

●军事运筹学丛书●

[第2版]

军事运筹学基础

徐培德 余滨 马满好 祝江汉 编著

国防科技大学出版社

第二版前言

军事运筹学基础

(第二版)

徐培德 余 滨 编著
马满好 祝江汉

(2) 同第一版比

(3) 在文字的叙述与排

述的错误进行修正

这次修订工作仍

稿 00001-1000 : 签印

国防科技大学出版社

·长沙· ISBN 3-549-1018-2

元 0.50 : 俗宝

2007年1月

军事运筹学基础

图书在版编目(CIP)数据

(第2版)

军事运筹学基础/徐培德,余滨,马满好,祝江汉编著.一长沙:国防科技大学出版社,2003.10(2007.5重印)

ISBN 978 - 7 - 81099 - 016 - 5

I . 军… II . ①徐… ②余… ③马… ④祝… III . 军事运筹学—军事院校—教材 IV . E0 - 05

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2003)第 085324 号

国防科技大学出版社出版发行

电话: (0731) 4572640 邮政编码: 410073

<http://www.gfkdcbs.com>

责任编辑: 徐飞

新华书店总店北京发行所经销

国防科技大学印刷厂印装

*

开本: 787 × 960 1/16 印张: 20.75 字数: 395 千

2003 年 10 月第 1 版 2007 年 5 月第 2 版第 1 次印刷 印数: 6001 - 10000 册

*

ISBN 978 - 7 - 81099 - 016 - 5

定价: 32.00 元

第二版前言

本书第一版 2003 年出版以来，受到了广大读者的欢迎，被不少院校选作教材或教学参考书。为了进一步满足读者的需要，根据各方面的意见和建议，以及我们在教学中积累的经验，对本书进行了修订、补充，现重新出版。

这次修订在保持原书体系和风格的基础上，主要在以下方面进行了补充和完善：

(1) 第二章线性规划中新增加了图解法内容以及有关单纯形法的人工变量法、退化问题等内容；第三章搜索论部分加强了对有效发现宽度的讨论，增加了横距曲线、发现区域等概念；使读者对相关内容的理解更容易，方法的掌握也更完善，有利于以后的进一步学习。

(2) 同第一版比较，这一版各章的习题进行了调整，补充了较多的习题，利于读者对教材内容的理解与掌握。

(3) 在文字的叙述方面进行了精练，对第一版中一些叙述与排版的错误进行修正，使本书更通俗易懂。

这次修订工作仍按第一版时作者的分工完成。由于编者水平有限，掌握的文献资料有限，书中仍难免疏漏和不妥之处，敬请广大读者批评指正。

编著者

2007年1月

前 言

军事运筹学是研究军事问题定量分析及决策优化理论和方法的学科。它运用数学模型、计算机技术和定量分析等方法，揭示各种军事系统的结构、功能及其运行规律，为科学地进行军事实践活动、合理利用资源、提高军事效益提供理论依据。

军事运筹学从系统的观点研究军队建设与国防建设，强调定量分析、系统优化与科学管理。对和平时期军队与国防建设有重要意义，与直接研究作战的战略学、战役学、战术学有密切关系。军事运筹学的形成经历了一个漫长的过程。早在古代，人类从战争实践中就总结出了丰富的运筹思想。两次世界大战又为军事运筹实践提供了良好的契机。第二次世界大战后，军事运筹理论得到了突飞猛进的发展。20世纪50年代末，军事运筹学基本上形成为一门独立的新学科。随着军事技术的进步、计算机技术的发展和高技术武器装备的出现，军事运筹学在解决军事战略、战役、战术、作战方法、军队指挥、后勤管理、军事训练等许多现实课题中起了不可替代的作用，进一步确立了军事运筹学作为现代军事学中一门独立学科的地位。

