

筹珠联合使用法

附：活动多位数倍数表

余介石編

財政經濟出版社

~~13·112/6~~

筹珠联合使用法

(附：活动多位数倍数表)

余介石编

*
財政經濟出版社出版

(北京西单布胡同7号)

北京市書刊出版業營業許可證出字第60号

奎記印刷厂印刷 新华书店总经售

787×1092耗 1/32·1印張·表2/3印張·20,000字

1957年8月第1版

1957年8月于海第1次印刷

印数：1—6,600 定价：(9)0.24元

統一書號：13005.53 57.1.源型

13·111·153

筹 珠 联 合 使 用 法

(附：活动多位数倍数表)

余 介 石 編

財政經濟出版社

目 录

| | |
|-----------------------|----|
| 前言..... | 3 |
| 活动多位数倍数表..... | 4 |
| 乘除定位法..... | 8 |
| 乘法..... | 11 |
| 斤两法..... | 14 |
| 除法..... | 16 |
| 开平方..... | 20 |
| 倍数表的作法..... | 24 |
| 附录：輕便計算工具在新中国的发展..... | 25 |

前　　言

编写这本小册子的目的，是介绍一种极简便的助算工具：活动多位倍数表。用它与算盘配合，基本上可以解决珠算上的困难。这种联合使用法的优点，是易学会，易掌握，不易算错，而速度较高①。珠算是祖国伟大的科学遗产，我们应当努力钻研，提高技术水平，推广使用范围。我国正在进行第一个五年计划，如所周知，计划是与计算有密切的关系的。象算盘这种简便的计算工具，广大群众对它原有深刻的认识，随着我国经济建设的发展，以及核算与统计工作的发展，珠算一定会得到更广泛的应用，继续为劳动人民服务。

为了推进珠算的效能，减少学习的困难，谨把这本小册子和活动多位倍数表献给广大群众，供农村合作社会计人员、商店营业员、财经机构工作人员及中等商业学校学生研习珠算之用。“书”与“算”是学文化的基础，编者希望这种轻便计算工具在普及计算知识上能起一些作用，谨以十二万分诚恳的心情请求读者赐教，多提宝贵的意见，写信寄到北京财政经济出版社转交本人。

学习这本小册子的人，须先学会珠算加减法，在一般群众，这一点并没有什么困难。应当注意，加减法是基础。珠算有四

① 参看本末第 27 页成都财经学校的教学总结的摘要。

一个难点：“带子”，错档，定位和改商。联合使用法，可以突破后面三道难关，但是首先要不“带子”，即不搬错算珠。不然，一“子”之差，全盘都错。因此我們应先通过加、减法的实践，熟練指法，在准确的基础上，养成迅速的技能。必須強調，准确是第一，速度还在其次，并且是以准确为先决条件的。如果不能保証計算准确，就要“复盤”，即重打一次算盤，速度便減低一半。在熟习了加、减法以后，再用这种簡便工具——活动多位倍数表——来学习乘、除、斤两法与开平方这几种最常用的計算方法，以及定位法，据我們多次推行的經驗，看書只要三、五小时，口授只要一、二小时，就能全部掌握。当然，要想熟練，还須經過一段实践的时间。

这种乘、除法虽然极容易学。但是，必須从实践中去学。光看書，不动手，是很难看懂的。毛主席在实践論中指出：“……問題的解决，一点也不能离开实践。无论何人，要認識什么事物，除了同那个事物接触，即生活于（实践于）那个事物的环境中，是没有法子解决的。”^①这是我們学习的指南針。

活动多位数倍数表

在现代计算工作中，数值表占很重要的地位。最简单的一种，就是倍数表。但是一般乘除用倍数表，因篇幅限制，位数有一定的限度。倍数一般限于二位，基数（即被乘数）至多是四位，篇幅已是十分繁重了。在实践中，基数常在四、五位以上，甚至七、八位，固定的位数表，便失去作用。活动倍数表，就灵活得多。

