

# 流体力学

复旦大学数学系 编著

上海科学技术出版社

## 内 容 提 要

本书系复旦大学数学系力学专业革新教材之一，内容包括理想不可压缩流体动力学、气体动力学、粘性流体力学，也介绍了高超音速流、电磁流体力学和化学流体力学。本书可作综合大学力学专业流体力学课程的教材，讲授140学时，亦可作高等院校有关专业的参考书。

## 流 体 力 学

(试用本)

复旦大学数学系 编著

\*

上海科学技术出版社出版

(上海瑞金二路450号)

上海市书刊出版业营业登记证093号

新华书店上海发行所发行 各地新华书店经售

上海洪兴印刷厂印刷

\*

开本850×1168 1/32 印张21 字数500,000

1960年10月第1版 1961年4月第2次印刷

印数6,001—8,500

统一书号：13119 · 400

定 价：(十) 2.35 元

## 編輯說明

我們受到全國持續跃進的大好形勢的鼓舞和推動，積極應對了黨的號召，在兩年來教育大革命已經取得偉大成績的基礎上，掀起了一个聲勢浩大的教學改革的群眾運動。通過這個運動，我們揭露了現在教學體系、教學內容和教學方法上陳舊落後的狀況，抓住訂方案、編大綱、寫教材、搞試驗等重要環節，試圖建立一套以馬克思列寧主義、毛澤東思想為指導的，反映現代科學發展水平的，理論聯繫實際的新的教學體系和內容，以及與之相適應的教學方法，使培養人才的工作更好地貫徹黨的社會主義建設總路線的精神。

作為這種探索和嘗試，我們對1958年新建的力學專業，採取師生結合的方法，編出了一套可供綜合大學力學專業試用的力學基礎課程教材，包括：流体力學、固体力學、一般力學、振動理論。其中一般力學是和數學專業合用的，故列入數學專業革新教材。

我們力圖使這套教材能具有以下幾個特點：

一、在選材上力圖體現為社會主義建設服務和反映現代科學發展水平的要求，因此增加了與當前生產實際有密切關係的內容，並介紹了現代科學的一些新發展，而對原有的內容在不影響基本理論的前提下作了精簡和壓縮。

二、在處理上，為了加強統一性，我們把原來計劃中的六門課程合併為三門，這樣就可以使原來關係密切的課程，如材料力學與彈、塑性力學，流体力學與氣體動力學，理論力學與振動理論相輔相成地組成一個整體，同時也便於安排一些新內容。在編寫過程

中我們還注意到力學課程與數學課程的統一安排。

### 三、在闡述上我們努力貫徹實踐——理論——實踐的原則。

徹底實現教學改革，建立起一套符合多快好省方針的教材是一個艱巨的任務，需要一個較長的時間來摸索。這一次編寫的教材只是一個開始。由於編寫教材的同志原來都是學數學的，既受到思想水平和科學水平的限制，又缺乏較充分的實踐經驗，因此不論在處理方法上或者是內容的科學性上，特別是在理論聯繫實際方面，都會有不少缺點與錯誤，懇切地希望同志們批評和指正。

同濟大學、交通大學、上海力學研究所和本校物理系，在這次編寫教材中給予我們很大幫助，上海科學技術出版社與華東書局上海印刷廠對這套教材的迅速出版，給了極大的支持，我們在這裡表示衷心的感謝。

復旦大學數學系

1960年6月

## 序

我国工农业的大跃进和现代科学技术的飞速发展，都对流体力学提出了更高的要求，因此综合大学力学专业的流体力学课程必须进行根本性的改革，大量增添现代化和生产实际迫切需要的内容，原有教材除了删去部分陈旧的内容外，对必须保留的部分也力求以更高的观点重新处理，使得这门课程能做到既减少学时，又增加新的内容，并且使学生更容易接受和掌握。

