

高等学校教学用书

画法几何教学法建议书

清华大学画法几何及制图教师进修班编

人民教育出版社

画法几何教学法建议书

清华大学画法几何及制图教师进修班编

本教学法建議书为清华大学画法几何及制图教师进修班集体編写的。1957年9月至1958年7月間,前高等教育部为了使我国教师进一步学习苏联高等工业学校画法几何及制图方面的先进教学經驗,乃聘請了苏联莫斯科印刷学院画法几何及制图教研室技术科学副博士捷潘諾夫(Ю. В. Степанов)副教授,以清华大学为試驗田,指导了由国内各高等工业院校派遣来的教师的进修工作。

全体教师在学习期間发挥了集体力量,在专家指导下,結合我国的具体情况,交流学习經驗和体会,巩固和总结了进修的收获,編写了这本教学法建議书,并曾以内部资料的形式印行。

本建議书包括了画法几何学中的各个教学环节,并附有具体說明,其中很多教学原則和教学經驗是极为可貴的,可供各高等工业院校画法几何教师参考。

随着1958年的大跃进,在全国范围内新增設了很多高等院校,从事画法几何教学工作的教师队伍正在飞速地发展着。为此,特将这本教学法建議书公开出版,以供有关教师参考。

本书原由高等教育出版社出版。自1960年4月1日起,高等教育出版社奉命与人民教育出版社合并,統称“人民教育出版社”。因此本书今后用人民教育出版社名义繼續印行。

画法几何教学法建議書

清华大学画法几何及制图教师进修班編

人民教育出版社出版 高等學校教學用書 國畫部
北京宣武門內承恩寺7號

北京市書刊出版業營業許可證出字第2號

工人日報印書廠印裝 新华書店發行

統一書號 15010·377 開本 850×1168 $\frac{1}{32}$ 印張 11 $\frac{1}{16}$ 插圖 141

字數 243,000 印數 8,000—14,000 定價 (7) 年 1.30

1960年3月第1版 1960年10月北京第2次印刷

序

为了进一步学习苏联高等工业学校画法几何及制图方面的教学方法与师资培养、科学研究的经验，以提高我们的教学水平、明确科研方向，1957年9月至1958年7月间，高等教育部聘请了苏联莫斯科印刷学院^①画法几何及制图教研组的技术科学副博士 Ю. В. 斯捷潘诺夫 (Степанов) 副教授，以北京清华大学为试验田，具体指导着由国内各高等工业院校派遣来的教师的进修工作。

全体进修教师为了进一步发挥集体力量，更深入地向苏联专家学习，争取专家进一步的指导，并结合我们具体情况交流学习中的经验和体会，巩固和总结学习收获，作为全体进修教师向组织、向各兄弟教研组的同志们集体汇报内容之一，这便是我们编写这份建议书的主要目的。

这份建议书包括了画法几何各个教学环节(讲课、习题课、家庭作业、考试)的文件、教学日历及各个环节的具体建议书(讲课、习题课各讲次建议书、各次家庭作业分题及考签)。

在学习和讨论了专家各次报告的基础上，全体教师根据专家的报告，首先分组讨论了各个教学环节的性质、作用以及相互间的联系，编写了讲课、习题课、考试、教学日历等文件。又经过了反复的讨论后，各小组分工编写讲课与习题课的建议书，拟订家庭作业分题及考签内容，然后，逐讲次在全体教师中分组讨论，由执笔人定稿，最后成立了专门小组，对建议书的各项内容进行了审核。

家庭作业是在清华大学原有的基础上进行修改补充的。

^① Московский полиграфический институт, 缩写为 МПИ.

