

五年制高等职业学校公共基础课程学案

# 数学学案 (第一册)

张跃东 林雅乾◎主编

基础课教材系列

# 五年制高等职业学校公共基础课程学案

# 数学学案 (第一册)

主编:任伟华

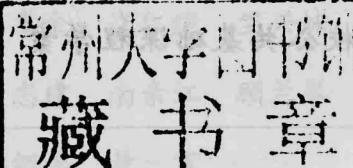
副主任:戴忠华 副主编:陈晓红

主编:张跃东 副主编:

编委:(按姓氏笔画排序)

王国平 方明月 刘俊 刘琳

许永林 许瑞芳 吴玄 陈建超



东南大学出版社  
SOUTHEAST UNIVERSITY PRESS  
·南京·

## 图书在版编目(CIP)数据

数学学案. 第1册 / 张跃东, 林雅乾主编. —南京:  
东南大学出版社, 2012. 10

(五年制高等职业学校公共基础课程学案)

ISBN 978 - 7 - 5641 - 3783 - 0

I. ①数… II. ①张…②林… III. ①高等数学-高  
等职业教育-教学参考资料 IV. ①013

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2012)第 236114 号

## 五年制高等职业学校公共基础课程学案 ——数学学案(第一册)

---

出版发行 东南大学出版社

出版人 江建中

社 址 南京市四牌楼 2 号(邮编:210096)

网 址 <http://www.seupress.com>

电子邮件 med@seupress.com

责编电话 025 - 83793681

经 销 新华书店

印 刷 南京玉河印刷厂

开 本 787 mm×1092 mm 1/16

印 张 6.25

字 数 160 千字

版 印 次 2012 年 10 月第 1 版第 1 次印刷

书 号 ISBN 978 - 7 - 5641 - 3783 - 0

定 价 13.80 元

---

\* 本社图书若有印装质量问题,请直接与营销部联系,电话:(025)83791830。

《五年制高等职业学校公共基础课程学案》

## 丛书编委会

主任:杨晓华

副主任:钦惠平 陈昕耀 杨瑞华 张益飞

主编:张跃东 林雅乾

编委:(按姓氏笔画排序)

王国平 方明明 刘俊 刘琳

许水林 许曙青 吴玄 陈建超

陈章余 迮仁建 竺兴妹 孟宪辉

赵志建 南亲江 顾兰琴 徐裕平

邵绍海 黄震

# 前 言

## 数学学案(第一册)

### 编写人员

主 编:叶 翼 林雅乾

编写人员:(按姓氏笔画排序)

王海斌 许桂珍 张翠芳 闻 洁

程春梅

共基础课教学实际,根据多年走在语文、数学、英语学科教研工作中所取得的经验和成果,在江苏省南京工程高等职业学校校级立项课题《五年制高职公共基础课教改课题的开发与应用研究》研究成果的基础上编写而成,供五年制高等职业学校学生使用。

为了帮助学生更好地完成新课程的数学学习,本学案以五年制高职教育学生的培养目标为引领,遵循公共基础课课程设置的基本规律,将一年级以上应学的语、数、外基础知识及相应的教学要求分解落实到每一单元中,力求让学生通过每一单元的教学目标、重点难点、教学内容等,提高课堂教学的针对性和有效性。同时配备同步训练和课外拓展,帮助学生检验对知识的理解、掌握和运用情况,拓展相关的课外知识。

由于时间仓促,编者水平有限,书中难免有疏漏之处,恳请广大师生批评、指正。

编者

2012年9月

## 前　　言

语文、数学、英语课程是职业学校各专业学生必修的三门公共基础课程，是学习一切自然科学和社会科学的基础，是现代社会中学习和掌握其他学科知识的必备工具。掌握必要的语文、数学、英语知识，有助于提高综合人文素养、发展智力、提升职业素养和通用能力，为专业学习和终生学习奠定基础。