最近我们在党的领导下大搞教学改革，通过反复讨论，认为过去教学内容主要存在如下的一些问题：

1. 理论联系实际的原则贯彻得很不够，过分注意数学推导和理论的系统性、完整性，而对力学概念与实际应用的联系阐述得不够，往往只对理想模型进行讨论，而对实际问题缺乏具体分析。同时，一些与当前生产建设密切有关的内容如河渠不定常流、管道流动与射流等很少介绍。

2. 现代化的內容反映得太少。由于现代高速飞行的发展而出现了不少新的发展方向，例如高超音速流、电磁流体力学、化学流体力学等，这些方面同时也与热核控制、化工、冶金等尖端技术有关，但是在教材中却很少反映，相反地对古典的理想不可压缩流体却讲述过多。

3. 原教材中某些部分的讲述需要提高观点，加以重新处理。

针对以上问题，我们在这次教材革新中力求更多地反映现代的各种成就，增加与生产实际密切有关的内容，贯彻理论联系实际的原则，因此在新教材中我们作了如下的安排：在不影响介绍基本

理論的前提下，对不可压缩流体的平面問題作了較多的精簡，如刪去了机翼理論的某些部分和不定常流，增添了高超音速流、电磁流体力学、化学流体力学、高速附面层等現代化內容和河渠不定常流、气体在管道中的流动、射流等实际应用很广的部分。在更新處理原教材內容时，企图对物理性质多作微观解釋，并增加量綱理論，以加强对現象本质的闡述。

我們专业成立还不到二年，同时我們也是在专业成立时才开始学习力学的，知識非常缺乏，教学經驗也很不够。因此，由于思想水平和业务水平的限制，这本教材中不妥当甚至錯誤的地方一定不少，殷切地希望各方面批評指正。

复旦大学数学系流体力学编写小组

1960年5月

# 目 录

## 序

緒論.....	1
第一章 流体运动学.....	8
§ 1 分析流体运动的两种方法,連續性方程 .....	8
§ 2 柯西-海姆霍茨 (Cauchy-Helmholtz) 公式.....	17
§ 3 有旋运动和无旋运动,速度势.....	23
第二章 流体动力学的基本方程.....	29
§ 1 质量力、表面力和应力張量 .....	29
§ 2 运动方程,广义牛頓定律.....	34
§ 3 能量方程.....	43
§ 4 貝努利积分和柯西积分 .....	47
§ 5 理想流体动力学問題的一般提法.....	53
§ 6 动量定律与动量矩定律的直接应用.....	56
第三章 理想流体的旋涡运动.....	61
§ 1 旋涡运动的几个基本定理.....	61
§ 2 由无限空間的渦量場和速度散量場确定速度場, 一条渦綫的情况 .....	68
第四章 理想不可压缩流体动力学的平面无旋运动.....	73
§ 1 引言.....	73
§ 2 简单流动的复势.....	77
§ 3 圆柱繞流.....	83
§ 4 任意周綫的繞流,茹柯夫斯基-查浦雷金假定 .....	91

§ 5	查浦雷金公式和茹柯夫斯基定理.....	105
§ 6	翼栅理論.....	112
§ 7	脫体繞流.....	127
<b>第五章</b>	<b>理想不可压缩流体动力学的空間問題.....</b>	<b>139</b>
§ 1	引言.....	139
§ 2	奇点法.....	143
§ 3	軸对称流的一种解法.....	147
§ 4	有限翼展机翼理論.....	153
<b>第六章</b>	<b>波动理論.....</b>	<b>168</b>
§ 1	波动理論的基本方程式.....	168
§ 2	平面駐波和進行波.....	172
§ 3	波群和群速度.....	181
§ 4	波的能量和波阻.....	185
§ 5	河渠不定常流.....	197
<b>第七章</b>	<b>不可压缩粘性流体动力学的基本方程和相似律.....</b>	<b>207</b>
§ 1	引言.....	207
§ 2	量綱理論.....	210
§ 3	相似和模拟.....	219
§ 4	不可压缩粘性流体在圓管中的直線运动.....	231
§ 5	圓柱軸承的流体动力学理論.....	236
<b>第八章</b>	<b>不可压缩流体的附面层理論.....</b>	<b>246</b>
§ 1	附面层的概念, 平面定常层流附面层方程.....	246
§ 2	外部勢流为 $U=Cx^m$ 的层流附面层.....	254
§ 3	动量方程, 近似計算层流附面层的波尔豪森法.....	263
§ 4	洛强斯基的层流附面层近似計算方法.....	267
<b>第九章</b>	<b>湍流运动.....</b>	<b>274</b>
§ 1	层流到湍流的过渡.....	274

