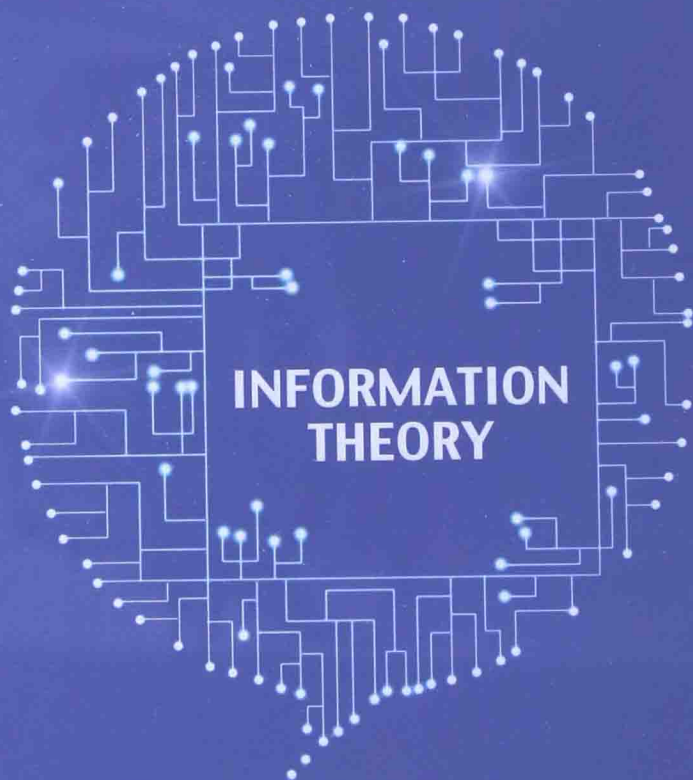




“十二五”普通高等教育本科国家级规划教材  
电子信息科学与工程类专业精品教材



© 傅祖芸 编著

# 信息论 (第4版)

## 基础理论与应用

Information Theory Principles and Applications

The Fourth Edition



中国工信出版集团



电子工业出版社  
PUBLISHING HOUSE OF ELECTRONICS INDUSTRY  
<http://www.phei.com.cn>



“十二五”普通高等教育本科国家级规划教材

电子信息科学与工程类专业精品教材

# 信 息 论

——基础理论与应用

(第4版)

傅祖芸 编著

电子工业出版社

Publishing House of Electronics Industry

北京·BEIJING

## 内 容 简 介

本书是“十二五”普通高等教育本科国家级规划教材,且为教育部评选的“2008年度普通高等教育精品教材”。

本书系统地论述了香农信息论基本理论及某些应用问题,基本覆盖了信息论的各个方面的内容。内容包括:信息的定义和度量;各类离散信源和连续信源的信息熵;有记忆、无记忆、离散和连续信道的信道容量;香农信息论的三个基本定理:无失真信源编码定理、限失真信源编码定理和信道编码定理;网络信息理论及保密系统的信息理论。本书还介绍了无失真数据压缩(即无失真信源编码)的实用的编码算法与方法,以及信道纠错编码的基本内容和分析方法;最后简要地介绍了信息论与热力学、光学、统计学、生物学和医学等其他学科交叉结合的应用内容。尤其是新增第13章,介绍量子力学与信息理论交叉结合而飞速发展起来,又极具诱人前景的量子信息科学。

本书深入浅出、概念清晰、内容丰富、系统性和可读性强,并具实际应用价值。本书可作为高等院校信息工程、通信工程、雷达、计算机、电子学、信息与计算科学等相关专业的本科生、研究生的信息论课程教材或教学参考书,也可供数学、物理、生物学、系统科学、管理科学等专业研究生及从事信息科学理论、技术、方法研究的科研工作者和工程技术人员参考。

