

# 物理觀念 解題辭典①



電編：7003

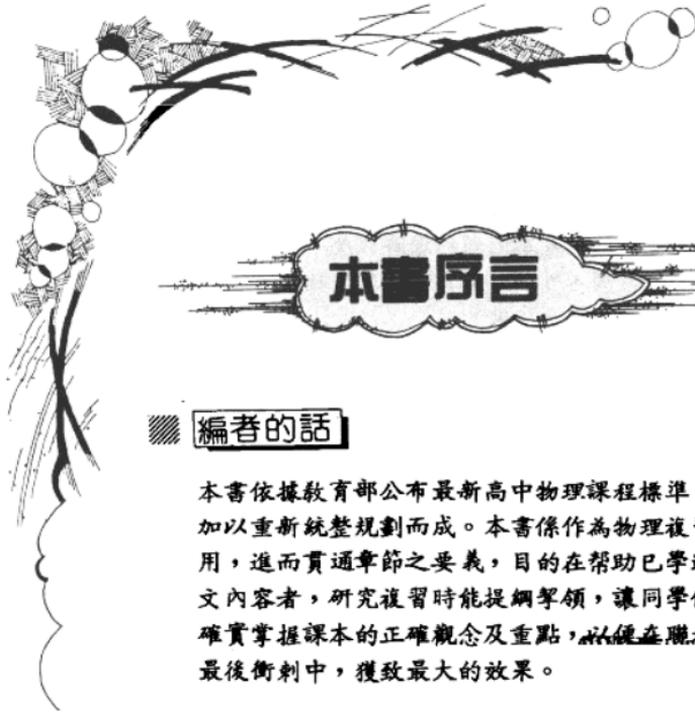
時空觀念與運動學

物理名師 蔡承澤 編著

- ①活用歸納教材資料，脈絡一貫，條理分明
- ②精心設計命題示例，精澁新穎，最具權威



立根教學文教出版社



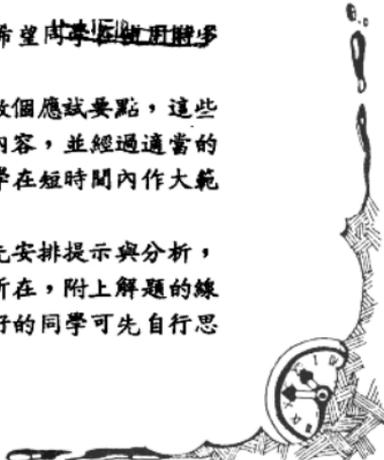
# 本書序言

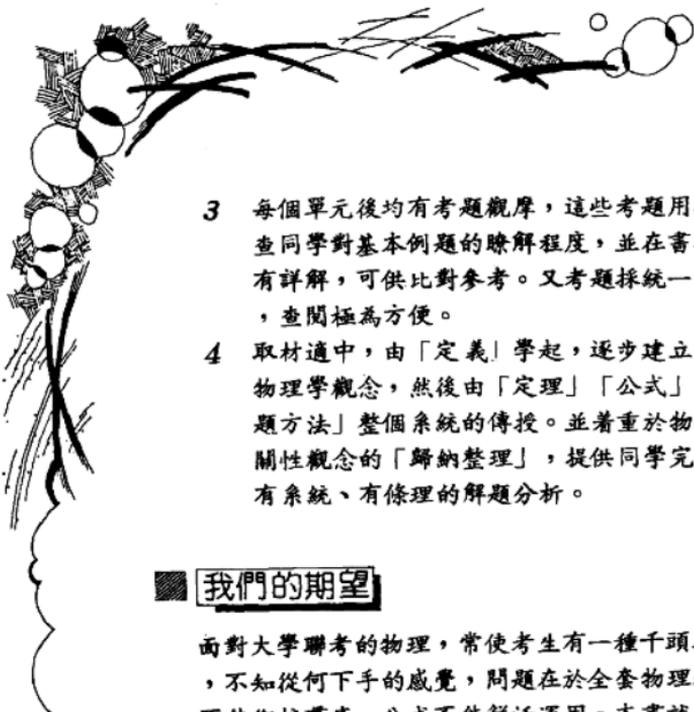
## 編者的話

本書依據教育部公布最新高中物理課程標準，並加以重新統整規劃而成。本書係作為物理複習之用，進而貫通章節之要義，目的在幫助已學過課文內容者，研究複習時能提綱挈領，讓同學們能確實掌握課本的正确觀念及重點，以便在聯考的最後衝刺中，獲致最大的效果。

