



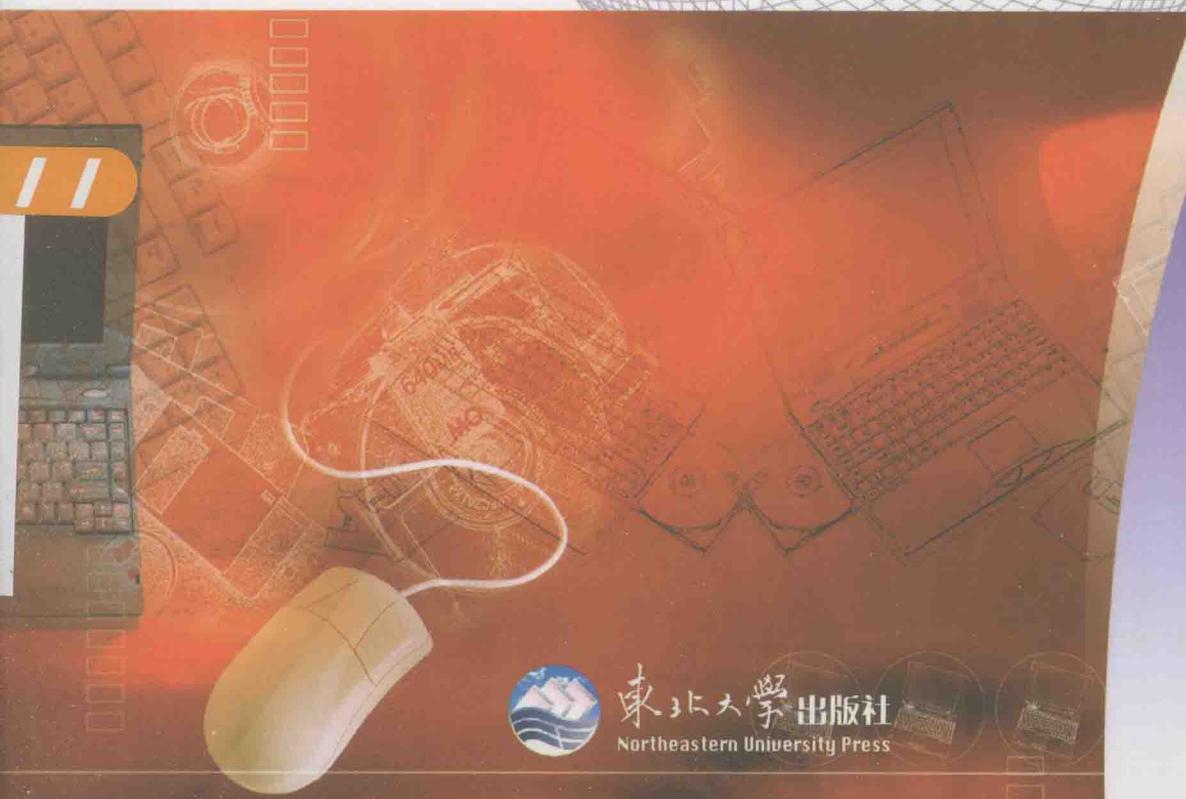
普通高等教育“十二五”规划教材



21世纪高等学校计算机系列实用规划教材

# 数据结构理论与实践

奚小玲 敦广武 主编



東北大学出版社  
Northeastern University Press



普通高等教育“十二五”规划教材



21世纪高等学校计算机系列实用规划教材

# 数据结构理论与实践

奚小玲 敖广武 主编



东北大学出版社

• 沈阳 •

© 奚小玲 敖广武 2014

### 图书在版编目 (CIP) 数据

数据结构理论与实践 / 奚小玲, 敖广武主编. —沈阳: 东北大学出版社, 2014.7  
ISBN 978-7-5517-0736-7

I . ①数… II . ①奚… ②敖… III . ①数据结构 IV . ①TP311.12

中国版本图书馆 CIP 数据核字 (2014) 第 175729 号

### 内容简介

《数据结构理论与实践》是高职高专课程规划教材，可供计算机专业及计算机相关专业的教学使用。本书共分 8 章。第 1 章绪论，主要介绍数据、数据结构和算法等基本概念。第 2 章至第 6 章分别讨论线性表、栈、队列、串、数组、广义表、树及图等基本类型的数据结构，内容包括它们的逻辑结构、存储结构和在各种存储结构下相应运算的算法，并在讨论基本运算的基础上，给出一些应用例子。第 7 章和第 8 章讨论查找和排序，并介绍几种常用的查找和排序方法。该书各章后都有实训及习题，便于学生理解和在上机时参考使用。

