

高等学校教学用書

# 电 学 原 理

上 册

伊·耶·塔姆著

人民教育出版社

本书原系根据苏联技术理論书籍出版社 (Гостехиздат) 出版的伊·耶·塔姆 (И. Е. Тамм) 著“电学原理”(Основы теории электричества) 1949 年版译出。中译本分訂为上下两册，于 1953 年起出过几版，译者是錢尚武、赵祖森两同志。在修訂本出书前，复經赵祖森同志根据 1957 年版作全面的修訂。原书曾经苏联高教部审定为综合大学教学参考书，可供我国高等学校参考。

## 电 学 原 理

上 册

伊·耶·塔 姆 著

錢 尚 武 赵 祖 森 譯

人 民 教 育 出 版 社 出 版 高 等 学 校 教 材 编 制 部  
(北京市书刊出版业营业登记证字第 2 号)

上 海 大 东 集 成 联 合 印 刷 厂 印 刷  
新 华 书 店 上 海 发 行 所 发 行  
各 地 新 华 书 店 经 售

统一书号 13010 · 495 开本 850×1168 1/32 印张 10 8/16  
字数 272,000 印数 5,001—35,000 定价 (4) 单 1.00  
1958 年 7 月第 1 版

1960 年 5 月第 2 版 (修訂本) 1960 年 6 月上海第 3 次印刷

## 第一版序

本书是为通晓微积分及矢量代数的人编写的；必须用到的矢量分析基础，在本书附录中加以叙述。

本书的基本目的是阐明电学理论基本原理的物理意义和内容；和这一目的相比较，叙述的形式逻辑的完整，严密和普遍只占有次要的地位。

我不企求叙述的完备，我甚至省略掉某些比较重要的问题，如果它们和叙述的总的安排不相符合的话（例如，热电现象、电解等）。另一方面，某些问题（例如，电介质和磁质的理论）我又叙述得比一般教本要详尽些。我没有阐述理论在技术上的应用，可是我尽可能让读者们有所准备，以便于直接转过来研究实用电子理论。

由于俄文的科学术语还没有拟定，我不得不引用两个新的名词：“外来”电动势（eingeprägte Kraft 外加电动势，作用电动势）和“磁质”。此外，我还舍弃了“自由”电荷和“束缚”电荷这两个名词的流行的然而是陈腐和不合理的用法。最后，我将高斯（对称）单位系统简称为绝对系统（不加形容词），以别于静电系统和电磁系统。

书中绝大部分习题是正文的有机部分；许多问题的解答是了解下一步叙述所必需的。

伊·耶·塔姆

1929

## 第三版序

在准备第三版时，我将本书彻底地加以改写，但还保留它的总的計劃和叙述的方法；換句話說，我不想写一本新书。

其实只有第一章和第三章很少改变。

为了叙述的严密和完整，第二章和第五章几乎完全改写过。

在第七章中补加了超前势，規范不变性，磁偶极子的輻射，光在金属中的傳播，光压，电磁場的動量和動量矩，电磁張力張量这些問題的討論。

最后，在第三版中增写了新的一章——第八章，这章討論緩慢运动媒質中的电磁現象。这儿的理論只有在不考慮  $v^2/c^2$  及其高次項时才是正确的，可是它有許多重要的应用，同时講述它不需要直接利用相对論（我們不假定讀者通曉相对論）。如果将本书的最后两节除外，那么只有运动媒質的电极化强度、磁化强度和場强的关系这一点，不得不直接从相对論引用过来；可是在計算变换方面，在 § 117 中不得不只限于將問題提出，并大概地指点一下在相对論中問題是如何解决的。

伊·耶·塔姆

1944

## 第五版序

本书第五版沒有重大的改变，只將發現的錯字加以更正。此外还刪去前两版中的 § 115 和 § 116，因为在这两节里，各向异性的媒質和运动着的媒質中張力張量的問題，以及有关的問題，都解釋得不正确，这一点是承 Л. Д. 藍道院士向我指出的。要决定有質动力和張力張量，需要从媒質移动时能量的改变出发，本书的 § 32 和 § 83 中就是这样做过的，然而在 § 115 和 § 116 中却没有这样做。