## 本書特點

本書在設計上有幾個特點，希望同學在複習時多加注意：

- 1 每單元均仔細規劃成為數個應試要點，這些應試要點完全涵蓋課本內容，並經過適當的整理和標示，有助於同學在短時間內作大範圍的複習。
  - 2 每個題目在解答之前，先安排提示與分析，告訴你這道題目的精神所在，附上解題的線索、思考的順序，程度好的同學可先自行思考。
- 

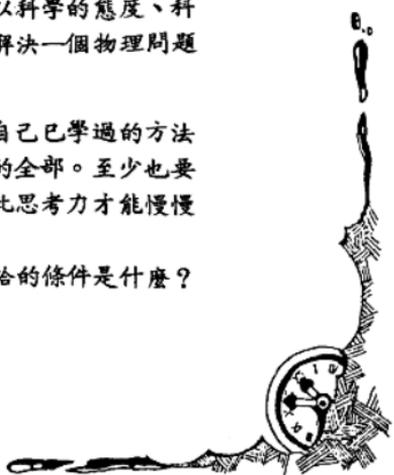
- 
- 3 每個單元後均有考題觀摩，這些考題用以檢查同學對基本例題的瞭解程度，並在書後附有詳解，可供比對參考。又考題採統一編號，查閱極為方便。
  - 4 取材適中，由「定義」學起，逐步建立完整物理學觀念，然後由「定理」「公式」「解題方法」整個系統的傳授。並著重於物理相關性觀念的「歸納整理」，提供同學完整而有系統、有條理的解題分析。

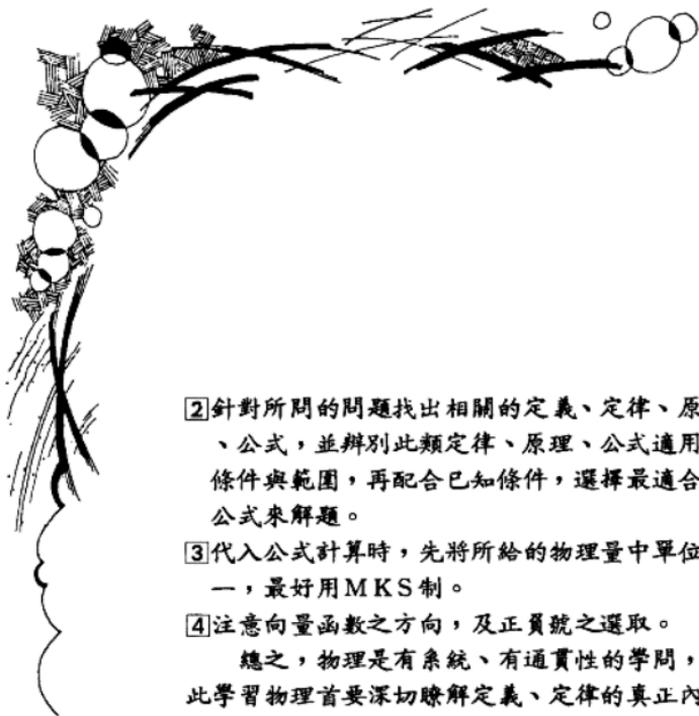
## ■ 我們的期望

面對大學聯考的物理，常使考生有一種千頭萬緒，不知從何下手的感覺，問題在於全套物理理論不能銜接貫串，公式不能鮮活運用。本書就是幫助考生在面對物理題目時，能以科學的態度、科學的方法解決問題。以下就是解決一個物理問題所需的幾個步驟：

