

書用参考自学

# 初中算術講話

胡余慶編著



自学参考用書  
初中算術講話  
胡余庆編著

浙江人民出版社

自學參考用書  
初中算術講話  
胡余庚編著

\*

浙江人民出版社出版  
杭州武林路万石里1号

浙江省圖刊出版營業許可證出字第001号  
地圖國營杭州印刷厂印刷 新華書店浙江分店發行

\*

開本787×1092 紙 1/32 印張 4 字數 86,000  
1956年6月第 一 版  
1956年6月第一次印刷  
印數：1—45,080

## 出版者的話

我們出版這套書，是为了滿足具有初中文化程度的青年羣衆、干部（包括初中畢業生）學習文化科學知識的需要，使他們通過自學，一方面打下進一步掌握科學知識的牢固基礎，另一方面能够把學到的知識應用到實際生活和生產中去，更好地為祖國的社會主義建設事業服務。

這套書是根據自學這個特點進行編寫的，在合乎科學性和系統性的原則下，適當地與實際相聯繫，並結合貫徹政治思想教育。每一種學科各有重點，不是初中課本的複述，而是課本內容的概括和提高。因此，這套書不但可作為初中畢業生的自學參考讀物，也可作為初中教師教學上的輔助材料。

# 目 錄

## 第一講 整數和它的四則運算

I	數數與整數.....	( 1 )
II	加法.....	( 5 )
III	減法.....	( 10 )
IV	乘法.....	( 13 )
V	除法.....	( 18 )
	練習題.....	( 21 )

## 第二講 量的度量

I	量和度量.....	( 24 )
II	名數.....	( 28 )
III	簡單圖形的面積.....	( 30 )
	練習題.....	( 35 )

## 第三講 數的整除性質

I	整除的基本性質.....	( 36 )
II	數的質因數分解.....	( 40 )
III	公因數與公倍數.....	( 44 )
	練習題.....	( 50 )

## 第四講 普通分數

I	分數的基本概念.....	( 52 )
---	--------------	--------

I 分數的运算 ..... ( 57 )

練習題 ..... ( 67 )

## 第五講 小數

I 小數的基本概念 ..... ( 69 )

II 小數的运算 ..... ( 70 )

III 化普通分數為小數 ..... ( 78 )

IV 化循環小數為分數 ..... ( 83 )

練習題 ..... ( 86 )

## 第六講 近似計算

I 近似計算的基本概念 ..... ( 88 )

II 近似計算 ..... ( 91 )

練習題 ..... ( 96 )

## 第七講 比、百分比、比例

I 比 ..... ( 97 )

II 百分比 ..... ( 100 )

III 簡單的統計圖表 ..... ( 103 )

IV 比例 ..... ( 108 )

V 量的比例關係 ..... ( 111 )

練習題 ..... ( 119 )

## 習題答案

# 第一講 整數和它的四則運算

## I 數數與整數

### § 1. 數數

在日常生活中，我們要曉得一些東西的多少，最簡單的方法，是把所有東西數一數。

數數的方法很多：可以一個一個的數，可以一對一對的數，可以五個五個的數，可以十個十個的數，……，總之可以用任意多少個作為單位來數。但是，最基本的方法是一個一個的數。