考簽拟定后，經過了清华大学一个小班的試用(附試用小結)，又經過專門小組研究后修正。

对建議书的各个部分都曾展开过热烈的爭論，最后对于各主要問題，基本上已經取得了一致的看法。爭論过程中的主要分歧均摘要附在建議书的各个部分。

苏联专家 Ю. Б. 斯捷潘諾夫一直很重視和关怀这份建議书的編写工作，在編写过程中不断地进行了答疑。編写之后，又提出了一些意見，由于時間关系来不及修改，所以我們把这些意見，附在建議书后面。

还有几点說明：

1. 这份建議书是根据高等教育部 1954 年頒布的机械制造及仪器制造专业的画法几何教学大綱拟訂的。

2. 这份建議书中所需要的課内时数为 72 学时，課外学生自学时数为 58 小时到 72 小时。

3. 講課及习题課建議书的編写以专家各項报告为主要依据，在編写过程中并参考了大連工学院 1957 年所編写的“画法几何学”及国内現有的主要参考資料。

4. 講課与习题課建議书中的插图及術語，尽量采用了大連工学院所編写的“画法几何学”。

在全体教师經過了反右、双反、交心、教学大辯論等运动并明确了我們應該做一个紅透专深的画法几何及制图的教师之后，目前提高画法几何教学水平最迫切的問題之一，就是进一步深入全面地学习苏联的先进教学工作經驗。因此，結合我国具体情况，更好地学习专家各个报告，是有其现实的意义的。我們希望这份建議书对于学习专家在画法几何各个教学环节的报告及講課文件、体会专家精神以及結合我們目前的教学工作等方面，起到一些作用。

同时还必須指出，我們参加工作都不久，教学經驗还缺乏，在学习过程中对专家报告的体会也很不够，甚至有不正确的地方，加以編写的

時間也很倉促，因而缺點一定很多，尤其在習題課部分討論得不够深入、細致。特別是祖國在一日千里地躍進着，建議書的有些部分（如學時數）也可能與目前實際情況不符。我們迫切希望得到各兄弟教研組同志們的批評和指導。

編者

1958年7月

目 录

序	1
第一部分 对画法几何各个教学环节的認識	1
一、 講課	1
二、 习题課	9
三、 家庭作业	16
四、 考試	19
第二部分 对画法几何各个教学环节的建議书	26
一、 教学日历及其說明	26
二、 講課及习题課部分	35
第一講 緒論 点(一)	35
第二講 点(二) 直綫(一)	53
第三講 直綫(二)	72
第四講 平面(一)	82
第五講 平面(二)	92
第六講 平面(三)	101
第七講 平面(四) 曲綫和曲面(一)	110
第八講 曲綫和曲面(二) 立体(一)——体的表示法	123
第九講 投影改造(一)	136
第十講 投影改造(二)	149
第十一講 投影改造(三)——繞平行于投影面的軸的旋轉法(重合法)	161
第十二講 立体(二)——截断与展开(一)	173
第十三講 立体(三)——截断与展开(二) 直綫与立体相交	182
第十四講 立体(四)——两平面立体相交	196
第十五講 立体(五)——两曲面立体相交	208
第十六講 立体(六)——平面立体与曲面立体相交 軸測投影(一)	220
第十七講 軸測投影(二)	235
第十八講 軸測投影(三)	243
三、 家庭作业部分	255
第一次家庭作业方法指示 点綫面綜合性練習	255
第二次家庭作业方法指示 立体的剖面及其实形	260
第三次家庭作业方法指示 两立体的相貫及展开	261

四、 画法几何考签.....	279
(附)清华大学画法几何及工程画教研组采用新考签进行口試試点情况的小結.....	309
第三部分 苏联专家 IO. B. 斯捷潘諾夫对画法几何教学法建議书的意見	
及問題解答.....	315
一、 苏联专家 IO. B. 斯捷潘諾夫对画法几何教学法建議书的意見.....	315
二、 苏联专家 IO. B. 斯捷潘諾夫与画法几何教学法專門小組座談有关建議书 中教学方法与教材取舍的問題.....	322
三、 苏联专家 IO. B. 斯捷潘諾夫对画法几何考签及口試的意見.....	340
四、 苏联专家 IO. B. 斯捷潘諾夫与画法几何教学法核心組的座談.....	341

第一部分 对画法几何各个教学环节的認識

一、 講課

(学习和总结专家讲课的精神, 結合我国实际情况贯彻这些經驗, 改进我們的教学工作, 是一項重要的任务。这里提出的一些初步意見作为工作的开始。尙有待于今后的实践提高。)