自20世纪70年代末以来，在钱学森等老一辈科学家的积极倡导下，我国的军事运筹学经历了起步研究、重点发展和全面发展等阶段，取得了很大的成绩，已成长为军事科学中最富生机、发展最快的学科之一，在应用成果、理论研究、作战模拟和人才培养等方面取得显著进展。目前，我国的军事运筹研究已形成一定规模和水平，为未来的发展奠定了良好的基础。

经过近半个世纪的发展，军事运筹学已从二战时期以战术指挥

决策问题为对象，发展到今天以应用科技方法解决军事领域各类决策问题为对象的军事学科。它研究的内容和应用的范围，可以说覆盖了军事科学的各个基础理论学科。如军事力量建设和运用的筹划、战时对战争全局问题与平时对军事斗争全局问题的运筹；战役战斗行动的优化；军事指挥的科学决策；军队规模、编制体制的论证；后勤保障、技术保障的运筹；武器装备的体系建设方案和全寿命管理；军队人力资源的规划和管理，以及军备控制的研究和方案拟制等。

本书主要针对军队综合性大学本科军事运筹学课程的教学需要而编写，使学员通过本课程的学习能够掌握有关军事运筹学的基本知识、方法和结论，能对该领域的研究问题有一个较全面的了解，为今后进一步的学习以及军事运筹学的实际应用和研究应打下基础。本书是作者在军事运筹学领域多年教学和研究基础上形成的，大部分内容经过多次的讲授，有较强的适应性。

全书共分八章，其中第三、第四、第七章由徐培德编写，第一、第五、第六章由余滨编写，第八章由马满好编写，第二章由祝江汉编写，全书由徐培德统稿。限于编著人员水平，本书错误和不妥之处在所难免，希望读者批评指正。

编著者

2003年8月

自古以来，军事运筹学是一门古老的学科，其历史源远流长。从古代的兵法、地理、天文、气象等多学科的综合运用，到现代的数学、计算机、信息论、系统论、控制论等多学科的综合运用，军事运筹学不断发展和完善。本书力求在继承传统的基础上，吸收现代科学技术成果，突出实用性、科学性和系统性，以期为军事运筹学的研究和实践提供参考。

目 录

第一章 军事运筹学概论

§ 1.1	军事运筹学的基本概念	(1)
1.1.1	军事运筹学的来历	(1)
1.1.2	军事运筹学的定义	(2)
1.1.3	军事运筹学与其它学科的关系	(3)
§ 1.2	军事运筹学的形成和发展	(4)
1.2.1	军事运筹学的历史渊源	(4)
1.2.2	军事运筹学的萌芽时期	(6)
1.2.3	军事运筹学的形成时期	(8)
1.2.4	军事运筹学的发展时期	(10)
§ 1.3	军事运筹学的研究内容	(11)
1.3.1	军事运筹学的研究对象	(11)
1.3.2	军事运筹学的研究目的	(12)
1.3.3	军事运筹学的基本内容	(13)
§ 1.4	军事运筹学的研究方法和步骤	(16)
1.4.1	运筹学应用原则	(16)
1.4.2	运筹学模型	(17)
1.4.3	军事运筹学的研究方法	(18)
1.4.4	军事运筹学的研究步骤	(19)
习题一		(19)

第二章 线性规划

§ 2.1	线性规划的数学模型	(20)
§ 2.2	线性规划的图解法	(22)

§ 2.3 线性规划数学模型的标准型	(25)
§ 2.4 线性规划的基本理论	(27)
§ 2.5 单纯形法	(30)
§ 2.6 单纯形法的进一步讨论	(38)
2.6.1 人工变量法	(38)
2.6.2 退化问题	(44)
习题二	(45)