伊·耶·塔姆

1954

## 重要符号表

矢量用正黑体(粗体)字表示(例如 **R**)；用白体(细体)字印的同一字母(例如 *R*)表示该矢量的数值。

任何重积分都用一个符号  $\int$  来表示，而用不同的积分元的符号区分开来：体积元(三重积分)—— $dV$ ，面积元(两重积分)—— $dS$ ，线元(一重积分)—— $ds$ 。

符号  $\oint$  表示沿闭合面或沿闭合回路积分。

关于 grad, div, 等符号中指标 *a* 和 *q* 的意思，见附录。

在正文中引用附录中矢量分析的公式时，这些公式标以星号，例如 (17\*)。如果在一个号数下有几个公式，在引用这些公式中的某一个时，它的号数用右下角的附加指标来表示，例如 (43<sub>3</sub>)。

---

**A**—功。

**A**—矢势。

**B**—磁感应强度。

*c*—电动常数，等于真空中的光速。

**C**—(1)电容，(2)矢量的环流。

**D**—电感应。

*e*—电荷。

**E**—电场强度。

*E*—电压。

*E*<sub>外</sub>—外来电势。

**f**—力密度。

**F**—(有质动)力。

**g**—电磁动量密度。

**H**—磁场强度。

**i**—(1) 沿  $x$  轴的单位矢量, (2) 面电流密度。

**I**—(单位体积的)磁化强度。

**I<sub>0</sub>**—恒定磁化强度。

**j**—(1) 沿  $y$  轴的单位矢量, (2) (体) 电流密度。

**J**—电流强度。

**k**—(1) 玻耳兹曼常数, (2) 波数。

**k**—沿  $z$  轴的单位矢量。

**K**—动量矩。

**L**—曲线, 特别是闭合回路。

**L<sub>ii</sub>**—自感系数。

**L<sub>ik</sub>**—互感系数 ( $i \neq k$ )。

**m**—磁荷(假想的)。

**M**—磁矩。

**n**—法线方向的单位矢量。

**N**—(1) 矢量通量, 特别是电矢量的通量, (2) 单位体积中的分子数。

**N**—(1) 法线方向的单位矢量, (2) 力偶矩。

**o**—进动角速度。

**p**—偶极子的电矩。

**P**—外来电动势的功。

**P**—(1) (单位体积的) 电极化强度, (2) 赫芝矢量。

**Q**—单位时间中电流所放出的热量。

**R**—电阻。

**R**—矢徑。

**r**—离某一軸綫最短距离的矢量。

**ds**—長度元。

**S**—面。

**S**—坡印廷矢量。

**t**—時間。

**t**—一切綫方向的单位矢量。

**T**—(1)絕對溫度,(2)动能,(3)振动周期。

**T**—張力,張力張量。

**u**—速度。

**U**—电流磁場的矢函数。

**v**—速度。

**V**—体积。

**w**—能量密度。

**W**—能量。

**α**—(1)方位角,(2)单位体积的极化率。

**α, β, γ**—矢量的方向角。

**β**—分子的极化率。

**ε**—介电常数。

**θ**—极角。

**κ**—(1)磁化率,(2)电荷的綫密度。

**λ**—(1)电导率,(2)波长。

**μ**—磁导率。

**ρ**—(体)电密度。

**ρ<sub>u</sub>**—(体)磁荷密度(假想的)。

**σ**—面电荷密度。

$\sigma_m$ —一面磁荷密度(假想的)。

$\tau$ —密度(单位体积的质量)。

$\varphi$ —电势。

$\Phi$ —磁通量。

$\psi$ —磁标势。

$\Psi$ —(1) 磁感应通量,(2) 自由能。

$\omega$ —循环频率。

$\Omega$ —立体角。

$\nabla$ —哈密顿算符“пайлa”。

$\Delta$ —拉普拉斯算符。

---

# 上册 目录

第一版序.....	vi
第三版序 .....	vii
第五版序 .....	viii
重要符号表.....	ix
