

小学生学习方法指导

数学

中央电视台电视讲座教材



主编 孟书成
副主编 史德志

新华出版社

小学生学习方法指导

(数 学)

——中央电视台电视讲座教材

新 华 出 版 社

小学生学习方法指导 (数学)

中央电视台电视讲座教材

孟书成等 编

*

新华出版社出版发行

新华书店 经 销

水利电力出版社印刷厂印刷

*

787×1092 毫米 32 开本 4.125 印张 92 千字

1989 年 5 月第一版 1989 年 5 月北京第一次印刷

印数 1—20,000 册

ISBN 7-5011-0400-X / G · 114 定价：1.90 元

目 录

第一讲	学习数学	需要兴趣	(1)
第二讲	先走一步	大有好处	(13)
第三讲	认真上课	当堂受益	(24)
第四讲	复习整理	练习提高	(35)
第五讲	学会观察	发现规律	(44)
第六讲	亲自推导	善于归纳	(64)
第七讲	多思善想	力争独到	(79)
第八讲	学习数学	需要记忆	(95)
第九讲	不懂就问	必有长进	(111)
第十讲	发现错误	认真改正	(118)
后 记				

第一讲 学习数学 需要兴趣

数学，是一门很重要的学科。怎样才能学好数学呢？

有的同学说：“要学好数学，需要天生就聪明。”

有的同学说：“要学好数学，除去认真听讲，按时完成作业之外，还需要家长的辅导。”

也有的同学说：“要学好数学，需要自己的努力。”

我看，最重要的也是在于自己的努力。

可是，又会有同学说了：“我够努力的了，可怎么还是没有学好数学呢？”

看来这真是一个值得研究的问题。我们所说的努力，并不是指拼时间，耗体力。该玩的时候也不玩了，该睡的时候也不睡了，这种“死”用功，可不一定见效。

要学好数学，除去自己的努力之外，还应当养成良好的学习习惯。比如说，课前要主动预习，上课时要精神专一，课后要认真练习等等。要学好数学，还应当具有良好的学习品质。比如说，重视观察，多思善想，勤学好问，持之以恒等等。为了帮助大家，在这本书里我们将向同学们介绍小学生学习数学的方法。这本书愿帮你养成好的习惯，形成科学的学习方法，提高学习数学的质量。

学习数学需要兴趣

要想学好数学，首先就要喜欢数学。也就是说，学习数学，需要兴趣。从古到今，由中到外，凡是在数学上有成就的人，尽管他们的情况各有不同，但有一点却是相同的，那

就是他们对数学全怀有浓厚的兴趣。

就拿华罗庚老爷爷来说吧，大家都知道他是我国著名的数学家。华罗庚老爷爷 1910 年出生于江苏省的金坛县。1985 年，也就是他 75 岁高龄的时候，应邀到日本去做学术报告，在东京大学讲学时，心脏病突然发作，不幸离开了人间。

华罗庚老爷爷的一生，都与数学紧密相连。

小的时候，他学习勤奋，尤其是喜欢数学。每天放学之后，他总是先完成老师布置的作业，然后就自学一些数学书，并且还要再做一些数学题。

上了中学以后，华罗庚老爷爷对数学的兴趣更浓了，每天都在钻研数学上不惜花费很长的时间。

可惜的是，由于家庭生活比较贫困，他不能继续上学了。十八岁的华罗庚，白天在金坛中学当会计，晚上又要帮助爸爸清理自己家开的小杂货店的帐目。就是这样，他依然坚持着自学数学。

华罗庚十九岁的那年，在一本杂志上见到了一位教授的论文，他认真地研究起来。结果发现了论文中有错误，就把自己的见解写成了文章，于 1930 年发表在《科学》杂志上。

当时在清华大学任数学系主任的熊庆来教授，见到了华罗庚的文章，还以为华罗庚一定是位优秀的留学生呢。当熊教授得知华罗庚仅仅才读完初中时，实在是太惊讶了。就这样，华罗庚被熊教授请到清华大学来工作。从此以后，华罗庚就把全部精力致力于数学的研究。