未经许可,不得以任何方式复制或抄袭本书之部分或全部内容。

版权所有,侵权必究。

### 图书在版编目(CIP)数据

信息论:基础理论与应用/傅祖芸编著. —4版. —北京:电子工业出版社,2015.2  
ISBN 978-7-121-24705-7

I. ①信… II. ①傅… III. ①信息论—高等学校—教材 IV. ①G201

中国版本图书馆CIP数据核字(2014)第258839号

策划编辑:陈晓莉

责任编辑:陈晓莉

印刷:北京市李史山胶印厂

装订:北京市李史山胶印厂

出版发行:电子工业出版社

北京市海淀区万寿路173信箱 邮编100036

开本:787×1092 1/16 印张:30.75 字数:895千字

版次:2001年8月第1版

2015年2月第4版

印次:2015年2月第1次印刷

定价:58.00元

凡所购买电子工业出版社图书有缺损问题,请向购买书店调换。若书店售缺,请与本社发行部联系,联系及购电话:(010)88254888。

质量投诉请发邮件至 zllts@phei.com.cn,盗版侵权举报请发邮件至 dbqq@phei.com.cn。

服务热线:(010)88258888。

## 第 4 版前言

自 1948 年至今 60 多年来,以香农信息论为核心的信息理论从发展走向了成熟。在信息理论的主导和推动下,信息计算技术、信息存储与处理技术以及信息安全可靠的传输技术等取得了突破性的进展和卓越的成就。然而,值得关注的是近十多年来,一门量子物理学与香农信息理论交叉融汇的新兴科学——量子信息科学迅速崛起并取得飞速发展。它的主要内容包括有量子计算(量子计算机)、量子通信、量子保密学以及量子信息论等。量子信息科学将原有的香农经典信息扩充为量子信息,用微观粒子的量子态来表述量子信息。以往香农经典信息理论是将信息荷载在实际的物理载体——信号上,来研究信息的提取、计算、传输和变换处理等。也就是将信息荷载到经典物理学中的经典物理态上。而量子信息科学是将信息荷载到微观物理系统的微观量子态上,来研究量子信息的提取、计算、传输和处理等。因此,它必须遵循微观量子态的特性和遵循量子力学理论的规律。这就使信息的提取、计算、存储、传输和处理等都发生了根本性的变革。在研究和分析微观量子态特性的基础上,展现出量子信息科学具有奇特的和惊人的优越性。它可以实现无法比拟的、极高速的并行量子计算。可以实现超光速和无条件安全性的信息传输以及可实现非定域性和超空间性的远距离通信等。近年来,世界各国在量子信息科学的技术和理论等方面都取得了众多的、引人瞩目的研究成果。我国在量子通信和量子保密通信方面也取得具有世界先进水平的科研成果,初步奠定了量子通信实用化和产业化的技术基础。然而,量子信息科学还处于起步和发展阶段,有着大量的课题和困难需要探索、研究和解决。其中我们关心的量子信息论更有许多内容有待深入地研究。所以,量子信息科学将是当今信息科学领域中最具广阔发展前景的重要研究方向。

在再版《信息论——基础理论与应用》一书之际,作者认为有必要将量子信息科学简介作为第 13 章的内容加入本书。目的是希望通过该章简要的论述,使读者今后能更多地注意量子信息科学发展的动向。也希望读者在掌握香农信息论的基础上,对量子信息科学,特别是对量子信息论激起兴趣,并进行深入地研究和探讨。

在第 13 章编写过程中曾得到中科院研究生院物理学院丁亦兵教授的帮助和指教,在此表示衷心感谢。同时也参阅引用了一些国内外最近有关量子信息科学方面的著作,在此谨向作者们表示深切的谢意。

由于作者水平所限,书中有不当和错误之处,敬请专家、学者和广大读者批评指正。

作者

2014 年 12 月

# 前 言

人类社会的生存和发展无时无刻离不开信息的获取、传递、处理、再生、控制和利用。

信息论正是一门把信息作为研究对象,以揭示信息的本质特性和规律为基础,应用概率论、随机过程和数理统计等方法来研究信息的存储、传输、处理、控制和利用等一般规律的科学。它主要研究如何提高信息系统的可靠性、有效性、保密性和认证性,以使信息系统最优化。

自从 1948 年香农发表了《通信的数学理论》一文,宣告了信息论作为一门独立的、全新的学科成立。自此之后,信息理论本身得到不断地发展和深化,尤其是在信息理论的指导下,信息技术也获得飞快发展。这又使信息的研究冲破了香农狭义信息的范畴,几乎渗透到自然科学与社会科学的所有领域,从而形成了一门具有划时代意义的新兴学科——信息科学。近年来,逐渐形成和发展起来的光学信息论、量子信息论、生物信息论或生物信息学都是信息科学的重要分支和发展的重要领域。

当人类迈入 21 世纪——高度信息化时代以来,移动通信、互联网通信、多媒体技术、计算机技术、空间技术等信息技术出现了超越人们想象的、前所未有的发展速度。在这些领域中,只要涉及信息的存储、传输和处理就要用到香农信息理论——无失真通信的传输速率极限(即香农极限)、无失真和限失真信源编码理论(即数据压缩原理)和信道编码理论(即纠错编码理论)等。甚至人们娱乐生活中如数字激光影碟机、数码相机、数字家庭音像系统、网络游戏等都普遍采用了纠错编码技术和数据压缩技术。所以,现在人们对于信息的概念、信息论的基本理论已不再感到陌生、抽象深奥和难以理解与掌握,同时也越来越意识到学习和掌握信息理论的重要。

在这种形势下,各高校的热门专业“信息工程技术专业”得到快速发展,专业的知识结构也做了相应调整,先后将《信息论与编码》及有关课程列为本科生、研究生必修的专业基础课。与此同时,全国几百所高校先后在理学院(或数学系)内新增设了“信息与计算科学专业”,也将《信息论与编码》作为此专业的必修基础课。甚至,在物理学、光学、声学,以及生物学专业的研究生中也增设或选修有关信息论的课程。

为满足广大读者的需要,作者在几十年的教学实践和科研工作的积累,以及在 1986 年、1989 年最早编写出版的全国统编教材《信息论基础》<sup>[37]</sup>一书基础上,于 2001 年编写出版了《信息论——基础理论与应用》<sup>[38]</sup>一书。经近十年的使用和修改,在增加了信道纠错编码的内容的基础上,现又在章节上做一些适当的调整和修改,以求内容和框架结构更全面合理,以期能适应不同专业的需求。

本书系统地介绍香农(Shannon)信息论和编码理论及其应用。全书注重基本概念、基本定理和基本分析方法的论述,并结合实例建立概念和数学模型,给出详细的、必要的数学推演过程和证明。一般来说,在重要定理的证明前后都会描述定理和结论的物理意义或实用意义及证明的思路,然后通过严密推理和巧妙证明进一步说明定理和结论的完美,以期望做到物理概念清晰,逻辑性、系统性强,数学结构严谨完整又避免纯数学的枯燥乏味。在内容的编排上,力求由浅入深、循序渐进,合理地安排章节。全书力图做到既有实际应用背景,又有清晰的数学思想和严密推理。

全书共有 12 章。第 1、2、3、4 章是全书的基础。首先阐述信息的概念,引出香农关于信息的定义和测度。在这基础上讨论各类离散信源、连续和波形信源的信息测度——信息熵,以及各类离散信道、连续和波形信道的信息传输率与信道容量。

