

物理 奥林匹克竞赛大题典

(热学卷)

全 响 编著

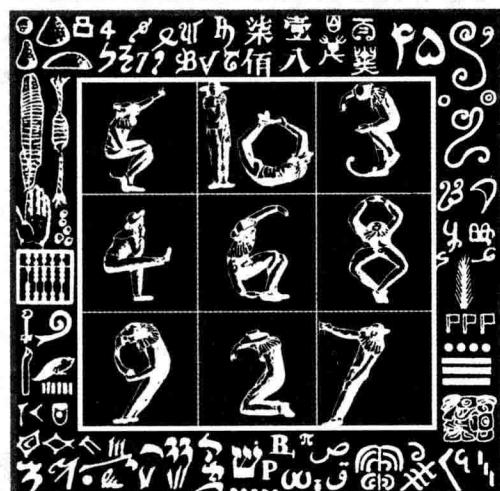


哈爾濱工業大學出版社
HARBIN INSTITUTE OF TECHNOLOGY PRESS

物理奥林匹克竞赛大题典

(热学卷)

全 响 编著



1788921

内 容 简 介

针对热学方面的知识精选了 135 道题. 详细介绍了典型的解题方法, 着力于提高学生的能力与科学素养, 培养创新意识, 使之发挥主动性和创造性, 可有效地促进读者对知识的掌握与解题能力的提高. 题目和答案是分开的, 方便读者独立学习.

本书适合于高中生、中学物理教师和物理竞赛培训人员参考使用.

图书在版编目(CIP)数据

物理奥林匹克竞赛大题典·热学卷/全响编著.

哈尔滨: 哈尔滨工业大学出版社, 2014. 5

ISBN 978 - 7 - 5603 - 4658 - 8

I. ①物… II. ①全… III. ①中学物理课 - 习题集
IV. ①G634. 75

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2014)第 058782 号

策划编辑 刘培杰 张永芹

责任编辑 张永芹 杨万鑫

封面设计 孙茵艾

出版发行 哈尔滨工业大学出版社

社 址 哈尔滨市南岗区复华四道街 10 号 邮编 150006

传 真 0451 - 86414749

网 址 <http://hitpress.hit.edu.cn>

印 刷 哈尔滨市石桥印务有限公司

开 本 787mm × 960mm 1/16 印张 8.25 字数 215 千字

版 次 2014 年 5 月第 1 版 2014 年 5 月第 1 次印刷

书 号 ISBN 978 - 7 - 5603 - 4658 - 8

定 价 28.00 元

(如因印装质量问题影响阅读, 我社负责调换)

◎ 前言

本书是编者三十年以来不断地广泛收集和精心编创而成的,习题内容新颖、难度较大。参考资料的来源较广、时间跨度较长。习题主要来源于以下四个方面:①国外的中学物理习题集、竞赛培训题及竞赛题;②国内的中学物理习题集、竞赛培训题及竞赛题;③国内、外的普通物理习题集和其他的有关大学用书;④编者编创的部分习题。

本书源于高中教材,但高于高中教材,内容紧扣竞赛大纲。选题以系统性、典型性和启发性为准绳,较为全面地收集了高中物理知识范围内,由浅入深全过程中的各类典型题和难题(但原则上过于偏、怪的习题不收编),而又不超出竞赛大纲所规定的知识范围,并逐题给予规范地解答,可以说是对迄今为止出现的高中物理知识范围内优秀习题的总结。

全书内容系统全面,每一小部分习题的编排则以由浅入深、分门别类为原则,因而有明显的梯度和类聚性。

题解注重原理分析和关键步骤,力求规范、简明和严密。由于考虑到高中学生使用,所以解题所涉猎的物理和数学知识,均不超出高中生的知识范围,即横向不拓宽(不超知识范围)、纵向可加深(难度加大)。

全书分四卷共 960 道习题,其中:力学卷 350 题、热学卷 135 题、电磁学卷 295 题、光学与近代物理卷 180 题,全书近 100 万字。书中有部分题目之间是相互关联的,即某题或题解利用(或参与)到另一题的条件或题解的结论,具体见光学与近代物理卷末的“附录:前后相关题序号”。为便于读者独立思考和查找习题,每卷分两编,第一编为习题、第二编为答案。

本书可供高中学生、中学物理教师和物理竞赛培训人员使用,也可供大学物理专业学生和其他学习普通物理的人员参考。

由于像这样分类详细、类型齐全、难题集中、解法规范的竞赛题解,在国内尚无出版先例,加之工程量较大、时间跨度较长、编者水平有限,所以存在缺点和错误在所难免,恳请读者批评指正!

全响

2014.01

第一编 习 题

第2章 热 学	3
2.1 分子运动理论	3
2.2 热量 热传递	4
2.3 热膨胀	5
2.4 气体定律和气态方程	7
2.5 热和功 热学定律	17
2.6 表面张力	25

第二编 答 案

目 录
CONTENTS

第2章 热 学	31
2.1 分子运动理论	31
2.2 热量 热传递	34
2.3 热膨胀	38
2.4 气体定律和气态方程	42
2.5 热和功 热学定律	78
2.6 表面张力	104

第一编

习题



第2章 热 学

2.1 分子运动理论

2.1 半径为 R 的球形容器内盛有某种理想气体, 已知分子数密度为 n , 每个分子质量为 m , 分子速率平方的平均值为 $\bar{v^2} = \frac{1}{N}(v_1^2 + v_2^2 + \dots + v_N^2) = \sum_{i=1}^N (\frac{v_i^2}{N})$, 其中 v_i 为第 i 个分子的速率, $N = n \cdot \frac{4}{3}\pi R^3$ 为球形容器内的总分子数. 求:

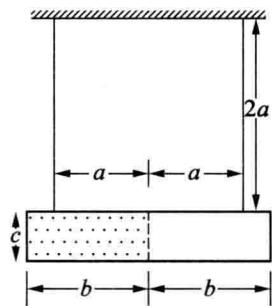
(1) 分子运动时对器壁产生的压强 p .