本套学案根据中华人民共和国教育部 2009 年颁布的《中等职业学校语文等七门公共基础课程教学大纲》及江苏省教育厅 2009 年印发的《江苏省五年制高等职业教育语文、数学、英语课程标准(试行)》，结合五年制高等职业学校公共基础课程教学实际，根据多年来在语文、数学、英语学科教研工作中所取得的经验和成果，在江苏省南京工程高等职业学校校级立项课题《五年制高职公共基础课程试题库的开发与应用研究》研究成果的基础上编写而成，供五年制高等职业学校学生使用。

为了帮助师生更好地完成新课程的教学要求，本学案以五年制高职教育学生的培养目标为引领，遵循公共基础课程教学的基本规律，将一年级学生必修的语、数、外基础知识及相应的教学要求分解落实到每一单元中，力求让学生明确每一单元的教学目标、重点难点、教学内容等，提高课堂教学的针对性和有效性。同时配备同步训练和课外拓展，帮助学生检验对知识的理解、掌握和运用情况，拓展相关的课外知识。

由于时间仓促，编者水平有限，书中难免有疏漏之处，恳请广大师生批评指正。

编者

2012 年 9 月

# 目 录

## 1.1 集合与元素

<b>第1章 集合</b>	<b>1</b>
单元测试题	10
<b>第2章 不等式</b>	<b>13</b>
单元测试题	19
<b>第3章 函数</b>	<b>21</b>
单元测试题	31
<b>期中测试题</b>	<b>35</b>
<b>第4章 指数函数与对数函数</b>	<b>39</b>
<b>第5章 角的概念推广</b>	<b>54</b>
单元测试题	68
<b>期末测试题</b>	<b>71</b>
<b>参考答案</b>	<b>75</b>

(1) 所有最大的实数。

(2) 好心的人。

(3) 1, 2, 3, 4, 5。

(4) 高一年纪所有学生。

(5) 高一年纪所有男学生。

(6) 方程  $x^2+1=0$  的所有实数解。

2. 若  $a, b$  是非零实数, 那么  $\frac{1}{a} + \frac{1}{b}$  可能取的值组成的集合的元素是

# 第1章 集合

## 1.1 集合与元素

### 知识与技能

- 理解集合的概念,了解“属于”关系的意义;知道常用数集的概念及其记法;
- 了解有限集、无限集、空集的意义。

### 过程与方法

经历从集合实例中抽象概括出集合共同特征的过程,感知集合的含义,通过观察、归纳、总结的过程,提高抽象概括的能力。

### 情感态度与价值观

感受到学习集合的重要性,在学习运用集合语言的过程中,增强认识事物的能力。

知识结构:

集合与元素	元素与集合的关系	属于、不属于
	集合的特征	确定性、互异性、无序性
	集合的分类	有限集、无限集、空集

内容要点:集合的概念、元素与集合之间的关系:属于、不属于。

### 基础练习题

1. 下列各组对象能确定一个集合吗?

- 所有很大的实数。\_\_\_\_\_。
- 好心的人。\_\_\_\_\_。
- 1, 2, 2, 3, 4, 5。\_\_\_\_\_。
- 高一年级所有学生。\_\_\_\_\_。
- 高一年级所有胖学生。\_\_\_\_\_。
- 方程  $x^2 + 1 = 0$  的所有实数解。\_\_\_\_\_。

2. 设  $a, b$  是非零实数,那么  $\frac{|a|}{a} + \frac{|b|}{b}$  可能取的值组成的集合的元素是\_\_\_\_\_。

