------------------|---------|
| (一) 直角坐标系、直线 (408~423例) ..... | ( 346 ) |
| (二) 曲线与方程 (424~443例) .....    | ( 361 ) |
| (三) 二次曲线 (444~475例) .....     | ( 379 ) |
| (四) 参数方程与极坐标 (476~490例) ..... | ( 414 ) |
| 六、错例类型索引 .....                | ( 431 ) |

# 一、代 数

## (一) 数 与 式

1. 1,580,000 米等于多少公里?

**错解**  $1,580,000 (\text{米}) = 1,580 (\text{公里})$ .

**分析** 错误在于“不名数”与“名数”混淆不清,片面记住“单位要括号”,而没有真正理解其意义.

**正解**  $1,580,000 \text{ 米} = 1,580 \text{ 公里}$ .

2. 已知  $a, b \in N$ , 且  $360a = b^3$ , 求  $a$  的最小值.

**错解**  $\because b^3$  是一个完全立方数,

$$\therefore a = 360^2 = 129,600.$$

**分析** 错误在于:(1)质因数概念理解不当;(2)题意理解不清. $a = 129,600$  固然能使  $360a = 360^3$ , 但  $a$  并非满足题意的最小值.

**正解**  $\because b^3$  是一个完全立方数,

$$\text{又 } 360a = 2^3 \times 3^2 \times 5a,$$

$$\therefore a \text{ 的最小值为 } 5^2 \times 3 = 75.$$

3. 已知三个连续整数的和与积相等, 求这三个数.

**错解** 设三个连续整数分别为  $x-1$ 、 $x$ 、 $x+1$ , 依题意得  
 $(x-1) \cdot x \cdot (x+1) = (x-1) + x + (x+1)$

$$x^3 - x = 3x$$

$$x(x^2 - 4) = 0$$

$$\therefore x_1 = 2, x_2 = -2 \text{ (不合题意, 舍去),}$$

$x_3 = 0$  (不合题意, 舍去).

故所求的三个数为 1、2、3.

**分析** 整数概念错误. 整数应包括正整数、零、负整数.  
故应把  $x_2 = -2$  和  $x_3 = 0$  补回.

**正解** .....  $x(x^2 - 4) = 0$

$\therefore x_1 = 2, x_2 = -2, x_3 = 0.$

故所求的三个数为 -1, 0, 1 或 -3, -2, -1 或 1, 2,

4. 叙述命题“若  $a, b$  均为偶数, 则  $a+b$  也为偶数”的逆否命题.

**错解** 逆否命题为“若  $a+b$  为奇数, 则  $a, b$  均为奇数”.

**分析** 原命题与逆否命题是等价命题. 若原命题真, 则逆否命题亦真. 但上述逆否命题不真 (反例:  $2+5=7$  是奇数, 但 2 不是奇数). 其实“ $a, b$  均为偶数”的否定应包括: (1)  $a, b$  均为奇数; (2)  $a, b$  为一奇数、一偶数. 而 (1)、(2) 统称应为“ $a, b$  不全为偶数”或“ $a, b$  至少有一个奇数”.

**正解** 逆否命题为“若  $a+b$  为奇数, 则  $a, b$  不全为偶数”.

5. 若  $|ab| + 1 = |a| + |b|$ , 求实数  $a, b$ .

**错解** 由已知得  $(|a| - 1)(|b| - 1) = 0$ ,

则  $|a| = 1$  且  $|b| = 1$ ,

故  $a = \pm 1$  且  $b = \pm 1$ .

**分析** 若  $A \cdot B = 0$ , 则  $A = 0$  或  $B = 0$ . 上面的错误在于“若  $A \cdot B = 0$ , 则  $A = 0$  且  $B = 0$ ”.

**正解** 由已知得  $(|a| - 1)(|b| - 1) = 0$ ,

则  $|a| = 1$  或  $|b| = 1$ ,

故当  $a = \pm 1$  时,  $b$  为任意实数;

当  $b = \pm 1$  时,  $a$  为任意实数.

6. 若  $m, n \in \mathbb{Z}$ , 且  $|mn| = |m| + |n|$ , 求  $m, n$ .