## 目 录

3

§ 2 湍流时均运动, 雷諾方程.....	282
§ 3 普朗特混合长度理論, 湍流射流.....	288
§ 4 平面管和圓管的湍流, 对数速度公式.....	295
§ 5 光滑管的阻力公式, 层流底层.....	299
§ 6 管壁粗糙度对管阻力的影响.....	306
§ 7 型阻概念.....	311
<b>第十章 气体动力学的基本方程与一元流动.....</b>	<b>317</b>
§ 1 基本方程組, 音速.....	317
§ 2 等熵气流中的能量方程, 一元定常气流.....	323
§ 3 黎曼波, 强間断的形成.....	330
§ 4 間断面上的条件.....	338
<b>第十一章 平面超音速流.....</b>	<b>348</b>
§ 1 斜激波理論.....	348
§ 2 平面超音速流的基本方程和特征綫.....	355
§ 3 平面无旋超音速流动的特征綫法.....	361
§ 4 有旋超音速流中的特征綫法, 机翼理論.....	376
<b>第十二章 亚音速流.....</b>	<b>383</b>
§ 1 小扰动理論.....	383
§ 2 速度图法.....	390
<b>第十三章 跨音速流.....</b>	<b>405</b>
§ 1 引言.....	405
§ 2 相似律.....	410
§ 3 具有脱体激波的任意对称体的繞流問題(多罗得尼欽方法).....	412
<b>第十四章 空間超音速流.....</b>	<b>425</b>
§ 1 軸对称細长物体的超音速繞流.....	425
§ 2 有限翼展机翼理論.....	437
§ 3 锥型流.....	446

## 目 录

第十五章 一元不定常流的某些問題.....	456
§ 1 引言.....	456
§ 2 自模运动.....	456
§ 3 关于間断面的討論.....	462
§ 4 自模运动的代数积分.....	465
§ 5 $z, V$ 平面上积分曲綫場的研究.....	471
§ 6 强爆炸問題.....	476
§ 7 活塞运动問題.....	481
第十六章 高超音速流.....	489
§ 1 引言.....	489
§ 2 极限状态.....	492
§ 3 相似律.....	497
§ 4 平面截面律.....	506
§ 5 高超音速流的近似計算法.....	512
第十七章 高速附面层.....	527
§ 1 引言.....	527
§ 2 粘性气体层流附面层, 多罗得尼欽变换.....	532
§ 3 非等溫的不可压缩层流附面层.....	543
§ 4 平板的高速层流附面层.....	552
§ 5 激波与附面层的相互干扰.....	563
第十八章 气体在管道中的运动.....	569
§ 1 运动方程.....	569
§ 2 气体在管道中的定常运动.....	585
§ 3 绝热管道中的定常运动.....	589
§ 4 等截面管道中气体的加热流动.....	593
§ 5 气体从容器經过小孔的绝热出流和局部阻力系数.....	603
§ 6 气体充满容器的时间問題.....	606