緒論.....	1
第一章 真空中靜止電荷的電場.....	9
§ 1. 庫倫定律.....	9
§ 2. 電場.....	13
§ 3. 高斯定理.....	15
§ 4. 帶電面的電場.....	18
§ 5. 電場中的導體.....	24
§ 6. 電場的源頭。面散度.....	27
§ 7. 电力的功。功和路程形狀的无关性。矢量 $E$ 的切向分量的連續性 .....	31
§ 8. 靜電場的勢.....	35
§ 9. 電容、電容器.....	41
§ 10. 靜電勢的梯度。力綫.....	45
§ 11. 泊松方程式和拉普拉斯方程式.....	49
§ 12. 体電荷的勢和面電荷的勢.....	53
§ 13. 靜電學的典型問題.....	60
§ 14. 偶電層.....	63
§ 15. 電荷的相互作用能.....	68
§ 16. 電場的能量.....	72
§ 17. 有質動力.....	78
§ 18. 从能量表示式決定有質動力.....	81
§ 19. 電體系的不穩定性。約束.....	85
第二章 電介質.....	90
§ 20. 電介質。中性分子的電矩和電勢。電介質的電極化.....	90
§ 21. 自由電荷和束缚電荷。有電介質存在時電場的勢。電極化和電場的關係.....	94
§ 22. 電感應矢量。任意媒質中場的微分方程式。感應綫.....	98

§ 23. 均匀电介质中的电场.....	103
§ 24. 电介质存在时场的直接计算(在最简单的情况下).....	106
§ 25. 物理量的微观值和宏观值.....	111
§ 26. 求微观场的平均来推导电介质中场的方程式.....	113
§ 27. 两类电介质。似弹性偶极子.....	117
§ 28. 作用在偶极子上的场和平均场的区别.....	119
§ 29. 分子具有恒定电矩的电介质的极化。介电常数和温度的关系.....	123
§ 30. 电介质内的电场能.....	130
§ 31. 和电介质电极化相关联的能量转换。电场的自由能.....	133
§ 32. 电介质内的有质动力.....	140
§ 33. 体体积力的归结为张力.....	147
§ 34. 电场的张力张量.....	153
<b>第三章 恒定电流.....</b>	<b>161</b>
§ 35. 金属中的电流。欧姆定律和焦耳定律。电压.....	161
§ 36. 电流密度。欧姆方程式和焦耳方程式的微分形式.....	165
§ 37. 电流稳定的条件。連續性方程式。电流管.....	168
§ 38. 外来电动势。似稳电流。克希霍夫第二定律.....	172
§ 39. 电路中的能量转换。接触电动势.....	177
§ 40. 金属电子論的基本观念。托尔曼实验.....	183
§ 41. 导电性的电子論。經典理論的困难。索莫菲理論.....	187
<b>第四章 恒定电流的有质动相互作用和它们的磁场(当磁化媒质不存在时).....</b>	<b>195</b>
§ 42. 电流的磁场.....	195
§ 43. 电流元的相互作用。电动常数.....	199
§ 44. 从线电流到截面有限电流的过渡.....	203
§ 45. 罗勃兹力.....	206
§ 46. 磁场的矢势.....	211
§ 47. 磁场的微分方程式。磁场强度的环流.....	215
§ 48. 势场和无散场。电场微分方程式和磁场微分方程式的对比.....	217
§ 49. 电流磁场中的边界条件。面电流。面旋度。无限长螺管线的场.....	219
§ 50. 闭合电流在磁场中所受的有质动力。电流在外磁场中的势函数.....	224
§ 51. 电流的有质动相互作用。互感系数.....	229
§ 52. 自感系数。电流能的总势能.....	234
§ 53. 磁力线.....	237
§ 54. 涡旋(磁)场的拓扑学。假想壁障.....	242
§ 55. 磁壳。它们和电流的等效性.....	246
§ 56. 电流的磁矩。元电流和磁偶极子.....	251
§ 57. 元电流的场和元电流所受的力的直接决定.....	255