**错解** (1) 当  $m > 0, n > 0$  时,  $mn = m + n$  ①

当  $m < 0, n < 0$  时,  $mn = -m - n$  ②

① + ② 得  $mn = 0$ ,  $\therefore m = 0$  或  $n = 0$ ;

(2) 当  $m > 0, n < 0$  时,  $-mn = m - n$  ③

当  $m < 0, n > 0$  时,  $-mn = -m + n$  ④

③ + ④ 得  $mn = 0$ ,  $\therefore m = 0$  或  $n = 0$ .

故  $m = 0$  或  $n = 0$ .

**分析** (1) 中条件 “ $m > 0, n > 0$ ” 和 “ $m < 0, n < 0$ ” 是互斥的, 它们的结论不能进行运算; (2) 的错误同 (1).

**正解** 显然  $m = n = 0$  时,  $|mn| = |m| + |n|$ .

由  $|mn| = |m| + |n|$  得  $|m|(|n| - 1) = |n|$ ,

显然  $|n| > 1$ , 同时可得  $|m| > 1$ .

(1) 当  $|n| = 2, |m| = 2$  时,  $|mn| = |m| + |n|$ ;

(2) 当  $|n| > 2, |m| > 2$  时,  $|mn| \neq |m| + |n|$ .

故  $m = n = 0$  或  $m = \pm 2, n = \pm 2$ .

7. 分解因式  $\frac{1}{2}x^2 + xy + \frac{1}{2}y^2$ .

**错解** 用 2 乘以原式各项, 得

$$x^2 + 2xy + y^2 = (x + y)^2,$$

$$\text{故原式} = (x + y)^2.$$

**分析** 这是把因式分解中的 “恒等变换” 与解方程中的 “同解变换” 混为一谈. 因式分解过程应是恒等变换.

**正解**  $\frac{1}{2}x^2 + xy + \frac{1}{2}y^2$

$$= \frac{1}{2}(x^2 + 2xy + y^2) = \frac{1}{2}(x+y)^2.$$

8. 分解因式  $x^5 + 3x^3 - 2x^2 - 6$ .

**错解** 原式  $= (x^3 - 2)(x^2 + 3)$

$$= (x - \sqrt[3]{2})(x^2 + \sqrt[3]{2}x + \sqrt[3]{4})(x^2 + 3)$$

$$= (\sqrt{x} + \sqrt[6]{2})(\sqrt{x} - \sqrt[6]{2})(x^2 + \sqrt[3]{2}x$$

$$+ \sqrt[3]{4})(x^2 + 3).$$

**分析** 错误有二: (1) 因式分解概念不清. 因为  $\sqrt{x}$  是无理式, 故  $(x - a^2) = (\sqrt{x} + a)(\sqrt{x} - a)$  不称为因式分解; (2) 没有注意在不同的数集中, 分解的形式是不同的.

**正解** (1) 在  $Z$  或  $Q$  中, 原式  $= (x^3 - 2)(x^2 + 3)$ ;

(2) 在  $R$  中, 原式  $= (x - \sqrt[3]{2})(x^2 + \sqrt[3]{2}x + \sqrt[3]{4})(x^2 + 3)$ ;

$$(3) \text{ 在 } C \text{ 中, 原式} = (x - \sqrt[3]{2}) \left( x + \frac{\sqrt[3]{2} - \sqrt[6]{108}i}{2} \right) \\ \cdot \left( x + \frac{\sqrt[3]{2} + \sqrt[6]{108}i}{2} \right) (x + \sqrt{3}i)(x - \sqrt{3}i).$$

9. 移因式于根号内  $(a+b) \cdot \sqrt[4]{c}$ .

**错解**  $(a+b)\sqrt[4]{c} = \sqrt[4]{(a+b)^4 c}$ .

**分析** 没有考虑所移动的因式是正的还是负的.

**正解**  $(a+b)\sqrt[4]{c} = \begin{cases} \sqrt[4]{(a+b)^4 c} & (\text{当 } a+b \geq 0 \text{ 时}), \\ -\sqrt[4]{(a+b)^4 c} & (\text{当 } a+b < 0 \text{ 时}). \end{cases}$

10. 求  $(x+1)(x+2)(x+3)(x+4) + 1$  的算术平方根.