---

出版者：东北大学出版社

地址：沈阳市和平区文化路 3 号巷 11 号

邮编：110004

电话：024—83687331（市场部） 83680267（社务室）

传真：024—83680180（市场部） 83680265（社务室）

E-mail：neuph @ neupress.com

http://www.neupress.com

印刷者：廊坊市新阳印务有限公司

发行者：东北大学出版社

幅面尺寸：185mm×260mm

印 张：21

字 数：544 千字

出版时间：2014 年 10 月第 1 版

印刷时间：2014 年 10 月第 1 次印刷

责任编辑：郭爱民 刘 莹

封面设计：唯 美

责任校对：朗 坤

责任出版：唐敏志

---

ISBN 978-7-5517-0736-7

定 价：65.00 元

## **《数据结构理论与实践》编委会**

**主 编：**奚小玲 敖广武

**副主编：**翟鹏翔 芦晓军

**编 委** (以姓氏笔画为序)：

吕明月 齐大彬 李惠明

宋振维 陈红军 周成义

钟 菊 温春友

**主 审：**张学东

## 前　　言

数据结构课程是计算机科学与技术相关专业的专业基础课，以培养生产、建设、管理和服务等一线所需的技术应用型人才为目标，突出理论知识和应用能力的培养。通过这门课程的学习，使学生能够掌握执行速度快、占用空间少、可靠性高、可读性好的程序的编写方法与技巧，最终达到面对一个具体应用问题时，能选择最佳的逻辑结构、存储结构及实现算法，并能初步使用时间复杂度和空间复杂度来正确地评价算法的水平。

当使用计算机解决实际问题时，涉及数据的表示及数据的处理，而数据的表示及数据的处理正是数据结构课程的主要研究对象，通过这两方面内容的学习，为后续课程，特别是软件方面的课程打下坚实的基础，同时也提供必要的技能训练。因此，数据结构课程在计算机及其相关专业中处于举足轻重的地位。

本书内容安排合理，详略得当；讲解时始终贯彻由浅入深、易于理解的宗旨，对于重要和复杂的概念，讲述时配有例题进行示范；在文字表达上，力求简练清楚、概念清晰、通俗易懂；实现的算法具体，易于调试；描述的数据结构和算法结构清晰、可读性高、符合软件工程的规范，学生的学习过程也就是复杂程序的设计过程。授课教师可以根据本校学生的情况酌情删去书中的某些内容。目录中给出了参考性意见，建议可以删去带 \* \* 的章节。本书的算法使用类 C 语言进行描述，配有相关的解释，以帮助读者理解。

本书由奚小玲和敖广武组织编写、统稿并任主编，张学东教授主审。书中章节主要由张学林、刘鹤、杨友斌、史永、齐大彬、吕明月、罗彩君、洛小红、焦峰亮、葛颖增、魏会生等编写。

本书为高职高专计算机专业教材，也适合作为应用型本科计算机专业的教材，还可以供一切从事计算机软件开发人员自学参考。

鉴于时间仓促和水平有限，书中错误及不足在所难免，敬请专家和读者批评指正。

编　者  
2014 年 5 月

# 目 录

第 1 章 绪论.....	1
1.1 数据结构的重要性 .....	1
1.2 基本概念和术语 .....	5
1.2.1 基本概念 .....	6
1.2.2 数据类型 .....	8
1.3 算法 .....	10
1.3.1 算法特性 .....	11
1.3.2 算法描述 .....	12
1.3.3 算法性能分析与度量 .....	18
习题 .....	20
第 2 章 线性表 .....	22
2.1 线性表的逻辑结构 .....	22
2.1.1 线性表的定义 .....	22
2.1.2 线性表的基本操作 .....	23
2.2 线性表的顺序存储结构 .....	24
2.2.1 顺序表 .....	24
2.2.2 顺序表上基本运算的实现 .....	25
2.2.3 顺序表应用举例 .....	33
2.3 线性表的链式存储结构 .....	36
2.3.1 单链表 .....	36
2.3.2 单链表上的基本操作 .....	37
2.3.3 循环链表 .....	44
2.3.4 双向链表及双向循环链表 .....	44
2.3.5 链表应用举例 .....	49
2.4 一元多项式的表示及相加** .....	52
2.5 实训 .....	56
习题 .....	66
第 3 章 栈与队列 .....	68
3.1 栈 .....	68
3.1.1 栈的概念及相关操作 .....	68
3.1.2 栈的顺序存储结构及其基本运算的实现 .....	69