數十以內的數，很容易數出來：一個、二個、三個、四個、五個、六個、七個、八個、九個、十個。

數十以上的數，要先從一數到十，再從一數到十，……，然後數一數有多少個十，以及剩下不滿十的有多少。譬如數的結果得到八個十，還剩下六，那就是八十六。

十個十是一百。

數百以上的數，先從一數到百，再從一數到百，……，然後數一數有多少個百，以及剩下不滿百的有多少。譬如數的結果是三個百、五個十、還剩下九，那就是三百五十九。

十個百是一千。

數一千以上東西，重複十、百、千等的數法。

## § 2. 用數碼表示數數的結果

數數的結果，用數碼 1、2、3、4、5、6、7、8、9 以及 0 來表示它。表示的方法如下：

(1) 十以內的數：一、二、三、四、五、六、七、八、九，用 1、2、3、4、5、6、7、8、9 表示。

(2) 十以上的數，先寫下表示用十數的結果的數碼，再在右边接着寫出表示不滿十的數碼；如果用十數恰巧數完，就在表示有几个十的數碼的右边接着寫數碼 0。

例如 數的結果	用數碼表示
一个十	1 0
三个十	3 0
八个十，又六	8 6

(3) 百以上的數，先寫下用百數的結果的數碼，再寫下用十數的結果的數碼，最後寫下不滿十的數碼。

例如 數的結果	用數碼表示
四个百	400
七个百，又六个十	760
三个百，又六	306
二个百，又四个十，又八	248

(4) 千以上的數，依此類推。

反過來說，一個用數碼表示的數，從右往左，第一個數碼表示不滿十的數，第二個數碼表示用十數的結果，第三個數碼表示用百數的結果，……。因此，一個用數碼表示的數，總可以表示成下面的形式。

例如 5944761是表示：5个百万，又9个拾万，又4个万，又4个千，又7个百，又6个拾，又1。寫成式子是：

$$5944761 = 5 \times 1000000 + 9 \times 100000 + 4 \times 10000 \\ + 4 \times 1000 + 7 \times 100 + 6 \times 10 + 1。$$

或者寫做  $5944761 = 5 \times 10^6 + 9 \times 10^5 + 4 \times 10^4 + 4 \times 10^3 \\ + 7 \times 10^2 + 6 \times 10 + 1$ 。

### § 3. 數的大小

从实际數數中，一个东西添上一个东西，在所得的結果上再添上一个东西，这样依次做下去，就可得到一連串的自然數：

1、2、3、4、5、6、……，这一連串的自然數叫做自然數列。它們有一个自然的順序：最前面的一个數是1，1的后面是2，2后面是3，3后面是4，……；后面跟着的數總比它前面的一个數增加一个單元。因此，在自然數列里的任意兩個數，排在前面的比較小，排在后面的比較大，例如數3比數5小，因为在順序中3在5的前面，实际上5是由3增加二个單元而成的。要使前面的一个數变成后面的一个數，必須把前面的一个數加上一个或者几个單元。反過來也可以說，后面的數永远大于前面的數。

0 表示沒有东西，也就是沒有东西可數。0 比任何自然數都小。

0 以及自然數，統称为整數。（注意，整數是对分數而說的；在算術中不研究負數。到代數中，整數是指正整數、負整數以及零。）

### § 4. 數數的順序和它的結果

实际上，數數也就是要把要數的东西和自然數列里的數，一

一个一个地对应起来。譬如要数这些三角形的数目：

$\triangle\triangle\triangle\triangle\triangle\triangle$ ,

我們使这些三角形和自然數列里的數，按順序一个一个地对应起来（这一工作也可以叫做編號）：

$\triangle\triangle\triangle\triangle\triangle\triangle$   
1 2 3 4 5 6 7,

最后一个三角形所对应的數是7，那末，这些三角形的数目是7个。

再如要数下面这些三角形的数目：

$\triangle\triangle\triangle\triangle\triangle\triangle$ ,  $\blacktriangle\blacktriangle\blacktriangle\blacktriangle\blacktriangle\blacktriangle\blacktriangle$ ,

把它们和自然數列里的數一一对应起来：

$\triangle\triangle\triangle\triangle\triangle\triangle$   
1 2 3 4 5 6 7,  $\blacktriangle\blacktriangle\blacktriangle\blacktriangle\blacktriangle\blacktriangle\blacktriangle\blacktriangle$   
8 9 10 11 12 13 14 15 16

最后对应的一个數是16，那末，一起有16个三角形。

在实际數數的時候，發出声來或者不發出声的念着一个一个的數目，就是使每一个要數的东西和自然數列里的數一一对应起来，因此，念到最后一个东西对应着的數目時，就是所要數的东西的數目。