拿到一個題目之前，勢必先把自己已學過的方法先試試看，不要急著先看解答的全部。至少也要看一個步驟，想下個步驟，如此思考力才能慢慢培養。

- ① 先將問題看清楚，即題目所給的條件是什麼？要求的又是甚麼？



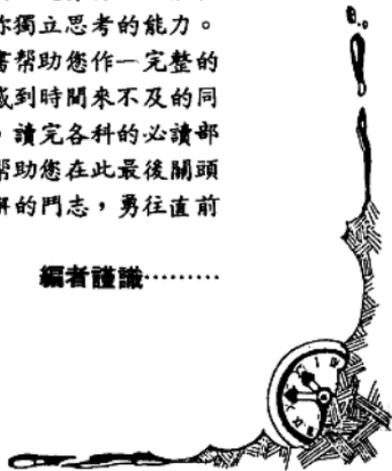


- ② 針對所問的問題找出相關的定義、定律、原理、公式，並辨別此類定律、原理、公式適用的條件與範圍，再配合已知條件，選擇最適合之公式來解題。
- ③ 代入公式計算時，先將所給的物理量中單位統一，最好用MKS制。
- ④ 注意向量函數之方向，及正負號之選取。

總之，物理是有系統、有通貫性的學問，因此學習物理首要深切瞭解定義、定律的真正內涵，進而擴展至各種層面的實例，這樣作不但能收融會貫連的效果，且能培養你獨立思考的能力。

對於功課好的同學，本書幫助您作一完整的巡禮，使您更上層樓；對於感到時間來不及的同學，本書幫助您用最少時間，讀完各科的必讀部分，建立整體概念。希望能幫助您在此最後關頭，以一顆平靜的心，一股不懈的鬥志，勇往直前，迎接聯考，戰勝聯考!!

編者謹識……





# 本書目錄



*Step by step*

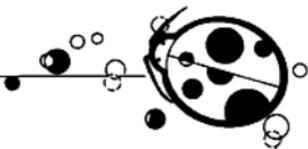
**讓我們一步一步來征服它!!**

## 第 1 章：時間與空間

重點貫串 1	有效數字	1
重點貫串 2	數量級	3
重點貫串 3	誤差	5
重點貫串 4	物理量	10
重點貫串 5	時間的單位・太陽日與恒星日	11
重點貫串 6	單擺(時間量度的工具)之週期	15
重點貫串 7	長時間的量度——放射法	21
重點貫串 8	短距離之測定	28
重點貫串 9	遠距離之測定	38
重點貫串 10	空間量度	51

## 第 2 章：運動學

重點貫串 1	函數、導函數	53
重點貫串 2	向量	56
重點貫串 3	直線運動	64
重點貫串 4	速度	73
重點貫串 5	加速度	84
重點貫串 6	等加速運動	96
重點貫串 7	運動學中函數圖形之分析	106



重點貫串 8	自由落體運動.....	109
重點貫串 9	鉛直上拋下拋運動.....	118
重點貫串 10	水平拋射運動.....	127
重點貫串 11	斜向拋射運動.....	137
重點貫串 12	等速圓周運動.....	150
重點貫串 13	簡諧運動.....	157
重點貫串 14	彈簧與錐動擺.....	166
重點貫串 15	相對運動與加利略變換.....	178



