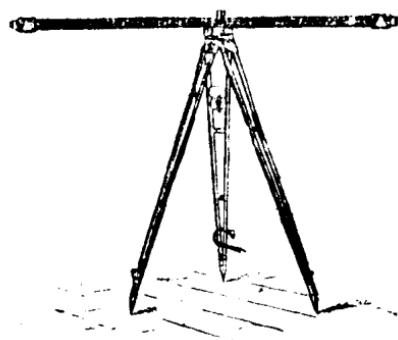


基綫尺測距表

陳英銀 編

1962.11.臺



人民鐵道出版社

本書介紹了一种用經緯仪和基綫尺，根据角度的余切关系測量水平距离的方法。并附有基綫尺長为4米时的測量距离的計算表。采用这种方法測量距离，不必再作繁重的直接丈量工作，可以大大減輕劳动强度和提高工作效率，在困难地区进行勘測时，效果更为显著。

本書可供鐵路、公路勘測和施工部門中的技术人員、測量工作人員等参考使用。



基綫尺測距表

陳英銀 編

人民鐵道出版社出版

(北京市霞公府17号)

北京市書刊出版业营业許可証出字第010号

新华書店發行

人民鐵道出版社印刷厂印

書号 1678 开本 787×1092^{毫米} 印张 1^{1/2} 字数 3

1960年4月第1版

1960年4月第1版第1次印刷

印数 0,001—7,000 册

統一書号：15043·1208 定价(8) 0.16 元

基綫尺測距表

用經緯仪測讀基綫尺两端所截的夾角，由所測角度和基綫尺長度，計算出自仪器到基綫尺的水平距离的方法称为基綫尺測距法。因現代測角仪器日趋精密，計算所得的水平距离精度可达 $\frac{1}{2000} \sim \frac{1}{5000}$ 。采用角度測距不用拉鋼尺丈量距离，即大大減輕了繁重的体力劳动，特别是在起伏大的山岳地区和障碍物（稻田、泥塘）多的地区，以及沼澤地带，使用該方法直接量水平距离，不仅工作进展极为迅速，而且还可以得到較高的精度。

一、基綫尺測距的原理

用一固定长度的基綫尺，橫置于水平位置，并与仪器視綫相垂直，用仪器測該尺二端所夹的水平角，即可計算由仪器中心到基綫尺中間的水平距离。

如图1： AB 为基綫尺，長度为 b ，垂直于仪器視綫方

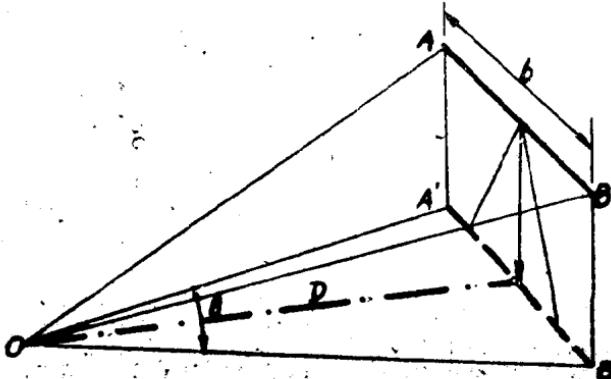


图 1

向， O 为仪器中心。 θ 为由 O 到 AB 的夹角，由仪器到标尺的水平距离可由下式計算：

$$D = \frac{b}{2} \cot \frac{\theta}{2}$$

二、保証精度的要求

用角度測得的水平距离的精确度，須視下列条件而定：

1. 基綫尺的长度准确无誤；
2. 基綫尺的位置应与仪器視綫相垂直且保持水平；
3. 采用能讀 2 秒以上的經律仪按复测法覈測。

根据实地施测分析，如果所用的基綫尺长度沒有誤差，測角的誤差是±1秒，影响距离的誤差如下式（与 Ackerl 的实验相符）：

$$d \text{ 为距离以米計, } 100 \text{ 米以内 } m_0 = \pm \frac{d}{4} \text{ (毫米)}$$

$$100 \text{ 米以上 } m_0 = \pm \left(\frac{d}{20} \right)^2 \text{ (毫米)}$$

表 1

每段距离 (米)	視 (米)	差	相对誤差 (比例)
100	0.025		$\frac{1}{4000}$
200	0.100		$\frac{1}{2000}$
400	0.400		$\frac{1}{1000}$
600	0.90		$\frac{1}{660}$
800	1.60		$\frac{1}{500}$
1000	2.50		$\frac{1}{400}$