3. 由实数  $x, -x, |x|, \sqrt{x^2}, -\sqrt[3]{x^3}$  所组成的集合, 最多含 ( )  
 A. 2 个元素      B. 3 个元素      C. 4 个元素      D. 5 个元素
4. 方程  $\sqrt{x} = -3$  的解集是 ( )  
 A. {9}      B. 9      C.  $\{\emptyset\}$       D.  $\emptyset$
5. 用符号“ $\in$ ”或“ $\notin$ ”填空:  
 $0 \quad \mathbb{N}$        $\sqrt{3} \quad \mathbb{R}$        $\pi \quad \mathbb{Q}$   
 $-1 \quad \{ \text{正实数} \}$        $-19 \quad \mathbb{Z}$
6. 若集合  $M = \{x | x \leqslant \sqrt{7}\}$ ,  $a = \sqrt{6}$ , 则  $a$  与  $M$  的关系是 \_\_\_\_\_.  
 7. 设集合 { $a$ } 用  $A$  表示, 则下列各式中正确的是 ( )  
 A.  $0 \in A$       B.  $a \in A$       C.  $a \notin A$       D.  $a \neq 0$
8. 一条直线可看作是由 \_\_\_\_\_ 组成的集合; 一个平面可看作是由 \_\_\_\_\_ 组成的集合;  
 一个圆可看作是由 \_\_\_\_\_ 组成的集合。

**提高题**

已知集合  $M = \{a, b, c\}$  中的三个元素可以构成某一三角形的三边长, 则此三角形一定不是 ( )

- A. 直角三角形      B. 锐角三角形      C. 钝角三角形      D. 等腰三角形

**1-2 集合的表示法****知识与技能**

掌握集合的两种表示法, 会将文字语言转化为符号语言(集合语言)。

**过程与方法**

通过实例观察分析集合的元素, 选择合适的方法表示集合, 注意区分两种集合的表示方法和规范书写特征性质描述法。

**情感态度与价值观**

根据实际情境的探究, 激发学生学习数学的兴趣和积极性, 陶冶学生的情操, 培养实事求是的科学学习态度和勇于创新的精神。

知识结构:

集合的表示法	列举法	把集合中的元素一一列出写在大括号内表示集合的方法
	描述法	用集合中元素的共同特征表示集合的方法

内容要点: 集合的表示法有两种, 列举法和描述法。

### 基础练习题

教材后习题

- 用自然语言描述集合 $\{1, 3, 5, 7, 9\}$ 。
- 用列举法表示集合 $A = \{x \in \mathbb{N} \mid 1 \leq x < 6\}$ 。
- 试着选择适当的方法表示集合: 不等式 $x^2 + 2 < 0$ 的解集。
- 下列表达是否正确? 说明理由。
  - $\mathbb{Z} = \{\text{全体整数}\}$ ;
  - $\mathbb{R} = \{\text{实数集}\}$ ;
  - $\{(1, 2)\} = \{1, 2\}$ ;
  - $\{1, 2\} = \{2, 1\}$

集合	元素的特征	集合的代表
非空真子集	不是全集的子集且不等于全集	非空真子集
真子集	是全集的子集且不等于全集	真子集
真子集	是全集的子集且不等于全集	真子集

- 用描述法表示下列集合。
  $\{1, 4, 7, 10, 13\} = \{x \mid x \text{是正奇数}\}$ ;  $\{-2, -4, -6, -8, -10\} = \{x \mid x \text{是负偶数}\}$ ;
  $\{1, 5, 25, 125, 625\} = \{x \mid x = 5^n, n \in \mathbb{N}\}$ ;  $\left\{\frac{1}{2}, \frac{2}{5}, \frac{3}{10}, \frac{4}{17}, \dots\right\} = \{x \mid x = \frac{n}{m^2 + 1}, n, m \in \mathbb{N}\}$
- 用列举法表示下列集合。
  $\{x \in \mathbb{N} \mid x \text{是 } 15 \text{ 的约数}\} = \{1, 3, 5, 15\}$ ;  $\{(x, y) \mid x \in \{1, 2\}, y \in \{1, 2\}\} = \{(1, 1), (1, 2), (2, 1), (2, 2)\}$ ;
  $\{x \mid x^3 - 2x^2 - x + 2 = 0\} = \{1, 2\}$ ;  $\{\text{数字和为 } 5 \text{ 的两位数}\} = \{14, 23, 32, 41, 50\}$ ;
  $\{(x, y) \mid \begin{cases} x-y=2 \\ x-2y=4 \end{cases}\} = \{(6, 4)\}$ ;  $\{x \mid x = (-1)^n, n \in \mathbb{N}\} = \{1, -1\}$ ;
  $\{(x, y) \mid 3x+2y=16, x \in \mathbb{N}, y \in \mathbb{N}\} = \{(2, 5), (4, 2)\}$