第 5、6、7 章主要论述香农信息论的三个基本定理——离散信源的无失真编码定理、有噪信道编

码定理及限失真信源编码定理,此部分内容是香农信息论的核心部分。

第8章集中介绍了若干常用的无失真信源编码方法,以阐明香农无失真信源编码定理的应用与意义。

第9章论述了信道纠错编码的基本内容及一些主要的纠错编码如线性分组码、循环码和卷积码。该章从有噪信道编码定理出发,在读者已具有的工程数学基础上给出纠错编码的基本概念,然后讨论各种纠错编码的编、译码算法。避免了从近世代数理论角度进行讨论,减小了学习的难度。有了这章的学习基础就可对纠错编码理论进行深入的研究。

第10章讨论网络信息论(又称为多用户信息理论),比较全面地介绍了各种网络信道的信源和信道编码定理。这一章在本书中占用了一定的篇幅,主要因为实际的各种信息传输系统、信息流通系统都是复杂的信息流通网。另外,多用户信息理论也是由香农首先给出的,并且目前还存在着许多有待研究和解决的理论问题。随着网络通信技术的发展和普及,网络信息理论显得更为重要,而且已成为信息研究的热门领域。

第11章简要地介绍香农用信息论的观点对信息保密问题的论述。正是香农的论述把信息保密安全问题的研究引入到科学研究的轨道,使保密学迅速发展成为一个独立的分支。

第12章简要地探讨一些信息论与热力学、光学、统计学、生物、医学等学科的关系和应用,使读者了解信息论与其他学科交叉结合的发展前景。

第1章至第7章是本书的主体,学好了这几章就掌握了信息论的主要理论和内容。为帮助读者学习和掌握,每章结尾均给出小结,以公式形式列出该章的主要内容。各章还配有大量习题。为避免读者对本书所用符号产生混淆,还将主要所用符号统一列表说明,以供参阅。书后的附录,为读者提供了所需的一些数学基础知识。同时为配合本书的学习和解题,作者已编写并由电子工业出版社出版了《信息论与编码学习辅导及习题详解》<sup>[39]</sup>一书,可供读者学习使用。

全书引入了弱 $\epsilon$ 典型序列,几个重要定理都采用此统一的分析方法进行证明,使定理证明简洁明了,而且又使单用户信息理论和网络信息理论中定理的证明方法达成一致。但这些章节均标以“\*”号出现。书中标有“\*”号的章节和小字体部分均属于严格的数学证明或加深、加宽的内容。各高校、各专业可根据学时的多少或学生的知识程度适当取舍,只讲授主要基本内容,省略“\*”章节和小字体部分。省略后并不影响全书的系统性、逻辑性和可读性。所以,本书可作为信息工程、通信工程技术和计算机专业本科生和研究生的教材,也可作为其他有关专业所需的教材。

为了便于教师使用本教材进行课堂教学,还配套提供了电子教案。

本书第8章“字典码”一节由赵建中老师协助编写。孙建京、路而红、彭一凡等老师阅读了书稿部分章节并提出许多中肯的修改意见。刘泉、陈立、赵黎明、施燕琼、许晓东、陈曦、张栋等同志参与了审稿、绘图、习题录入、电子教案编程等大量工作,在此一并表示衷心的感谢。

在本书编写修改过程中,参阅了国内外一些经典著作,均列于参考书目中,在此谨向作者表示深切谢意。

本书被国家教育部评为“2008年度普通高等教育精品教材”。其中电子工业出版社陈晓莉编辑对本书的修改、再版做了大量的工作,提出了许多宝贵意见,在此也深表感谢。

书中难免有不妥和错误之处,殷切希望广大读者予以批评指正。

作 者  
2011年元月

# 目 录

第 1 章 绪论	1
1.1 信息的概念	1
1.2 信息论研究的对象、目的和内容	8
1.3 信息论发展简史与信息科学	12
第 2 章 离散信源及其信息测度	17
2.1 信源的数学模型及分类	17
2.2 离散信源的信息熵	22
2.2.1 自信息	22
2.2.2 信息熵	25
2.3 信息熵的基本性质	28
* 2.4 信息熵的唯一性定理	35
2.5 离散无记忆的扩展信源	38
2.6 离散平稳信源	40
2.6.1 离散平稳信源的数学定义	40
2.6.2 二维离散平稳信源及其信息熵	41
2.6.3 离散平稳信源的极限熵	45
2.7 马尔可夫信源	48
2.7.1 马尔可夫信源和 $m$ 阶马尔可夫信源的定义	48
2.7.2 马尔可夫信源和 $m$ 阶马尔可夫信源的信息熵	51
2.8 信源剩余度与自然语言的熵	58
* 2.9 意义信息和加权熵	62
小结	65
习题	66
第 3 章 离散信道及其信道容量	70
3.1 信道的数学模型及分类	70
3.1.1 信道的分类	70
3.1.2 离散信道的数学模型	71
3.1.3 单符号离散信道的数学模型	74
3.2 平均互信息及平均条件互信息	76
3.2.1 信道疑义度	76
3.2.2 平均互信息	77
3.2.3 平均条件互信息	80
3.3 平均互信息的特性	82
3.4 信道容量及其一般计算方法	86
3.4.1 离散无噪信道的信道容量	87