我們从实际數數得到的經驗：數數的時候，只要不遺漏，不重複，不管你从那一个數起，所得的結果總是一样的。這也就是說，數數所得的結果同數時的順序是沒有關係的。

### 供思考和討論的問題

- 1.从实际數數中去考察：（1）你是怎样數數的？（2）怎样知道你數得的結果是正確的？
- 2.自然數列中的數是無窮尽的，为什么？

## Ⅱ 加 法

### § 5. 加法的意義

問題：第一小組有 9 人，第二小組有 7 人，兩個小組總共几人？

誰也會這樣回答： $9 + 7 = 16$ （人）。

但是，再問一聲： $9 + 7$  為什麼會得出 16 的呢？

要回答這個問題，就要仔細想一想  $9 + 7$  是什麼意思。

我們說，兩個數相加，就是要求出一個新數來，這個新數就是它們的和，也就是兩部分的東西合併起來的結果。例如要知道兩個小組的總人數，應該一個一個的去數一數；我們用  $\Delta$  來代表第一小組的人，用  $\blacktriangle$  來代表第二小組的人：



在自然數列里，先找出和第一小組的人數相對應的數 9，再在 9 之後繼續數出與第二小組的人數相對應的自然數的個數，得到一個自然數 16，這個數就是  $9 + 7$  的和。

一般來說， $a + b = c$ ，就是在自然數列中的數  $a$  之後，繼續數出  $b$  個數，得到一個數  $c$ ，就是  $a + b$  的和。

但是，實際上要數一個相當大的數目，例如求  $318 + 56789$  的和，要在 318 之後，繼續數出 56789 個數，這不是一件容易做到的事。因此，對於求任意兩個數的和，要有更簡便的方法。在下面，§ 9 中我們再來研究。

### § 6. 加法交換律

實際數數的經驗告訴我們，在數  $a$  之後繼續數出  $b$  個數，與

在數b之後繼續數出a個數，它們的結果是一樣的。例如數兩個小組的人數，先數出第一小組9個人，再繼續數出第二小組7個人，一起16個人；如果先數出第二小組7個人，再數出第一小組9個人，一起也是16個人。這就是說，在加法運算中，任意變換加數的順序，它們的和不變。

例如： $9 + 7 = 7 + 9$ ；

$$a + b = b + a;$$

$$\begin{aligned}a + b + c &= a + c + b = b + a + c = b + c + a = c + a + b \\&= c + b + a;\end{aligned}$$

這個性質叫做加法交換律，在加法運算中常常要用到它。

### § 7. 加法結合律

實際數數的經驗還告訴我們，要求幾個數的和，可以先將任意兩個或幾個數結合起來，再求這些結合起來的數的和，這樣求得的結果與按原來順序結合起來所得的結果是一樣的。

例如要求三個小組的總人數：第一小組5人，第二小組7人，第三小組8人。

寫成式子： $5 + 7 + 8 = ?$

可以先將第二小組與第三小組的共有人數計算出來：

$$7 + 8 = 15;$$

在第一小組的人數上再加上這個數目，就得出總人數：

$$5 + 15 = 20.$$

也就是： $5 + 7 + 8 = 5 + (7 + 8) = 5 + 15 = 20.$

( $7 + 8$ 外面加上括弧，表示這兩個數先結合起來。)