§ 58. 有关磁的本性的各种观念的进化。电子的自旋 .....	263
§ 59. 絶对(高斯)单位系統和其他的单位系統。电动常数.....	207
<b>附录 矢量分析.....</b>	<b>1</b>
§ 1. 矢量代数.....	1
§ 2. 矢場和标場。梯度.....	3
§ 3. 通过表面的矢量的通量.....	8
§ 4. 高斯定理。散度.....	11
§ 5. 矢量的环流。矢量的旋度。斯托克斯定理.....	18
§ 6. 矢量沿某一方向的微商.....	25
§ 7. 哈密頓算符。二級微商。乘积之微商.....	26
§ 8. 积分关系。格林定理.....	33
<b>矢量分析中最重要的公式.....</b>	<b>37</b>
<b>习题解答.....</b>	<b>40</b>

## 緒論

按照近代的觀點，一切物体的原子都是由帶電粒子（比較輕的、帶負電的電子，和比較重的、帶正電的原子核）所組成的。我們之所以覺得電性中和的物体是不帶電的，只是因為包含在物体中的諸電子的負電荷等於包含在物体中的諸原子核的正電荷，因而異號電荷的影響彼此抵消（至少，在距離比中性物体中各个帶電粒子間的距離要大得多的地方）。電荷的重新分配，其中也包括電流，是由帶電粒子的移動所引起的，這些帶電粒子大部分是電子而不是原子核，因為在化學元素的原子中總包含有若干個“外”電子，這些電子和重的中心原子核的聯繫較弱，因而比較容易和原子核脫離。

電子的負電荷等於  $4.80 \times 10^{-10}$  絕對靜電系電量單位（或  $1.60 \times 10^{-19}$  庫倫），電子的電荷是不可再分的電的原子，常稱為元電荷；原子核的正電荷在數值上等於元電荷的整數倍。各種原子核的電荷從氰的一個元電荷到鉻的 92 個元電荷不等<sup>①</sup>。氰核是最輕的原子核，它稱為質子；質子的質量 ( $1.67 \times 10^{-24}$  克) 約為電子質量 ( $9.11 \times 10^{-28}$  克) 的 2000 倍。無論是原子核，或者是電子的幾何大小，比起原子和分子中這些粒子間的平均距離來，要小得很多，因而在考察極大多數的物理現象和化學現象時，可以將原子核和電子都看成是質點，而以一定的電荷和一定的質量來表征它們的性質。至於原子核怎樣由比較簡單的粒子（質子和中子）所構成的這一問題，只有在原子核物理學領域（我們不去討論它）中的物理現象這一比較狹窄的範圍內才有意義。也只有在這一現象的領域中，所謂原子核力才有意義，是它們決定原子核內諸粒

① 現在用人工的方法得到許多新的重元素，它們在周期表中的位置在鉻的後面。

子(質子和中子)的相互作用的。

从上述的觀念出发,近代物理学的任务是,去决定所有在自然界中遇到的物质的电的构造(包含在物质中的电粒子的数目、排列和运动特性),并从电荷相互作用的基本定律和电荷运动的规律(它们在微观世界中具有量子特性)推出物理現象和化学現象的定律。必須将重力和原子核力起主要作用的那些現象作为唯一的例外,因为只有这些力不能归結为电荷的相互作用。