3.1.3 栈的链式存储结构及其基本运算的实现 .....	75
<b>3.2 队列 .....</b>	<b>79</b>
3.2.1 队列的概念和相关操作 .....	79
3.2.2 队列的顺序存储结构及其基本运算的实现 .....	80
3.2.3 队列的链式存储结构及其基本运算的实现 .....	85
<b>3.3 栈和队列的应用 .....</b>	<b>89</b>
3.3.1 栈的应用举例 .....	89
3.3.2 队列的应用举例 .....	96
<b>3.4 实训 .....</b>	<b>102</b>
<b>习题.....</b>	<b>118</b>
<b>第 4 章 串和数组.....</b>	<b>120</b>
<b>4.1 串的基本概念和存储结构 .....</b>	<b>120</b>
4.1.1 基本概念 .....	120
4.1.2 基本运算 .....	121
4.1.3 串的抽象数据类型描述.....	121
4.1.4 串的存储结构 .....	122
<b>4.2 串基本操作的实现** .....</b>	<b>124</b>
4.2.1 串基本操作 .....	124
4.2.2 串的模式匹配算法.....	137
<b>4.3 数组的定义和运算 .....</b>	<b>140</b>
4.3.1 数组的概念 .....	140
4.3.2 数组的操作 .....	141
<b>4.4 数组顺序存储结构 .....</b>	<b>141</b>
4.4.1 行优先顺序 .....	141
4.4.2 列优先顺序 .....	141
4.4.3 基本操作在顺序存储上的实现 .....	142
4.4.4 动态数组 .....	144
<b>4.5 矩阵的压缩存储 .....</b>	<b>146</b>
4.5.1 特殊矩阵 .....	146
4.5.2 压缩存储 .....	147
4.5.3 稀疏矩阵 .....	149
4.5.4 广义表 .....	157
<b>4.6 实训 .....</b>	<b>162</b>
<b>习题 .....</b>	<b>168</b>
<b>第 5 章 树 .....</b>	<b>171</b>
<b>5.1 树 .....</b>	<b>171</b>
5.1.1 树的定义 .....	171
5.1.2 树的逻辑结构.....	173
5.1.3 树的表示 .....	173
<b>5.2 二叉树 .....</b>	<b>174</b>
5.2.1 二叉树的定义 .....	174

---

5.2.2 二叉树的性质 .....	176
5.2.3 二叉树的存储结构 .....	177
5.3 二叉树的遍历 .....	179
5.3.1 遍历的定义 .....	179
5.3.2 遍历算法 .....	181
5.3.3 遍历的应用 .....	184
5.4 树和森林 .....	186
5.4.1 树的存储结构 .....	186
5.4.2 森林和二叉树的转换 .....	188
5.4.3 树和森林的遍历 .....	190
5.5 哈夫曼树及其应用 * *	191
5.5.1 最优二叉树（哈夫曼树） .....	191
5.5.2 哈夫曼编码 .....	193
5.6 实训 .....	196
习题 .....	210

## 第6章 图 ..... 212

6.1 图的定义及术语 .....	212
6.1.1 图的定义 .....	212
6.1.2 图的逻辑结构 .....	215
6.2 图的存储结构 .....	216
6.2.1 邻接矩阵表示法 .....	216
6.2.2 邻接表 .....	218
6.2.3 十字链表 .....	220
6.2.4 邻接多重表 .....	222
6.3 图的遍历 .....	223
6.3.1 深度优先搜索 .....	224
6.3.2 广度优先搜索 .....	225
6.4 最小生成树 .....	226
6.4.1 最小生成树 .....	226
6.4.2 普里姆算法 .....	227
6.4.3 克鲁斯卡尔算法 .....	229
6.5 有向无环图及应用 .....	230
6.5.1 拓扑排序 .....	230
6.5.2 关键路径 .....	233
6.6 最短路径 * *	236
6.6.1 从一个源点到其他各点的最短路径 .....	236
6.6.2 每一对顶点之间的最短路径 .....	238
6.7 实训 .....	240
习题 .....	250