第三章 搜索论方法

§ 3.1 引言	(48)
§ 3.2 搜索论原理	(49)
3.2.1 搜索规律及数学模型	(49)
3.2.2 搜索的描述式模型	(51)
3.2.3 搜索的标准式规划模型	(62)
3.2.4 搜索的标准式对策模型	(66)
3.2.5 相对运动中的发现势	(67)
§ 3.3 搜索效率(效果)	(73)
3.3.1 搜索的效率指标	(73)
3.3.2 发现概率与发现期望时间的计算	(75)
3.3.3 搜索中发现目标的期望次数	(79)
§ 3.4 搜索方法	(82)
3.4.1 面搜索(给定区域搜索)	(82)
3.4.2 线搜索	(84)
3.4.3 应召搜索	(85)
习题三	(88)

第四章 射击效率分析

§ 4.1 武器射击效率概述	(90)
4.1.1 有关射击的基本概念	(90)
4.1.2 射击效率的概念	(95)

§ 4.2 射击误差	(99)
4.2.1 射击误差的概念和分布律	(99)
4.2.2 圆概率误差与概率误差	(104)
4.2.3 射击的相关性与误差分组	(105)
§ 4.3 对目标的毁伤律	(109)
4.3.1 毁伤律的基本概念	(109)
4.3.2 毁伤律的基本类型	(114)
4.3.3 零壹毁伤律	(116)
4.3.4 阶梯毁伤律	(117)
4.3.5 指数毁伤律	(118)
4.3.6 杀伤面积与矩形毁伤律	(121)
4.3.7 椭圆毁伤律	(122)
§ 4.4 单发命中概率	(123)
4.4.1 一般表达式	(123)
4.4.2 精确公式	(127)
§ 4.5 对单个目标的射击效率	(134)
4.5.1 独立发射(一组误差型)的毁伤概率	(134)
4.5.2 非独立发射(两组误差型)的射击效率	(140)
§ 4.6 对集群目标的射击效率	(143)
4.6.1 射击效率指标	(143)
4.6.2 根据单位目标的毁伤概率进行计算	(144)
4.6.3 根据毁伤目标数的分布律来进行计算	(146)
§ 4.7 对面积目标的射击效率	(150)
4.7.1 射击效率指标	(150)
4.7.2 对线目标的射击效率	(150)
4.7.3 对矩形目标的射击效率	(152)
4.7.4 对圆目标的射击效率	(153)
习题四	(154)

第五章 作战行动的数学描述

§ 5.1 概述	(155)
§ 5.2 兰彻斯特方程线性定律	(156)
5.2.1 兰彻斯特和作战毁伤理论	(156)
5.2.2 兰彻斯特第一线性定律(直接瞄准射击)	(158)
§ 5.3 兰彻斯特平方定律	(162)
§ 5.4 多兵种作战的兰彻斯特方程理论	(165)
§ 5.5 兰彻斯特方程的应用案例	(168)
5.5.1 兰彻斯特方程的状态解	(168)
5.5.2 兰彻斯特方程的时间解	(169)
5.5.3 战斗分区的兰彻斯特定律(战场划分为多个战斗分区)	(170)
习题五	(172)

第六章 效能分析

§ 6.1 效能分析的基本概念	(173)
6.1.1 效能概念	(173)
6.1.2 效能的量度	(175)
6.1.3 战争系统的层次结构与效能的层次结构	(176)
6.1.4 效能指标的选择	(179)
6.1.5 武器系统的效能指标	(180)
6.1.6 效能指标评估的方法	(181)
§ 6.2 武器系统的效能分析	(183)
6.2.1 武器系统效能分析的步骤	(183)
6.2.2 武器系统效能模型	(185)
习题六	(193)

第七章 统筹法

§ 7.1 统筹法基础	(195)
7.1.1 统筹法概述	(195)

7.1.2 统筹图的级别、类型和拟制方法	(201)
7.1.3 统筹图的构作	(209)
§ 7.2 统筹图计算	(215)
7.2.1 确定工时	(215)
7.2.2 图解计算法	(217)
7.2.3 表格计算法	(227)
§ 7.3 统筹图的优化	(231)
7.3.1 统筹图的时间优化	(231)
7.3.2 统筹图的资源优化	(236)
习题七	(239)