### 提高题

若集合 $A = \{x \in \mathbb{Z} \mid -2 \leq x \leq 2\}$ ,  $B = \{y \mid y = x^2 + 2000, x \in A\}$ , 则用列举法表示集合 $B =$ \_\_\_\_\_。

## 1-3 集合之间的关系

### 知识与技能

1. 理解集合之间包含关系的含义;  
2. 区别子集、真子集的概念, 能够正确判断集合之间的关系;  
3. 会判断简单集合的相等关系。

- 理解集合之间包含关系的含义;
- 区别子集、真子集的概念, 能够正确判断集合之间的关系;
- 会判断简单集合的相等关系。

## 过程与方法

让学生经历研究集合之间的关系的过程,学会探究问题的方法。

## 情感态度与价值观

感受到学习集合的基本关系,特别是相等关系,为下一步学习运算做好准备,增强学生的积极性。

知识结构:

集合之间的关系	集合的包含关系	子集
		真子集
	集合的相等关系	

内容要点:集合之间的“包含”关系,识别给定集合的子集和真子集。

## 基础练习题

- 写出  $N, Z, Q, R$  的包含关系: \_\_\_\_\_。
- 判断下列写法是否正确:  
①  $\emptyset \subseteq A$  \_\_\_\_\_; ②  $\emptyset \subsetneq A$  \_\_\_\_\_; ③  $A \subseteq A$  \_\_\_\_\_; ④  $A \subsetneq A$  \_\_\_\_\_。
- 填空:(1)  $N \quad Z, N \quad Q, R \quad Z, R \quad Q, \emptyset \quad \{0\}$ 。  
 (2) 若  $A = \{x \in R \mid x - 3x - 4 = 0\}, B = \{x \in Z \mid |x| < 10\}$ , 则  $A \subseteq B$  正确吗?
- 是否对任意一个集合  $A$ ,都有  $A \subseteq A$ ,为什么? \_\_\_\_\_。
- 集合  $\{a, b\}$  的子集有 \_\_\_\_\_。
- 高一(1)班同学组成集合  $A$ ,高一年级同学组成集合  $B$ ,则  $A, B$  的关系为 \_\_\_\_\_。
- 解不等式  $x + 3 < 2$ ,并把结果用集合表示出来。
- (1) 集合  $\{a, b, c, d\}$  的所有子集的个数是多少?  
 (2) 集合  $\{a_1, a_2, \dots, a_n\}$  的所有子集的个数是多少?
- 求满足  $\{a, b\} \subseteq A \subseteq \{a, b, c, d, e\}$  的集合的个数。

**提高题**

1. 若  $A = \{x \mid -3 \leq x \leq 4\}$ ,  $B = \{x \mid 2m-1 \leq x \leq m+1\}$ ,  $B \subseteq A$ , 求实数  $m$  的取值范围。
2. 已知  $A \subseteq B$ ,  $A \subseteq C$ ,  $B = \{1, 2, 3, 5\}$ ,  $C = \{0, 2, 4, 8\}$ , 求集合  $A$ 。