## 第7章 查找 ..... 252

7.1 静态查找 .....	253
----------------	-----

7.1.1 顺序表查找 .....	253
7.1.2 二分查找 .....	255
7.1.3 分块查找 .....	258
7.2 动态查找 .....	260
7.2.1 二叉排序树查找.....	260
7.2.2 二叉排序树的插入.....	262
7.2.3 二叉排序树的删除 .....	263
7.3 哈希表 .....	264
7.3.1 哈希表.....	264
7.3.2 哈希函数的构造方法.....	265
7.3.3 处理冲突的方法 .....	268
7.4 实训 .....	270
习题 .....	275
<b>第8章 排序.....</b>	<b>276</b>
8.1 插入排序 .....	277
8.1.1 直接插入排序.....	278
8.1.2 折半插入排序 .....	280
8.1.3 希尔排序 .....	281
8.1.4 应用举例 .....	282
8.2 交换排序 .....	283
8.2.1 冒泡排序 .....	283
8.2.2 快速排序 .....	285
8.3 选择排序 .....	290
8.3.1 直接选择排序 .....	291
8.3.2 树形选择排序 .....	293
8.3.3 堆排序.....	295
8.3.4 应用举例.....	301
8.4 归并排序 * *	304
8.4.1 两个有序序列的归并.....	304
8.4.2 2-路归并排序 .....	305
8.4.3 应用举例 .....	307
8.5 基数排序 * *	308
8.5.1 多关键字排序.....	308
8.5.2 链式基数排序 .....	311
8.5.3 应用举例.....	316
8.6 各种排序方法的比较和选择 .....	316
8.6.1 排序方法的比较.....	316
8.6.2 各种内部排序方法的选择.....	317
8.7 实训 .....	318
习题 .....	322
<b>参考文献.....</b>	<b>325</b>

# 第 1 章

## 绪 论

### 【学习目标】

本章作为全书的导引，介绍了组织数据和设计算法的相关知识，引入了数据、数据元素、数据结构、逻辑结构、存储结构、数据运算、算法描述和算法评价等基本概念。

### 【基本要求】

通过学习本章，掌握以下内容：

- ① 理解和熟悉数据结构的定义及其实现方法；
- ② 掌握算法的评价规则；
- ③ 算法时间复杂度、空间复杂度的概念和评价的表示方法。

### 1.1 数据结构的重要性

电子计算机是 20 世纪科学技术最卓越的成就之一。自 1946 年世界上第一台电子计算机问世以来，计算机产业和应用的发展远远超出了人们对它的预料。在计算机发展的初期，人们使用计算机主要是处理数值的计算问题，程序设计人员也把主要精力集中在程序设计的技巧上。随着计算机技术的飞速发展，计算机的应用范围不断扩大，已经不再局限于单纯的数值计算，更多地被应用于控制、管理及数据处理等非数值计算的处理工作。加工处理的信息也由简单的数值发展到字符、图像、声音等具有复杂结构的数据。

非数值型问题在人们的日常生活中是非常多的，也需要我们使用计算机来处理这些非数值问题。例如：在城市交通运输中，从 A 点到 B 点有很多条道路，每条道路的长度不同、拥挤程度不同，我们要选择一条最快的线路到达目的地，该如何选择？再比如，图书馆有成千上万条图书资料，我们该如何进行管理，才能快速查找到需要的资料？北京市有上千万的人口，我们应该怎样保存这些人口的资料信息，才能快速查找到需要查找的人？像这样的问题都是典型的非数值问题。

要用计算机处理这些非数值问题，就为我们提出了一个课题：如何在计算机内部描述这些非数值问题，采用什么样的算法可以快速、有效地完成问题的求解。用计算机解决任何问

题都离不开程序设计。为了编制好的程序，必须分析程序处理的数据特性及数据之间的关系，这就是数据结构这门学科形成和发展的背景。

进一步地，对于不同的处理对象，要想设计出高质量的程序，就必须研究如何组织数据和处理数据，根据问题的要求及数据元素之间的特性，确定相应的存储结构和算法，这些都是数据结构研究的内容。

用计算机解决一个具体问题时，大致需要经过下列 3 个步骤：

- ① 从具体问题抽象出一个适当的数学模型；
- ② 设计一种解此数学模型的算法；
- ③ 编制程序，进行测试、调整，直至得到最终解答。

程序设计语言研究的范畴在第③步，而数据结构重点研究的属于数据模型如何形成算法的范畴。可以通过下面的例子来认识数据结构。

电话是联络通讯必不可少的工具。如何用计算机来实现自动查询电话号码呢？要求对于给定的任意姓名，若该人有电话号码，则迅速给出电话号码；否则，给出查找不到该人电话号码的信息。

对于这样的问题，可以按照客户向电信局申请电话号码的先后次序建立电话号码表，存储到计算机中。在这种情况下，由于电话号码表是没有任何规律的，查找时，只能从第一个号码开始，逐一进行，这样逐一按照顺序进行查找的效率是非常低的。为了提高查询的效率，可以根据每个用户姓名的第一个拼音字母，按照 26 个英文字母的顺序进行排列，这样，根据姓名的第一个字母，就可以迅速地进行查找，从而极大地减少了查找所需要的时间。进一步地，我们可以按照用户的中文姓名的汉语拼音顺序进行排序，这样就可以进一步提高查询效率。