(2) 分子的平均动能 \bar{E}_k .

2.2 某些双原子分子中原子 A 、 B 之间的相互作用力(径向力)与原子中心间距 r 的关系为 $F = -\frac{a}{r^2} + \frac{b}{r^3}$, F 为正时代表斥力, F 为负时代表引力, a 、 b 均为正量. 设 A 的质量远大于 B 的质量 m , 在不受其他外力作用的条件下, A 在某惯性系中可近似认为静止不动. 试求 B 在力的平衡位置附近作微小振动的周期 T .

2.3 一个密闭容器内盛有一部分的水, 且处于平衡状态. 已知水在 14°C 时的饱和蒸汽压为 $p_{14} = 12 \times 1.33 \times 10^2 \text{ Pa}$. 设水蒸气分子碰到水面后都进入水内, 气体分子的平均速率与气体的热力学温度 T 的平方根成正比. 试近似计算在 100°C 和 14°C 时, 单位时间内通过单位面积水面蒸发变为水蒸气的分子数之比 $n_{100}:n_{14}$.

2.4 如图所示, 用两根轻质等长的细线将一块平而薄的长方形匀质玻璃板悬挂起来, 玻璃板每一侧面的半个表面对称地涂了一层化学性质活泼的金属, 所有的几何参量均在图中给出. 将整个装置悬挂在空的容器中, 并向容器中通入压强为 p 的氯气, 设每一个氯气分子遇金属发生化合反应的几率为 $q < 1$, 且在考虑的时间范围内 q 为恒量. 反应过程中, 氯气压强的减小可忽略不计, 生成的金属氯化物留在玻璃板上. 由于化合反应, 玻璃板将绕它的竖直对称轴转过一个很小角度 α . 已知玻璃的质量为 m , 试求 α 角的大小.



2.4 题图

2.2 热量 热传递

2.5 三种不同的液体 A 、 B 、 C , 其温度分别为 $t_{01} = 15^{\circ}\text{C}$, $t_{02} = 25^{\circ}\text{C}$, $t_{03} = 35^{\circ}\text{C}$ 当 A 与 B 相混合后, 温度为 $t_1 = 21^{\circ}\text{C}$, B 与 C 相混合后, 温度为 $t_2 = 32^{\circ}\text{C}$, 求 A 与 C 混合的温度 t_3 . (液体混合时无化学变化)

2.6 有 n 个物体, 其比热容、质量、初温分别为 (c_1, m_1, T_1) , (c_2, m_2, T_2) , (c_3, m_3, T_3) , ..., (c_n, m_n, T_n) . 若将这些物体放在一个绝热的容器中, 试求它们混合后的共同末温(设各物体的形态不变).

2.7 在一个容器中, 有 0°C 的冰若干克, 若往容器中倒入温度为 $t_1 = 30^{\circ}\text{C}$ 、质量为 $m_1 = 30\text{ g}$ 的温水, 则冰融化后, 比预定温度低一半, 如果再添加 $t_1 = 30^{\circ}\text{C}$ 质量为 $m_2 = 4\text{ g}$ 的温水, 则达到预定的温度, 若容器吸热不计, 试求此预定温度 t 和容器中原有冰的质量 m .

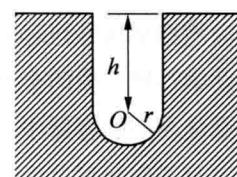
2.8 某容器内装有少量 0°C 的水, 如果很快将容器中的空气抽走, 由于急剧汽化, 剩下的水全部凝结成冰, 求冰与原来水的比. 已知水在 0°C 时的汽化热为 $L = 2.8 \times 10^6 \text{ J/kg}$.

2.9 一个铜容器质量为 $m_1 = 200\text{ g}$, 比热容为 $c_1 = 388 \text{ J/(kg} \cdot \text{K)}$, 它有两个管子对外连通着, 其余部分是封闭的. 先在容器中放入些冰, 待温度平衡后, 倒掉已融出的水, 那时容器还留有 $m_2 = 20\text{ g}$ 的冰, 这时把 100°C 的水蒸气从一根管子通入, 让另一根管子开着, 经过容器内部的水蒸气与冰混合接触后从开着的管子溢出, 那时溢出的水蒸气还是 100°C , 经过一段时间, 由于水蒸气的作用, 容器的冰完全融化, 变成 $t = 40^{\circ}\text{C}$ 的水, 问容器中共有多少克的水?

2.10 质量为 90 g , 比热容为 $840 \text{ J/(kg} \cdot \text{K)}$ 的量热器, 内盛 10°C 的水 500 g , 同时加入 100 g 0°C 的冰和 50 g 100°C 的水蒸气, 混合后温度是多少?

2.11 将半径 $r = 1\text{ cm}$ 的铁球加热到 $T = 373\text{ K}$ 后, 置于 $T_0 = 273\text{ K}$ 的大冰块上, 如图所示. 若球放出的热量有 90% 使冰融解, 试问铁球能陷入冰块多少米? 已知铁的比热容为 $c = 470 \text{ J/(kg} \cdot \text{K)}$, 冰的密度 $\rho_0 = 0.9 \times 10^3 \text{ kg/m}^3$.