解决上述問題的第一步,應該是去闡明电荷相互作用的定律,也就是电磁場的定律。绝大多数在实际上所用的觀察方法和量度方法,要用它們来发现单个电粒的存在,是太粗糙了。利用这些仪器所能觀察到的最小的电荷,也要包含到数十亿个带电粒子,这些粒子彼此相隔的距离是微乎其微的。当我们这样来总合地或宏观地<sup>①</sup>研究規模可以直接受觀察的电現象时,我们可以完全不考慮到电的粒子构造,并用連續分布的电荷这一概念,而不致在討論結果中引起多大的差誤;換句話說,我们可以認為电荷連續地、不间断地填滿物体的带电区域(所謂“体电荷”)。用这种方法来簡化我們的問題时,我們只是仿效力学的范例。因为有质体力学的研究,在考慮到物质的原子构造时,会遇到很大的数学困难,所以彈性論、流体动力学和空气动力学都运用連續分布的物质这一理想的概念。在一定的而且十分广闊的范围内,这样的替换是完全合法的,在研究連續媒質时所得的結果,也是适用于构造不連續的真实物体的。

遵循电动力学发展的历史进程,我們首先叙述电磁現象的宏观理論,这个理論是以电荷的連續分布这一觀念作为基础的,在积累了一定数量的知识后,我們就以相似的方式来討論以电的粒子构造作为基础的微观理論(所謂“电子論”)的基本觀念,并将表明,总合現象的近似宏观定律,可以从基本現象更精密的微观定律中推导出来。然而同时必须

① 希腊文“макрοс”的意思是大的或“堆积的”。

注意到，微觀理論的任何完善的和严密的叙述不可避免地應該根據現代形式的量子理論，因為我們不能假定讀者已彻底通曉量子力学，我們所敘述的問題，不得不基本上只以在經典（量子前的）物理的範圍內可以充分精密地研究的那些微觀理論問題為限。

在第七章中我們又只研究場的宏觀理論，而在所得結果的基础上，去表述這一理論的諸基本原理的完整方程組（這些基本原理的主要部分包含在所謂麥克斯韦方程式中）。這些基本原理或“假設”在電動力學中所起的作用，和牛頓的“公理”在經典力學中所起的作用相同。特別是，宏觀電動力學這些基本假設的正確性（象牛頓公理的正確性一樣）最令人折服的證明不是根據歸納方法（這種方法只能用來尋求基本規律，然而不能靠它去嚴密地證明這些規律的正確性），而是根據從理論推出的，並包括宏觀電磁場所有規律的全部結論，和實驗的一致。在第七章中我們研究某些這樣的結論，特別是和電磁波有關的結論。

最後，在第八章中我們研究運動媒質中的電磁現象，而只限於媒質速度比光速為小的情況。

\* \* \*

在俄國和蘇聯學者有着特殊貢獻的物理學各部門中，電學是其中之一。因而在開始電學理論的教程之前，即使簡略地敘述一下俄國學者在這一方面最重要的功績也是完全合適的。

在這簡述中，我們決不企求敘述的完善，而只想闡明某些主要的發展階段。我們只限於本書主要內容所牽涉到的那些問題，即宏觀電動力學的問題。而電子論的問題，以及電學一般學說的各个特殊部門在本書中只是局部的牽涉到，因而研究它們的歷史發展就會使我們離主題太遠。

在十八世紀之前關於電的全部知識，几乎不外乎是：因摩擦而帶電的諸物體相互排斥或相互吸引。在十八世紀中，發明了萊頓瓶，為天電

的研究奠定了基础，发现了电的生理影响（伽伐尼）。

天电的发现，或者，说得更精确些，雷雨的云是带电的和闪电是电的火花这些事实的实验証实是在 1752 年。

在次一年彼得堡的院士——物理学家黎赫曼已着手不接地避雷針的实验。1758 年的夏天 M. B. 罗蒙諾索夫（1711—1765）做了“雷的机器”的实验。几个月以后，M. B. 罗蒙諾索夫在科学院的公开會議上宣讀了“論由电力而产生的空气現象”，他用上升和下降的空气流中“水汽小粒子的摩擦”来解释天电。