如果先計算第一小組與第二小組的共有人數，再加上第三小組的人數，得

$$5 + 7 + 8 = (5 + 7) + 8 = 12 + 8 = 20，結果和以前$$

的一样。

这个性质叫做加法结合律。在加法运算中也是常常要用到的。

对于任意三个数相加的结合性质，用文字表示如下：

$$a+b+c = (a+b)+c = a+(b+c)。$$

### § 8. 加法表

对于两个一位数的和，从实际数数中，容易得出它们的结果：

$$\begin{aligned}1 + 1 &= 2, \quad 1 + 2 = 3, \quad 1 + 3 = 4, \\1 + 4 &= 5, \quad 1 + 5 = 6, \quad 1 + 6 = 7, \quad 1 + 7 = 8, \\1 + 8 &= 9, \quad 1 + 9 = 10; \\2 + 2 &= 4, \quad 2 + 3 = 5, \quad 2 + 4 = 6, \\2 + 5 &= 7, \quad 2 + 6 = 8, \quad 2 + 7 = 9, \quad 2 + 8 = 10, \\2 + 9 &= 11; \\3 + 3 &= 6, \quad 3 + 4 = 7, \quad 3 + 5 = 8, \\3 + 6 &= 9, \quad 3 + 7 = 10, \quad 3 + 8 = 11, \quad 3 + 9 = 12; \\4 + 4 &= 8, \quad 4 + 5 = 9, \quad 4 + 6 = 10, \\4 + 7 &= 11, \quad 4 + 8 = 12, \quad 4 + 9 = 13; \\5 + 5 &= 10, \quad 5 + 6 = 11, \quad 5 + 7 = 12, \\5 + 8 &= 13, \quad 5 + 9 = 14; \\6 + 6 &= 12, \quad 6 + 7 = 13, \quad 6 + 8 = 14, \\6 + 9 &= 15; \\7 + 7 &= 14, \quad 7 + 8 = 15, \quad 7 + 9 = 16; \\8 + 8 &= 16, \quad 8 + 9 = 17; \\9 + 9 &= 18,\end{aligned}$$

应该熟记这张加法表，因为它对于加法计算的熟练技巧很

有用。

### § 9. 加法的演算

例如 求 $1567 + 735$ 的和。

我們把兩個加數看做用單元、十、百、千等數數的結果：

$$1567 = 1\text{个千} + 5\text{个百} + 6\text{个拾} + 7\text{个單元};$$

$$735 = 7\text{个百} + 3\text{个拾} + 5\text{个單元}.$$

$$\begin{aligned}\text{因此, } 1567 + 735 &= (\text{1个千} + \text{5个百} + \text{6个拾} + \text{7个單元}) \\ &+ (\text{7个百} + \text{3个拾} + \text{5个單元}).\end{aligned}$$

由于加法的交換與結合性質：

$$\begin{aligned}&(\text{1个千} + \text{5个百} + \text{6个拾} + \text{7个單元}) \\ &+ (\text{7个百} + \text{3个拾} + \text{5个單元}) = \text{1个千} + (\text{5个百} + \text{7个百}) + (\text{6个拾} + \text{3个拾}) + (\text{7个單元} + \text{5个單元}) \\ &= \text{1个千} + 12\text{个百} + 9\text{个拾} + 12\text{个單元} = (\text{1个千} + \text{1个千}) \\ &+ 2\text{个百} + (\text{9个拾} + \text{1个拾}) + 2\text{个單元} = 2\text{个千} + 2\text{个百} \\ &+ 10\text{个拾} + 2\text{个單元} = 2\text{个千} + 3\text{个百} + 2\text{个單元} = 2302.\end{aligned}$$

$$\text{所以, } 1567 + 735 = 2302.$$

从上面的分析中，很明顯的看得出來：兩個多位數的相加，實際上是把這兩個數的相同位上的數碼相加，如( $5 + 7$ )個百，( $6 + 3$ )個拾，( $7 + 5$ )個單元等等。實際演算的过程，寫成下面的形式：