对数学的热爱，对数学的兴趣，使华罗庚登上了数学的高峰。

下面再给大家介绍一位小学生。这位小学生在上学之前，就特别喜欢数学，他总是一个人想呀，算呀，比干什么都有兴趣。上小学以后，他不满足课本里讲的那些东西，总是不断地往下自学。到了小学二年级，他已经自己做初中二年级的题目了。学校了解到这个情况后，就决定让他“单科”跳班，每当上数学时，他就离开自己的教室，到五年级去上课。他对数学有浓厚的兴趣，所以在数学的学习与提高方面，完全是自觉自愿的。

以上两个例子说明了一个什么道理呢？这两个例子说明，大科学家爱因斯坦所说的“热爱是最好的老师”，是千真万确的真理。

事实就是这样，谁热爱数学，谁就有了最好的数学老师。这位老师给你学习的动力，使你积极思维，全神贯注，不怕困难，始终如一。

数学里面趣味无穷

学习数学需要兴趣，可是有的同学又说：“数学知识太枯燥了，要想对它产生兴趣，真比登天还难。”是这样吗？如果我们学习时，既没有弄懂算理，又不能联系实际，而仅仅是死记死背，比葫芦画瓢，那确实太没有意思了。相反，如果我们真的“钻”进去了，便会发现数学里面趣味无穷，是很有意思的。

就拿自然数来说吧，这是小学生应当掌握的一个十分重要的概念。我们都知道，用来表示物体个数的一、二、三、四、五……，叫做自然数。我们还知道，自然数有两个含义。当我们用自然数来表示物体个数的时候，例如一个，二个，三个，就叫做基数；当我们用自然数来表示物体排列的次序时，例如第一，第二，第三，就叫做序数。

可是，就有这么一个笑话。闹笑话的人就不懂得这个道理。笑话是这样的：

有一个人，到了该吃午饭的时候，他进了一家小饭铺。花两角钱买了一个包子，吃完之后，他感到不饱，就又花了两角钱买了一个包子，吃完之后，他还感觉差一点儿。就又花了两角钱买了一个包子。吃完第三个包子后，他饱了。离开饭铺时，他一边走一边自言自语：“真倒霉，一顿饭就花了我六角钱。假如一开始我就买那第三个包子，不是两角钱就行了吗？”

你看，这个人是不是太可笑了？

第三个包子，也是一个包子。既然吃一个不饱，吃两个也不饱，非吃三个不可的话，这里的三是基数。当然用序数来解释也是可以的，没有前面的第一和第二，怎么会有第三呢？

在小学阶段，我们要学习许多数学概念，通过学习使我们明了很多科学的道理。例如：

$$3.4 \div 1.7 = 2$$

我们可以说 3.4 是 1.7 的 2 倍，但不能说 3.4 是 1.7 的倍数。再如，球场上常常出现什么 3 比 2，4 比 7 等等，可这又不是“比”。用这些知识把我们武装起来，不是很有意义吗！

学好数学，解决问题的本领就大了，你就能尝到掌握数学知识之后的甜头。

比如说，我们都应该用尺子可以度量物体的长短。我现在要让你量一量一张纸的厚度，你能用尺子直接量出来吗？纸实在是太薄了，无法用尺子直接度量。可是，不要紧，办法总是有的。

“汽车 3 小时行了 120 公里。”这是我们常常见到的一种数量关系，如果用 120 除以 3，就解得到汽车 1 小时行的路程。受这种数量关系的启发，我们可以把 100 张纸摞在一起，用尺子量一量它的厚度，这样我们便可得到：“100 张纸厚多少毫米”，自然也就可以求出一张纸的厚度了。

诸如此类的例子还很多，下面我们再介绍一个。

上课了，数学老师把一个土豆放在了讲台桌上。这个土豆的形状太不规则了，长得七扭八歪。

老师问：“哪位同学会计算这个土豆的体积呢？”