人生如果沒有咀嚼過苦澀，  
就體會不出真正的甜美。





# 時間與空間

任何時刻都必須好好把握，以免日後徒興  
「力不從心，時不我予」的感慨。

## 重點貫串

- ① 意義
- ② 表示法
- ③ 位數之決定法則

## ④ 運算法則

## ⑤ 討論



## 有效數字

- ▶ 由測量所得合理可靠及能表示準確程度之數字。
- ▶ 有效數字 = 合理可靠數字（準確值）+ 1 位估計數字。
- ▶ ① 所有非零數字均為有效數字。
- ▶ ② 在非零數字間的零為有效數字。
- ▶ ③ 純小數中，非零數字前之零不計，非零字後之零要計。
- ▶ ④ 帶小數，非零數後面的零皆為有效數字。
- ▶ ⑤ 一數若寫為科學記號  $a \times 10^n$ ，則  $a$  的位數全為有效數字。
- ▶ ⑥ 倍數、無理數、三角函數、 $\pi$  等均非量度所得，故有效數字為無窮多位。
- ▶ ⑦ ① 加減法運算——對齊小數點，以下以有效位數最少者為準，先刪去無效數字而後運算。
- ▶ ② 乘除法運算——先乘開，其答案之有效位數取諸因子中有效位數最低者，其餘四捨五入。
- ▶ ③ 四捨六入法——最後一位數字為五時，五之前為奇數者進位，五之前為偶數者五需刪除，保持偶數，此法避免雙重進位。

【記法】▶ 四捨六入五成雙。

- ▶ ④ 倍數、無理數、三角函數、 $\pi$  定義數字之有效  $\infty$  位。
- ▶ ① 測量時之精確度愈高，所得有效數字之位數愈多。
- ▶ ② 並非由量度而來之數字，則可視為決定“性質”的數字，其有效數字位數不能加以限定，可視為具有絕對的真實性。
- ▶ ③ 有效數值之積與商，其有效數值以乘除因子中有效數位位數最少者為準（有時可多一位）。
- ▶ ④ 有效數字不因單位換算而改變。

# NEW 重點例題

## 【基礎問題】

把  $12.251\text{ cm}^3$ ， $20.13\text{ cm}^3$  和  $42.1\text{ cm}^3$  的三杯水倒入底面為  $2.2\text{ cm} \times 3.05\text{ cm}$  的矩形的角柱容器內。(上面每個數值皆精確到量度上所可能的程度。)容器內的水高變成：

(A)  $11.100\text{ cm}$  (B)  $12\text{ cm}$  (C)  $11.1\text{ cm}$  (D)  $11\text{ cm}$  (E) 以上皆非。

【答案】▶ (D)

【解析】▶ ①三杯水的總體積 =  $12.251\text{ cm}^3 + 20.13\text{ cm}^3 + 42.1\text{ cm}^3$   
 $= 74.5\text{ cm}^3$

$$\begin{array}{r} 12.25\text{①} \\ 20.1\text{③} \\ +) 42.\text{①} \\ \hline 74.\text{④⑧①} \end{array}$$

②底面積 =  $2.2 \times 3.05 = 6.7\text{ (cm}^2\text{)}$

$$\begin{array}{r} 30\text{⑤} \\ \times) 2\text{②} \\ \hline 61\text{⑩} \\ 61\text{⑩} \\ \hline 67\text{⑩⑩} \end{array}$$

③水高度 =  $74.5 \div 6.7 = 11\text{ (cm)}$

$$\begin{array}{r} 111 \\ 6\text{⑦} \overline{) 745} \\ \underline{67} \\ 75 \\ \underline{67} \\ 80 \\ \underline{67} \\ 13 \end{array}$$

⑦⑤……全為估計值



## 立即測驗

1 鐵皮之長度為  $1.001$  米，寬度為  $1.15$  厘米，考慮測量之精確度（即考慮有效數字），其面積應寫為

- (A)  $1.15115 \times 10^{-2}$  平方米 (B)  $1.1512 \times 10^{-2}$  平方米 (C)  $1.151 \times 10^{-2}$  平方米 (D)  $1.15 \times 10^{-2}$  平方米 (E) 以上均不對。





1 【答案】▶(D)

【解析】▶原子之線量約  $10^{-8}$  cm

$$\text{每平方厘米中原子數} = \frac{1 \text{ 平方厘米}}{\text{原子佔據面積}} = \frac{1 \text{ cm}^2}{\pi (10^{-8} \text{ cm})^2} = 10^{16}$$

2 【答案】▶(A) 5.0 cm

(B)  $2.0 \times 10$  cm【解析】▶(A)有效數字之開根位數不變，故其邊長  $a = \sqrt{25} = 5.0$  (cm)(B)周長  $\ell = 4a = 4 \times 5.0 = 2.0 \times 10$  (cm)

## 重點貫串

①絕對誤差

②相對誤差  
(百分誤差)