2.12 两个横截面积相同的圆柱形绝热量热器, 一个装有高



2.11 题图

心得 体会 拓广 疑问

为 $h = 0.25$ m 的冰, 另一个装有相同高度、温度为 $t_1 = 10$ °C 的水。现在把水倒在冰上并立即标出冰和水总高度界面的位置, 过一段时间达到热平衡后, 冰和水总高度界面的位置升高了 $\Delta h = 0.005$ m。试问冰的初始温度 t_0 是多少? 已知冰的密度、比热容和溶化热分别为 $\rho_0 = 0.9 \times 10^3$ kg/m³、 $c_0 = 2100$ J/(kg · K) 和 $\lambda = 3.4 \times 10^5$ J/kg, 水的比热容为 $c_1 = 4200$ J/(kg · K)。

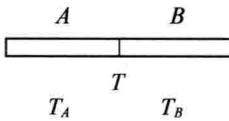
2.13 两根同样大小的棍子是由不同的金属做成的, 它们的两端焊接在一起, 如图所示。A 棍的比热容比 B 棍的比热容大一倍, 但是 A 棍的热导率比 B 棍的热导率小一半。把棍子的两个自由端之一加热, 而另一端冷却, 并且使每一端都保持着恒定的温度。那么棍子内的总热量是不是随着两个棍子(A 或 B)的自由端中哪一端加热, 哪一端冷却而定? (从棍子侧面传出的热量可不加以考虑)

2.3 热膨胀

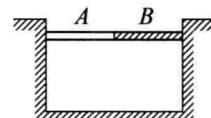
2.14 有两根长度均为 $l = 50$ cm 的金属丝 A 和 B 牢固地焊接在一起, 在温度为 $t_1 = 30$ °C 时, 使此焊接的金属丝刚好伸直而焊接在固定的支架上, 如图所示。若 A、B 两金属丝的线胀系数分别为 $\alpha_A = 1.1 \times 10^{-5}$ K⁻¹, $\alpha_B = 1.9 \times 10^{-5}$ K⁻¹; 它们的劲度系数分别为 $k_A = 2 \times 10^6$ N/m, $k_B = 1 \times 10^6$ N/m。金属丝 A 受到拉力 $F_1 = 450$ N 时就会被拉断, 金属丝 B 受拉力 $F_2 = 520$ N 时就会被拉断。若不计金属丝的重量和支架的间距随温度的改变量, 试问当温度下降至 $t_2 = -20$ °C 时, 两金属丝会出现什么现象?

2.15 将宽为 $a = 5$ mm、厚为 $b = 2$ mm 的钢片两端焊接起来而成为一个圆箍, 若把它加热到 $t = 300$ °C 时, 恰能箍在温度为 0 °C 的水泥柱上。已知钢的线胀系数和杨氏模量(弹性模量)分别为 $\alpha = 1.1 \times 10^{-5}$ K⁻¹ 和 $E = 2.2 \times 10^{11}$ Pa。试问当钢箍和水泥柱都为 0 °C 时, 钢箍所受的力为多少?

2.16 有 A 棍和 B 棍各一根, 它们的线胀系数分别为 α_1 和 α_2 , 为使在任何温度下 A 棍比 B 棍长 Δl , 试问在 0 °C 时, A、B 两棒的长度 l_{01} 和 l_{02} 各为多少?



2.13 题图



2.14 题图

2.17 一铜环在温度为 $t_1 = 0^\circ\text{C}$ 时的直径为 $d_1 = 3.000 \text{ cm}$, 一铝球在温度为 $t_2 = 100^\circ\text{C}$ 时的直径为 $d_2 = 3.006 \text{ cm}$, 这时将铝球放在铜环上, 待它们达到热平衡时, 铝球恰好穿过铜环, 如图所示, 假设没有热量损失, 试求铝球和铜环的质量之比. 已知铜的线胀系数为 $\alpha_1 = 1.7 \times 10^{-5} \text{ K}^{-1}$, 比热容为 $c_1 = 390 \text{ J/(kg} \cdot \text{K)}$; 铝的线胀系数为 $\alpha_2 = 2.4 \times 10^{-5} \text{ K}^{-1}$, 比热容为 $c_2 = 910 \text{ J/(kg} \cdot \text{K)}$.

2.18 有两根均匀的不同金属细棒, 密度分别为 ρ_1, ρ_2 ; 线胀系数分别为 α_1, α_2 ; 长度都为 l , 一端黏在一起. 温度为 0°C 时, 悬挂棒的 A 点, 使棒恰成水平静止, 如图所示. 若温度升高至 t , 棒膨胀后, 仍使棒保持水平静止, 需改变悬点, 设位于 B 点, 求 AB 间的距离.

2.19 厚度均为 $a = 0.2 \text{ mm}$ 的钢片和青铜片, 在 $T_1 = 293 \text{ K}$ 时, 将它们的端点焊接起来, 成为等长的平面双金属片. 若钢和青铜的线胀系数分别为 $\alpha_1 = 1 \times 10^{-5} \text{ K}^{-1}$ 和 $\alpha_2 = 2 \times 10^{-5} \text{ K}^{-1}$, 当把它们的温度升高到 $T_2 = 393 \text{ K}$ 时, 它们将弯成圆弧形, 如图所示. 试求这圆弧的半径 r .

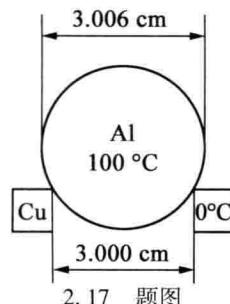
2.20 有一容器装满某种液体, 当将容器(包括液体)的温度分别提高 $t_1^\circ\text{C}, t_2^\circ\text{C}$ 时, 排出的液体所受重力分别为 G_1, G_2 , 试求该液体的体胀系数 β .