(一) 讲课的作用:

在各个教学环节中, 最重要而且起主导作用的是讲课。在讲课中, 应该告訴学生课程的基本內容。

学生听过了讲课, 就应该掌握课程中的主要原理, 建立起对空間几何关系分析研究的能力, 了解如何运用这些原理来解决实际问题。

在画法几何讲课中包括两个基本部分——基本理論部分和应用部分。它們表现为三項內容:

- (1) 图示方法(即几何定理与投影法則的結合);
- (2) 基本作图方法;
- (3) 有关的典型例題。

值得注意的是: 画法几何是一門基础技术課, 由上述可知, 画法几何課程中包括了这門学科本身所特有的严密的系統性和邏輯性, 同时也包括了充分的实践材料。学生学习这門学科的最終目的是透彻掌握全部理論系統并能将它付之实践, 解决实际问题。片面地强调任何一面, 都会犯原則性的錯誤, 影响到学生对課程学习的預期效果。

讲课中不只应闡述个别章节在全課程中的地位 and 作用, 也应该而且必須向学生說明它在将来工程师活动中所起的作用。因此在讲课中, 联系工程实际就具有重要的意义。

清楚地讲述教材只是对讲课的基本要求, 好的讲课还担负了指导

并組織学生全部学习工作的任务。在講課中應該培养正确思維的方法,分析課程中心系統的能力,使学生能够掌握基本概念間的联系,在不同条件下运用基本理論进行作图的本質規律,从而在課后能够綜合整理所学到的材料,为独立解决实际問題奠定基础。

在組織講課的同时也应该足够重視对于其他环节的安排,應該正确認識各个教学环节的作用,彼此間的联系,使之各得其所。不恰当地夸大講課的作用,低估或減縮其他教学环节如习题課、家庭作业等的配合作用,必然会降低实际的教学效果,削弱学生独立工作能力的培养。这一切是由課程的實踐性質所决定的。

我們目前在講課上存在的缺点是对講課作用認識得不够全面和不善于考慮到課程特点及学生的接受能力而深入淺出严密地組織教材,講課也缺乏吸引力。主要表现在:

(1)划分不清哪些內容在講課中讲解,哪些內容在其他环节中貫徹。內容組織缺乏骨干系統,也忽視各环节的配合。

(2)講課时划不清基本原理和例題的界限,缺乏严密的系統性,易于冲淡学生对几何原理体系的了解,会在不同程度上死記解决各种題目的作图方法。

(3)取材貪多,內容拥挤。对教材缺少周密細致的分析,不能正确而果断地精选教材。有时片面強調循序漸进、由簡及繁,而不必要地充塞了大量例題和引証。例如罗列出各种立体截断的不同形态等。

另外,也不善于分清主要材料与次要材料、原理部分和解題技巧,往往用过多的時間去講述那些次要的但却繁难的材料。例如截断中的特殊点問題等。

(4)对积极培养学生思維能力的方針体会不够,有代替学生独立思考的現象。忽視学生的實踐意义,想用講課貫徹給学生一切应获得的知識。

(5)講課与教科书不分。书上內容完全在講課中講述,教科书起作

用不大。講課也枯燥。

(二) 講好画法几何課程应注意的几个問題:

教学改革以来,由于教学法的研究改善了講課質量,也积累了一定的經驗。各校普遍在钻研分析教材,在改进提高講課技巧上得到不少成效,初步貫徹了“学少一点学好一点”的方針。在講課上一般都認識到應該保持課程的严密系統性、切合学生的水平、符合認識的发展規律、循序渐进、前后呼应,并尽量照顧教科书的章节系統等等,这里不再詳述。下面根据目前存在的缺点提出几点意見:

I. 正确認識課程性質,恰当地处理基本理論部分和应用部分的关系:

对于画法几何課程性質过去在認識上并不完全一致,因此处理教材时的出发点也就有了分歧。有人認為画法几何是基础理論課,因之講課是最重要的一个环节,講課的重心也着重于分析几何元素的性質和关系,对于实际作图方法、联系实际等貫徹不足。也有人認為画法几何是实用課程,重心在立体部分和綜合应用,着重于各种作图方法的归納分类和物体图示特征的分析。这二种認識都有其片面性。我們認為画法几何是基础技术課,正如专家指出的是“理論与实践的結合”,本身具有严密的系統性和邏輯性,但解决实际問題却为課程的突出任务。課程本身存在着基本理論部分和应用部分,課程的每个单元中也有基本原理和应用例題之分。

什么是画法几何的基本理論呢?那就是(1)基本几何元素(如点綫面体)的图示法則,元素間几何关系图示法的基本定理(如平行、垂直等), (2)基本的作图方法,它包括点、綫、面从属关系的作图,交綫、交点的求法等。这两者組成了課程所特有的理論系統。应用部分包括立体截断,立体相貫等作图問題及距离、角度、实形等度量問題,这构成了投影改造以后的各章內容。在处理教材时應該对于課程的前面部分給以足够的重視,講懂講透其基本概念。即使在講課时数較少的情況下,也

不應該过分压缩或分割这一部分以致破坏課程的輪廓和体系。應該指出: 基本理論部分是学习投影图解法和培养空間想象力的基础, 是課程的中心。

“投影改造”是課程的正投影系統中一个專門部分, 而“軸測投影”是課程的另一独立系統, 亦可如正投影法一样加以分析。但在画法几何教学大綱中只要求解决图示問題, 对軸測投影的图解法是不要求的。

画法几何課程正投影部分講課內容的分析列表如下(見附表)。

在組織某一次講課教材时, 也應該严肃处理一講中基本原理(基本理論部分)和实例(应用部分)間的关系。应重点講述基本的图示法原理和基本作图方法。至于它在各种情况下的应用, 元素的特殊位置, 不可能过多地闡述, 依講授時間的多寡适当选择例題。例如講述兩平面交綫时, 分析此問題的本質是求兩平面公有点問題, 而解决此問題的方法是三面共点的原理。因此, 在講課中就不應該只根据平面的形状归納罗列为这种情况或那种情况, 以及与之相应的这种方法和那种方法。應該指出, 在各种不同情况下运用基本原理的能力必須通过学生的实践才能最后掌握。

講課时选择例題是一个重要問題。选用的例題应有明确的目的性, 作图亦应明显單純。既能說明基本理論, 又能为以后解决不同的实际問題开辟道路。例如投影改造旋轉法的講課中, 直綫經两次旋轉改造成投射位置就是具有原則意义的例題, 是各种度量問題作图方法的基础。時間許可时, 还可以列入求平面形实形等其他典型題目。

II. 集中而突出地貫徹基本理論:

由于講課的基本任务是把課程內容講得使学生容易了解和富有說服力, 所以應該講最主要的内容, 即把画法几何的基本原理和基本作图方法在每一講中都突出地給以說明和貫徹。从教材組織和時間上看它們都应占有足够的分量。如果内容較多而時間較紧时, 應該在保證基本理論講懂講透的前提下删减次要的教材和例題。例如旋轉法的应用

举例就是如此。

在講課時，每個獨立內容的開始，應該在一個題目中集中地說明解決這類問題的方法本質和圖上的表示特征。這一題目的選擇應以能揭示方法本質特點為原則。有時是由一般到特殊，有時也可以由特殊到一般。例如講重合法就應由點繞平行綫軸旋轉性質開始，在此例中清楚地說明這種方法的本質和作圖步驟。基於此再擴展成為各種形式的重疊。講兩平面立體相交時，則又可先講特殊位置，再講一般位置。

突出地貫徹基本理論也表現在每講的內容盡量單一化。例如平面與立體的剖面部分中，用輔助面求截交綫上公有點的原則應滲透在全講課中，基於此可系統了解平面立體和曲面立體作圖的不同形式。

為了集中貫徹基本理論，也需要把同類型的內容盡量合併。專家講課中一貫把平行看作相交的特殊情形，曲面體是平面體棱數趨於無限多時的極限情形，柱面看作是錐面的特例。這樣就大大簡化並系統化了課程體系。