谁也没有料到教师会出这么一道题，同学们心里想：长方体，正方体，圆柱体，圆锥体，它们都是规则的，而且也有计算体积的公式。这个土豆的体积怎么算呢？

过了一会儿，居然有人举手了。这个同学说：“我想这样计算。请老师把土豆给我，我把它拿回家，放在蒸锅里蒸一下。这样它就变成土豆泥。然后我把这个土豆拍一拍，挤一挤，使它的形状变成一个长方体，这就可以量出它的长、宽、高来了。”

全班同学都乐了，老师也乐了。

“多么好的办法呀！把土豆的形状改变了，但它的体积并没改变。利用形变而体不变的道理，确实能解决许多问题。”老师兴奋地说着。

接着老师又问：“还有别的办法吗？”

同学们又开始了沉思。过了一会，又有人举手了。

“老师，我还有个办法。首先，把这个土豆放在天平上称一称它的重量。然后，用小刀在土豆上切下 1 立方厘米的一小块，把这一小块也放在天平上称一称。整个土豆的重量是这一小块重量的多少倍，整个土豆的体积也就是 1 立方厘

米的多少倍。”

同学们情不自禁地为他鼓掌了。

老师说：“这个方法也好极了。这是什么道理呢？这道理就是同一种物质，它的体积与它的重量之间成正比例。”

老师刚说完：又有人举手了。第三种方法是这样的：

拿一个容器来，比如说是圆柱体的。通过测量它底面的直径，就能算出它的底面积。然后经容器里倒水，再量一量水的深度，这样就能算出水的体积。把土豆往水里一放，水面升高了，再量一下现在水的深度，又可算出一个体积来。两次结果相减，差就是土豆的体积。

多么有意思呀！怎么能说数学太枯燥了呢？

兴趣是可以培养的

尽管数学里面有无穷的乐趣，也不见得所有的人对学习数学都有兴趣。就拿下棋来说吧，有的人就特别喜欢，简直成了棋迷，一有机会就要“杀”上一盘。可也有的人对下棋就感到毫无意思，连看一眼都不愿意。对下棋感兴趣的人，往往是有会下棋的，起码他懂得一些下棋的基础知识。相反，对下棋一无所知的人，就很难对下棋产生乐趣。

如果对数学缺乏兴趣，那该怎么办呢？这可不象下棋，喜欢不喜欢没多大关系。对数学来说，这是我们应当学好的一门重要课程，喜欢不喜欢关系可就大了。也就是说：我们要学好数学，就应当对它有兴趣，如果没有，那就需要培养。兴趣是可以培养的。

怎样培养对数学的兴趣呢？

要培养对数学的兴趣，首先就要知道学习数学的重要。

有的同学可能会想：将来我要做一个普通的劳动者，又不准备成为数学家，干嘛一定要学好数学呢？其实这种想法

是错误的。数学具有应用的广泛性，也就是说不管你干什么，人人都离不开数学。

就拿一个工人来说吧，就应当会看图纸。而图纸是按一定的比例画出来的。比和比例就是数学知识。

看完图纸就要加工了，而加工就需要原材料。怎样下料才节约呢？这又需要计算。

有的工人还需要掌握计算机，没有数学知识就更不成了。

当个农民就不需要数学吗？也不是。选种就是农民要干的一件大事，他们常常需要做种籽的发芽试验，而计算发芽率就是数学内容。

在种植过程中，要施肥，要喷洒农药，哪一样不需要计算呢？前几年就有这么一件事，在一座葡萄园里发生了病虫害，需要喷洒农药。一位农民在计算中发生了错误，在农药里少兑了水，结果造成全部葡萄的死亡。你看，数学多么重要呀！