2.21 为了测量某个体胀系数很小的容器的体胀系数, 采用如下的办法: 先将容器内装满体胀系数为 β 的某种液体, 并称出这时容器内液体的所受重力为 G_0 , 再将体胀系数为 γ 的玻璃球放入其中, 如图所示. 然后将温度分别提高 $t_1^\circ\text{C}, t_2^\circ\text{C}$, 并称得容器内液体相应所受重力分别为 G_1, G_2 , 试求该容器的体胀系数 α .

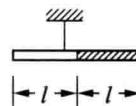
2.22 在底面积为 $S = 3 \times 10^{-3} \text{ m}^2$ 的热容器中倒入体积为 $V_0 = 2 \times 10^{-5} \text{ m}^3$ 的水, 水温为 $T_0 = 308 \text{ K}$; 再把质量为 $m = 10 \text{ g}$ 、温度为 $T_1 = 273 \text{ K}$ 的冰放在水中. 已知水的体胀系数为 $\beta = 2.6 \times 10^{-4} \text{ K}^{-1}$, 冰的密度为 $\rho = 0.9 \times 10^3 \text{ kg/m}^3$. 假设热量与周围没有交换, 试求待它们的温度平衡时水面上升的高度 h .

2.23 把体积相等、温度分别为 $T_1 = 273 \text{ K}, T_2 = 373 \text{ K}$ 的铜块和铝块叠合在一起, 并使之不与外界交换热量. 若铜和铝的密度分别为 $\rho_1 = 8.5 \times 10^3 \text{ kg/m}^3, \rho_2 = 2.6 \times 10^3 \text{ kg/m}^3$, 比热容分别为 $c_1 = 376 \text{ J/(kg} \cdot \text{K}), c_2 = 920 \text{ J/(kg} \cdot \text{K)}$, 试求当它们处于热平衡时, 它们总体积的相对改变量.

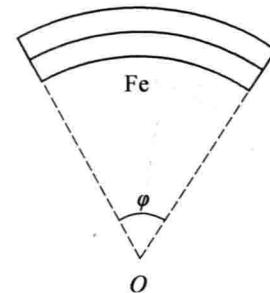
2.24 一个杯里装有 $V_1 = 300 \text{ cm}^3$ 、温度为 $t_1 = 0^\circ\text{C}$ 的甲苯, 另一个杯里装有 $V_2 = 110 \text{ cm}^3$ 、温度为 $t_2 = 100^\circ\text{C}$ 的甲苯. 两体积之和为 410 cm^3 , 求两杯甲苯混合以后的最终体积. (甲苯的体胀系数为 $\beta = 0.001 \text{ K}^{-1}$. 忽略热量损失)



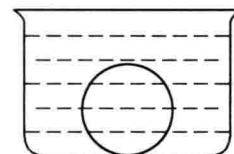
2.17 题图



2.18 题图



2.19 题图



2.21 题图

心得 体会 拓广 疑问

2.4 气体定律和气态方程

2.25 一端封闭的匀直玻璃管开口向下竖直地插入深水银槽中, 如图所示。大气压强为 $p_0 = 1 \times 10^5 \text{ Pa}$ 时, $h_1 = 50 \text{ cm}$, $h_2 = 30 \text{ cm}$, 求当 $h'_1 = 75 \text{ cm}$ 时, h'_2 为多少?

2.26 由于气压计的水银面上混进了少量空气, 使得它的读数不准确, 当准确气压计指在 755 mmHg(毫米汞柱)时, 它却指在 748 mmHg 处; 当准确气压计指在 740 mmHg 时, 它却指在 736 mmHg 处。试求当它指在 751.2 mmHg 时, 实际气压相当于多少毫米汞柱^①? (认为大气的温度是不变的)

2.27 长为 l 的试管内, 用很轻的活塞封闭着压强为 p 的氢气, 然后将试管竖直插入水银槽中, 管底插入的深度为 H , 从而使活塞下移, 管内氢气柱的长度变为 h , 如图所示。若大气压强为 p_0 , 气体的温度不变, 试求管内氢气的高度与管长之比, 并指出当 H 为多深时本题才能有确定的解。

2.28 在高为 $2h = 60 \text{ cm}$ 的圆柱形容器中装入半容器水银, 然后用盖子紧紧地把容器口盖好, 穿过盖子插进一个虹吸管, 虹吸管里预先装满水银, 虹吸管的两臂长度相同, 插在容器中的那个臂靠近容器底部, 如图所示。试问容器中的压强 p 为多大时, 容器中的水银停止从虹吸管中流出? 这时容器内水银面降低的高度 Δh 为多少? (外界压强取 $p_0 = 1 \times 10^5 \text{ Pa}$)

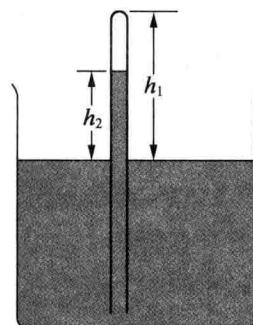
2.29 如图所示, 在一长为 $L = 1 \text{ m}$ 且一端封闭的均匀直玻璃管内, 有一段长为 $l = 0.2 \text{ m}$ 的水银柱封住一部分空气。当管口向上竖直放置时, 被封住的空气柱长为 $h_1 = 0.49 \text{ m}$ 。试问当管口向下竖直倒置时空气柱有多长? 这时留在管内的水银柱是否还是 0.2 m ? 为什么? (已知大气压强为 $p_0 = 1 \times 10^5 \text{ Pa}$)

2.30 水平放置的均匀玻璃管中, 有长 0.25 m 的水银柱恰好和管口相齐, 将管内一段 0.44 m 长的空气封住。求:

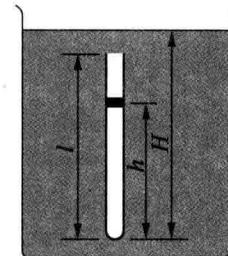
(1) 开口端竖直向上时, 管内气柱多长?