由此可知，距离的誤差是与距离的平方成正比的。在各种不同的距离用角度測距所得的精度如表 1。

由上表看到，可以根据不同的精度要求来选择每段施测的长度，例如将1000米距离分成10段施测，精度可达 $\frac{1}{12,600}$ ，而全段作一次测定时精度仅为 $\frac{1}{400}$ 。

总距离1000米測角誤差为±1"

表 2

所分段数	每段长度	平均 总 誤 差	相 对 誤 差
1	1000	$\sqrt{1} \times 2.5 = \pm 2.5$	$\frac{1}{+00}$
2	500	$\sqrt{2} \times 0.63 = \pm 0.89$	$\frac{1}{1120}$
5	200	$\sqrt{5} \times 0.10 = \pm 0.22$	$\frac{1}{4540}$
10	100	$\sqrt{10} \times 0.025 = \pm 0.079$	$\frac{1}{12600}$

从上面对精度的討論看到，观测距离愈短精度愈高，原因是是什么呢？由于角度測距的公式距离函数的变数是余切函数值。即

$$D = \frac{b}{2} \cot \frac{\theta}{2} \quad D = f(\cot \theta)$$

余切值由 $0^\circ \sim 90^\circ$ 的变化是由无穷大向零变化，当角度值愈小，每秒函数值的差愈大，随之所影响的距离誤差也愈大；当角度值愈大，每秒函数值的差愈小，随之所影响的距离誤差也愈小。为了提高施测距离的精度，减少由余切函数值的差所引起距离誤差，应設法增大夹角。若基綫尺长度不变，增大夹角的办法，就是把每段施测距离縮短，如图 2：角 θ_1 大于角 θ_{2e} 。

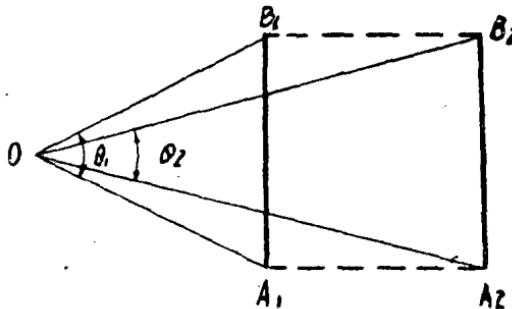


图 2

若每段施测距离不变，要增大夹角必然加长基綫尺，如图 3：角 θ_2 大于角 θ_1 。基綫尺愈长，对于尺长相对誤差的精度和量角相对誤差的精度都必然提高。由于篇幅所限，对各种长度基綫尺的量距精度不予討論，仅将由角度測距表查得 4 米与 2 米基綫尺量角誤差为士 1" 所影响的距离誤差列表比較如下（見表 3）。

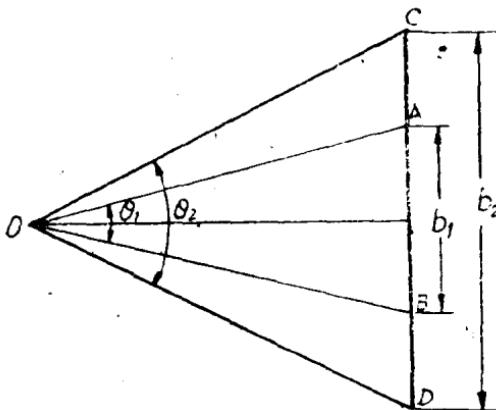


图 3

上面討論說明，基綫尺愈长精度愈高，但太长携带非常不方便。目前使用的进口万能經緯仪，配件中附有 2 米长的鋼鋼

130277

— 5 —

誤 差 比 較 表

表 3

每段距離	2米基線尺		4米基線尺	
	誤差	相對誤差	誤差	相對誤差
100	0.025	$\frac{1}{4,000}$	0.01	$\frac{1}{10,000}$
200	0.10	$\frac{1}{2000}$	0.05	$\frac{1}{4000}$
400	0.39	$\frac{1}{1020}$	0.20	$\frac{1}{2000}$
800	1.55	$\frac{1}{516}$	0.77	$\frac{1}{1040}$
1000	2.42	$\frac{1}{413}$	1.21	$\frac{1}{826}$