3.4.2	对称离散信道的信道容量	89
3.4.3	准对称信道的信道容量	91
3.4.4	一般离散信道的信道容量	92
* 3.5	信道容量的迭代算法	98
3.5.1	信道容量的迭代算法	99
3.5.2	信道容量迭代算法的收敛性	103
3.6	离散无记忆扩展信道及其信道容量	105
3.7	独立并联信道及其信道容量	110
3.8	串联信道的互信息和数据处理定理	111
3.9	信源与信道的匹配	118
	小结	119
	习题	121
<b>第4章</b>	<b>波形信源和波形信道</b>	<b>125</b>
4.1	波形信源的统计特性和离散化	125
4.2	连续信源和波形信源的信息测度	127
4.2.1	连续信源的差熵	127
4.2.2	连续平稳信源和波形信源的差熵	129
4.2.3	两种特殊连续信源的差熵	130
4.3	连续信源熵的性质及最大差熵定理	132
4.3.1	差熵的性质	132
4.3.2	具有最大差熵的连续信源	134
4.4	连续信源熵的变换	136
4.4.1	坐标变换后概率密度函数的变化	137
4.4.2	坐标变换后差熵的变化	138
4.5	熵功率	139
4.6	连续信道和波形信道的分类	141
4.6.1	按信道输入和输出的统计特性分类	141
4.6.2	按噪声的统计特性分类	142
4.6.3	按噪声对信号的作用功能分类	145
4.7	连续信道和波形信道的信息传输率	146
4.7.1	基本连续信道的平均互信息	146
4.7.2	多维连续信道的平均互信息	147
4.7.3	波形信道的信息传输率	147
4.7.4	连续信道平均互信息的特性	148
4.8	连续信道和波形信道的信道容量	151
4.8.1	单符号高斯加性信道	152
4.8.2	单符号非高斯加性信道	153
4.8.3	多维无记忆高斯加性连续信道	154
* 4.8.4	多维有记忆高斯加性连续信道	157
4.8.5	限带高斯白噪声加性波形信道	159



* 4.8.6	有色高斯加性波形信道	160
4.8.7	香农公式的重要实际指导意义	161
小结		164
习题		167
<b>第 5 章</b>	<b>无失真信源编码定理</b>	170
5.1	编码器	170
5.2	等长码	172
* 5.3	渐近等分割性和 $\epsilon$ 典型序列	175
5.4	等长信源编码定理	178
5.5	变长码	181
5.5.1	唯一可译变长码与即时码	181
5.5.2	即时码的树图构造法	183
5.5.3	克拉夫特(Kraft)不等式	184
5.5.4	唯一可译变长码的判断法	187
5.6	变长信源编码定理	188
小结		195
习题		196
<b>第 6 章</b>	<b>有噪信道编码定理</b>	199
6.1	错误概率和译码规则	199
6.2	错误概率与编码方法	203
* 6.3	联合 $\epsilon$ 典型序列	210
6.4	有噪信道编码定理	215
6.5	联合信源信道编码定理	219
小结		221
习题		223
<b>第 7 章</b>	<b>保真度准则下的信源编码</b>	225
7.1	失真度和平均失真度	226
7.1.1	失真度	226
7.1.2	平均失真度	228
7.2	信息率失真函数及其性质	229
7.2.1	信息率失真函数	229
7.2.2	信息率失真函数的性质	231
7.3	二元信源和离散对称信源的 $R(D)$ 函数	236
7.3.1	二元对称信源的 $R(D)$ 函数	236
7.3.2	离散对称信源的 $R(D)$ 函数	238
7.4	信息率失真函数的参量表述及其计算	240
* 7.5	信息率失真函数的迭代算法	248
7.6	连续信源的信息率失真函数	251
7.6.1	连续信源的信息率失真函数	251
7.6.2	高斯信源的信息率失真函数	252

* 7.6.3	连续信源 $R(D)$ 函数的参量表述及其计算	254
7.7	保真度准则下的信源编码定理	259
* 7.7.1	失真 $\epsilon$ 典型序列	259
* 7.7.2	保真度准则下信源编码定理的证明	261
7.8	联合有失真信源信道编码定理	263
7.9	限失真信源编码定理的实用意义	265
	小结	268
	习题	269
<b>第 8 章</b>	<b>无失真的信源编码</b>	273
8.1	霍夫曼(Huffman)码	273
8.1.1	二元霍夫曼码	274
8.1.2	$r$ 元霍夫曼码	276
8.1.3	霍夫曼码的最佳性	277
8.2	费诺(Fano)码	279
8.3	香农—费诺—埃利斯码	280
8.4	游程编码和 MH 编码	282
8.4.1	游程编码	282
8.4.2	MH 编码	287
8.5	算术编码	290
8.6	字典码	296
8.6.1	LZ-77 编码算法	297
8.6.2	LZ-78 编码算法	298
8.6.3	LZW 编码算法	299
8.6.4	LZ 码复杂度和性能分析	301
	小结	303
	习题	304
<b>第 9 章</b>	<b>信道的纠错编码</b>	307
9.1	差错控制的基本形式	307
9.2	纠错码分类及基本概念	309
9.2.1	纠错码分类	309
9.2.2	纠错码的基本概念及其纠错能力	311
9.3	线性分组码	314
9.3.1	一致校验矩阵和生成矩阵	314
9.3.2	伴随式及标准阵列译码	321
9.3.3	汉明码	327
9.4	循环码	329
9.4.1	循环码结构及其多项式描述	330
9.4.2	循环码的生成多项式和生成矩阵	332
9.4.3	循环码的校验多项式和伴随式	338
9.4.4	循环码的编、译码器	342