(2) 开口端向下, 玻璃管和水平方向成 30° 角时, 管内气柱多长? (大气压强为 $1 \times 10^5 \text{ Pa}$)

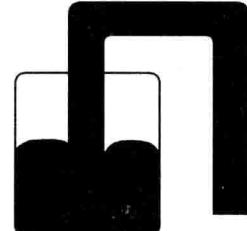
2.31 活塞把密闭的汽缸分成左、右两个气室, 每室各与 U 形管压强计的一臂相连, 压强计的两臂截面处处相同, U 形管内盛有密度为 $\rho = 7.5 \times 10^2 \text{ kg/m}^3$ 的液体。开始时左、右两气室的体积



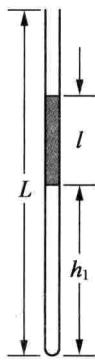
2.25 题图



2.27 题图



2.28 题图



2.29 题图

^① 编校注: 毫米汞柱(mmHg)是非法定计量单位, 正常应换算为法定计量单位帕(Pa)。但本题计算的就是气压计中的汞, 故未更改。

都为 $V_0 = 1.2 \times 10^{-2} \text{ m}^3$, 气压都为 $p_0 = 4 \times 10^3 \text{ Pa}$, 且液体的液面处在同一高度, 如图所示. 现缓慢向左推进活塞, 直到液体在 U 形管中的高度差 $h = 0.4 \text{ m}$. 求此时左、右气室的体积 V_1 和 V_2 . (假定两气室的温度保持不变, 不计 U 形管和连接管道中气体的体积, 取 $g = 10 \text{ m/s}^2$)

2.32 两端封闭、截面均匀的 U 形管分别装有两部分气体, 当管竖直放置时, 如图(a)所示, 气柱长分别为 $l_1 = 12 \times 10^{-2} \text{ m}$, $l_2 = 18 \times 10^{-2} \text{ m}$; 当如图(b)竖直向下放置时, $l'_1 = 6 \times 10^{-2} \text{ m}$, $l'_2 = 24 \times 10^{-2} \text{ m}$; 如将管如图(c)水平放置, 气柱长 l_1, l_2 分别为多长? 设气体温度始终不变, U 形管两臂长相等.

2.33 一抽气机转速 $n = 400 \text{ rad/min}$, 抽气机每分钟能抽去气体 $V = 0.05 \text{ L}$, 容器的容积为 $V_0 = 2 \text{ L}$, 问经过多少时间才能使容器内压强由 $p_0 = 10^5 \text{ Pa}$ 降到 $p_N = 100 \text{ Pa}$?

2.34 图中两个活塞 BB' 、 CC' 将气缸分成三个容器, 每个容器充有理想气体, 当温度都为 T_0 时它们的体积之比为 $V_1 : V_2 : V_3 = 1:2:3$. 问:

(1) 当温度达到 T 时各容器体积比是多少?

(2) 为使各气体体积相等, 它们的温度比为多少?

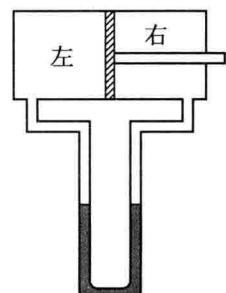
2.35 有一根足够长的均匀直管, 其两端敞开着. 若将管竖直插入水池中, 并使管长的 $\frac{9}{10}$ 在水面以下, 此时管内水面恰与池内水面相平. 然后将管的上端封闭, 此时水和空气的温度为 $T_1 = 273 \text{ K}$. 为了使温度升高到 $T_2 = 373 \text{ K}$ 时有气体开始从管内跑出, 如图所示. 问管的最大长度应是多少厘米? 取大气压强为 $p_0 = 1 \times 10^5 \text{ Pa}$, 忽略水在 0°C 时的饱和气压.

2.36 热气球是利用气体温度升高, 气体会从内外相通的容器内逸出, 从而获得升力的原理制作而成的. 今有一容积为 $V = 500 \text{ m}^3$ 的探空气球, 球壳及所带装置总质量为 $m = 85 \text{ kg}$, 为了使其从地面处升空, 应将球内空气加热到多少摄氏度? 若该气球上升到温度为 -23°C , 压强为 $p_2 = 0.4 \times 10^5 \text{ Pa}$ 的高空, 要使气球在该处保持平衡, 球内空气的温度应为多少? 已知地面处空气的温度为 27°C , 大气压强为 $p_0 = 1 \times 10^5 \text{ Pa}$, 标准状况下空气密度 $\rho_0 = 1.29 \text{ kg/m}^3$.

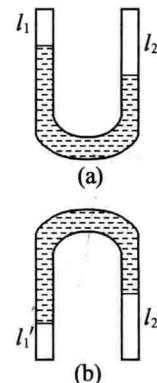
2.37 用容积为 $A = 4 \times 10^{-4} \text{ m}^3$ 的打气筒给自行车空胎打气, 若一个轮胎的容积为 $V = 2 \times 10^{-3} \text{ m}^3$, 骑车时加在这个轮上的质量为 $m = 35 \text{ kg}$, 大气压强为 $p_0 = 1 \times 10^5 \text{ Pa}$. 试问:

(1) 当温度不变时, 为了在骑行中使轮胎与路面的接触面积为 $S = 5.7 \times 10^{-3} \text{ m}^2$, 问应当打多少次气?