在上述例子中，人们感兴趣的是如何提高查找效率。为了解决这个问题，就必须了解待处理对象之间的关系，以及如何存储和表示这些数据。在电话号码查询的例子中，每一个电话号码就是一个要处理的数据对象，也称为数据元素，在数据结构中，为了抽象地表示不同的数据元素，为了研究具有相同性质的数据元素的共同特点和操作，又将数据元素称为数据结点，简称为结点。电话号码经过处理，按照拼音排好了顺序，每个电话号码之间的先后次序就是数据元素之间的关系。数据结构就是研究这类非数值处理的程序设计问题的。

据统计，当今处理非数值计算性问题占用了 85% 以上的机器时间。这类问题涉及的数据结构更为复杂，数据元素之间的相互关系一般无法用数学方程式加以描述。因此，解决这类问题的关键不再是数学分析和计算方法，而是要设计出合适的数据结构，才能有效地解决问题。下面例子就是属于这一类的具体问题。

在图书馆信息检索系统中，当根据书名查找某本书的有关情况的时候，或者根据作者或某家出版社查找有关书籍的时候，或根据书刊号查找作者和出版社等有关情况的时候，只要建立了相关的数据结构，按照某种算法编写了相关程序，就可以实现计算机自动检索。由此，可以在图书馆信息检索系统中建立一张按照书刊号顺序排列的图书信息表和分别按照作者、书名、出版社顺序排列的索引表，如图 1.1 所示。由这四张表构成的文件便是图书信息检索的数学模型，计算机的主要操作便是按照某个特定要求（如给定书名），对图书馆藏书信息文件进行查询。

诸如此类的还有学生信息查询系统、商场商品管理系统、仓库物资管理系统等。在这类

文档管理的数学模型中，计算机处理的对象之间通常存在一种简单的线性关系，这类数学模型可称为线性的数据结构。

书刊号	书名	作者	出版社	书架编号
7-302-02368-3	数据结构	严蔚敏	清华大学出版社	p302-419-2
5-301-00128-1	线性代数	李志中	复旦大学出版社	k203-048-1
7-81102-351-0	数据结构	杨勇虎	东北大学出版社	p302-428-5
5-303-01654-3	线性代数	赵 坚	清华大学出版社	k205-046-2
6-506-04314-2	离散数学	左孝凌	复旦大学出版社	t-304-056-2
7-406-03416-1	数据结构	李有亮	上海教育出版社	p302-433-4
7-406-01256-2	计算机组成	顾 浩	清华大学出版社	w306-224-2
7-81102-656-6	离散数学	孙 晶	东北大学出版社	t-306-433-5
7-408-056118-2	计算机组成	顾 浩	上海教育出版社	w-305-036-6

图书信息表 (a)

数据结构	1, 3, 6
线性代数	2, 4
离散数学	5, 8
计算机组成	7, 9

书名索引表 (b)

杨勇虎	3
顾 浩	7, 9
李志中	2
李有亮	6
严蔚敏	1
孙 晶	8
左孝凌	5
赵 坚	4

作者索引表 (c)

清华大学出版社	1, 4, 7
复旦大学出版社	2, 5
东北大学出版社	3, 8
上海教育出版社	6, 9

出版社索引表 (d)

图 1.1 图书馆信息检索

在八皇后问题中，处理过程不是根据某种确定的计算法则，而是利用试探和回溯的探索技术求解。为了求得合理布局，在计算机中要存储布局的当前状态。从最初的布局状态开始，一步一步地进行试探，每试探一步，形成一种新的状态，整个试探过程形成了一棵隐含的状态树。如图 1.2 所示（为了描述方便，将八皇后问题简化为四皇后问题）。回溯法求解过程实质上就是一个遍历状态树的过程。在这个问题中所出现的树也是一种数据结构，它可以应用在许多非数值计算的问题中。