## 目 录

5

§ 7 气体从变容积容器中流空問題.....	611
§ 8 容器中同时进气与排气的問題.....	616
<b>第十九章 电磁流体力学.....</b>	<b>623</b>
§ 1 引言.....	623
§ 2 导电流体在磁场中的运动方程.....	624
§ 3 小扰动波的傳播.....	628
§ 4 磁气体动力学的間断理論.....	632
§ 5 磁气体动力学的一元不定常运动.....	639
<b>第二十章 化学流体力学.....</b>	<b>642</b>
§ 1 引言.....	642
§ 2 基本方程.....	645
§ 3 燃燒概念.....	651
§ 4 火焰傳播速度.....	654

## 緒論

### 一、流体力学的对象和目的

流体力学是一門研究液体与气体宏观运动与平衡的学科，它是为工程技术、农田水利及宇宙航行等服务的。它所接触的问题非常广泛，从经典的机翼绕流问题到近代的高速飞行器表面发热问题，从火箭发动机中的燃烧问题到化工、冶金工程中的种种复杂流动问题，从水轮机中的叶栅理论到近代各种气动力机械的设计，从管道流动到船舶阻力，从海洋波浪到大气流动规律，从电磁流体力学到稀薄气体的研究等等。流体力学是和生产实践紧密联系着的，随着生产和工程技术的不断发展，流体力学的内容将更为充实。

在总路线的光辉照耀下，我国工农业生产出现了空前的大跃进，自1958年以来，广大人民在社会主义建设的实践中，对流体力学提出了许多新的研究课题，说明了流体力学在目前是迫切需要发展的；同时也告诉我们，流体力学的接触面是非常广泛的，流动的类型也是复杂多样的，因此要求流体力学工作者必须更好地从生产实际出发，按照实践——理论——实践的原则来开展流体力学的研究工作。

为了要在各种复杂的现象中取得研究成果，必须要善于从实际出发，依靠广大群众的创造，在大量的实践与实验的基础上选出组成现象的主要部分及影响现象变化的主要因素，建立起理论模型，得出研究结论后再与实际进行比较与验证，如此反复进行，方能正确掌握流动规律，从而促进生产发展。下面我们将先来阐述流

体的一些基本性质，从而建立起符合实际的模型，以利于在本篇中介绍基本理论。

## 二、流体的基本性质和假定

**1. 連續性** 我们把流体看作是由无数流体微团連續地組成的。所謂流体微团或流体质点是指这样的小块流体：它的大小与放置在流体中的实物（如机翼）的大小相比較是微不足道的，但比起分子自由程长度却要大得多，它包含足够多的分子，能施行統計平均的方法求出宏观的特征量（如压力、密度、宏观速度、溫度等等），从而使我們可以考察这些宏观量的变化情况。因此連續性假設首先意味着流体介质是由这种带有宏观特征量的流体质点連續地組成的；其次还意味着质点运动过程的連續性。

在这个連續性假設的基础上，为了利用偏微分方程等数学工具，我們还认为速度、密度与压力等特征量是质点与時間的連續函数，只有在个别曲面上，才容許有不連續性。

由上述連續性的基本假設和特征量分布的連續性的补充假設所得出的結果，与实验結果符合得很好，那么，这就表明了这些假設是合理的，正确的，因此，連續性假設也就成为流体力学的一个基本假設。

当然，連續性假設不能在任意情况下都适用，例如，随着拔海高度的增加，空气逐渐稀薄，到一定高度后，空气将不能再当作連續介质了。

气体随拔海高度的增加而逐渐稀薄的程度見表 1。

从表 1 我們看到，在海平面上努森数  $K_n < 10^{-6}$ ，在 50 公里高空才达到千分之一，可想而知，在五六十公里高空的大气內（此时大約  $K_n \sim 10^{-3}$ ），仍然可以把空气看作是連續介质。在更高的地方，大气就不能再看作是連續介质，而是非連續的稀薄气体。对于稀薄气体的稀薄程度應該注意这样一点：它是与物体的大小及运