^① 毛主席选集，人民出版社1952年（普及版）版，第一卷第275页。

倍数指标

| | | | | | | | | |
|------------------|-----|-----|-----|-----|-----|-----|------|------|
| 一倍 | 一倍 | 一倍 | 一倍 | 一倍 | 一倍 | 一倍 | 一倍 | 一倍 |
| 二倍 | 二倍 | 二倍 | 二倍 | 二倍 | 二倍 | 二倍 | 二倍 | 二倍 |
| 三倍 | 三倍 | 三倍 | 三倍 | 三倍 | 三倍 | 三倍 | 三倍 | 三倍 |
| 四倍 | 四倍 | 四倍 | 四倍 | 四倍 | 四倍 | 四倍 | 四倍 | 四倍 |
| 五倍 | 五倍 | 五倍 | 五倍 | 五倍 | 五倍 | 五倍 | 五倍 | 五倍 |
| 六倍 | 六倍 | 六倍 | 六倍 | 六倍 | 六倍 | 六倍 | 六倍 | 六倍 |
| 七倍 | 七倍 | 七倍 | 七倍 | 七倍 | 七倍 | 七倍 | 七倍 | 七倍 |
| 八倍 | 八倍 | 八倍 | 八倍 | 八倍 | 八倍 | 八倍 | 八倍 | 八倍 |
| 九倍 | 九倍 | 九倍 | 九倍 | 九倍 | 九倍 | 九倍 | 九倍 | 九倍 |
| 签 条 索 引 | 半平 | 半平 |
| | 0 1 | 0 1 | 0 1 | 0 1 | 0 1 | 0 1 | 0 1 | 0 1 |
| | 2 3 | 2 3 | 2 3 | 2 3 | 2 3 | 2 3 | 2 3 | 2 3 |
| | 4 5 | 4 5 | 4 5 | 4 5 | 4 5 | 4 5 | 4 5 | 4 5 |
| | 6 7 | 6 7 | 6 7 | 6 7 | 6 7 | 6 7 | 6 7 | 6 7 |
| | 8 9 | 8 9 | 8 9 | 8 9 | 8 9 | 8 9 | 8 9 | 8 9 |
| | | | | 1 两 | 4 两 | 7 两 | 10 两 | 13 两 |
| | | | | 2 两 | 5 两 | 8 两 | 11 两 | 14 两 |
| | | | | 3 两 | 6 两 | 9 两 | 12 两 | 15 两 |

一組 二組 三組 四組 五組 六組 七組 八組

倍数签条

了。本小冊所附的一种表如上頁圖，可查出八位基數的 1 到 9 倍積數，並附有斤兩法和開平方用的積數。這表左邊有一條倍數指標，從左到右由八組簽條合成。前三組中每組有十二張簽條，第一條是只記倍數指標；第二條是半平簽，用于開平方；第三條到十二條是倍數簽，用于乘除法。最後是三條白紙，可自行記載常用的倍數。第四組到八組中，前十二條同上，第十二到十四條是斤兩簽，用于斤兩法。斤兩法與開平方法，等到後文再說。第三條到十二條是 0 到 9 各基數的 1 到 9 倍各積數，各基數在簽條下端標明，以便翻出。例如 7 簽上是 7 的 1 到 9 倍積數如下（下頁圖）。上面橫分 9 排，每排對着最左邊的倍數指標，便是几倍積數，如一倍即 7，記為 07，二倍即 14，三倍即 21，余類推。每一位基數的積數一律當作二位，**本位**（個位）寫在每排的右下角，**上位**（十位）寫在左上角。

查多位數的九倍積數時，可自左而右，按各組中下端露出的索引，翻出各簽條，如下頁圖是照基數 1798 翻出的倍數表。每一簽條中，各排內左上角的數字是各倍的積數的**上位**（十位），須與左面一簽條中右下角的**本位**（個位）相加。因此我們用圓括弧把這樣兩個數字括起來，看下頁圖即明。心算純熟的讀者，不難一面看一面加，就可一眼看出基數 1798 的 1 倍到 9 倍各積數。但遇相加滿十進位時，要加注意。如 1798 的八倍積數，加出各位是 (0)(13)(13)(8)(4)，進位後就成為 14384。看各倍積數時，一律從上排最左的一個 0 起，如果後面的數不進位，這個 0 要看成第一位。如 1798 的五倍積數，原是 8990，在此要在前面補一個 0，使它成為 08990。基數當然是它本身的一倍積數，頭一位都是 0。這樣可使基數本身和各倍的積數，位數一樣多，而且都不