从事商业工作，要计算利润，要研究损耗，要向国家交税，没有一天能离开数学的。

就是当个售货员，也要整天和数学打交道。优秀的售货员，账算的又准又快，这是由于他们掌握了许多简便的算法。有的用珠算，有的用口算，有的用表算，所有这些在小学都学了。

例如，一位顾客在商店里买了四块点心。这四块点心的价钱是：0.24元，0.25元，0.26元和0.28元。售货员刚刚把点心拿好，马上就报出了总价：1.03元。

她是怎么算的呢？她的算法有个名字，叫做基准数计算法。她以0.25元为基准，四个0.25元就是1元。0.24元比

0.25元少0.01元；0.26元又比0.25元多0.01元。把这两块全看成0.25元，恰恰不多不少。只有0.28元比0.25元多0.03元。所以总价是1.03元。

再拿医务工作来说吧，同样也离不开数学。例如为了杀死某种病菌，需要使用浓度为75%的酒精5000克，那么我们就用100%的酒精多少克，再兑蒸馏水多少克呢？等我们学完百分数之后，这个问题也就不难解决了。

如果你长大之后，做行政管理工作，起码也要计划、统计、运筹什么的，同样也离不开数学。

参加工作如此，家庭生活也不例外呀！收入多少，开支多少，储蓄多少，利息多少，哪一样少得了数学呢？

上面举的是最简单的例子，都是数学知识的运用。学习数学，还能使我们的思维更全面，更灵活，更敏捷，更深刻。这些良好的思维品质更是干什么都需要的。

了解了这些，就应当认识到学习数学是我们的责任，是不允许不好好学的。

要培养对数学的兴趣，就要力争对数学知识真正弄个明白。

学习要切忌似是而非，似懂非懂。把学习的内容全部真正的弄懂、弄通，成为一个“内行”，兴趣也就越来越浓了。

例如，两个自然数相除，如果除不尽时，商一定是个循环小数。这究竟是为什么？

很多同学承认这种现象，但不清楚其道理。假如在很多问题上，我们只是知其然，而不知其所以然，那就是没钻进去，还只说是个“外行”。其实道理也并不难理解。

首先，余数一旦重复出现，商也就重复出现，也就是开始了循环。

其次，余数要比除数小。

在以上两个前提下，我们就可以说明这个问题的道理了。两个自然数相除，如果除不尽必有余数。在余数的后面补零再除，还有余数。除数是有限的，余数自然也是有限的。如果是被 7 除，不是余 1，就是余 2，最多是余 6。也就是说余数总有重复出现的时候。所以商一定是循环小数。

再例如，甲数比乙数多 10%，为什么不能反过来说乙数比甲数少 10% 呢？

请看，甲数比乙数多 10%，可以用下面的式子表示：

$$(甲数 - 乙数) \div 乙数 = 10\%$$

什么又叫做乙数比甲数少 10% 呢？

$$(甲数 - 乙数) \div 甲数 = 10\%$$

上面两个式子，被除数相同，都是甲、乙二数的差，而除数不同，一个是乙数，另一个是甲数，当然商不可能相同。

这种数量关系与比多少是不一样的。哥哥比弟弟大 3 岁，弟弟必然就比哥哥小 3 岁。我们不能把这两种不同的比较混为一谈。

如果对所有的数学知识，我们都力求真正的理解，那就会越学越感到有意思。

要培养对数学的兴趣，还要做到对数学知识灵活地运用。

学习就怕“死”，力争要灵活。死记，死背，当然是苦恼的，怎么可能产生兴趣呢。一旦学得灵活了，你就成了知识的主人了。

例如， 125×8 ，我们都知道积是 1000，运用这组数的特点及运算的定律，可以简算一些题目。

$$\begin{aligned}
 & 125 \times 17 \times 8 \\
 & = (125 \times 8) \times 17 \\
 & = 1000 \times 17 \\
 & = 17000 \\
 & 125 \times 24 \\
 & = 125 \times (8 \times 3) \\
 & = 125 \times 8 \times 3 \\
 & = 3000 \\
 & 125 \times 5 + 125 \times 3 \\
 & = 125 \times (5+3) \\
 & = 125 \times 8 \\
 & = 1000
 \end{aligned}$$