表 1

海拔高度(千米)	分子自由程 $l$ (大約)	努森(Knudsen)数 $l/L^*$
0	$<10^{-8}$ 厘米	$<10^{-6}$
50	$\sim 10^{-2}$ 厘米	$\sim 10^{-3}$
100	$\sim 1$ 分米	$\sim 1$
150	100 米	$\sim 10^3$
200	100 千米	$\sim 10^6$

\*  $L$  为物体的特征长度, 在此取为 10 厘米。

动速度都有关系的, 因为从动力学的观点來說, 考虑到物体与气体之間的相互关系, 在同一密度的气体中, 物体愈大, 运动速度愈快, 就与气体分子接触机会愈多, 因而就显得稠密了; 反之, 接触机会少, 就显得稀薄。在我們这一門流体力学的課程中不研究稀薄气体的問題。

**2. 壓縮性** 實際上, 流体都是可以壓縮的, 也就是說, 流体的密度是隨着压力与溫度的改变而发生变化。例如水在溫度不变的情况下, 每增加一个大气压, 它的体积比原来減少 0.005% 左右。而对空气來說, 在压力不变的时候, 溫度增高到 100°C, 密度大約能減少 27%。由此可見, 流体是存在着壓縮性的; 只不过像水那样的流体, 壓縮性很小, 可以当作不可壓縮流体看待, 而空气就有明显的壓縮性。

水的不可壓縮性也只有相对意义, 在某些情况下, 如水底爆炸, 水的密度的变化还是不可忽略的。反过来, 空气运动也可能是不可壓縮的, 如当流速比音速小得多的时候, 空气密度的变化就可忽略不計, 此时就把空气当作不可壓縮流体看待。因此是否要考慮流体的壓縮性須視問題的具体情況而定。

根据壓縮性, 可把流体力学划分成两大类: 一类是不可壓縮流体力学, 另一类是可壓縮流体力学。

3. 粘性 当我們觀察河道、渠道中的水流時，可以明顯看到越靠近河岸，流速越小。這表明河岸對鄰近它的流體有約束作用，流體內部也有相互約束的作用力，這種性質就叫作流體的粘性。

我們還可以根據下面的實驗在宏观上說明流體的粘性。

假設兩不動的平行平板間充滿了靜止的流體（圖0-1），當我們使下面的平板保持不動，而將上面的平板以等速 $U$ 平行移動，我們會看到板間的流體很快就處於流動狀態，且靠近運動平板的流体质點比遠離運動平板的流体质點有較大的速度。

這樣一個事實告訴我們：一方面，運動的平板帶動了緊靠着它的流体质點，也就是說，平板與流體之間存在著切向作用力，我們稱它為流體的外摩擦。另一方面，靠近運動平板的流體層將運動傳給了緊靠它的離運動平板較遠的流體層，這說明流體之間在其接觸面上存在著切向作用力，這就是流體的內摩擦。一般所指流體的摩擦即內摩擦。

牛頓（Newton）對這類現象進行了歸納，得到通常所謂的牛頓定律：兩流體層之間單位面積上的摩擦力 $\tau$ 與垂直於流動方向的速度梯度成正比

$$\tau = \mu \frac{\partial u}{\partial n}.$$

式中的 $\mu$ 與運動性質無關，取決於流體的物理性質與溫度，通常稱為粘性系數。 $\mu$ 除以流體的密度稱為運動的粘性系數

$$\nu = \frac{\mu}{\rho}.$$

粘性系數 $\mu$ 的量綱是

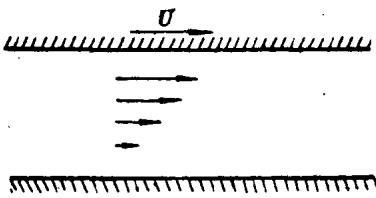


圖 0-1

$$\frac{\text{力}\cdot\text{长度}}{\text{长度}^2\cdot\text{速度}} = \frac{\text{力}}{\text{长度}\cdot\text{速度}}。$$