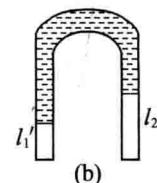
心得 体会 拓广 疑问



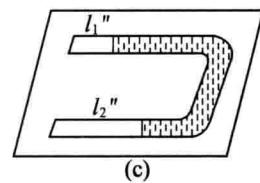
2.31 题图



(a)

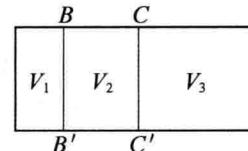


(b)

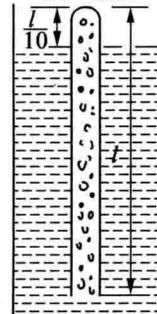


(c)

2.32 题图



2.34 题图



2.35 题图

心得 体会 拓广 疑问

(2) 若骑车行驶时胎内气体的温度由 $T_1 = 290 \text{ K}$ 升高到 $T_2 = 310 \text{ K}$, 而轮胎的容积不变, 试问轮胎与路面的接触面积减少为多少?

2.38 如图所示, 在长为 $l \text{ cm}$ 的玻璃管内有一段长为 $h \text{ cm}$ 的水银柱, 它封闭着一段长为 $a \text{ cm}$ 的空气柱, 玻璃管开口端竖直向上放置。此时空气柱的温度为 T_1 , 大气压强为相当于 $p_0 \text{ cm}$ 高水银柱产生的压强。问温度至少升到多高才能使水银柱全部从管内排出?

2.39 如图(a)所示, 竖直放置的左端封闭、右端足够长且开口的 U 形均匀玻璃管中以水银柱封闭一段长 $l_0 = 0.15 \text{ m}$ 的空气柱, 两边管中水银柱长度分别为 $h_1 = 0.225 \text{ m}$, $h_2 = 0.275 \text{ m}$, 管弯曲部分的长度可忽略不计, 大气压强相当于 $p_0 = 75 \text{ cm}$ 高水银柱产生的压强, 今将管缓慢倒转, 使其仍呈竖直而开口向下, 管内空气柱达到新的平衡状态, 如图(b)所示, 试求:

(1) 新平衡状态下的空气柱的长度。

(2) 新平衡状态是稳定平衡还是不稳定平衡? 如为不稳定平衡, 该状态被扰动破坏后的情况如何?

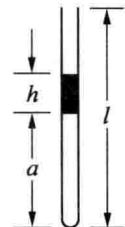
2.40 有一玻璃杯重为 $G = 0.2 \text{ kg}$, 玻璃的密度为 $\rho = 2.6 \times 10^3 \text{ kg/m}^3$, 瓶的容积为 $V_0 = 2 \times 10^{-4} \text{ m}^3$, 杯内盛满温度为 $T_0 = 283 \text{ K}$ 、气压为 $p_0 = 1 \times 10^5 \text{ Pa}$ 的空气, 然后将杯口向下推入水池中, 如图所示, 假设池内水的温度恒为 $T = 277 \text{ K}$ 。试问:

(1) 杯能否停在水池中? 如果能, 这时杯内水面距池内水面的深度 h 为多少? (在 4°C 时, 水的密度为 $1 \times 10^3 \text{ kg/m}^3$, 水银密度为 $13.6 \times 10^3 \text{ kg/m}^3$)

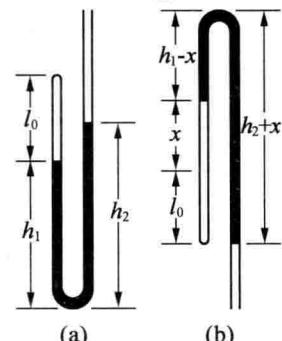
(2) 杯在这时的平衡是稳定平衡还是不稳定平衡?

2.41 壁厚 1.8 cm 的正方形铁箱, 内部容积为 1 m^3 , 上下有两个小孔分别为 a 和 b 。此箱不慎沉入湖底, 里面灌满了水, 湖深 20 m , 如图所示。今用充气法打捞铁箱, 即用管子与孔 a 连通, 再用压气机把湖面上方空气打入箱内, 部分水便会从孔 b 排出。已知湖面上方空气温度为 27°C , 湖底温度为 7°C , 铁的密度为 $7.8 \times 10^3 \text{ kg/m}^3$, 试估算需将多少体积的湖面上方空气打入箱内, 水箱方能开始上浮?

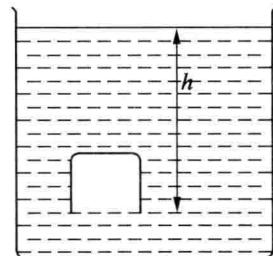
2.42 有一个用伸缩性极小且不漏气的布料制作的气球(布的质量可忽略不计), 直径为 $d = 2 \text{ m}$ 。球内充有压强 $\rho_0 = 1.005 \times 10^5 \text{ Pa}$ 的气体。该布料所能承受的最大不被撕破力为 $f_m = 8.5 \times 10^3 \text{ N/m}$ (即对于一块展平的 1 m 宽的布料, 沿布面而垂直于布料宽度方向所施加的力超过 $8.5 \times 10^3 \text{ N}$ 时, 布料将被撕破)。开始



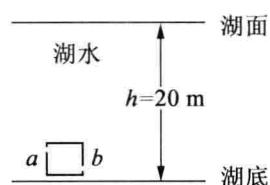
2.38 题图



2.39 题图



2.40 题图



2.41 题图

时,气球被置于地面上,该处的大气压强为 $p_{a0} = 1 \times 10^5 \text{ Pa}$, 温度 $T_0 = 293 \text{ K}$. 假设空气的压强和温度均随高度而线性地变化,压强的变化为 $\alpha_p = -9 \text{ Pa/m}$, 温度的变化为 $\alpha_T = -3 \times 10^{-3} \text{ K/m}$, 问该气球上升到多少高度时将破裂? 假设气球上升很缓慢,可认为球内温度随时与周围空气的温度保持一致. 在考虑气球破裂时,可忽略气球周围各处和底部之间空气压强的差别.