③準確度

④附加不準度



## 誤差

▶絕對誤差  $\Delta A = \text{測量值}(A') - \text{公認值}(A)$ 。▶相對(或百分)誤差  $e = \frac{\text{測量值}(A') - \text{公認值}(A)}{\text{公認值}(A)} \times 100\%$ 。▶準確度  $E = 1 - |e|$ ▶①表示法： $x \pm \Delta x$  |  $\Delta x$  即表示其不準度

▶②附加不準度相加或相減，其得數的不準度等於各分量不準度的和。

$$\diamond \text{若 } (x \pm \Delta x) \pm (y \pm \Delta y) = z \pm \Delta z \\ \text{則 } z = x \pm y, \Delta z = \Delta x + \Delta y$$

▶③附加不準度相乘或相除，其得數的百分差度等於各分量百分差度的和。

①相乘  $\diamond \text{若 } (x \pm \Delta x)(y \pm \Delta y) = z \pm \Delta z$ 

$$\text{則 } z = xy$$

$$\Delta z = x \Delta y + y \Delta x$$

$$\left( \text{或 } \frac{\Delta z}{z} = \frac{\Delta x}{x} + \frac{\Delta y}{y} \right)$$

②相除  $\diamond \text{若 } \frac{(x \pm \Delta x)}{(y \pm \Delta y)} = z \pm \Delta z$

## 5 討 論



$$\text{則 } z = \frac{x}{y}, \quad \frac{\Delta z}{z} = \frac{\Delta x}{x} + \frac{\Delta y}{y}$$

- ▶ ① 準確度乃表示量度結果的可靠程度。
- ▶ ② 量度儀器的精密度：量度儀器的最小刻度單位。一般言之，為有效數字中準確數字的最末位。
- ▶ ③ 由上述可知，同一量度誤差愈大，則準確度愈低。但做兩種不同的量度時，不能由誤差來說明其精確程度，原因是不同的量度，其平均值可能相差甚大，因此欲表達一量度的精確與否，通常以其百分誤差或準確度來表示，才不致於引起誤解。
- ▶ ④ 在實驗中，若僅做一次量度，往往不能得到較精確的結果，通常我們在做幾次反覆量度之後，求取其平均值 (mean value)，此結果較僅做一次量度時為精確；此時公認值即為平均值。

## 【觀念問題】

- 1 測定單擺週期時，甲先測擺動 1 次的時間，乙先測擺動 100 次的時間，再以 100 除之。你認為那位測得的結果較為可靠？理由為何？

【解析】▶ 乙的結果比較精確，因為多次測量再求平均值，其誤差較小。

## 【基礎問題】

- 2 一長方形寬  $(12.0 \pm 0.1)$  m，長為  $(15.00 \pm 0.02)$  m，計算出之面積為  $S$ ，則此項測量之：
- (A) 絕對誤差  $\Delta A$  為何？
- (B) 相對誤差  $e$  又為何？此時之準確度  $E$  又為何？

【答案】▶ (A)  $\pm 2\text{m}^2$

(B) 1.1%，98.9%

【解析】▶ (A) 設長  $x$  寬  $y$ ，面積  $A$ ，則

$$\Delta A = (x + \Delta x)(y + \Delta y) - xy = x \Delta y + y \Delta x + \Delta x \Delta y$$

$$\because \Delta x \Delta y \ll \Delta A \quad \Delta A \div x \Delta y + y \Delta x$$

以  $x = 12.0$ ， $\Delta x = 0.1$ ， $y = 15.00$ ， $\Delta y = 0.02$  代入，得  $\Delta A = \pm 2 (\text{m}^2)$