**错解** 原式  $= (x^2 + 5x + 4)(x^2 + 5x + 6) + 1$

$$= (x^2 + 5x + 4)^2 + 2(x^2 + 5x + 4) + 1$$

$$= (x^2 + 5x + 5)^2$$

故  $\sqrt{(x+1)(x+2)(x+3)(x+4) + 1}$

$$= \sqrt{(x^2 + 5x + 5)^2} = x^2 + 5x + 5.$$

**分析** 算术平方根是正数的正的方根, 所以  $\sqrt{a^2} = |a|$ , 应考虑  $a$  值的正、零、负问题.

**正解** .....

$$\begin{aligned} \text{故 } \sqrt{(x+1)(x+2)(x+3)(x+4)+1} &= \sqrt{(x^2+5x+5)^2} \\ &= \begin{cases} x^2+5x+5 & \left( \text{当 } x \leq \frac{-5-\sqrt{5}}{2} \text{ 或 } x \geq \frac{-5+\sqrt{5}}{2} \right); \\ -(x^2+5x+5) & \left( \text{当 } \frac{-5-\sqrt{5}}{2} < x < \frac{-5+\sqrt{5}}{2} \right). \end{cases} \end{aligned}$$

11. 化简  $\sqrt[24]{x^{12}y^{12}} + \sqrt[4]{121x^2y^2}$

$$\begin{aligned} \text{错解 原式} &= x^{\frac{12}{24}} y^{\frac{12}{24}} + \sqrt{11xy} \\ &= \sqrt{xy} + \sqrt{11xy} = (1 + \sqrt{11})\sqrt{xy}. \end{aligned}$$

**分析**  $\sqrt[4]{x^2y^2}$  中  $x, y$  可取任意实数, 而  $\sqrt{xy}$  中  $x, y$  应  $xy \geq 0$ , 故  $\sqrt[4]{x^2y^2} \neq \sqrt{xy}$ . 同理  $\sqrt[24]{x^{12}y^{12}} \neq \sqrt{xy}$ .

$$\begin{aligned} \text{正解 原式} &= \sqrt{|xy|} + \sqrt{11} \cdot \sqrt{|xy|} \\ &= (1 + \sqrt{11})\sqrt{|xy|}. \end{aligned}$$

12. 化简  $\sqrt{2+\sqrt{3}} - \sqrt{2-\sqrt{3}}$ .

**错解** 原式

$$\begin{aligned} &= \frac{(\sqrt{2+\sqrt{3}} - \sqrt{2-\sqrt{3}})(\sqrt{2+\sqrt{3}} + \sqrt{2-\sqrt{3}})}{\sqrt{2+\sqrt{3}} + \sqrt{2-\sqrt{3}}} \\ &= \frac{(2+\sqrt{3}) - (2-\sqrt{3})}{\sqrt{2+\sqrt{3}} + \sqrt{2-\sqrt{3}}} \\ &= \frac{2\sqrt{3}}{\sqrt{2+\sqrt{3}} + \sqrt{2-\sqrt{3}}} \\ &= 2 \cdot \sqrt{\frac{3}{2+\sqrt{3}+2-\sqrt{3}}} \end{aligned}$$

$$= 2 \cdot \sqrt{\frac{3}{4}} = \sqrt{3}.$$

**分析** 错在  $\sqrt{a} + \sqrt{b} = \sqrt{a+b}$ . 这种错误常有出现, 应切实防止.

$$\begin{aligned} \text{正解一} \quad \sqrt{2+\sqrt{3}} &= \sqrt{\frac{4+2\sqrt{3}}{2}} = \sqrt{\frac{(\sqrt{3}+1)^2}{(\sqrt{2})^2}} \\ &= \frac{\sqrt{3}+1}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{6}+\sqrt{2}}{2}, \end{aligned}$$

$$\text{同理} \quad \sqrt{2-\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{6}-\sqrt{2}}{2}.$$

$$\begin{aligned} \text{故} \quad \sqrt{2+\sqrt{3}} - \sqrt{2-\sqrt{3}} &= \frac{\sqrt{6}+\sqrt{2}}{2} - \frac{\sqrt{6}-\sqrt{2}}{2} \\ &= \sqrt{2}. \end{aligned}$$

$$\text{正解二} \quad \text{设 } x = \sqrt{2+\sqrt{3}} - \sqrt{2-\sqrt{3}} \quad (x > 0),$$