9.5	卷积码	346
9.5.1	卷积码的解析表示	346
9.5.2	卷积码的图解表示	350
	小结	352
	习题	354
<b>第 10 章</b>	<b>网络信息论</b>	357
10.1	通信网信道的分类	357
* 10.2	多个随机变量的联合典型序列	360
10.3	相关信源编码	363
10.4	多址接入信道	368
10.4.1	离散多址接入信道	368
10.4.2	多址接入高斯噪声信道	375
10.5	相关信源和多址接入信道	378
10.5.1	相关信源和多址接入信道的对偶性	378
10.5.2	相关信源的多址接入信道	379
* 10.6	广播信道	381
* 10.7	中继信道	388
* 10.8	具有边信息的信源编码	391
* 10.9	具有边信息的数据压缩	395
	小结	399
	习题	400
<b>第 11 章</b>	<b>保密系统的基本信息理论</b>	403
11.1	保密学的基本概念	403
11.2	保密系统的数学模型	404
11.3	古典密码体制	406
11.3.1	单表密码	406
11.3.2	移位代换密码	406
11.3.3	乘数密码	407
11.3.4	固定周期 $d$ 的位移置换	408
11.3.5	多表代换密码	408
11.4	完全保密性	410
11.5	理论保密性	413
11.6	实际保密性	415
	小结	417
	习题	418
<b>第 12 章</b>	<b>信息论与其他学科的关系和应用</b>	419
12.1	信息熵与热力学熵	419
12.2	信息论与光学	422
12.2.1	光学信息量	423
12.2.2	光量子信道的信道容量	425

12.2.3	最大熵光学图像恢复 .....	427
12.3	最大熵原理与谱估计 .....	430
12.3.1	高斯随机过程的熵率 .....	431
12.3.2	伯格的熵率定理 .....	432
12.4	信息论与生命科学 .....	434
12.4.1	DNA 到蛋白质的通信系统 .....	434
12.4.2	信息系数与信息分类 .....	440
12.4.3	医学中的信息分析 .....	442
小结	.....	445
<b>第 13 章</b>	<b>量子信息科学简介</b> .....	447
13.1	量子力学的基本概念 .....	447
13.1.1	波粒二重性和光量子 .....	447
13.1.2	波函数和量子态 .....	448
13.1.3	量子态叠加原理 .....	449
13.1.4	量子测量与量子态塌缩 .....	450
13.1.5	测不准原理 .....	452
13.1.6	量子纠缠和纠缠态 .....	452
13.1.7	量子隐形传态 .....	455
13.2	量子通信与量子保密通信 .....	457
13.2.1	量子通信的基本概念 .....	457
13.2.2	量子通信的优越性 .....	458
13.2.3	量子通信的发展现状与前景 .....	458
13.3	量子信息论 .....	459
13.3.1	量子比特 .....	459
13.3.2	量子信息中的冯·诺依曼熵 .....	461
13.3.3	量子信源编码定理 .....	462
13.3.4	量子信道的信道编码 .....	463
<b>附录</b>	.....	464
附录 A	凸函数和詹森不等式 .....	464
附录 B	马尔可夫链 .....	466
B.1	马尔可夫链的定义 .....	466
B.2	转移概率和转移矩阵 .....	467
B.3	各态历经定理 .....	468
附录 C	熵函数的函数表 .....	471
附录 D	所用符号及编写说明 .....	472
<b>参考书目和文献</b>	.....	479

# 第1章 绪 论

信息论是人们在长期通信工程的实践中,由通信技术与概率论、随机过程和数理统计相结合而逐步发展起来的一门学科。通常人们公认信息论的奠基人是当代伟大的数学家、美国贝尔实验室杰出的科学家香农(C. E. Shannon),他在1948年发表了著名的论文《通信的数学理论》,为信息论奠定了理论基础。近半个世纪以来,以通信理论为核心的经典信息论,正以信息技术为物化手段,向高精尖方向迅猛发展,并以神奇般的力量把人类社会推入了信息时代。随着信息理论的迅猛发展和信息概念的不断深化,信息论所涉及的内容早已超越了狭义的通信工程范畴,进入了信息科学这一更广阔、更新兴的领域。

本章首先引出信息的概念,进而讨论信息论这一学科的研究对象、目的和内容,并简述本学科的发展历史、现状和动向。

## 1.1 信息的概念

人类从产生那天起,就生活在信息的海洋之中。

人类社会的生存和发展,无时无刻都离不开接收信息、传递信息、处理信息和利用信息。

自古以来,人们就对信息的表达、存储、传送和处理等问题进行了许多研究。原始人的“结绳记事”也许是最初期的表达、存储和传送信息的方法。我国古代的“烽火告警”是一种最早快速、远距离传递信息的方式。语言和文字则是人类社会用来表达和传递信息的最根本的工具。造纸术和印刷术的发明,使信息表示和存储方式产生了一次重大的变革,使文字成为信息记录、存储和传递的有效手段。特别是电报、电话和电视的发明,使信息传送快速、便利、远距离,再次出现了信息加工和传输的变革。近百年来,随着生产和科学技术的发展,使信息的处理、传输、存储、提取和利用的方式及手段达到了更新更高的水平。

近代,电子计算机的迅速发展和广泛应用,尤其个人微型计算机得以普及,大大提高了人们处理加工信息、存储信息及控制和管理信息的能力。

20世纪50年代后期,随着计算机技术、微电子技术、传感技术、激光技术、卫星通信和移动通信技术、航空航天技术、广播电视技术、多媒体技术、新能源技术和新材料技术等新技术的发展和运用,尤其近年来以计算机为主体的互联网技术的兴起和发展,它们相互结合、相互促进,以前所未有的威力推动着人类经济和社会高速发展。正是这些现代新科学、新技术汇成了一股强大的时代潮流,将人类社会推入到高度信息化的时代。

在当今“信息社会”中,人们在各种生产、科学研究和社会活动中,无处不涉及信息的交换和利用。迅速获取信息,正确处理信息,充分利用信息,就能促进科学技术和国民经济的飞速发展。可见,信息的重要性是不言而喻的。

那么,什么是信息呢?