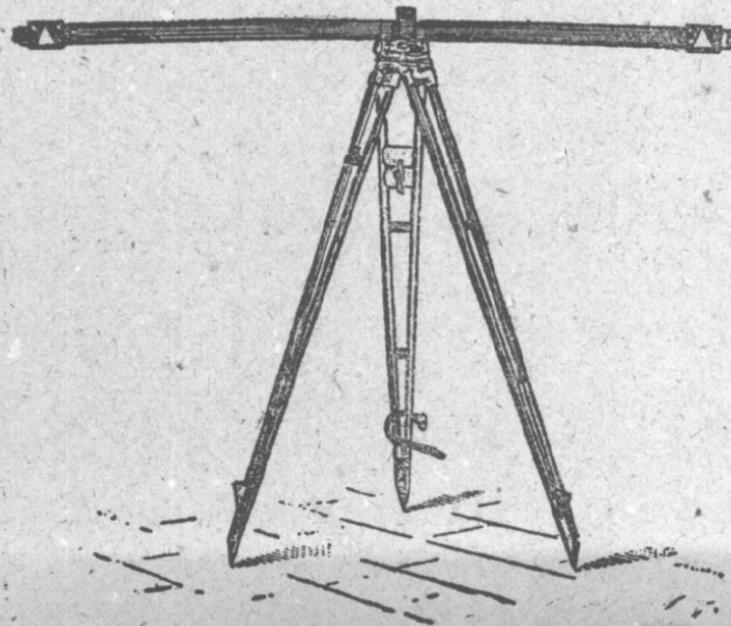


图 4

管(如图4)。铁道部第一设计院自制木质基线尺长度为4米，使用效果良好，但寿命较短，其构造如图5。

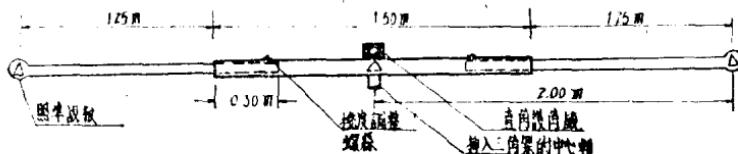


图 5

由三节相連，抽拉接头，中間一节长1.50米，两端各1.25米，不用时推在一起只有1.60米长，携带方便。由于尺子是三节相連，遇到陡岩地区或視線条件受到限制时，可以展开一半施测，如图6。