两边平方, 得

$$x^2 = 2 + \sqrt{3} - 2\sqrt{2+\sqrt{3}} \cdot \sqrt{2-\sqrt{3}} + 2 - \sqrt{3}$$

$$x^2 = 4 - 2, \quad x^2 = 2.$$

$$\because x > 0, \quad \therefore x = \sqrt{2}.$$

$$\text{故} \quad \sqrt{2+\sqrt{3}} - \sqrt{2-\sqrt{3}} = \sqrt{2}.$$

13. 计算 (1)  $\sqrt{7-4\sqrt{3}}$ ; (2)  $\sqrt[3]{2-\sqrt{5}} \cdot \sqrt[6]{9+4\sqrt{5}}$ .

$$\text{错解} \quad (1) \sqrt{7-4\sqrt{3}} = \sqrt{3-4\sqrt{3}+4}$$

$$= \sqrt{(\sqrt{3})^2 - 2\sqrt{3} \cdot 2 + 2^2} = \sqrt{(\sqrt{3}-2)^2}$$

$$= \sqrt{3} - 2;$$

$$(2) \sqrt[3]{2-\sqrt{5}} \cdot \sqrt[6]{9+4\sqrt{5}}$$

$$= \sqrt[6]{9-4\sqrt{5}} \cdot \sqrt[6]{9+4\sqrt{5}}$$

$$= \sqrt[5]{9^2 - (4\sqrt{5})^2} = \sqrt[5]{1} = 1.$$

**分析** (1) 错误在于对算术平方根的意义理解不清, 误认为  $\sqrt{a^2} = a$ , 实际上  $\sqrt{a^2} = \begin{cases} a & (a \geq 0), \\ -a & (a < 0). \end{cases}$

(2) 只有当  $a > 0$  时公式  $\sqrt[n]{a^m} = \sqrt[n]{a^m}^{\frac{1}{n}} (m, n, p \in \mathbb{N})$  成立. 因为  $2 - \sqrt{5} < 0$ , 所以  $\sqrt[3]{2 - \sqrt{5}} \neq \sqrt[5]{(2 - \sqrt{5})^2}$ , 而  $\sqrt[3]{2 - \sqrt{5}} = -\sqrt[5]{(2 - \sqrt{5})^2}$ .

**正解** (1)  $\sqrt{7 - 4\sqrt{3}} = \cdots = \sqrt{(\sqrt{3} - 2)^2} = 2 - \sqrt{3}$ ;

$$(2) \sqrt[3]{2 - \sqrt{5}} \cdot \sqrt[5]{9 + 4\sqrt{5}} = \sqrt[3]{2 - \sqrt{5}} \cdot \sqrt[5]{2 + \sqrt{5}} = \sqrt[3]{4 - 5} = \sqrt[3]{-1} = -1.$$

**另解**  $\sqrt[3]{2 - \sqrt{5}} \cdot \sqrt[5]{9 + 4\sqrt{5}} = -\sqrt[5]{9 - 4\sqrt{5}} \cdot \sqrt[5]{9 + 4\sqrt{5}} = -\sqrt[5]{1} = -1.$

14. 已知  $\frac{\sqrt{x^2(x+1)}}{x-3} = \frac{x\sqrt{x+1}}{x-3}$ , 求  $x$ .

**错解** 要使等式成立, 必须  $\begin{cases} x+1 \geq 0 \\ x-3 \neq 0 \end{cases} \Rightarrow x \geq -1 \text{ 且 } x \neq 3.$

**分析** 要使  $\sqrt{x^2(x+1)} = x\sqrt{x+1}$ , 必须  $x \geq 0$ .

**正解** 要使等式成立, 必须  $\begin{cases} x \geq 0 \\ x+1 \geq 0 \\ x-3 \neq 0 \end{cases} \Rightarrow x \geq 0 \text{ 且 } x \neq 3.$

15. 已知  $\sqrt{x} = \frac{1}{\sqrt{a}} - \sqrt{a}$ , 求  $\sqrt{4x+x^2}$ .