### 1. 信息、情报、知识、消息及信号间的区别与联系

信息是信息论中最基本、最重要的概念,它是一个既抽象又复杂的概念。这一概念和在实践中提出来的其他科学概念一样,是在人类社会互通情报的实践过程中产生的。在现代信息理论形成之前的漫长时期中,信息一直被看作是通信消息的同义词,没有赋予它严格的科学定义。到了20

世纪 40 年代末,随着信息论这一学科的诞生,信息的含义才有了新的拓展。

在日常生活中,信息常常被认为就是“消息”、“情报”、“知识”、“情况”等。的确,信息与它们之间是有着密切联系的。但是,信息的含义更深刻、更广泛,它是不能等同于消息、情报、知识和情况的。

信息不能等同于情报。

情报往往是军事学、文献学方面的习惯用词。如“对敌方情况的报告”,“文献资料中对于最新情况的报道或者进行资料整理的成果”等称为情报。在“情报学”,这一新学科中,它们对于“情报”是这样定义的,“情报是人们对于某个特定对象所见、所闻、所理解而产生的知识”。可见,情报的含义要比“信息”窄得多。它只是一类特定的信息,不是信息的全体。

信息也不能等同于知识。

知识是人们根据某种目的,从自然界收集得来的数据中,整理、概括、提取得到有价值的、人们所需的信息。知识是一种具有普遍和概括性质的高层次的信息。例如,如图 1.1 所示,有一堆 A、B 两所大学学生的考试成绩数据。为了了解 A、B 两所大学学生的学习成绩水平的差别,而进行统计处理,得到一张曲线图,从中获得了有关 A、B 两所大学学生学习水平的知识。当然,还可以从这堆数据中获得其他有关知识(两所大学男、女生成绩差别等)。又例如,获得大量的遥感图片数据,根据不同目的,处理后可以得到不同的知识(地质知识、地形知识、水源知识等)。由此可知,知识是以实践为基础,通过抽象思维,对客观事物规律性的概括。知识信息只是人类社会客观存在的部分信息。所以知识是信息,但不等于信息的全体。

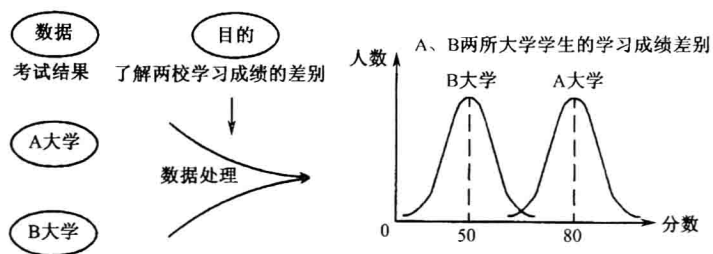


图 1.1 统计处理后的分布曲线

信息也不能等同于消息。

人们也常常错误地把信息等同于消息,认为得到了消息,就是得到了信息。例如,当人们收到一封电报,接到一个电话,收听了广播或看了电视等以后,就说得到了“信息”。的确,人们从接收到的电报、电话、广播和电视的消息中能获得各种信息,信息与消息有着密切的联系。但是,信息与消息并不是一件事,不能等同。

我们知道,在电报、电话、广播、电视(也包括雷达、导航、遥测)等通信系统中传输的是各种各样的消息。这些被传送的消息有着各种不同的形式,如文字、符号、数据、语言、音符、图片、活动图像等。所有这些不同形式的消息都是能被人们感觉器官所感知的,人们通过通信,接收到消息后,得到的是关于描述某事物状态的具体内容。例如,听气象广播,气象预报为“晴间多云”,这就告诉了我们某地的气象状态,而“晴间多云”这广播语言则是对气象状态的具体表述。又如,我们收到一份电报为“母病愈”,则得知了母亲的身体健康状况,报文“母病愈”是对母亲身体健康状况的一种描述。再如,电视中转播球赛,人们从电视图像中看到了球赛进展情况,而电视的活动图像则是对球赛运动状态的描述。可见,语言、报文、图像等消息都是对客观物质世界的各种不同运动状态或存在状态的表述。当然,消息也可用来表述人们头脑里的思维活动。例如,朋友给你打电话,电话中说:“我想去上海”,你就得知了你朋友的想法。这时,此语言消息则反映了人的主观世界——大脑物质的思维运动所表现出来的思维状态。

因此,用文字、符号、数据、语言、音符、图片、图像等能够被人们感觉器官所感知的形式,把客观物质运动和主观思维活动的状态表达出来就成为消息。

构成消息的各种形式必须具备两个条件:一是能被人们感知和理解的,二是可以进行传递和获取的。

可见,消息中包含信息,是信息的载体。得到消息,从而获得信息。同一则信息可用不同的消息形式来载荷。如前例中,球赛进展情况可用电视图像、广播语言、报纸文字等不同消息来表述。而一则消息也可载荷不同的信息,它可能包含非常丰富的信息,也可能只包含很少的信息。因此,信息与消息是既有区别又有联系的。