有些教師常常在講課中羅列大量的例題和教材細節，以致壓縮了基本原理的清楚敘述。這樣，會在學生思想中造成雜亂無章、頭緒眾多的印象。這是不符合教學法觀點的要求的。

Ⅲ. 全面地安排各個教學環節的分工和配合：

專家強調指出，講課、做習題和獨立完成家庭作業是學生掌握画法幾何時不可分割的三種教學方式。減少或削弱任何一種都會影響到學習的質量，並且，“當講課時間不夠時，很好地配合這些環節就能保證學生掌握画法幾何”。

講課的時間總是不十分多的。不可能也不應該在講課時講述教科書的全部內容。在組織講課時，就要求全盤考慮各環節的分工，嚴格選擇哪些內容在講課中講述，哪些內容在習題課中貫徹，哪些內容由學生自學補充。一般說來，講課只講基本理論部分，即圖示方法和基本作圖方法以及和基本理論有關的典型例題。學生在自學中應該補充與講課

内容类似但有些变化的理論細节,作图方法的技巧,某些在堂上不便进行的証明,某些例題等。习题課上則主要貫徹講課中所提及的基本理論在实际問題中的应用,各种特殊情况及某些課程細节。仍以旋轉法一講为例:講課中講点、綫、面旋轉的基本理論和作图,把直綫变为平行投影面位置和垂直投影面位置的例題(時間許可时也可以講述三角形旋轉到平行投影面位置的作图方法)。学生自学时應該自学非迹綫平面的旋轉,迹綫面轉到投射位置,軸在投影面內时迹綫面的旋轉。习题課則重点練習在不同要求下選擇軸的原則,用旋轉法解决各种度量問題和几何关系問題,不指明軸的旋轉等。

應該这样認為,只有全面安排了各个教学环节的内容,慎重地划分了教学内容以后,才能够深信自己在課堂上講述的内容是恰当的,对学生学习來說是最重要的,是必須在講課中叙述的。从而在講述时能恰当掌握重心,知道哪些内容是关键所在,必須在堂上講透,使其牢固地印在学生的思想中,哪些内容还須依赖于其他环节配合才能最后地深刻了解,哪些内容对于自学、复习、做习题时有指导启发作用。这样,就可以把講課叙述得从容,有信心,且有感染力。

IV. 注意培养和发展学生的空間概念:

什么是空間概念呢?概括說来可以包括两个方面:

(1)空間想象力,即图示和讀图的能力。能够根据物体的投影图想象它的空間形状。

(2)空間思維能力,亦即空間分析能力。能够分析空間元素的几何关系,找寻正确解决問題的途徑。

沒有清晰的空間概念就不可能独立解决实际問題,也无法把空間的关系正确无誤地反映到图紙上进行图解。不注意培养空間概念或对此一工作注意不够都是与課程本身要求不相称的,直接关系到学生掌握課程实質的深度和灵活运用可能性。

• 培养空間概念要依赖于各个教学环节。講課是这一工作的开始,

也是重要的一环。

从那些方面着手培养学生的空間概念呢？

(1)重視点、綫、面基本几何元素的图示法本質。使学生熟悉几何元素的投影图性質，它們对投影面处于各种不同位置时的投影表示特征。

(2)彻底了解空間几何元素相互关系的一些立体几何定理和概念。例如两平面垂直，两直綫平行的条件等。

(3)解題时进行对空間关系的分析，坚持空間解題以确定空間作图步骤为主的原則。欲达到以上目的，必須坚持由空間到平面再由平面返回空間的原則，即重視空間关系在投影图上的表示。也注意投影图上作图与空間作图的联系。可以通过口述和配合运用直观教具两种方式进行。在基本元素图示法建立过程中，尤其是在点和直綫的投影表示法教学中，应充分注意运用模型和挂图。在課程的其他部分也同样需要用直观教具在学生思想中建立实感。不过直观教具應該使用得当，它的出現应有助于建立或巩固学生思維中的抽象观念使之具体化，换言之，是有助于思考而不是代替他們思考。使用方式可以在讲述过程的同时，也可以在分析解題之后，視具体情况而定。总之，不恰当地或过多地运用直观教具也会导致降低空間概念的培养效果。