在那个时代，电的現象通常归之于特殊的、沒有重量的电“流体”的作用（一种流体或两种流体——单流体說和两流体說）。和当时大多数物理学家不同，M. B. 罗蒙諾索夫不用沒有重量的流体去解釋电現象，而認為电和光一样，是由以太的运动所引起的（他的論文“用数学方法研究出来的电学”就是討論这一問題的）。

在十八世紀电的理論的发展中彼得堡的 A. 爱宾諾斯院士（1724—1809）起着显著的作用，特別是，他第一个解釋了靜电感应并用实验証明了他的解釋的正确性，用这种实验的方法感应起电第一次得到实现。

伏打电池的发现是电学发展中极重要的一步。伏特关于这一发现的第一次报导是在 1800 年，而在 1802—1803 年中，彼得堡医学——外科学研究院的教授 B. B. 彼特罗夫（1761—1834）做了一系列以謹慎和深思熟慮著称的实验，这些实验用了“极为巨大的电池組”。在这些实验的过程中，特別重要的是他首先发现了和記述了后来被称为电弧的現象。很长一段时间，人們錯誤地将这一发现归功于戴維，而他仅只在 1810—1812 年間才发现和描述了电弧的現象。在得到电弧之后，B. B. 彼得罗夫詳細地研究了它的性质，并指出可以用电弧来照明和熔化及焊接金属。到现在，电弧的这些实际应用起着很重要的作用。

1815 年 B. B. 彼特罗夫被选为科学院院士。他在科学院中的繼承者是約內瓦城（現今的塔妥城）人 D. X. 楞次（1804—1865），他是那个

时代最杰出的物理学家之一。1831年法拉弟发现了电流的电磁感应現象,而在1832—1833年中,Ф. X. 楞次就做了一系列非凡的實驗,在这些實驗中,他不仅闡明了感应电流的强度和銜鐵繞組的綫繩數(电流就是在这一繞組中感应而生的),和銜鐵的截面等等的关系,并同时发现了一个定律,它确立起导体在磁场中运动时感应而生的电流的方向,和导体作这一运动时所发生的有質动力的方向之間的关系(見§79)。这个楞次定律,由于它的普遍和简单,直到今日还保有它的全部意义。

只有想象当时科学的情况才能够了解,在电磁感应現象發現后的次一年,这一定律的发现是多么大的成就。要知道在1834年,物理学家李奇还曾認為和楞次定律恰好相反的定律是正确的;而在1839年,楞次不得不用實驗來證明感应电流的性质和“伏打及伽伐尼”电流的性质是相同的,因而駁斥了物理学家載·拉利夫等人相反的論斷。

在楞次其他的工作中,必須特別指出他的非常精密而全面的关于电流放热的研究。楞次的这些研究肯定了三年之前焦耳所發現的定律的正确性;它們的意义十分重大,因而这一定律(見§35)常常称为焦耳-楞次定律。

楞次的某些工作是和卓越的发明家——电工技师 B. C. 雅可必(1801—1874)——一起做的,雅可必是在1839年开始进科学院工作的。B. C. 雅可必建造了世界上第一架磁电机,这一磁电机在1838年得到实际的应用:它推动載有14个人的小船沿尼瓦河逆流而上。在1838同一年,B. C. 雅可必发明了电鍍,这是整个电化学之祖。

十九世紀后半叶电学的发展是和新的电的理論——电磁場論——的产生,以及为它的胜利而进行的斗争非常紧密地联系在一起的,这种理論是以近距作用的原理为基础的。

一群杰出的莫斯科物理学家——A. Г. 史托列多夫; H. A. 乌莫夫, П. H. 列別捷夫——不仅一开始就坚决地站在新理論的立場上(这一理論完全符合他們在物理上的世界觀),并且在为新學說爭取胜利的