既然信息不同于消息,当然也不同于信号。

在各种实际通信系统中,往往为了克服时间或空间的限制而进行通信,必须对消息进行加工处理。把消息转换成适合信道传输的物理量,这种物理量称为信号(如电信号,光信号,声信号,生物信号等)。信号携带着消息,它是消息的运载工具。如前例中,“母病愈”这种关于母亲身体健康状况的信息,用汉文“母病愈”的消息来表述,然后通过电报系统传送到另一地的收信者。因为这个电报系统的传递信道是无线电电波信道,所以汉文消息不能直接在信道中传输。一般,需先将汉文(如“母病愈”)转换成四位码,然后转换成由点、划和空隔三种符号组成的莫尔斯码,再转换成脉冲电信号,然后经过调制变成高频调制电信号,才能在信道中传输。此时,脉冲电信号或高频调制电信号都载荷着汉文消息,表述了母亲身体健康的一种状态。在通信系统的接收端,通过解调,反变换,若无干扰的话就可恢复成原汉文消息——“母病愈”。收信者收到报文后,就得知了母亲病愈,身体健康,从而获得了信息。可见,信号携带信息,但不是信息本身。同样,同一信息可用不同的信号来表示。同一信号也可表示不同的信息。例如,红、绿灯信号。若在十字路口,红、绿灯信号表示能否通行的信息。若在电子仪器面板上,红、绿灯信号却表示仪器是否正常工作或者表示高低电压等信息。所以,信息、消息和信号是既有区别又有联系三个不同的概念。

## 2. 哈特莱、维纳、朗格等人对信息的定义

关于信息的科学定义,到目前为止,国内外已有不下百余种流行的说法。它们都是从不同的侧面和不同的层次来揭示信息的本质的。

最早对信息进行科学定义的是哈特莱(R. V. L. Hartley)。他在1928年发表的《信息传输》一文中,首先提出“信息”这一概念。他认为,发信者所发出的信息,就是他在通信符号表中选择符号的具体方式,并主张用所选择的自由度来度量信息。

哈特莱的这种理解在一定程度上能够解释通信工程中的一些信息问题,但它存在着严重的局限性。首先,他所定义的信息不涉及信息的价值和具体内容,只考虑选择的方式。其次,即使考虑选择的方式,但没有考虑各种可能选择方式的统计特性。正是这些缺陷严重地限制了它的适用范围。

1948年,控制论的创始人之一,美国科学家维纳(N. Wiener)出版了《控制论——动物和机器中通信与控制问题》一书。维纳在该书中是这样来论述信息的,他指出:“信息是信息,不是物质,也不是能量”<sup>①</sup>。这就是说,信息就是信息自己,它不是其他什么东西的替代物,它是与“物质”、“能量”同等重要的基本概念。正是维纳,首先将“信息”上升到“最基本概念”的位置。

后来,维纳在《人有人的用处》<sup>②</sup>一书中,提出:“信息是人们适应外部世界并且使这种适应反作用于外部世界的过程中,同外部世界进行互相交换的内容的名称。”又说:“接收信息和使用信息的

① N. Wiener,《控制论——动物和机器中的通信与控制问题》,科学出版社,1963年

② N. Wiener,《人有人的用处》,商务印书馆,1978年



过程,就是我们适应外部世界环境的偶然性变化的过程,也是我们在这个环境中有效地生活的过程。”“要有效地生活,就必须有足够的信息。”的确,信息对人类的生存是很重要的;但是,信息不仅仅与人类有关,不仅仅是人与外部世界交换的内容。在自然界中,一切生物体都在与外部世界进行着互相交换信息。一切生物体都有它们独自的接收信息和交换信息的方式。俗话说“禽有禽言,兽有兽语”,这是动物之间特别是群体动物之间传递信息的方式。人们发现动物之间可以利用气味、声音、不同的运动姿态,乃至超声波、电磁场等多种方式来传递信息。另外,信息的确是人们与外部世界互相交换的内容,但是,人们在与外部世界相互作用过程中,还进行着物质与能量的交换。这样,就又把信息与物质、能量混同起来。所以,维纳关于信息的定义是不确切的。

关于信息的定义,有人提出用变异度、差异量来度量信息,认为“信息就是差异”。这种说法的典型代表是意大利学者朗格(G. Longe)。他在1975年出版的《信息论:新的趋势与未决问题》一书序言中,提出:“信息是反映事物的形式、关系和差别的东西。信息是包含于客体间的差别中,而不是在客体本身中。”“在通信中仅仅差别关系是重要的。”也就是说,他定义信息是客体之间的相互差异。的确,宇宙内到处存在着差异,差异的存在使人们存在着“疑问”和“不确定性”。从这个角度看,差异确是信息。但是,并不能说没有差异就没有信息。所以,这样定义的信息也是不全面的、不确切的。

### 3. 香农信息的定义

香农在1948年发表了一篇著名的论文——《通信的数学理论》。他从研究通信系统传输的实质出发,对信息做了科学的定义,并进行了定性和定量的描述。

如前所述,各类通信系统——电报、电话、广播、电视、雷达、遥测……等传送的是各种各样的消息。消息的形式可以不同,但它们都是能被传递的,能被人们感觉器官(眼、耳、触觉等)所感知的,而且消息表述的是客观物质和主观思维的运动状态或存在状态。

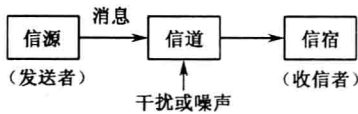


图 1.2 通信系统框图

香农将各种通信系统概括成如图 1.2 所示的框图。在各种通信系统中,其传输的形式是消息。但消息传递过程的一个最基本、最普通却又不十分引人注意的特点是:收信者在收到消息以前是不知道消息的具体内容的。在收到消息以前,收信者无法判断发送者将会发来描述何种事物运动状态的具体消息;他更无法判断是描述这种状态还是那种状态。再者,即使收到消息,由于干扰的存在,他也不能断定所得到的消息是否正确和可靠。总之,收信者存在着“不知”、“不确定”或“疑问”。

通过消息的传递,收信者知道了消息的具体内容,原先的“不知”、“不确定”和“疑问”消除或部分消除了。因此,对收信者来说,消息的传递过程是一个从不知到知的过程,或是从知之甚少到知之甚多的过程,或是从不确定到部分确定或全部确定的过程。如果不具备这样一个特点,那就根本不需要通信系统了。试想,如果收信者在收到电报或接听到电话之前就已经知道报文或电话的内容,那还要电报、电话系统干什么呢?