除直观教具外，教师講課时叙述教材的邏輯、分析問題的方法、新概念建立时的引导方向等也是培养空間概念的重要方法，讲述教材的同时就要善于在听者的思想中引导独立思考，不應該是机械灌輸。在基本概念沒有树立之前，不宜过早地引导到解决較繁杂的問題，避免养成死記作图方法的不良习惯。

應該指出，空間概念的建立、发展和巩固还一定要通过学生的个人思考和实践。不通过复习和做习题等，就不可能建立良好的分析能力和空間想象力。所以培养和发展空間概念是画法几何各个教学环节的重要的共同性的任务。

V. 清晰而准确地作图:

画法几何是用图形表达思想的课程，必须注意培养清楚准确的作图习惯。在这方面教师应是学生的典范，不只如此，在讲课时黑板上的图形还是传授知识的媒介。必须把它画得整齐而显明，建议教师讲课时一丝不苟从容不迫地在黑板上作图。把已知条件，作图过程用不同的彩色粉笔分开。讲课前应该仔细考虑过图形的位置、字母符号的标注等等。这一切必然会有助于提高课堂效果，便于学生理解和记笔记，也培养了学生的良好习惯。

(三) 对于教师的要求:

在目前社会主义建设新时期，不断提高教学质量已经是我们的突击任务，也是今后长期的任务。

提高讲课的质量在很大程度上决定于教师的政治和业务水平，在一定程度上也决定于教师的能力，这就要求我们虚心学习，努力提高自己，以适应祖国的需要。

I. 教师应该了解本门课程对于建设社会主义的意义，在发展国民经济中所起的作用。并热爱本门科学和本身的教学工作。

II. 深入掌握本门业务和不倦地研究教学法:

- (1) 明确课程的性质和特点。全面重视与安排各个教学环节内容。
- (2) 深入钻研教材，透彻进行教材分析，理解课程的科学体系。
- (3) 精选教材，提高对于教材的组织能力，增强讲课的思想性和系统性。

(4) 积累经验，编写合适的教学法文件和教材。

III. 钻研讲课的技巧:

(1) 认真细致地讲课。写出全部讲稿或提纲。全部插图也应清楚地绘制。

(2) 不断改进讲课方法，使讲课生动活泼，提高讲课质量。

(3) 注意研究直观教具的使用方法。

IV. 掌握与画法几何有关的知識, 积极开展科学研究。

(1) 掌握制图, 明确画法几何与制图的关系。应同时进行两門課程的教学和教学法工作。

(2) 全面学习画法几何的教材, 包括标高、透視、阴影、仿射几何等。研究現有的教科书, 掌握現有的各种科学观点和体系, 从中得出个人对課程理論和实践的一定观点。

(3) 扩大知識眼界, 及时了解本課程有关的新著作, 新知識。学习課程有关的教学和工程技术知識。

(4) 开展科学研究, 与生产实际联系, 解决教学法研究中发现的問題。

V. 确立对学生全面負責精神, 不只注意教師的教, 更要关心学生的学。深入同学中去关心他們的学习情况。不断改善提高他們的学习效果。

二、习题課

(这部分是我們編写习题課指导书时应注意的和遵守的共同原則。是在研究专家报告精神后結合我們情况提出的。)

(一) 目前各校习题課的情况:

总的說来各校都有习题課, 也体会到习题課有它独特的作用, 是教学过程中不可缺少的环节。但是对习题課的作用和地位仍旧認識不足, 对于教学法研究不够, 习题課質量不高, 引起了一些錯誤的看法和做法。

1) 趋向于减少或取消习题課:

(1) 有人認為目前学生学习質量不高, 听懂課作不出題等現象的基本原因是学生看过的題目太少。为解决此矛盾只有增加講課時間, 多講例題。这种作法的本質是教师把学生解題时可能遇到的各种样子和