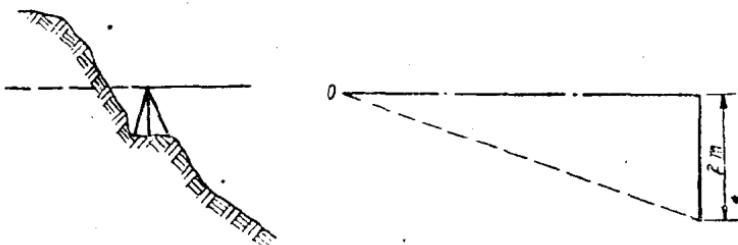


图 6

直角設角鏡，用普通水銀反光鏡与尺向成 45° 的倾角，給司尺者瞄准視線方向用(如图7)。尺端照准觇板可以移动，以

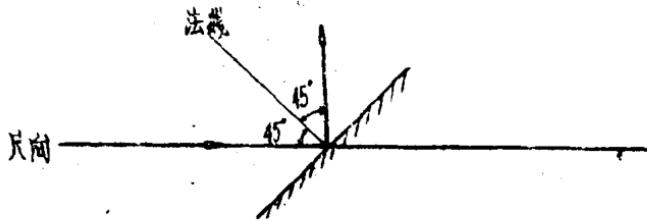


图 7

調整長度，尺的前後兩面均刻有一分米的視距刻划，便於在測距時複核整10米或百米用。

第一設計院自制的另一種木質基線尺如圖8，與前一種不同的是方向瞄準用方向架，接頭用插銷套管，杆為圓形，受風的阻力甚小是一優點。

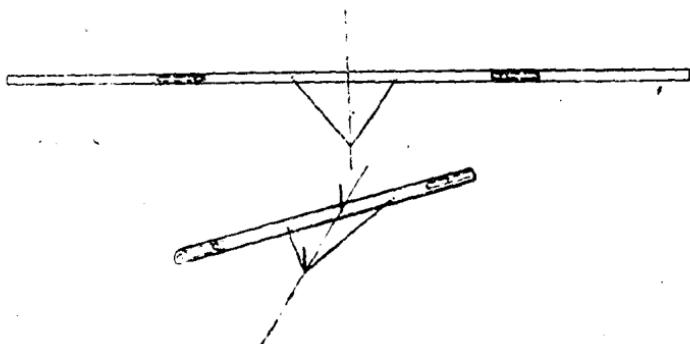


图 8

基線尺所用材料以不受溫度影響者為好，上面討論到鋼，膨脹係數約為鋼的 $\frac{1}{30}$ ；硬木質伸縮率也很小。在鐵路測量中使用硬木基線尺，影響尺長的誤差，並不能為普通經緯儀量角時所察覺。木質尺長度的校核，可用鋼卷尺。為了更正確校核基線尺長度，可以在野外量距校核。選擇平坦、寬敞、沒有障礙物的地塊，氣候條件正常，用鋼尺丈量100~150米長的一段距離釘桩。然後安上經緯儀與基線尺進行施測，將其結果與根據距離計算的夾角核對，這種施測應用多次複測法取其平均值。核對結果，如施測角大於計算角，說明基線尺長度大於製造長度；如施測角小於計算角，說明基線尺長度小於製造長度，根據比較角的大小又可計算出基線尺的調整長度。例如：基線尺製造長度為4米，地面兩柱間的距離是130米，計算夾角為 $1^{\circ}45'46''$ 。

多次复测平均夹角为 $1^{\circ}45'50''$ ，查得 $\cot \frac{1^{\circ}45'50''}{2}$ 函数值为 64.96。

$$\frac{130.00}{64.96} = 2.0012 \text{ 米}$$

$$\text{基綫長} = 2 \times 2.0012 = 4.0024$$

比制造长度大 2.4 毫米，此数为調整值。

基綫尺长度的校正应在方向瞄准器校正后进行。如基綫尺不与仪器視綫相垂直，影响距离誤差如图 9。設基綫长为 4 米，与仪器視綫垂直位置成傾角 b ，使尺的长度減短 3 厘米，又設夹角为 2 度，則影响距离的誤差为 7 分米左右。

表的使用法：根据夹角大小，由表中直接查得水平距离。

例如：施測（双）的夹角为 $1^{\circ}20'02''$ 。

从 26 頁查得 $1^{\circ}20'02''$ 的水平距离为 171.81 米。

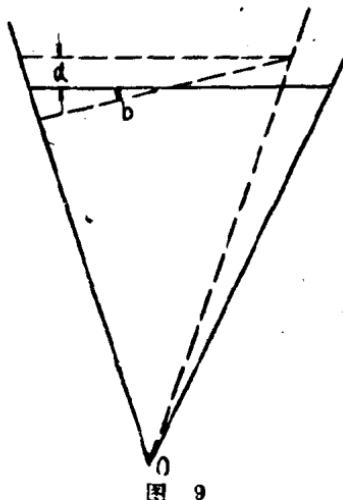


图 9

三、施測时注意事项

1. 安平經緯仪要十分仔細，精密光学經緯仪要用伞保护，以免日光照射。如果只是为了量距而置鏡，对中可以馬虎一些，节省置鏡時間。

2. 安置基綫尺要細心，并仔細瞄准經緯仪，使尺与視綫垂直。觀測时觀測者应打訊号給司尺者，以免不垂直引起錯誤。

3. 使用微动螺絲最后要依順時針方向旋轉，以免因彈性疲勞產生誤差。
4. 讀角時要檢查視線是否對準覩標，目鏡、物鏡對光要正確，不可有誤差存在。
5. 測角要用正倒鏡各測一次，取其平均值。正倒鏡量角如超過規定誤差應重測。如測量幾次即應幾次平均，以取得更接近實際的角度。
6. 假若距離精度要求很高，不僅分段要短，而且測角也必須多測幾次。如果受到地形限制需要觀測較長的距離，如過河、深溝等，量角應用多次複測，取其平均值到0.5秒。
7. 夾角量好後，查測距表之前應觀測一次視距，以與查表復核，以免大數錯誤，如10米或100米等。
8. 大風或氣候條件惡劣的天氣不能施測。
9. 單臂測距，只有在地形或視線條件受到限制時才使用。且測距不宜過遠，量角次數要增多。如果以量角誤差為 $\pm 1''$ 而論，則距離精度，“單”只有“雙”的一半，即誤差增大一倍。
10. 視線不宜靠近牆垣、路面或其他建築物，以免因折光不同影響測角。