**1-4 集合的运算****知识与技能**

- 理解交集、并集和补集的概念；
- 掌握有关集合的术语和符号，会用它们正确地表示一些简单的集合；
- 能够进行简单的交集、并集和补集的综合运算。

**过程与方法**

通过复习旧知，引入并集与交集的概念，培养观察、比较、分析、概括的能力，使认知由具体转向抽象。

**情感态度与价值观**

主动参与学习的过程，激发学生用数学解决实际问题的兴趣，形成主动学习的态度，培养自主探究的数学精神以及合作交流的意识。

知识结构：

集合的运算	交集	(1) $A \cap A = A$ $A \cap \emptyset = \emptyset$ $A \cap B = B \cap A$ (2) $A \cap B \subseteq A$ $A \cap B \subseteq B$
	并集	(1) $A \cup A = A$ $A \cup \emptyset = A$ $A \cup B = B \cup A$ (2) $A \cup B \supseteq A$ $A \cup B \supseteq B$
	补集	$\complement_S(\complement_S A) = A$ $\complement_S S = \emptyset$ $\complement_S \emptyset = S$ $A \cup (\complement_U A) = U$ $A \cap (\complement_U A) = \emptyset$

内容要点：集合的交集、并集和补集的概念，会借助数形结合（数轴和维恩图）的方法对集合的运算进行直观和形象的研究，通过实例初步体会数学建模的思想。

知识拓展：

交集的性质有结论  $\emptyset \subseteq A \cap B \subseteq A \subseteq A \cup B$ 。

德摩根律:  $(\complement_U A) \cap (\complement_U B) = \complement_U(A \cup B)$ ,

$(\complement_U A) \cup (\complement_U B) = \complement_U(A \cap B)$ 。

容斥原理:  $\text{card}(A \cup B) = \text{card}(A) + \text{card}(B) - \text{card}(A \cap B)$ 。

内容要点: 理解两个给定集合的交集与并集的含义,会求两个集合的交集与并集。理解补集的含义,会求已知集合的补集。

### 基础练习题

1. 设  $A = \{x | x > -2\}$ ,  $B = \{x | x < 3\}$ , 求  $A \cap B$ 。

设  $A = \{x | -1 < x < 2\}$ ,  $B = \{x | 1 < x < 3\}$ , 求  $A \cup B$ 。

2. 设  $A = \{4, 5, 6, 8\}$ ,  $B = \{3, 5, 7, 8\}$ , 求  $A \cap B$ ,  $A \cup B$ 。

3. 设  $A = \{x | x \text{ 是等腰三角形}\}$ ,  $B = \{x | x \text{ 是直角三角形}\}$ , 求  $A \cap B$ 。

设  $A = \{x | x \text{ 是锐角三角形}\}$ ,  $B = \{x | x \text{ 是钝角三角形}\}$ , 求  $A \cup B$ 。

4. 设  $A = \{(x, y) | y = -4x + 6\}$ ,  $\{(x, y) | y = 5x - 3\}$ , 求  $A \cap B$ 。

5. 已知  $A$  是奇数集,  $B$  是偶数集,  $Z$  为整数集, 求  $A \cap B$ ,  $A \cap Z$ ,  $B \cap Z$ ,  $A \cup B$ ,  $A \cup Z$ ,  $B \cup Z$ 。

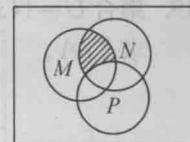
6. 设集合  $A = \{-4, 2m-1, m^2\}$ ,  $B = \{9, m-5, 1-m\}$ , 又  $A \cap B = \{9\}$ , 求实数  $m$  的值。

7. 设  $P = \{a^2, a+2, -3\}$ ,  $Q = \{a-2, 2a+1, a^2+1\}$ ,  $P \cap Q = \{-3\}$ , 求  $a$ 。

8. 已知全集  $U = A \cup B = \{1, 3, 5, 7, 9\}$ ,  $A \cap (\complement_U B) = \{3, 7\}$ ,  $(\complement_U A) \cap B = \{5, 9\}$ , 求  $A \cap B$ 。

9. 若集合  $M, N, P$  是全集  $S$  的子集, 则图中阴影部分表示的集合是

( )



- A.  $(M \cap N) \cap P$
- B.  $(M \cap N) \cup P$
- C.  $(M \cap N) \cap \complement_S P$
- D.  $(M \cap N) \cup \complement_S P$