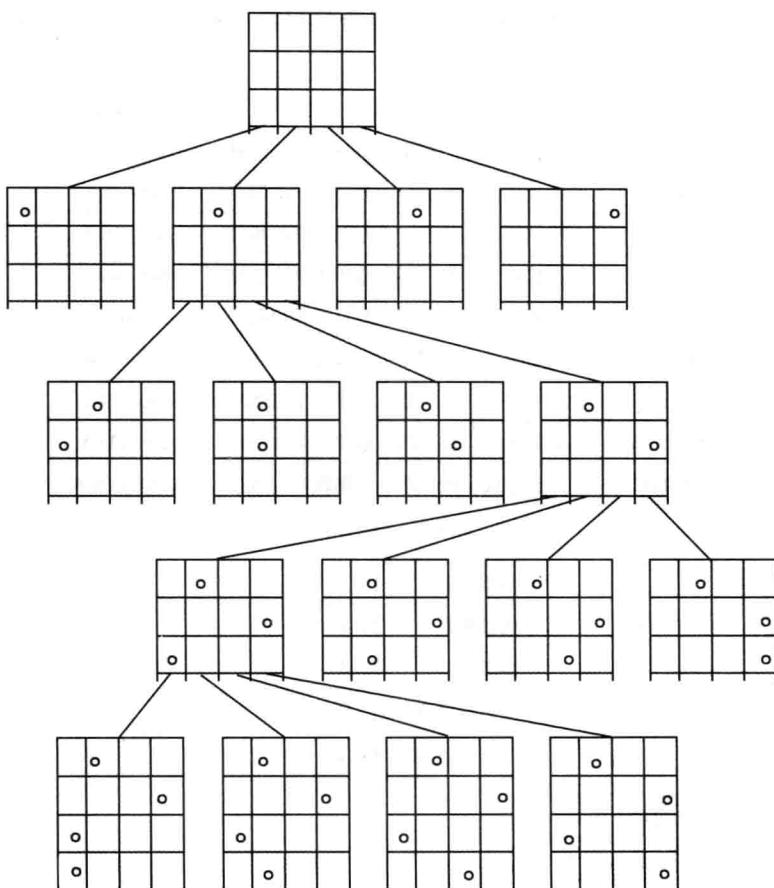


图 1.2 四皇后问题中隐含的状态树

在教学计划编排问题中，一个教学计划包含许多课程，在教学计划包含的许多课程之间，有些必须按照规定的先后次序进行，有些则没有次序要求。即有些课程之间有先修和后续的关系，有些课程可以任意安排次序。这种各门课程之间的次序关系可用一个被称做图的数据结构来表示，如图 1.3 所示。有向图中的每个顶点表示一门课程，若从顶点  $v_i$  到  $v_j$  之间存在有向边  $\langle v_i, v_j \rangle$ ，则表示课程  $i$  必须先于课程  $j$  进行。

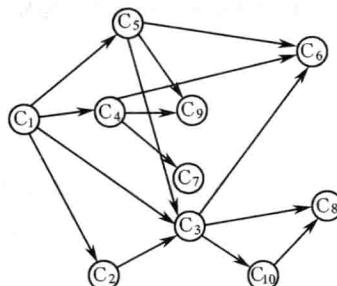
由以上三个例子可见，描述这类非数值计算问题的数学模型不再是数学方程，而是诸如线性表、树、图之类的数据结构。因此可以说，数据结构课程主要是研究非数值计算的程序设计问题中出现的计算机操作对象以及它们之间的关系和操作的学科。

学习数据结构课程的目的是为了了解计算机处理对象的特性，将实际问题中涉及的处理对象在计算机中表示出来并对它们进行处理。与此同时，通过算法训练来提高学生的思维能力，通过程序设计的技能训练来促进学生的综合应用能力和专业素质的提高。

数据结构课程是计算机科学与技术专业的专业基础课，是十分重要的核心课程。所有的计算机系统软件和应用软件都要用到各种类型的数据结构。因此，要想更好地运用计算机来解决实际问题，要想有效地使用计算机、充分发挥计算机的性能，需要学习和掌握好数据结构的有关知识。学好数据结构这门课程，对于学习计算机专业的其他课程，如操作系统、数据库应用技术、软件工程等课程都是十分有益的。

课程编号	课程名称	先修课程
C <sub>1</sub>	程序设计基础	无
C <sub>2</sub>	离散数学	C <sub>1</sub>
C <sub>3</sub>	数据结构	C <sub>1</sub> , C <sub>2</sub> , C <sub>5</sub>
C <sub>4</sub>	汇编语言	C <sub>1</sub>
C <sub>5</sub>	C 程序设计语言	C <sub>1</sub>
C <sub>6</sub>	计算机图形学	C <sub>3</sub> , C <sub>4</sub> , C <sub>5</sub>
C <sub>7</sub>	接口技术	C <sub>4</sub>
C <sub>8</sub>	数据库原理	C <sub>3</sub> , C <sub>10</sub>
C <sub>9</sub>	编译原理	C <sub>4</sub> , C <sub>5</sub>
C <sub>10</sub>	操作系统	C <sub>3</sub>

(a) 计算机专业的课程设置



(b) 表示课程之间优先关系的有向图

图 1.3 教学计划编排问题的数据结构

## 1.2 基本概念和术语

数据结构在计算机科学中是一门综合性的专业基础课。数据结构的研究不仅涉及计算机的硬件（特别是编码理论、存储装置和存取方法等）的研究范围，而且和计算机软件的研究有着更密切的关系，无论是编译程序，还是操作系统，都涉及数据元素在存储器中的分配问题。在研究信息检索时，也必须考虑如何组织数据，以使查找和存取数据元素更为方便。因此可以认为，数据结构是介于数学、计算机硬件和计算机软件三者之间的一门计算机专业核心课程，其关系如图 1.4 所示。在计算机科学中，数据结构不仅是一般程序设计（特别是非数值计算的程序设计）的基础，而且是设计和实现编译程序、操作系统、数据库系统及其他系统程序和大型应用程序的重要基础，被广泛地应用于信息学、系统工程等各种领域。