四、勞動組織與工序配合

鐵路測量中的導線測量與道路測量，初測階段導線測量只是為測繪帶狀地形圖而敷設導線或導線網；定測階段的中綫測量，需要將所定的鐵路線敷設到地面上，還要得出地形變化的縱斷面，即地形變化要加柱。下面分別就初測、定測，討論使用角度測距的工序配合。

初測：由對后點者帶一基線尺連同對點，在基線尺的三腳架上掛有垂球可用對點量取導線的右角；另配一人專帶基線

尺，遇到导綫边过长时就把基綫尺加在中間分段施測，这样既不增加經緯仪的量鏡次数，司鏡者在量完导綫的右角之后即进行测距，并把連續里程写在地面标志柱上。这样的导綫組人員最多5人，在山岳地区工作进展极为迅速。

定測：定測使用角度測距的工序配合形式基本上可分为两种，也可以根据具体条件多样化，一种是量距与中綫加桩分别开，把交（点）中（綫）切（綫）联合作业；一种是把量距夹在中綫作业中，即在中綫进展中遇有困难地段不便拉鏈时才間或使用一次，前一种适合于連續的三四級地形、沼澤地帶、稻田泥塘区；后一种适合于間有困难地区。下面仅討論前一种作业。

1. 定綫交点兼量距，控制連續里程

选綫工程师应亲临現場确定交点位置、半徑大小等問題，尽可能取消由初測导綫关系三、五点支距，或偏角支距串直綫定交点的作法。这样既提高了工作效率，又提高了綫路質量。对于一些控制点，或現地定綫难以确定的綫段，从原有导綫关系支出綫路来还是必要的。

选綫人員把交点位置和相互通視点插旗标明，紧跟着的交点組就可以象初測导綫測量一样的迅速前进，前点工作者應該是一个富有測量經驗和具备一定的选綫知識的人，以避免不应有的返工，交点的工作任务不只是釘出控制桩（轉点、交点），和量出每交点的轉向角，同时要用角度測距量出每控制桩間的水平距离。为了鋪設曲綫（打弯道），在曲綫起終点（ HK 、 KK ）和緩和曲綫圓曲綫的分界点（ KHK ）的大致位置处，还要加桩量出距离，把拉鏈工作量減到最低限度，后点工作者应带有基綫尺，另配一人专带基綫尺加桩，減少置鏡次数和發揮精密經緯仪的最大效用，即不让仪器有空閒的时间。

得到控制桩間的距离后，就要累計連續里程。根据計算的曲綫資料：切綫長 (T)、曲綫長 (K)，計算出由那一桩号前拉或后退多少距离为 HK 、 KK ，并繪制一張示意图（如图 10）移交給下一工序，附帶說明在什么桩号置鏡，工作量最省又安全。

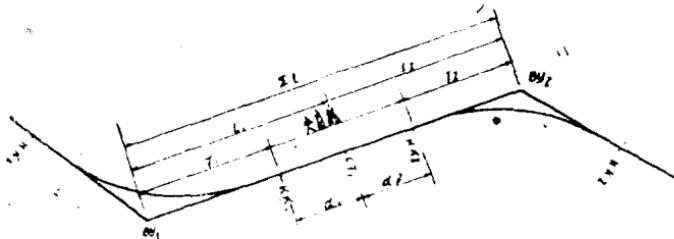


图 10

$$\begin{array}{lll} BY_1 & Y_n = 20^{\circ}00' & P = 300 \\ K = & L = 60 & HK = \\ & & KK = \end{array}$$