第八章 作战模拟基础

§ 8.1 作战模拟概况	(242)
8.1.1 作战模拟发展简史	(242)
8.1.2 作战模拟现状	(243)
§ 8.2 作战模拟的基本概念	(244)
8.2.1 模型与模拟	(244)
8.2.2 作战模型和作战模拟	(245)
8.2.3 作战模拟系统总体设计	(249)
§ 8.3 作战环境的定量描述	(259)
8.3.1 战场气象条件的描述	(260)
8.3.2 地形状态的描述	(262)
8.3.3 战场地形描述的量化方法	(263)
§ 8.4 典型作战过程的描述	(274)
8.4.1 战斗单位的机动	(274)
8.4.2 蒙特卡洛统计试验法(M-C方法)	(283)
8.4.3 杜派指数法	(297)
习题八	(315)
参考文献	(317)

第一章 军事运筹学概论

§ 1.1 军事运筹学的基本概念

1.1.1 军事运筹学的来历

通俗地讲，军事运筹学的“运筹”就是运算、筹划的意思，几乎在每个人的头脑中天然地存在着；而“军事运筹”，也就是站在军事的角度考虑运算、筹划问题。当要完成一项任务或做一件事时，人们脑子里常常会产生一个自然的想法，就是在条件许可的范围内，尽可能地找出一个最好的办法，去办好那件事。这种朴素的“选优”和“求好”的思想，实际上就是军事运筹学的基本思路。

依据《词源》，“运筹”一词出自中国《史记·高祖本纪》：“夫运筹帷幄之中，决胜于千里之外”。汉朝的张良，长于“画策”，是汉高祖刘邦的谋士，常借助于吃饭用的筷子为刘邦筹算，制定出破楚之策，刘邦曾多次称赞张良是“运筹帷幄之中，决胜于千里之外”的人物。

最早有“军事运筹学”含义的英文词 Operational Research 出现于 1938 年。第二次世界大战前夕，英国面临如何抵御德国飞机轰炸的问题。当时德国拥有一支强大的空军，而英国是一个岛国，国内任一地点离海岸线都不超过 100 公里，当时这段距离德国飞机仅需飞行 17 分钟。英国要在 17 分钟内完成预警、起飞、爬高、拦截等动作，在当时技术条件下是非常困难的，因此要求及早发现目标。英国无线电专家沃森·瓦特研制了雷达，但是在后来几次演习中发现，虽然雷达可以探测 160 公里以外的飞机，可是由于没有一套快速传递、处理和显示信息的设备，所探测到的信息无法提供给指挥员使用，从而不能发挥雷达系统的作用。当时英国的鲍德西雷达站负责人 A·P·罗威建议马上开展对雷达系统

运用方面的研究。为区别于技术方面的研究，他提出了“Operational Research”这个术语，原意为“作战研究”。Operational Research 在美国称为 Operations Research，英文缩写均为 OR。

自 20 世纪 50 年代起，虽然欧美一些国家将这种用于作战研究的理论和方法广泛用于社会经济各领域，但仍沿用原词，使 OR 的含义有了扩展。OR 传入中国后，曾一度被译为“作业研究”、“运用研究”。1956 年，中国学术界通过钱学森、许国志等科学家的介绍，在了解了这门学科后，有关专家共同商定将 OR 译为“运筹学”。其译意恰当地反映了该词源于军事决策又军民通用的特点，并且赋予其作为一门学科的含义。

随着适用于军事领域的理论和方法应用的不断扩展，军事运筹理论研究工作得到深入发展，军事运筹理论逐渐形成为一门独立的军事学科，在中国称之为“军事运筹学”（Military Operations Research）。