**错解** 由已知得  $x = a + \frac{1}{a} - 2$ .

则  $\sqrt{4x+x^2} = \sqrt{(x+2)^2 - 4}$

$$= \sqrt{\left(a + \frac{1}{a}\right)^2 - 4} = \sqrt{\left(a - \frac{1}{a}\right)^2}$$

(1) 当  $a - \frac{1}{a} \geq 0$ , 即  $-1 \leq a < 0$  和  $a \geq 1$  时

$$\sqrt{4x + x^2} = a - \frac{1}{a};$$

(2) 当  $a - \frac{1}{a} < 0$ , 即  $a \leq -1$  和  $0 < a \leq 1$  时

$$\sqrt{4x + x^2} = \frac{1}{a} - a.$$

**分析** 解题过程没有注意到题给条件  $\sqrt{x} \geq 0$ , 其中隐含条件  $a \leq 1$ , 此时  $a - \frac{1}{a} \leq 0$ .

**正解** …… ,  $\sqrt{4x + x^2} = \dots = \sqrt{\left(a - \frac{1}{a}\right)^2}.$

$$\therefore \sqrt{x} = \frac{1}{\sqrt{a}} - \sqrt{a} \geq 0,$$

$$\therefore \frac{1-a}{\sqrt{a}} \geq 0,$$

$$\text{又 } \sqrt{a} > 0, \text{ 则 } a \leq 1,$$

$$\text{此时 } a - \frac{1}{a} \leq 0.$$

$$\text{故 } \sqrt{4x + x^2} = \frac{1}{a} - a.$$

**16.** 若多项式  $x^4 + 4x^3 + 3x^2 + px + q$  和  $x^3 + 3x^2 + 2x + 1$  除以  $x^2 + 2x + 1$  所得的余式相同, 求  $p$ 、 $q$  的值.

**错解** 设  $f_1(x) = x^4 + 4x^3 + 3x^2 + px + q$

$$f_2(x) = x^3 + 3x^2 + 2x + 1$$

$$\text{又 } x^2 + 2x + 1 = (x+1)^2,$$

根据余式定理, 有:

$f_1(x)$ 除以 $(x+1)^2$ 所得的余式为

$$\begin{aligned} R_1 &= f_1(-1) = (-1)^4 + 4(-1)^3 + 3(-1)^2 + p(-1) + q \\ &= -p + q; \end{aligned}$$

$f_2(x)$ 除以 $(x+1)^2$ 所得的余式为

$$R_2 = f_2(-1) = (-1)^3 + 3(-1)^2 + 2(-1) + 1 = 1,$$

由题设所知  $R_1 = R_2$ ,  $-p + q = 1$ , 即  $q - p = 1$ .

故凡满足  $q - p = 1$  的  $p, q$  值皆为所求.

**分析** 误用余式定理.

**正解** 用综合除法可得

$$R_1 = (p+2)x + q + 2; \quad R_2 = -x,$$

由题设所知  $(p+2)x + q + 2 = -x$ ,

$$\begin{cases} p+2 = -1 \\ q+2 = 0 \end{cases} \quad \text{解得} \quad \begin{cases} p = -3 \\ q = -2. \end{cases}$$

17. 已知  $t=4$ , 求代数式  $\frac{5t-t^2}{20 \times 2 \div t + 60 \div 3 \times t}$  的值.

$$\begin{aligned} \text{错解 原式} &= \frac{5 \times 4 - 4^2}{20 \times 2 \div 4 + 60 \div 3 \times 4} \\ &= \frac{20 - 16}{40 \div 4 + 60 \div 12} \\ &= \frac{4}{10 + 5} = \frac{4}{15}. \end{aligned}$$

**分析** 在四则混合运算中, 不仅要记住“先乘除, 后加减”, 还要注意“乘除中, 乘在前先乘, 除在前先除”.

$$\begin{aligned} \text{正解 原式} &= \frac{20 - 16}{40 \div 4 + 20 \times 4} \\ &= \frac{4}{10 + 80} = \frac{2}{45}. \end{aligned}$$