L ——測距所得；

ΣL ——交点間总距离；

d ——訂曲綫控制桩应拉的距离。

累計里程計算方法如下：

已知： T_1 —— BY_1 的切綫长

T_2 —— BY_2 的切綫长

K_1 —— BY_1 的曲綫长

K_2 —— BY_2 的曲綫长

HK_1 、 KK_1 —— BY_1 曲綫起終点里程

应求 HK_2 、 KK_2 —— BY_2 曲綫起終点里程

計算： $\Sigma L - (T_1 + T_2) =$ 夹直綫长度

$$KK_1 + (\text{夹直綫长}) = HK_2$$

$$HK_2 + K_2 = KK_2$$

野外記錄格式建議采用下表格式，交点工作的記錄和計算

以及繪制移交給下工序的示意图，必須經過严格的复核以免外业返工。

里程自		至		日期		視 距	水平距离	草 图
置里 鏡 点程	观里 測 点程	水 度	平 分	角 秒	平均 夾角			

执行者

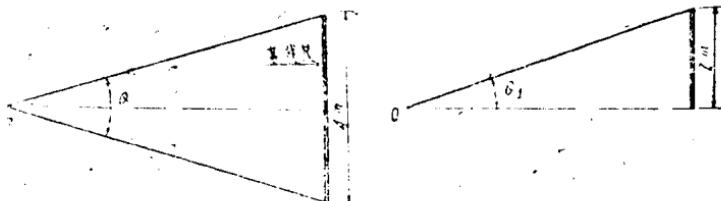
2. 鋪設曲線与加柱

鋪設曲線的依据是前一工序移交的示意图，方法与一般方法相同。因总的里程已經控制，对于加柱可以不用鋼尺而改用繩尺。对于个别困难加柱，还可以用視距測量，最好使用橫尺視距，因它消除了大气折光影响。

交中切联合作业中，前后工序应错开一个相当时问，例如一天，便于复核計算交点工序所移交的資料。

●五、基綫尺測距表

本書附有基綫尺为 4.0 米的測距表，系基綫尺全展开量全角所查之表。在陡崖地区或視綫受限制只能半展开，以 2 米測距时，即以所量角度乘 2 再查表。若使用 2 米長鋼基綫尺时，按量角查得表值后再以 2 除之即得水平距离。



基线尺全展开时查表时
用 θ 值

受地形限制，基线尺半展开时查
表时用 $2\theta_1$

图 11

	20'	21'	22'	23'	24'	25'	26'	27'	28'	29'
0	687.54	654.80	625.01	597.86	572.95	550.04	528.88	509.30	491.10	474.16
1	686.97	654.28	624.57	597.43	572.56	549.67	528.54	503.93	490.81	473.89
2	686.40	653.76	624.10	597.00	572.16	549.30	528.20	503.66	490.52	473.62
3	685.83	653.25	623.63	596.57	571.77	548.91	527.86	503.35	490.23	473.35
4	685.26	652.74	623.16	596.14	571.38	548.58	527.52	508.04	489.91	473.08
5	684.69	652.22	622.69	595.71	570.93	548.21	527.18	507.71	489.65	472.80
6	684.12	651.70	622.22	595.28	570.58	547.84	526.85	507.42	489.36	472.54
7	683.56	651.19	621.75	594.85	570.18	547.48	526.51	507.11	489.06	472.27
8	683.00	650.63	621.27	594.42	569.79	547.12	526.18	506.80	488.78	472.00
9	682.43	650.17	620.81	593.99	569.40	546.76	525.85	506.48	488.49	471.73
10	681.86	649.06	620.34	593.56	568.61	546.04	525.51	506.16	488.20	471.46
11	681.30	649.14	619.88	592.14	568.22	545.63	525.18	505.85	488.91	471.19
12	680.74	648.62	619.41	592.22	568.22	545.32	524.85	505.54	487.62	470.92
13	680.18	648.12	618.95	592.29	567.83	545.32	524.51	505.23	487.33	470.55
14	679.62	647.62	618.48	591.86	567.44	544.96	524.18	501.92	487.04	470.38
15	679.06	647.11	618.02	591.44	567.05	544.59	523.84	501.62	486.76	470.11
16	678.50	646.60	617.56	591.02	566.66	544.24	523.51	501.32	486.47	469.84
17	677.95	646.09	617.10	590.59	566.27	543.87	523.18	501.01	486.18	469.58
18	677.40	645.58	616.63	590.16	565.88	543.52	522.85	503.70	485.90	469.32
19	676.84	645.08	616.17	589.74	565.49	543.16	522.53	503.39	485.61	469.05
20	676.28	644.58	615.71	589.32	565.11	542.80	522.19	503.08	485.33	468.78
21	675.72	644.07	615.26	588.90	564.73	542.44	521.85	502.77	485.04	468.51
22	675.16	643.56	614.80	588.48	564.34	542.08	521.52	502.46	484.76	468.24
23	674.61	643.06	614.34	588.06	563.95	541.73	521.19	502.16	484.47	467.98
24	674.06	642.56	613.88	587.64	563.56	541.38	520.86	501.86	484.18	467.72
25	673.51	642.06	613.42	587.23	563.18	541.02	520.54	501.55	483.92	467.45
26	672.95	641.56	612.96	586.82	562.80	540.66	520.22	501.24	483.62	467.18
27	672.42	641.07	612.51	586.40	562.41	540.31	519.89	500.94	483.34	466.92
28	671.88	640.58	612.06	585.98	562.02	539.96	519.56	500.64	483.06	466.66
29	671.33	640.08	611.61	585.56	561.64	539.61	519.23	500.34	482.77	466.40
	20'	21'	22'	23'	24'	25'	26'	27'	28'	29'