$$\begin{array}{r} 1\ 5\ 6\ 7 \\ +\ 7\ 3\ 5 \\ \hline 2\ 3\ 0\ 2 \end{array}$$

在演算的过程中，實際上做了下面幾個一位數的加法：

$$7 + 5 = 12,$$

$$6 + 3 + 1 = 10,$$

$$5 + 7 + 1 = 13,$$

$$1 + 1 = 2.$$

如果兩個相同位上數碼相加，所得的數是个兩位數，應該把十位數加到高一位的數碼中去。

从上面所講的看起來，如果能够熟記兩個一位數的加法表，就能够熟練地做任意兩個多位數的加法。

### § 10. 加法的速算

因为 0 与任何數相加，仍是原來的數，如：

$$0 + a = a + 0 = a,$$

因此，在加法运算的过程中，可以利用这个關係，以及其他的一些性質，使計算快速一些。例如：

$$\begin{aligned} (1) \quad & 7 + 4 + 6 + 3 = 7 + 3 + 6 + 4 \\ = & (7 + 3) + (6 + 4) = 10 + 10 = 20. \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (2) \quad & 8 + 6 + 8 + 8 = 8 + 2 + 2 + 2 + 8 + 8 \\ = & (8 + 2) + (2 + 8) + (8 + 2) = 30. \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (3) \quad & 17 + 5 + 9 = 17 + (3 + 1 + 1) + 9 \\ = & (17 + 3) + 1 + (1 + 9) = 20 + 1 + 10 = 31. \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (4) \quad & 98 + 17 = 98 + (2 + 15) = (98 + 2) + 15 \\ = & 100 + 15 = 115. \end{aligned}$$

在例(1)中是把和等于10的几个數結合起來；在例(2)(3)(4)中是把6、5与17分裂開來，使与另外的加數結合起來成为整拾或整百的數。这样就有一部分數变成0与其他數相加的關係了。

## 供思考和討論的問題

1. 加法运算的交換、結合性質，所根据的理由是什么？
2. 加法演算的方法和數數的關係怎样？
3. 怎样知道加法演算的結果是正確的？

## III 減 法

### § 11. 減法的意義

問題：某工廠的一個生產小組，一天的生產定額是生產零件180個；這一天，他們生產出零件213個，問超出定額幾個？

這個問題是應該用減法來計算的，就是要求出213減去180的差。用式子來表示：

$$213 - 180 = x \text{ ( } x \text{ 表示要求的差) , }$$

但是，也可以這樣來考慮，原來的生產定額加上多生產出來的零件數目，就是這一天實際生產零件的數目。用式子表示：

$$180 + x = 213.$$

比較上面兩個式子，得出減法和加法各數間的關係：

被減數	減 數	差 數
和 數	一个加數	另一个加數

因此，減法的問題，實際上就是已知兩數的和以及一個加數，求出另一個未知的加數的問題。由於這一個關係，減法演算的方法，減法運算的性質，都可以直接從加法的演算以及加法運算的性質引導出來。

例如：在加法中，和數永遠大於或等於任一個加數；因此，在減法中，被減數應該大於或等於減數。（在算術中，被

減數小於減數的減法是不存在的，在代數中要解決這個問題。)

### § 12. 減法的演算

減數是一位數的減法，可以應用加法表來求未知的差。例如要求15減去8是多少，我們從加法表中記得：8加上7是15，因此， $15 - 8 = 7$ 。

多位數的減法和多位數的加法一樣，實際上是把兩個相同位上的數碼相減，也就是減數是一位數的減法問題。例如由4063減去789，可以這樣寫：

$$\begin{array}{r} 4 \ 0 \ 6 \ 3 \cdots \cdots \cdots \text{被減數} \\ - 7 \ 8 \ 9 \cdots \cdots \cdots \text{減 數} \\ \hline 3 \ 2 \ 7 \ 4 \cdots \cdots \cdots \text{差 數} \end{array}$$

象做加法一樣，從被減數個位上的數碼減去減數個位上的數碼，從被減數十位上的數碼減去減數十位上的數碼等等。在上面所舉的例子中，被減數個位上的3不能減去9，得向十位上的6借出一個來，加在個位上得13，由13減去9得到差數的個位數碼4。其他各位，用同樣的方法相減。所以，實際上就是下面各個一位數的減法：

個位上的： $13 - 9 = 4$ ， ( $9 + ? = 13$ )；

十位上的： $15 - 8 = 7$ ， ( $8 + ? = 15$ )；

百位上的： $9 - 7 = 2$ ， ( $7 + ? = 9$ )；

千位上的： $3 - 0 = 3$ ， ( $0 + ? = 3$ )；

(被減數的數碼3，借進10變13；6，借出1、借進10變15；0，借進10、借出1變9；4，借出1變3；再和減數相同位上的數碼相減。)

在演算時，從低位上的數相減，逐步到高位上的數相減，