10. 设  $U=\{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8\}$ ,  $A=\{3, 4, 5\}$ ,  $B=\{4, 7, 8\}$ , 求  $\complement_U A$ ,  $\complement_U B$ ,  $(\complement_U A) \cap (\complement_U B)$ ,  $(\complement_U A) \cup (\complement_U B)$ ,  $\complement_U (A \cup B)$ ,  $\complement_U (A \cap B)$ 。

(第9题)

11. 已知元素  $(1, 2) \in A \cap B$ , 并且  $A=\{(x, y) | mx-y^2+n=0\}$ ,  $B=\{(x, y) | x^2-my-n=0\}$ , 求  $m, n$  的值。

3. “至少有一个”的否定是

- A. 至少有一个
- B. 至多有两个
- C. 恰有两个
- D. 一个也没有

3. 使甲是乙的充分不必要条件, 也是丙的必要不充分条件, 则能使乙成立的充分必要条件是

12. 已知  $A=\{x | x^2 \leqslant 4\}$ ,  $B=\{x | x > a\}$ , 若  $A \cap B=\emptyset$ , 求实数  $a$  的取值范围。

13. 已知全集  $U=R$ , 集合  $A=\{x | 1 \leqslant 2x+1 < 9\}$ , 求  $\complement_U A$ 。

- A.  $a \leqslant -1$  或  $a \geqslant 4$
- B.  $a < -1$
- C.  $a > 0$  或  $a < 0$
- D.  $a < 0$  或  $a \leqslant -1$

14. 已知  $S=\{x | -1 \leqslant x+2 < 8\}$ ,  $A=\{x | -2 < 1-x \leqslant 1\}$ ,  $B=\{x | 5 < 2x-1 < 11\}$ , 讨论  $A$  与  $\complement_S B$  的关系。

15. 已知全集  $U=\{x | -1 < x < 9\}$ ,  $A=\{x | 1 < x < a\}$ , 若  $A \neq \emptyset$ , 则  $a$  的取值范围是 ( )

- A.  $a < 9$
- B.  $a \leqslant 9$
- C.  $a \geqslant 9$
- D.  $1 < a \leqslant 9$

16. 已知全集  $U=\{2, 4, 1-a\}$ ,  $A=\{2, a^2-a+2\}$ 。如果  $\complement_U A=\{-1\}$ , 那么  $a$  的值为 \_\_\_\_\_。

17. 已知全集  $U, A$  是  $U$  的子集,  $\emptyset$  是空集,  $B=\complement_U A$ , 求  $\complement_U B$ ,  $\complement_U \emptyset$ ,  $\complement_U U$ 。

18. 已知  $U=R$ ,  $A=\{x | x^2+3x+2 < 0\}$ , 求  $\complement_U A$ 。

19. 集合  $U=\{(x, y) | x \in \{1, 2\}, y \in \{1, 2\}\}$ ,  $A=\{(x, y) | x+y=3, x \in \mathbb{N}^*, y \in \mathbb{N}^*\}$ , 求  $\complement_U A$ 。
20. 设全集  $U=\{2, 3, a^2+2a-3\}$ ,  $A=\{b, 2\}$ ,  $\complement_U A=\{5\}$ , 求实数  $a, b$  的值。
21. 设全集  $U=\{1, 2, 3, 4, 5\}$ ,  $A=\{2, 5\}$ , 求  $\complement_U A$  的真子集的个数。
22. 若  $S=\{\text{三角形}\}$ ,  $B=\{\text{锐角三角形}\}$ , 则  $\complement_S B=$  \_\_\_\_\_。
23. 已知  $A=\{0, 2, 4\}$ ,  $\complement_U A=\{-1, 1\}$ ,  $\complement_U B=\{-1, 0, 2\}$ , 则  $B=$  \_\_\_\_\_。