1.1.2 军事运筹学的定义

虽然运筹学的性质和特点并没有太大的争议，但是军事运筹学作为一门年轻的军事学科，至今还没有统一而确切的定义。

莫尔斯和金博尔在《运筹学方法》一书中称运筹学是“为执行部门对他们控制下的业务活动采取决策提供定量根据（以数量化为基础）的科学方法”。它首先强调的是科学方法，含义不单是某种研究方法的分散和偶然的应用，而是可用于整个一类问题上，并能传授和有组织的活动。它强调以量化为基础，必然要用数学。但任何决策都包含定量和定性两方面，而定性方面又不能简单地用数学表示，如政治、社会等因素，只有综合多种因素的决策才是全面的。运筹学工作者的职责是为决策者提供可以量化方面的分析，指出那些定性的因素。

美国 1978 年出版的《运筹学手册》认为“运筹学就是用科学方法去了解和解释运行系统的现象，它在自然界的范围内所选择的研究对象就是这些系统”。

联合国国际科学技术发展局在《系统分析和运筹学》一书中，对运筹学所下的定义是“能帮助决策人解决那些可以用定量方法和有关理论来处理的问题”。

运筹学强调最优决策，“最”是过分理想了，在实际生活中往往用次优、满意等概念代替最优。因此，运筹学的又一定义是：“运筹学是一种给出问题坏的答案的艺术，否则问题的结果会更坏。”

张最良、李长生等所著的《军事运筹学》(军事科学出版社, 1993年)中给出的定义是：“军事运筹学是应用数学和计算机等科学技术方法研究各类军事活动，为决策优化提供理论和方法的一门军事学科。”

李长生在其所著的《军事运筹学教程》(军事科学出版社, 2000年)中给出军事运筹学的定义是：“军事运筹学，是系统研究军事问题的定量分析及决策优化的理论和方法的学科。”

《中国军事百科全书》对军事运筹学是这样定义的：军事运筹学是系统研究军事问题的定量分析及决策优化的理论和方法的学科。军事运筹学以军事运筹的实践活动为研究对象，研究领域涉及作战指挥、军事训练、武器装备研制与发展、军队体制编制、军队管理、后勤保障等各个方面。主要任务是为各类军事运筹分析活动提供理论和方法，用以揭示各类军事系统的功能、结构和运行规律，科学地辅助军事决策和军事实践，合理利用资源，提高军事效能，启发新的作战思想。

在本书中，我们将采用《中国军事百科全书》对军事运筹学的定义。

1.1.3 军事运筹学与其他学科的关系

军事运筹学是不同领域的科学家运用自然科学、社会科学、军事科学的相关理论，在研究分析军事问题的运筹实践活动中产生的边缘学科。它与数学、物理学和电子计算机技术等有着密切联系，在军事科学领域中与相关学科也有着密切的关系。

1. 军事运筹学与军事系统工程的关系

军事运筹学与军事系统工程，都是在早期作战研究的基础上发展起来的。它们都强调定量分析和整体效益，注重优化决策等。但军事运筹学侧重于定量分析现有系统的作业情况，而军事系统工程则是以定量与定性相结合的方法，解决工程技术及其他方面的组织管理技术问题。有的学者认为军事运筹学是军事系统工程的基础理论，也有的学者认为两者同多异少，在应用上可以看成同一类科学方法。

2. 军事运筹学与其他军事学科的关系

军事运筹学与战略学、战役学、战术学、军队指挥学、军制学、军事情报学、军事训练学等学科存在着相互交叉、相互渗透的关系。军事运筹学的应用研究需借助其他军事学科提供的理论基础，而其他军事学科的研究与发展则需借助军事运筹学的理论和方法。

§ 1.2 军事运筹学的形成和发展

1.2.1 军事运筹学的历史渊源

虽然军事运筹学作为一门学科，是在第二次世界大战后逐渐形成的，但军事运筹思想在古代就已经产生了。

早期的军事运筹思想可追溯到古代军事计划与实际作战活动中的选优求胜思想。公元前6世纪我国著名的军事家孙武可能是历史记载中最早的军事运筹思想的实践者了，在举世闻名的《孙子兵法》中，他提出的许多关于合理运用人力、物力获取战争胜利的见解，体现了丰富的军事运筹思想。