2.43 如图所示,气缸由两个横截面不同的圆筒连接而成. 活塞 A 、 B 被轻质刚性细杆连接在一起,可无摩擦移动. A 、 B 的质量分别为 $m_A = 12 \text{ kg}$, $m_B = 8 \text{ kg}$, 横截面积分别为 $S_A = 4 \times 10^{-2} \text{ m}^2$, $S_B = 2 \times 10^{-2} \text{ m}^2$. 定质量的理想气体被封闭在两活塞之间,活塞外侧大气压强 $p_0 = 1 \times 10^5 \text{ Pa}$.

(1) 气缸水平放置达到如图(a)所示的平衡状态,求气体的压强;

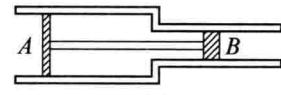
(2) 已知此时气体的体积 $V_1 = 2 \times 10^{-2} \text{ m}^3$. 现保持温度不变, 将气缸竖直放置, 达到平衡后如图(b)所示. 与图(a)相比, 活塞在气缸内移动的距离 l 为多少? (取重力加速度 $g = 10 \text{ m/s}^2$)

2.44 如图所示,有两个截面不同的敞开端口的光滑管组成一个气缸,被竖直固定着,管中有两个面积不同并用一不能伸长的细绳连接的活塞,它们可在自己的管中滑动而不漏气. 在两活塞间装有某种气体,两活塞总质量为 $M = 4 \text{ kg}$, 活塞面积之差为 $\Delta S = 20 \text{ cm}^2$, 当外界大气压为 $p_0 = 1 \times 10^5 \text{ Pa}$ 时,两活塞间气体体积为 $V_1 = 2 \times 10^{-4} \text{ m}^3$, 活塞处于平衡状态,当在上面活塞上加一个 $m = 1 \text{ kg}$ 的砝码后,活塞移动多少距离后再次处于平衡状态? (设活塞移动过程很慢,温度不改变,移动过程结束时活塞不会到达两管连接处. 取重力加速度 $g = 10 \text{ m/s}^2$)

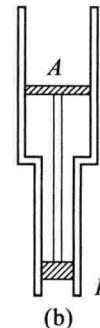
2.45 如图所示,一个上下都与大气相通的直圆筒,筒内横截面积 $S = 0.01 \text{ m}^2$, 中间用两个活塞 A 与 B 封住一定质量的理想气体. A 、 B 都可沿圆筒做无摩擦上下滑动,但不漏气. A 活塞质量可以不计, B 活塞的质量为 M , 并与一个劲度系数 $k = 5 \times 10^3 \text{ N/m}$ 的较长的弹簧相连. 已知大气压强 $p_0 = 1 \times 10^5 \text{ Pa}$. 平衡时, 两活塞间的距离 $l_0 = 0.6 \text{ m}$, 现用力压 A 活塞, 使之缓慢向下移动一定距离后, 保持平衡. 此时, 用于压 A 活塞的力 $F = 500 \text{ N}$, 求活塞 A 向下移动的距离. 设气体温度保持不变.

2.46 在两个带有活塞的水平放置的高压气缸内,装有压强为 p_0 温度为 T_1 的压缩空气,空气体积分别为 V_1 、 V_2 , 活塞面积分别为 S_1 、 S_2 , 两活塞用安有插销 K 的杆 L 相连,如图所示. 外界大气压强忽略不

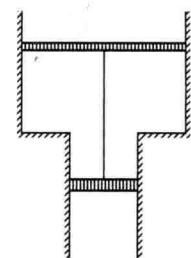
心得 体会 拓广 疑问



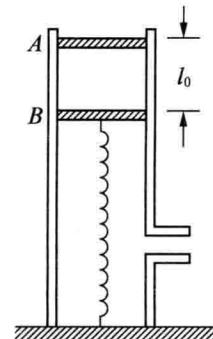
(a)



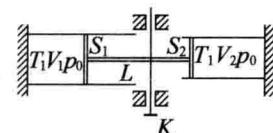
2.43 题图



2.44 题图



2.45 题图



2.46 题图

心得 体会 拓广 疑问

计. 现将左边气缸加热到 T_2 , 而右边气缸保持 T_1 不变, 拔去插销 K , 两活塞一起自由移动, 求当平衡时杆任一端所受的力.

2.47 图中是两容积均为 V_0 的真空容器, 用体积可以忽略的细管连接, 细管中间有开关 K . 先把开关关闭然后在 A 中转入温度为 T_0 , 压强为 p_{0A} 的气体, 在 B 中装入体积可以忽略又不致完全蒸发的液体, 在 T_0 时它的饱和气压为 p_{0B} , 在 T 时它的饱和气压为 p_{0B} ; 然后打开开关, 经过足够长时间后再关闭开关. 把 A, B 加热到 T , 求这时两容器内气体压强 p_A .

2.48 压强为 p_1 、温度为 T_1 的某种理想气体, 与体积相同而压强为 p_2 、温度为 T_2 的同种理想气体相混合, 混合后的总体积等于混合前的总体积, 若在混合的过程中系统与外界无能量交换, 试求混合后气体的压强和温度.

2.49 如图所示, 容器 A 和 B 的容积分别为 22.4 L 和 11.2 L, 用带开关的绝热细管(容积不计)将两者连接. 开关关闭时, A 内充有 0 ℃、 1.013×10^5 Pa 的氦气, B 内充有 0 ℃、 $2 \times 1.013 \times 10^5$ Pa 的氢气. 当开关打开后, 使 A 保持 27 ℃, B 保持 0 ℃, 试求这时气体的压强.

2.50 由导热材料做成的长方体容器, 由隔板分成体积相等的两部分, 分别装有质量相等的干空气和湿空气, 湿空气中水汽质量占 2%.