计算上面这几道题，我们不会感到困难。其实，再动一动脑筋，能简算的题目还多着呢。

例如， 126×8 怎么简算呢？

$$\begin{aligned}
 & 126 \times 8 \\
 & = (125+1) \times 8 \\
 & = 125 \times 8 + 1 \times 8 \\
 & = 1000 + 8 \\
 & = 1008
 \end{aligned}$$

125×7 ，能简算吗？可以。

$$\begin{aligned}
 & 125 \times 7 \\
 & = 125 \times (8-1) \\
 & = 125 \times 8 - 125 \times 1 \\
 & = 1000 - 125 \\
 & = 875.
 \end{aligned}$$

学懂了，弄通了，灵活了，你就可以在数学的海洋里游

来游去，多么开心呀。

要培养对数学的兴趣，还需要有意识地在日常生活中随时地运用所学过的知识。

生活当中处处有数学；生活当中，处处需要数学。抓住机会就运用，决不放过锻炼自己的机会，那就会体验到数学的力量，也会促使你更好的成长。

拿买面来说吧，好好给你 5 元钱，让你去买 2.5 千克面粉，每千克面粉是 0.37 元，结果售货员找你 4.17 元。借此机会你可以算一下。可能你是这样算的：

$$\begin{aligned} & 5 - 0.37 \times 2.5 \\ & = 5 - 0.825 \\ & = 4.175 \\ & \approx 4.18 \text{ (元)} \end{aligned}$$

为什么售货员少找我 1 分钱呢？其实是找对了。妈妈告诉你应当这样算：

$$\begin{aligned} & 5 - 0.37 \times 2.5 \\ & = 5 - 0.825 \\ & \approx 5 - 0.83 \\ & = 4.17 \text{ (元)} \end{aligned}$$

也就是说，用四舍五入法来计算的时候，是先处理总价，然后再计算应找的钱数。这样你不就又明白了一个道理吗？

再比如说，每个月都要算一次水电费，其实计算水电费主要运用的是归一法，或按比例分配。一个小学生来计算，是能够胜任的。

刷房子，铺地毯，事先都需要计算一下面积，这些我们也会呀！

运用数学知识的地方太多了，关键在于我们自己要有意识地去利用。怕动脑子，怕办不好，这都是消极的。

热爱数学吧！爱学就能学好，学好了也就更爱学。

第二讲 先走一步，大有好处

要学好数学，仅对数学产生一定的兴趣，还是不够的。我们不但要对学习数学的目的和重要性有明确的认识，而且，还要寻找一个好的学习方法，这就如同我们在作出过河的决定以后，不能缺少船或桥一样，否则，学好数学，最终到达数学长河的彼岸的愿望就不易实现。

纵览古今中外诸多名家学者的学习历程，他们的实践可以证明，科学的学习方法对胜利和成功有着不可分割的联系。早在两千多年前，我国的《学记》就对学习方法的重要性做过形象的总结，意思是：善于学习的人，老师省力，他的学习可以事半功倍，学以致用；不善于学习的人，老师费力，他的学习却是事倍功半。伟大的物理学家爱因斯坦把他成功的经验概括为这样一个公式，即勤奋+学习方法+效率。我也曾遇到过一个三年级的女同学，她是个插班生。她很用功，记忆力也好，她学习数学，有很多时候是依靠记忆。靠死记死背学数学，这在低年级只学简单知识阶段或许勉强可以通过，到了中年级以后，知识发展了，难度提高了，她过去的学习方法已不能适应新的学习了。所以她学习吃力，成绩不好，并经常为此感到苦恼。老师了解了她的问题所在，对她进行了有关学习方法的指导，使她明白了学习数学最重要的是理解，很多数学知识只要理解了，就用不着专门去背去记。由于这个同学努力改变了不恰当的学习方法，力求融会贯通地去掌握数学知识，所以没过多久，她又