关于作战力量的运用与筹划的论述（运筹的重要性），孙子在《孙子兵法》一书中写道：“夫未战而庙算胜者，得算多也；未战而庙算不胜者，得算少也。多算胜，少算不胜，而况于无算乎！”孙子认为：战前预计能够胜过敌人的，是因为筹划周密，胜利条件多；战前预计不能胜过敌人的，是因为筹划不周，胜利条件少。筹划周密，胜利条件多，可能胜敌；筹划不周，胜利条件少，不能胜敌；根本不筹划、没有胜利条件，岂不更差？！

关于运筹研究的方法，写道：“兵法：一曰度，二曰量，三曰数，四曰称，五曰胜，地生度，度生量，量生数，数生称，称生胜”。这句话的大意是说，用兵之法：一是“度”，二是“量”，三是“数”，四是“称”，五是“胜”。根据战场地形情况，作出利用地形的判断；根据对战场地形的判断，得出战场容量的大小；根据战场容量大小，估计双方可能投入兵力的数量；根据双方可能投入兵力的数量，进行衡量对比；根据双方兵力的对比，判断作战的胜负。他把影响战争胜负的因素用“度、量、数、称”四个概念加以区别和联系，实际提供了四把量化战争因素的尺子，并指出使用四把尺子预测战争结局的程序。

关于兵力的运筹，孙子认为：“百战百胜，非善之善者也；不战而屈人之兵，善之善者也”，意思是说：百战百胜，不算是好中最好的，不战而使敌人屈服，才算是好中最好的。他还认为，“用兵之法，十则围之，五则攻之，倍则分之，敌则能战之，少则能逃之，不若则能避之。故小敌之坚，大敌之擒也”。就是说，用兵的方法，有十倍于敌的绝对优势的兵力，就要四面包围，迫使敌屈服；有五倍于敌的优势兵力，就要进攻敌人；有一倍于敌的兵力，就要设法分散敌人；同敌人兵力相等，就要善于设法战胜敌人；比敌人兵力少，就

要善于摆脱敌人；各方面条件均不如敌人，就要设法避免与敌交战；弱小的军队如果只知坚守硬拼，就只会成为强大敌人的俘虏^[1]。

此外，《孙膑兵法》、《尉缭子》、《百战奇法》等历代军事名著及有关史籍，都有不少关于运筹思想的记载。例如，《史记·孙子吴起列传》载：战国齐将田忌与齐威王赛马，二人各拥有上、中、下三个等级的马，但齐王各等级的马均略优于田忌同等级的马，如依次按同等级的马对赛，田忌必连负三局。田忌根据孙膑的运筹，以自己的下、上、中马分别与齐王的上、中、下马对赛，结果是二胜一负。这反映了在总的劣势条件下，以己之长击敌之短，以最小的代价换取最大胜利的古典运筹思想，也是对策论的最早渊源。11世纪沈括的《梦溪笔谈》中根据军队的数量和出征距离，筹算所需粮草的数量，将人背和各种牲畜驮运的几种方案与在战场上“取粮于敌”的方案进行了比较，得出了取粮于敌是最佳方案的结论，反映了当时后勤供应中多方案选优的思想。

在中国历史上，还有不少善于运用运筹思想而流芳百世的人物，如曹操、诸葛亮、李靖、刘基等。在古罗马、古希腊，也有许多类似的历史人物，也有许多运用运筹的实例。古希腊数学家阿基米德就利用几何知识研究防御罗马人围攻叙拉古城的策略，也是体现军事运筹思想最早的典型事例之一。