(B) 最大誤差發生在  $\Delta x$ ， $\Delta y$  為同號時，故：

$$e = \frac{\Delta A}{A} \div \left( \frac{\Delta x}{x} + \frac{\Delta y}{y} \right) \quad \Delta e = 1.1\%$$

$$E = 1 - 1.1\% = 98.9\%$$

註▶(B)中之最大相對誤差，不論乘除，皆為二相對誤差之和。

**【基礎問題】**

- 3 經測量後，某圓柱體合金的質量為100.0公克，直徑為19.9毫米，高度為25.00厘米，設各數字最後一位誤差為±1，求此合金密度，並估計其誤差的大小？

**【答案】▶**  $(1.287 \pm 0.015) \text{ g/cm}^3$

**【指引】▶** ①加減運算結果的誤差為各數誤差的和。

②乘除運算需考慮百分誤差，運算結果的百分誤差為各數百分誤差的和，可再換算為誤差。

**【解析】▶** 質量  $M = 100.0 \pm 0.1 \text{ g}$

直徑  $d = 19.9 \pm 0.1 \text{ mm} = 1.99 \pm 0.01 \text{ cm}$

高度  $h = 25.00 \pm 0.01 \text{ cm}$

圓柱體積  $V = \pi \left( \frac{d}{2} \right)^2 \times h$

$$\text{合金密度 } D = \frac{M}{V} = \frac{M}{\pi \left( \frac{d}{2} \right)^2 \cdot h}$$

$$= \frac{4M}{\pi \cdot d^2 \cdot h}$$



$$= \frac{4 \times (100.0 \pm 0.1 \text{ g})}{3.14 \times (1.99 \pm 0.01 \text{ cm})^2 \times (25.00 \pm 0.01 \text{ cm})}$$

$$= \frac{4 \times (100.0 \pm 0.1\% \text{ g})}{3.14 \times (1.99 \pm 0.5\% \text{ cm})^2 \times (25.00 \pm 0.04\% \text{ cm})}$$

則百分誤差 =  $0.1\% + 2 \times 0.5\% + 0.04\% = 1.14\%$

故合金密度  $D = (1.287 \pm 1.14\%) \text{ g/cm}^3$   
 $= (1.287 \pm 0.015) \text{ g/cm}^3$

**立即測驗**

- 1 若是我們丈量一塊長方形的田地，由於所用的皮尺以及測量步驟的不準而得到的結果，其一邊長為  $10.3 \pm 0.05$  米，另一邊長  $12.5 \pm 0.05$  米



$$(3) E = 1 - |-3.26\%| = 96.74\%$$

3 【答案】▶ (1)  $R = 4 \pm 0.1 \Omega$

(2) 準確度變小

【解析】▶ (1)  $\frac{R_a}{R_v} = \frac{R_x}{R_b}$ ,  $\therefore R_x = \frac{R_a R_b}{R_v}$ ,  $R_{x(\max)} = \frac{10 \times 10}{25 - 0.5} = 4.1$   
 $R_{x(\min)} = \frac{10(10 - 0.05)}{25 + 0.5} = 3.9$ ,  $\therefore R_x = 4 \pm 0.1$   
 (  $\Omega$  )

(2)  $\frac{R_a}{R_b} = \frac{R_v}{R_x}$ ,  $\Delta R_x = \frac{R_v R_b}{R_a} \left( \frac{\Delta R_b}{R_b} + \frac{\Delta R_v}{R_v} \right) = 4(0.13)$   
 $\therefore R_x = 4(1 \pm 0.13) = 4 \pm 0.52$  (  $\Omega$  )  
 $\therefore$  百分誤差增大, 故準確度變小。

4 【答案】▶ (1)(C)

(2)(E)

【解析】▶ 球之表面積為  $4\pi r^2$ ; 球之體積為  $\frac{4}{3}\pi r^3$ , 設半徑之公認值為

$R$ , 而  $\Delta R$  表量度時半徑之絕對誤差, 由題意知  $\frac{\Delta R}{R} \times 100$   
 $\% = 2\%$

(1) 表面積  $A = 4\pi r^2 = 4\pi(R + \Delta R)^2 = 4\pi R^2 \left(1 + \frac{\Delta R}{R}\right)^2$   
 $= 4\pi R^2 (1 + 2\%)^2 = 4\pi R^2 (1 + 4\% + 0.04\%)$   
 $= 4\pi R^2 (1 + 4\%)$ , 故表面積之誤差約為  $4\%$