Pascal 创始人 Niklaus Wirth 提出：

Algorithm + Data Structures = Programs

{算法 + 数据结构 = 程序设计}

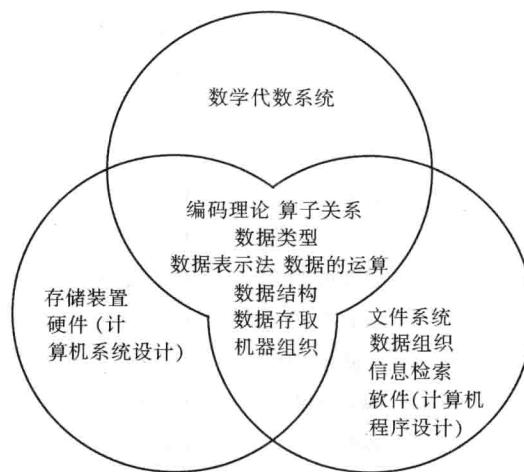


图 1.4 数据结构和其他课程之间的关系

### 1.2.1 基本概念

#### (1) 数据 (Data)

数据是对客观事物的符号表示，在计算机科学中，是指所有能输入到计算机中并被计算机程序处理的符号的总称。

#### (2) 数据元素 (Data Element)

数据元素是数据的基本单位，在计算机程序中，通常作为一个整体进行考虑和处理。有时，一个数据元素可由若干个数据项 (Data Item) 组成，数据项是数据的不可分割的最小单位。

#### (3) 数据对象 (Data Object)

数据对象是性质相同的数据元素的集合，是数据的一个子集。例如，整数数据对象是集合  $N = \{0, \pm 1, \pm 2, \dots\}$ ，字母字符数据对象是集合  $C = \{‘A’, ‘B’, \dots, ‘Z’\}$ 。

#### (4) 数据结构 (Data Structure)

数据结构是相互之间存在一种或多种特定关系的数据元素的集合。数据结构的形式定义为：数据结构是一个二元组， $Data\_Structure = (D, S)$ ，其中：D 是数据元素的有限集，S 是 D 上关系的有限集。

在计算机科学中，复数可取如下定义：复数是一种数据结构， $Complex = (C, R)$ ，其中：C 是含两个实数的集合  $\{c_1, c_2\}$ ；R = {P}，而 P 是定义在集合 C 上的一种关系  $\{<c_1, c_2>\}$ ，其中有序偶  $<c_1, c_2>$  表示  $c_1$  是复数的实部， $c_2$  是复数的虚部。

假设需要编制一个学校科学研究的事务管理的程序，管理学校科学研究课题小组的各项事务，则首先要为程序的操作对象——课题小组——设计一个数据结构。假设每个小组由一位教师、一至三名研究生及一至六名本科生组成，小组成员之间的关系是：教师指导研究生，而由每位研究生指导一至两名本科生。则可以如下定义数据结构：

$$Group = (P, R)$$

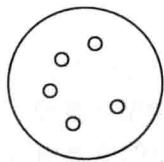
其中， $P = \{T, G_1, \dots, G_n, S_{11}, \dots, S_{nm}\}$ ， $1 \leq n \leq 3$ ， $1 \leq m \leq 2$ ， $R = \{R_1, R_2\}$

$$R_1 = \{ \langle T, G_i \rangle \mid 1 \leq i \leq n, 1 \leq n \leq 3 \}$$

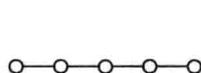
$$R_2 = \{ \langle G_i, S_{ij} \rangle \mid 1 \leq i \leq n, 1 \leq j \leq m, 1 \leq n \leq 3, 1 \leq m \leq 2 \}$$

数据结构一般包含数据的逻辑结构、数据的存储结构和数据的运算三方面内容。数据的逻辑结构是指数据元素之间的逻辑关系，与数据在计算机内部如何存储无关，数据的逻辑结构独立于计算机。例如，在城市交通中，两个地点之间就存在一种逻辑关系，两个地点之间的逻辑关系分为三种。第一种，两个地点之间有公共汽车可以直达；第二种，两个地点之间没有公共汽车可以直达，但可以通过中途换乘其他公共汽车而到达；第三种逻辑关系是两个地点之间没有公共汽车可以达到。又如在电话号码本中，电话号码如何进行分类，按照什么顺序进行排列等，都是数据之间的逻辑关系。