在我国长期革命战争中，毛泽东和其他老一辈无产阶级革命家，在制定作战方针和实施作战指挥中，一贯重视兵力的运用研究，十分注意对敌我双方情况进行科学的定量分析，从统计资料中找出规律性数据，为决策提供依据。例如，土地革命战争时期，科学地分析战略形势，确定以农村包围城市的斗争道路；抗日战争时期，分析敌我力量对比，确定以持久战胜敌的思想；解放战争时期，基于对战争中敌我双方兵力消耗及兵员补充数据的分析，毛泽东提出了每战必须集中六倍、五倍、四倍、至少三倍于敌的兵力才能打歼灭战的兵力集中原则；指出了在歼敌一万、自损二至三千的双方兵力消耗下，平均每月歼敌一定数目的可能性；预测了夺取解放战争胜利的时间表，计算战争进程，确定在3~5年内从根本上消灭国民党军队，推翻国民党反动统治等，都科学地运用了定量分析的方法。历史证明了这种预测的正确性。此外，他还利用作战经验及大量统计数据，提出作战理论原则，并把一些重要的数量依据直接纳入原则体系，指导作战。十大军事原则中“每战集中绝对优势兵力（两倍、三倍、四倍、有时甚至是五倍或六倍于敌之兵力），四面包围敌人，力求全歼，不使漏网”的原则，就是一例。

在古今中外战争史上，还可以找到大量运用军事运筹思想的事例。正因为有这样的历史渊源，在科学技术水平及武器装备发展到一定阶段的条件下，产生了军事运筹学。

1.2.2 军事运筹学的萌芽时期

军事运筹学的萌芽时期是第一次世界大战至第二次世界大战结束这段期间。

第一次世界大战前期，英国工程师兰彻斯特发表了有关用数学研究战争的大量论述，建立了描述作战双方兵力变化过程的数学方程，被称为兰彻斯特方程。兰彻斯特第一次应用微分方程分析数量优势与胜负的关系，创造性地用数学方程式来描述两军对战的过程，从中论证了集中优势兵力的战略效果，定量地论证了集中兵力原则的正确性。1915年，俄国人M·奥西波夫独立推导出类似于兰彻斯特方程的奥西波夫方程，并用历史上的战例数据作了验证；同年，美国学者F·W·哈里斯首创库存论模型，用于确定平均库存与经济进货量，提高了库存系统的综合经济效益。稍后美国人爱迪生为对付德国潜艇的威胁，主要用博弈理论、概率论和数理统计，研究水面舰艇躲避和击沉潜艇的最优战术。爱迪生得出商船用“之”字形方法机动，可大大避免遭受潜艇攻击的结论，减少了敌方潜艇对商船的毁伤。这些研究虽然仅处于探索阶段，未能直接用于军事斗争，对当时的战争也未起到重要作用，但对后来的运筹学发展却很有影响。

1921—1927年，法国数学家E·波莱尔发表的一系列论文，为对策论的创建奠定了基础，其中证明了极小极大定理的特殊情形。这些均是为适应不同的军事需要而逐步发展起来的早期运筹理论和方法。

第二次世界大战中，英、美等国为了适应作战的需要，发明了一批新式武器装备。英国皇家空军为了对付德国飞机的空袭，研制出一种新的防空警戒工具——雷达。但由于武器装备的使用落后于武器装备的制造，因此，如何更有效地使用新式武器，在实践中充分发挥它的作用，成为一个亟待解决的问题。1940年3月，英国国防部成立了一个由物理学家勃兰凯特领导的小组，研究如何有效地使用雷达控制防空系统。该小组成员共11人，其中有两位数学家、四位物理学家、三位生理学家、一位测量员、一位军官，是一个跨学科的小组，被人们称之为“勃兰凯特杂技团”。开始由于雷达和高射武器配合不好，防空效果很低，甚至引起了人们对新装备——雷达作用的怀疑。后来这个小组在作战现场研究，找到了合理运用与配合的方法，使击毁敌机率大大提高。值得一提的是，当时从雷达的技术上讲，英国不如德国先进，可是由于运用得当，作战效果比德国好得多。勃兰凯特小组的工作和成果，引起了盟军的注意。