0°

	20'	21'	22'	23'	24'	25'	26'	27'	28'	29'
30	670.78	639.58	611.16	585.14	561.26	539.26	518.90	500.04	482.48	466.14
31	670.23	639.63	610.70	584.73	560.58	538.60	518.58	499.73	482.20	465.87
32	670.67	639.55	610.24	584.32	560.50	538.54	518.26	499.42	481.92	465.60
33	669.14	638.00	609.70	583.91	560.12	538.19	517.93	499.12	481.64	465.34
34	668.50	637.60	609.34	583.50	559.74	537.84	517.60	498.52	481.36	465.03
35	668.06	637.11	608.97	583.08	559.36	537.49	517.28	498.52	481.08	464.82
36	667.52	636.62	608.34	582.66	553.93	537.14	516.63	498.22	480.80	464.56
37	666.92	636.13	608.66	582.25	553.60	536.70	516.63	497.92	480.52	464.30
38	666.44	635.64	607.56	581.84	553.22	536.44	516.30	497.62	480.24	464.04
39	665.80	635.15	607.11	581.43	552.85	536.10	515.98	497.32	479.95	463.78
40	665.36	634.65	606.66	581.02	557.48	535.76	515.65	497.02	479.68	463.52
41	664.3	634.17	606.21	580.61	557.10	535.41	515.34	496.72	479.40	463.26
42	664.30	633.62	605.75	580.20	556.72	535.06	515.02	496.42	479.12	463.00
43	663.76	633.20	605.32	580.80	556.34	534.71	514.70	496.12	478.84	462.74
44	663.22	632.72	604.88	579.40	555.95	534.36	514.38	495.82	478.56	462.48
45	662.69	632.23	604.44	578.98	555.59	534.02	514.06	495.52	478.29	462.22
46	662.16	631.71	604.00	578.56	555.22	533.68	513.74	495.24	478.02	461.95
47	661.63	631.20	603.56	578.16	554.85	533.33	513.42	494.91	477.74	461.70
48	661.10	630.78	603.42	577.76	554.48	532.98	513.10	494.64	477.46	461.44
49	660.57	630.30	602.68	577.36	554.10	532.64	512.78	494.34	477.19	461.18
50	660.04	629.82	602.24	576.93	553.72	532.30	512.46	494.04	476.92	460.95
51	659.52	629.34	601.80	576.56	553.35	531.95	512.14	493.75	476.64	460.66
52	659.00	628.86	601.36	576.16	552.98	531.60	511.82	493.46	476.36	460.40
53	658.47	628.38	600.92	575.76	552.61	531.26	511.50	493.16	476.08	460.15
54	657.94	627.90	600.48	575.36	552.24	530.92	511.18	492.80	475.80	459.90
55	657.42	627.42	600.04	574.96	551.87	530.58	510.87	492.57	475.54	459.64
56	656.90	626.94	599.00	574.56	551.50	530.24	510.56	492.28	475.26	459.38
57	656.37	626.47	599.17	574.16	551.14	529.80	510.21	491.93	474.99	459.12
58	655.84	626.00	598.74	573.76	550.78	529.36	509.02	491.68	474.72	458.88
59	655.32	625.52	598.30	573.36	550.41	529.22	509.61	491.39	474.44	458.62
	20'	21'	22'	23'	24'	25'	26'	27'	28'	29'