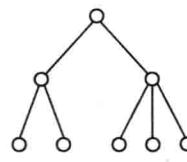
为了进一步研究数据的逻辑结构，可以将数据的逻辑结构分为线性结构和非线性结构两大类。根据数据元素之间关系的不同特性通常有如图 1.5 所示四类基本结构。



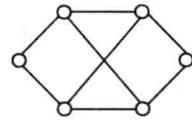
(a) 集合结构



(b) 线性结构



(c) 树型结构



(d) 图型结构

图 1.5 四类基本结构的示意图

线性结构包括线性表、栈和队列等。其主要特征为各个数据之间有明确的、唯一的“先后”顺序。在现实生活中，具有线性结构的实例非常多，例如我们在日常生活中的排队购物，队列中的每个人都具有一个明确的先后次序关系。

非线性结构包括树、图和集合型结构。

树型结构的主要特征是结点之间存在一种层次关系，每一个结点对应下一层的多个结点，也就是说，数据元素之间的关系是“一对多”的关系。例如一所大学下面有几个系，每个系下面有许多班，每个班下面有许多学生，即大学一系一班一学生，每一层之间都是一种一对多的关系，这就是一个典型的树型结构。

而在图型结构中，任何两个结点之间都可能存在联系，数据元素之间存在多对多的关系。典型的图型结构就是城市交通。若城市中有单行线路，则从城市中的一个地点 A 出发，可以到达 N 个不同的地方，从城市的 M 个不同的地方出发又可以到达地点 A。城市交通就是一个典型的“多对多”的图型结构。

集合型数据结构中的数据元素之间除了“同属于一个集合”的关系外，别无其他关系。

数据的存储结构是指数据元素在计算机存储设备中的存储方式，既可以用顺序存储方式，也可以用链式存储方式。顺序存储方式的特点是借助元素在存储器中的相邻位置来表示数据元素之间的逻辑关系。非顺序存储方式的特点是借助指示元素存储地址的指针（Pointer）表示数据元素之间的逻辑关系。

在城市交通的例子中，要研究如何在计算机中表示一个地点，如何在计算机中表示两个地点之间存在一条公共汽车线路，该线路有多长等。又如对于电话号码资料信息在计算机中如何保存，如何表示资料的分类，如何表示排好顺序的电话号码之间的先后次序关系。

数据的运算主要包括插入、删除、检索和排序等与问题相关的处理。数据结构通常具有

下列一些基本操作。

- ① 插入。在数据结构的指定位置上添加一个新结点。
- ② 删除。删去数据结构中指定位置的结点。
- ③ 更新。修改数据结构中某个结点的值。
- ④ 查找。在数据结构中寻找满足指定条件的结点及其位置。
- ⑤ 排序。按照指定的顺序，使结点重新排列。

例如，在城市交通问题中，要设计求两点之间最短路线的算法，要能够判断从城市的任一点出发乘坐公共汽车是否可以达到城市的任何地方。在电话号码问题中，要设计如何插入一个新的电话号码信息，如何删除一个作废的电话号码信息，如何对电话号码进行快速整理排序，如何高效快速查找资料等算法。

### 1.2.2 数据类型

按照“值”的不同特性，高级程序语言中的数据类型（Data Type）可分为两类：一类是非结构的原子类型。原子类型的值是不可分解的。例如，C 语言中的基本类型（整型、实型、字符型和枚举类型）、指针类型和空类型。另一类是结构类型。结构类型的值是由若干成分按照某种结构组成的，因此是可以分解的，并且它的成分既可以是非结构的，也可以是结构的。

抽象数据类型（Abstract Data Type，简称 ADT）是指一个数学模型和定义在该模型上的一组操作，面向逻辑层次。抽象数据类型的定义仅仅取决于它的一组逻辑特性，而与其在计算机内部如何表示和实现无关，即不论其内部结构如何变化，只要它的数学特性不变，都不影响其外部的使用。

采用介于伪码和 C 语言之间的类 C 语言作为描述工具，简要说明如下。

- ① 预定义常量和类型格式如表 1.1 所示。

**表 1.1 预定义常量和类型**

函数结果	状态代码
# define TRUE	1
# define FALSE	0
# define OK	1
# define ERROR	0
# define INFEASIBLE	-1
# define OVERFLOW	-2

② 数据结构的表示（存储结构）用类型定义（Typedef）描述。数据元素类型约定为 Elem Type，由用户在使用该数据类型时自行定义。

- ③ 基本操作的算法都用以下形式的函数描述：

函数类型函数名（函数参数表）//算法说明

语句序列

{ // 函数名

除了函数的参数需要说明类型外，算法中使用的辅助变量可以不作变量说明，必要时，