由于主、客观事物的运动状态或存在状态是千变万化的、不规则的、随机的,因此在通信以前,收信者存在“疑义”和“不知”。例如,在电报通信中,收报人在收到报文前,首先他不知何人会给他发电报,而且也不知将要告诉他什么事情。只有当他收到报文是“母病愈”后,才能确定是他家人告诉他母亲的身体情况。其次,报文“母病愈”是母亲身体健康状态的一种描述,而母亲身体健康情况会表现出不同的状态,到底出现的是什么状态是随机的、变化的。收信者在看到报文以前,他不能确定母亲身体健康状态如何,也存在“不确定性”。只要报文是清楚的,在传递过程中没有差错,那么,他收到报文以后,他原来所有的“不确定性”都没有了,他就获得了所有的信息。如果在传递过程中存在着干扰,使报文完全模糊不清,收信者收到报文以后,原先所

具有的不确定性一点也没有减少,他就没有获得任何信息。如果干扰使报文发生部分差错,使收信者原先的不确定性减少了一些,但没有全部消除,他就获得了一部分信息。所以,通信过程是一种消除不确定性的过程。不确定性的消除,就获得了信息。原先的不确定性消除得越多,获得的信息就越多。如果原先的不确定性全部消除了,就获得了全部的信息;若消除了部分不确定性,就获得了部分信息;若原先不确定性没有任何消除,就没有获得任何信息。由此可见,信息是事物运动状态或存在方式的不确定性的描述。这就是香农信息的定义。

从以上分析可知,在通信系统中形式上传输的是消息,但实质上传输的是信息。消息只是表达信息的工具,载荷信息的客体。显然,在通信中被利用的(亦即携带信息的)实际客体是不重要的,而重要的是信息。信息较抽象,而消息是较具体的,但还不一定是物理性的。通信的结果是消除或部分消除不确定性从而获得信息。

#### 4. 香农信息的度量

根据香农的有关信息的定义,信息如何测度呢?当人们收到一封电报,或听了广播,或看了电视,到底得到多少信息量呢?显然,信息量与不确定性消除的程度有关。消除多少不确定性,就获得多少信息量。那么,不确定性的大小能够度量吗?

用数学的语言来讲,不确定性就是随机性,具有不确定性的事件就是随机事件。因此,可运用研究随机事件的数学工具——概率论和随机过程来测度不确定性的大小。若从直观概念来讲,不确定性的大小可以直观地看成是事先猜测某随机事件是否发生的难易程度。

例如,假设有甲、乙两个布袋,各袋内装有大小均匀,手感完全一样的球 100 个。甲袋内红、白球各 50 个,乙袋内有红、白、蓝、黑四种球,各 25 个。现随意从甲袋或乙袋中取出一球,并猜测取出的是什么颜色的球,这事件当然具有不确定性。显然,从甲袋中摸出是红球要比从乙袋中摸出是红球容易得多。这是因为,在甲袋中只在“红”与“白”两种颜色中选择一种,而且“红”与“白”机会均等,即摸取的概率各为  $\frac{1}{2}$ 。但在乙袋中,红球只占  $\frac{1}{4}$ ,摸出是红球的可能性就小。自然,“从甲袋中摸出的是红球”比“从乙袋中摸出的是红球”的不确定性来得小。从这个例子可以得出,不确定性的大小与可能发生的消息数目及各消息发生的概率有关。

再如气象预报,我们知道可能出现的气象状态有许多种。以十月份北京地区天气为例,经常出现的天气是“晴间多云”、“晴”或“多云”,其次是“多云转阴”、“阴”、“阴有小雨”等,而“小雪”这种天气状态出现的概率是极小的,“大雪”的可能性则更小更小。因此,在听气象预报前,我们大体上能猜测出天气的状况。由于出现“晴间多云”、“晴”或“多云”的可能性大,我们就比较能确定这些天气状况的出现。因此,当预报明天白天“晴间多云”或“晴”,我们并不觉得稀奇,因为和我们猜测的是基本一致,所消除的不确定性要小,获得的信息量就不大。而出现“小雪”的概率很小,我们很难猜测它是否会出现,所以这事件的不确定性很大。如果预报是“阴有小雪”,我们就要大吃一惊,感到气候反常,这时就获得了很大的信息量。出现“大雪”的概率更小,几乎是不可能出现的现象,它的不确定性更大。如果一旦出现“大雪”的气象预报,我们将万分惊讶,这时将获得更大的信息量。由此可知,某一事物状态出现的概率越小,其不确定性越大;反之,某一事物状态出现的概率接近于 1,即预料中肯定会出现的的事件,那它的不确定性就接近于零。

这两个例子告诉我们:某一事物状态的不确定性的大小,与该事物可能出现的不同状态数及各状态出现的概率大小有关。既然不确定性的大小能够度量,可见,信息是可以测度的。

##### (1) 样本空间

我们把某事物各种可能出现的不同状态,即所有可能选择的消息的集合,称为**样本空间**。每个可能选择的消息是这个样本空间的一个元素。