### 提高题

已知  $A=\{x | x^2 - ax + a^2 - 19 = 0\}$ ,  $B=\{x | x^2 - 5x + 8 = 2\}$ ,  $C=\{x | x^2 + 2x - 8 = 0\}$ , 若  $\emptyset \subset A \cap B$ , 且  $A \cap C = \emptyset$ , 求  $a$  的值。

## 1-5 充要条件

### 知识与技能

- 初步了解充分条件、必要条件和充要条件的概念和区别;
- 能够正确地判断条件和结论之间的逻辑关系,明确充分性和必要性的意义。

### 过程与方法

通过探究生活中的充要关系,把学习延伸到课外,体验“在生活中的数学思维”。

### 情感态度与价值观

感受“在生活中的数学思维”,增强对学习逻辑知识的兴趣,克服畏惧感,激发求知欲。

## 知识结构：

充要条件	充分条件	$p \Rightarrow q, p$ 是 $q$ 的充分条件
	必要条件	$p \Rightarrow q, q$ 是 $p$ 的必要条件
	充要条件	$p \Leftrightarrow q, p$ 是 $q$ 的充要条件

内容要点：了解数学及生活中的逻辑关系，判断充分条件和必要条件的方法，正确判断条件与结论之间的逻辑关系。

## 基础练习题

- $x < -2$  是不等式  $x^2 - 4 > 0$  成立的 ( )  
A. 充分条件      B. 必要条件  
C. 充要条件      D. 非充分非必要条件
- “至多有一个”的否定是 ( )  
A. 至少有一个      B. 至少有两个      C. 恰有两个      D. 一个也没有
- 设甲是乙的充分不必要条件，乙是丙的充要条件，丁是丙的必要非充分条件，则甲是丁的 ( )  
A. 充分不必要条件      B. 必要不充分条件  
C. 充要条件      D. 既不充分也不必要
- 已知  $p, q$  都是  $r$  的必要条件， $s$  是  $r$  的充分条件， $q$  是  $s$  的充分条件，则  $s$  是  $q$  的\_\_\_\_\_条件， $p$  是  $s$  的\_\_\_\_\_条件。
- 一次函数  $y = -\frac{m}{n}x + \frac{1}{n}$  的图象同时经过第一、三、四象限的必要但不充分条件是 ( )  
A.  $m > 1, n < -1$       B.  $mn < 0$       C.  $m > 0, n < 0$       D.  $m < 0, n < 0$
- 有下述说法：  
①  $a > b > 0$  是  $a^2 > b^2$  的充要条件；②  $a > b > 0$  是  $\frac{1}{a} < \frac{1}{b}$  的充要条件；③  $a > b > 0$  是  $a^3 > b^3$  的充要条件；  
则其中正确的说法有 ( )  
A. 0 个      B. 1 个      C. 2 个      D. 3 个
- 一元二次方程  $ax^2 + 2x + 1 = 0 (a \neq 0)$  有一个正根和一个负根的充分不必要条件是 ( )  
A.  $a < 0$       B.  $a > 0$       C.  $a < -1$       D.  $a > 1$
- “ $x > 3$ ”是  $x^2 > 4$  的 ( )  
A. 必要条件      B. 充分条件  
C. 充要条件      D. 既不充分也不必要条件
- 命题：“若  $x^2 < 1$ ，则  $-1 < x < 1$ ”的逆否命题是 ( )  
A. 若  $x^2 \geq 1$ ，则  $x \geq 1$  或  $x \leq -1$       B. 若  $-1 < x < 1$ ，则  $x^2 < 1$   
C. 若  $x > 1$  或  $x < -1$ ，则  $x^2 > 1$       D. 若  $x \geq 1$  或  $x \leq -1$ ，则  $x^2 \geq 1$
- 命题：“对任意的  $x \in \mathbb{R}, x^3 - x^2 + 1 \leq 0$ ”的否定是 ( )  
A. 不存在  $x \in \mathbb{R}, x^3 - x^2 + 1 \leq 0$       B. 存在  $x \in \mathbb{R}, x^3 - x^2 + 1 \geq 0$   
C. 存在  $x \in \mathbb{R}, x^3 - x^2 + 1 > 0$       D. 对任意的  $x \in \mathbb{R}, x^3 - x^2 + 1 > 0$