在物理制单位中,  $\mu$  的量纲  $[\mu] = \left[ \frac{\text{克}}{\text{厘米}\cdot\text{秒}} \right]$ ; 在工程单位制中  $[\mu] = \left[ \frac{\text{公斤}\cdot\text{秒}}{\text{米}^2} \right]$ 。

运动粘性系数的量纲在物理制单位中为  $[\nu] = \left[ \frac{\text{厘米}^2}{\text{秒}} \right]$ , 工程单位制中  $[\nu] = \left[ \frac{\text{米}^2}{\text{秒}} \right]$ 。

粘性系数随温度变化的性质可从表 2 与表 3 中看出。对于液体来讲, 当温度增高时, 粘性系数要减小, 但对于空气, 则随温度的升高而增大。对于液体的粘性系数与空气的粘性系数的这个差别, 我们可以从粘性的微观过程来了解。原来流体的粘性一方面由分子间的吸引力所引起, 另方面也是分子因不规则的热运动而交换动量的结果。当温度升高时动量增大, 由动量交换所决定的粘性增大, 而分子间的吸引力减小, 因而由它所决定的粘性减小。对于液体的粘性来讲, 吸引力的因素是主要的, 对于空气则动量交换的因素是主要的, 因此液体的粘性系数与空气的粘性系数就具有了上述的差别。

表 2 水的粘性系数与温度的关系

温度 (°C)	$\mu \times 10^2$ 克 厘米·秒	$\nu \times 10^2$ 厘米 <sup>2</sup> 秒	温度 (°C)	$\mu \times 10^2$ 克 厘米·秒	$\nu \times 10^2$ 厘米 <sup>2</sup> 秒
0	1.792	1.792	40	0.656	0.661
5	1.519	1.519	45	0.599	0.605
10	1.308	1.308	50	0.549	0.556
15	1.140	1.141	60	0.469	0.477
20	1.005	1.007	70	0.406	0.415
25	0.894	0.897	80	0.357	0.367
30	0.801	0.804	90	0.317	0.328
35	0.723	0.727	100	0.284	0.296

表 3 空气的粘性系数和温度的关系

溫度 (°C)	$\mu \times 10^4$ 克 厘米·秒	$v$ 厘米 <sup>2</sup> 秒	溫度 (°C)	$\mu \times 10^4$ 克 厘米·秒	$v$ 厘米 <sup>2</sup> 秒
0	1.709	0.132	160	2.425	0.298
20	1.803	0.150	180	2.505	0.323
40	1.901	0.169	200	2.582	0.346
60	1.997	0.188	220	2.658	0.371
80	2.088	0.209	240	2.733	0.397
100	2.175	0.230	260	2.806	0.424
120	2.260	0.252	280	2.877	0.451
140	2.344	0.274	300	2.946	0.481

一般我們都將粘性系数  $\mu$  看作溫度的函数。粘性系数与溫度的关系式，又称为物理方程。我們将在以后用到时具体給出。

根据处理問題时的不同要求和粘性的大小，我們有时可略去粘性不計，而把流体看成是无粘性的即理想流体，这样在流体力学中引入了理想流体和粘性流体的分类。

**4. 导热性** 流体的导热性同样是分子热运动的結果，因此与粘性有着相互联系。富里埃(Fourier)的热傳導經驗公式为

$$dQ = \lambda \frac{\partial T}{\partial n} d\sigma,$$

其中  $dQ$  是单位時間通过面积  $d\sigma$  的热量， $n$  是  $d\sigma$  的法綫方向， $\lambda$  为热傳導系数。

通过曲面  $S$  的热量，由富里埃公式积分得到

$$Q = \iint_S \lambda \frac{\partial T}{\partial n} d\sigma.$$

在一般的流体力学中，就是以連續性作为基本假設的，在此基础上，再考慮流体的压缩性，粘性和导热性，并由此来研究流体的运动及其与固体之間的作用力。

流体还具有許多其他复杂的性质，如輻射、多相介质的扩散、