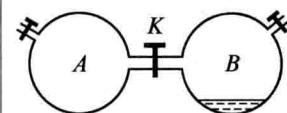
(1) 若让隔板沿壁自由滑动, 试求平衡时干、湿空气各占体积的比值.

(2) 若不漏气地抽去隔板, 求达到平衡时的压强与未抽去隔板时干、湿空气各自压强三者的比例关系. (干空气的摩尔质量为 $\mu_{\text{空}} = 28.8 \times 10^{-3}$ kg/mol)

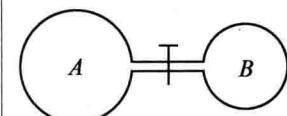
2.51 如图所示, 一端封闭的粗细均匀直玻璃管中, 有一段长为 $h = 13$ cm 的水银柱, 将一定质量的空气封闭在管内. 当玻璃管直立而管口向上时, 被封的空气柱长为 $l_1 = 20$ cm, 当使管口竖直向下时, 因不慎使被封的气体漏出一些, 此时空气柱长为 $l_2 = 25$ cm. 已知大气压强为 $p_0 = 1 \times 10^5$ Pa, 设室温不变. 求漏出气体的质量是原来的百分之几?

2.52 打气筒每打一次气可将压强 $p_0 = 1 \times 10^5$ Pa、温度 $t_0 = -3$ ℃、体积 $V_0 = 4$ L 的空气压到容器内. 容器容积 $V = 1.5 \times 10^3$ L. 那么需要打几次才能使原来跟空气相通的容器温度升为 45 ℃, 压强升为 $p = 2 \times 10^5$ Pa?

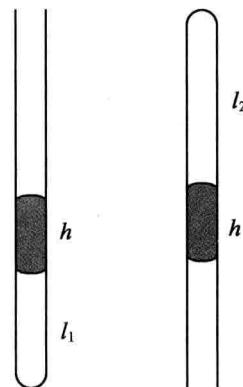
2.53 某医院使用的氧气瓶, 容积为 32 L, 在温度为 27 ℃时,



2.47 题图



2.49 题图



2.51 题图

瓶内压强为 1 500 Pa. 按氧气厂规定, 当使用到其压强在 17 °C 时降为 100 Pa, 便应重新充气, 以免瓶内混入其他气体而降低氧气的质量. 该医院在 22 °C 时, 平均每天要用 10⁵ Pa 的氧气 439 L. 问一瓶氧气能用多少天?

2.54 一容器的容积为 V_1 , 内有空气的压强与外界大气压强相同, 今用一容积为 V_2 、长度为 l 的圆柱形气筒对其打气, 如图所示, 每次打气, 活塞移动距离约为 l . 设温度始终不变, 问第 n 次打气时需要将活塞推到距排气口距离多大时, 气筒里的气体又将冲开单向排气阀门向容器充气? (注: 当活塞向右运动时阀门 K 会自动关闭, 气体不会漏出来, 而阀门 K' 打开让大气进入; 反之, 活塞若向左运动, 阀门 K' 会关闭, K 会打开让气体进入 V_1 内).

2.55 在 1 m³ 的贮气柜里, 有压强为 10×1333 Pa 的某种理想气体, 用它给每个容器都为 60×10^{-3} m³ 的空罐充气. 第 1 罐压强充到相当于 1 cm 高水银柱所产生的压强, 第 2 罐压强充到相当于 2 cm 高水银柱所产生的压强, ……, 第 n 罐压强充到相当于 n cm 高水银柱所产生的压强. 设充气过程中温度不变. 问:

- (1) 充好第 6 罐时, 柜中气体的压强降为多少?
- (2) 若按此要求充气, 最多能充好 m 罐, 则 m 为多少?
- (3) 充好 m 罐后, 柜内剩余气体质量是原来质量的百分之几?

2.56 静置在地面上的圆筒形气缸的质量为 M , 活塞(连同手柄)的质量为 m , 面积为 S . 大气压强为 p_0 , 平衡时气缸内的容积(气体的体积)为 V_0 . 求:

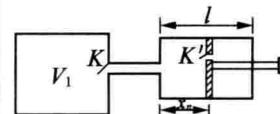
(1) 用手握着手柄让活塞缓慢上升, 气缸刚离地面时, 活塞上升的距离?

(2) 若手提着手柄向上拉, 使气缸离地以加速度 a 为 $\frac{g}{2}$ 做匀加速运动时, 活塞上升的距离又是多少? 设气缸足够长, 温度不变, 气缸与活塞的摩擦不计.

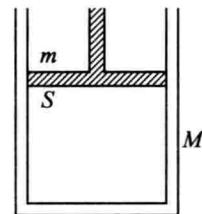
2.57 在一端开口、粗细均匀的玻璃管中, 有长 $l' = 16$ cm 的水银柱将管内的空气与外界隔开. 当玻璃管的开口端竖直向上处于静止时, 空气柱的长为 8 cm. 把玻璃管放在倾角为 30° 的倾斜面上加速下滑, 求玻璃管内的空气柱长度以及下滑时的加速度. 已知玻璃管与斜面之间的动摩擦系数为 $\mu = \frac{\sqrt{3}}{6}$, 大气压为 $p_0 = 1 \times 10^5$ Pa. 玻璃管的质量可忽略不记, 气体的温度假设不变.

2.58 当煤气(CO)罐的温度 $T = 7$ °C, 压强为 $p = 4 \times 10^5$ Pa 时, 在 $t = 10$ min 内能把 $M = 8$ kg 的水由 0 °C 加热到 100 °C. 煤气

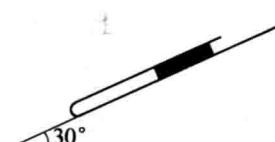
心得 体会 拓广 疑问



2.54 题图



2.56 题图



2.57 题图