(2) 體積  $V = \frac{4}{3}\pi r^3 = \frac{4}{3}\pi(R + \Delta R)^3 = \frac{4}{3}\pi R^3 \left(1 + \frac{\Delta R}{R}\right)^3$   
 $= \frac{4}{3}\pi R^3 (1 + 2\%)^3$   
 $= \frac{4}{3}\pi R^3 (1 + 6\% + 0.12\% + 0.0008\%)$   
 $\div \frac{4}{3}\pi R^3 (1 + 6\%)$

故體積之誤差約  $6\%$



## 重點貫串

## 物理量

## ① 定義

▶ 凡具大小、多寡、快慢等在物理學上所量度的量稱之。  
定義方式：

- ① 性質（一般）的定義 ◯ 對物理現象作描述，只是一種「程度觀」。
- ② 數量（運作）的定義 ◯ 須能直接或間接地說明，如何來量度被定義的量。

## ② 物理量的分類

▶ ① 基本量 ◯ 不能以其他物理量定義者，如長度、質量及時間。  
▶ ② 導出量 ◯ 由基本量誘導而得的物理量。如：速度、力、力矩、功……等。

## ③ 物理量必備的條件

▶ ① 單位。  
▶ ② 數字。  
▶ ③ 可靠性。

## ④ 物理量的單位制

▶ ① C.G.S 制：以長度（厘米，cm），質量（克，g），時間（秒，sec），為基本單位。  
▶ ② M.K.S 制：以長度（米，m），質量（千克，Kg），時間（秒，sec），為基本單位。  
▶ ③ F.P.S 制：以長度（呎，ft），質量（磅，lb），時間（秒，sec），為基本單位。

（表一）

單位制	長度之單位	質量之單位	時間之單位
C.G.S制	厘米 (cm)	克 (g)	秒 (sec)
M.K.S制	米 (m)	千克 (Kg)	秒 (sec)
F.P.S制	呎 (ft)	磅 (lb)	秒 (sec)

▶ ④ 國際標準制（簡稱 S.I 單位制）：基本單位有七種，即——

（表二）

基本量	單位	英文名稱	符號
長度	米	meter	m
質量	千克	kilogram	Km



電流	安培	ampere	A
時間	秒	second	sec
溫度	凱氏	Kelvin	K
粒子數	莫耳	mole	mole
光度	燭光	candela	cd

## 重點貫串

- ①標準單位
- ②基本單位
- ③秒的定義



- ④輔助單位
- ⑤時距與時刻

### ①太陽日

### ②平均太陽日

### ③恒星日

地球公轉太陽一週（一個太陽年）時距內，地球自轉366次 $\circ$ 故有366個恒星日，有365個太陽日。

### ④討論

## 時間的單位 • 太陽日與恒星日

- ▶ 時間的標準單位 $\circ$ 平均太陽日。
- ▶ 時間的基本單位 $\circ$ 秒。
- ▶ ①原始定義：取一平均太陽日的86400分之一為1秒

$$\text{即 } 1 \text{ 秒} = \frac{1}{86400} \text{ 平均太陽日} \quad \circ$$

- ▶ ②最新定義：以銨（ $^{133}\text{Cs}$ ）原子振動9192631770次所需的時間定為1秒。
- ▶ 時間的輔助單位 $\circ$ 年、月、時、分。
- ▶ ①時距：事件經歷的久暫。
- ▶ ②時刻：事件發生的時候。
- ▶ 地球自轉時，地面上某子午線連續兩次正對太陽所經歷的時間，稱太陽日。
- ▶ 因太陽日有長（在遠日點）、有短（在近日點），取一年的平均值定為一平均太陽日。  
1日 = 24時 = 1440分 = 86400秒
- ▶ 地球上某處子午線連續二次正對遠處恒星所經過的時距，此時距等於地球自轉一次之時距。故1年 = 365平均太陽日 = 366恒星日。

$$1 \text{ 恒星日} = \frac{365}{366} \text{ 平均太陽日}$$

- ▶ ①計時原則：要有週期性的自然現象，如地球自轉，月球繞地球運轉及地球繞太陽公轉。