**提高题**

- 已知条件  $p: |x+1| > 2$ , 条件  $q: 5x - 6 > x^2$ , 则  $\neg p$  是  $\neg q$  的 ( )
- A. 充分不必要条件      B. 必要不充分条件  
 C. 充要条件      D. 既不充分也不必要条件

**单元测试题****一、选择题**

- 下列六个关系式: ①  $\{a, b\} \subseteq \{b, a\}$ ; ②  $\{a, b\} = \{b, a\}$ ; ③  $\{0\} = \emptyset$ ; ④  $0 \in \{0\}$ ; ⑤  $\emptyset \in \{0\}$ ; ⑥  $\emptyset \subseteq \{0\}$ 。其中正确的个数为 ( )  
 A. 6 个      B. 5 个      C. 4 个      D. 少于 4 个
- 下列各对象可以组成集合的是 ( )  
 A. 与 1 非常接近的全体实数  
 B. 某校 2002~2003 学年度第一学期全体高一学生  
 C. 高一年级视力比较好的同学  
 D. 与无理数相差很小的全体实数
- 已知集合  $M, P$  满足  $M \cup P = M$ , 则一定有 ( )  
 A.  $M = P$       B.  $M \supseteq P$       C.  $M \cap P = M$       D.  $M \subseteq P$
- 集合  $A$  含有 10 个元素, 集合  $B$  含有 8 个元素, 集合  $A \cap B$  含有 3 个元素, 则集合  $A \cup B$  的元素个数为 ( )  
 A. 10 个      B. 8 个      C. 18 个      D. 15 个
- 设全集  $U = \mathbf{R}$ ,  $M = \{x | x \geq 1\}$ ,  $N = \{x | 0 \leq x < 5\}$ , 则  $(\complement_U M) \cup (\complement_U N)$  为 ( )  
 A.  $\{x | x \geq 0\}$       B.  $\{x | x < 1 \text{ 或 } x \geq 5\}$   
 C.  $\{x | x \leq 1 \text{ 或 } x \geq 5\}$       D.  $\{x | x < 0 \text{ 或 } x \geq 5\}$
- 设集合  $A = \{1, 4, x\}$ ,  $B = \{1, x^2\}$ , 且  $A \cup B = \{1, 4, x\}$ , 则满足条件的实数  $x$  的个数是 ( )  
 A. 1 个      B. 2 个      C. 3 个      D. 4 个
- 已知非空集合  $M \subseteq \{4, 7, 8\}$ , 且  $M$  中至多有一个偶数, 则这样的集合共有 ( )  
 A. 3 个      B. 4 个      C. 5 个      D. 6 个
- 已知全集  $U = \{\text{非零整数}\}$ , 集合  $A = \{x | |x+2| > 4, x \in U\}$ , 则  $\complement_U A =$  ( )  
 A.  $\{-6, -5, -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2\}$   
 B.  $\{-6, -5, -4, -3, -2, -1, 1, 2\}$   
 C.  $\{-5, -4, -3, -2, 0, -1, 1\}$   
 D.  $\{-5, -4, -3, -2, -1, 1\}$
- 已知集合  $A = \{0, 1, 2, 3, 4, 5\}$ ,  $B = \{1, 3, 6, 9\}$ ,  $C = \{3, 7, 8\}$ , 则  $(A \cap B) \cup C$  等于 ( )  
 A.  $\{0, 1, 2, 6\}$       B.  $\{3, 7, 8\}$       C.  $\{1, 3, 7, 8\}$       D.  $\{1, 3, 6, 7, 8\}$
- 满足条件  $\{0, 1\} \cup A = \{0, 1\}$  的所有集合  $A$  的个数是 ( )  
 A. 1 个      B. 2 个      C. 3 个      D. 4 个