| | 7 | 1 | 7 | 9 | 8 | |
|---|----------|----------|----------|----------|----------|--------------------------------|
| 一 | 0) (7 | 0) (1 | 0) (7 | 0) (9 | 0) (8 | 0000 } 1798 } 01798(一排) 一倍积 |
| 二 | 1) (4 | 0) (2 | 1) (4 | 1) (8 | 1) (6 | 0111 } 2486 } 03596(二排) 二倍积 |
| 三 | 2) (1 | 0) (3 | 2) (1 | 2) (7 | 2) (4 | 0222 } 3174 } 05394(三排) 三倍积 |
| 四 | 2) (8 | 0) (4 | 2) (8 | 3) (6 | 3) (2 | 0233 } 4862 } 07192(四排) 四倍积 |
| 五 | 3) (5 | 0) (5 | 3) (5 | 4) (5 | 4) (0 | 0344 } 5550 } 08990(五排) 五倍积 |
| 六 | 4) (2 | 0) (6 | 4) (2 | 5) (4 | 4) (8 | 0454 } 6248 } 10788(六排) 六倍积 |
| 七 | 4) (9 | 0) (7 | 4) (9 | 6) (3 | 5) (6 | 0465 } 7936 } 12586(七排) 七倍积 |
| 八 | 5) (6 | 0) (8 | 5) (6 | 7) (2 | 6) (4 | 0576 } 8624 } 14384(八排) 八倍积 |
| 九 | 6) (3 | 0) (9 | 6) (3 | 8) (1 | 7) (2 | 0687 } 9312 } 16162(九排) 九倍积 |

↑倍数指标

7

比基數小。这样补了0，可以防止錯档，在除法中，还有重要的作用，即决定各位商应撥在一档。

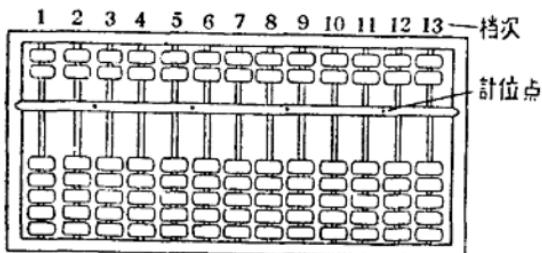
有相当基础的讀者，稍加练习，六位及以下基數，不难一眼看出各倍的积数①。这样就可以提高計算速度。但心算能力較弱者，勿过于勉强，必須注意「准确第一」的原則，不可开始即追

① 一般讀者，心算相加，不会有什么困难，同时进位，可能感到麻烦。那就不妨把这八倍积数讀成零、十三、十三、八、四，但不可讀成零一三一三八四。

求速度。在工作的实践中，經過一段时间，很自然地就熟練了，并不難达到一眼看出的水平。在乘法时，可以分两排数相加，等到下文再說。但在除法中，須知各位积数，才能正确地定出商数。絕大多数的情形，只須比較头三位数。第一位数，除了进位而外，是不用加的，只要能心算，加后二位就行。作除法时，要先练习一下，只須花很少的时间就能掌握。

乘除定位法

用筹珠联合作乘、除，还要結合定位法。定位法有几种，基本上都是根据明代程大位“算法統宗”(1592)的十二字訣。下面介紹的方法，也是由此变化作出的。在算盤上边貼一張紙条，用數字記明档次。为了易于認清位次，可按財經記數的“三位一节制”，在梁上記計位点。例如十三档的算盤，可記四个計位点，在2、3; 5、6; 8、9; 11、12 各档中間，如下图。



本書所講的乘、除法，实际上即是隔位乘与商除。要定乘积和商数的位，須先辨清一个数的位次（也可叫位数），它是由一个数中最先不是0的那位数来决定的，如下表。

| | | | | | | | |
|-----|-------|------|-------|--------|---------|----------|-------------|
| 数 | 17980 | 1798 | 1.798 | 0.1798 | 0.01798 | 0.001798 | 0.000001798 |
| ①位次 | 左 6 | 左 5 | 左 2 | 左 1 | 0 | 右 1 | 右 4 |

換句話說，最先一位不為 0 的數，在百分位上時，位次是 0；以此為準，這一位數在百分位左或右幾位時，位次便是左几或右几。因此在隔位乘和商除的定位法，也叫做百分定位法。

乘除法時，要先撥上被乘數或被除數，按照下面的規則撥，計算出的乘積或商數的個位，就會自然而然地在預定的檔上。

定位規則：

(一)適當地預先選定一個計位數做小數點，2、3 檔中間的，5、6 檔中間的，8、9 檔中間的，或 11、12 檔中間的均可，並記住個位檔，即小數點左一檔，如 2、5、8、11 各檔。

(二)認清乘數或除數的位次，是左几、右几、還是 0。

(三)乘法時，看乘數的位次，把被乘數的個位，撥在預定個位檔的左几(或右几)檔上。除法時，把除數的位次改向，左(右)几改右(左)几，再照規定撥被除數(乘數或除數已見倍數表，故不必記在算盤上)。

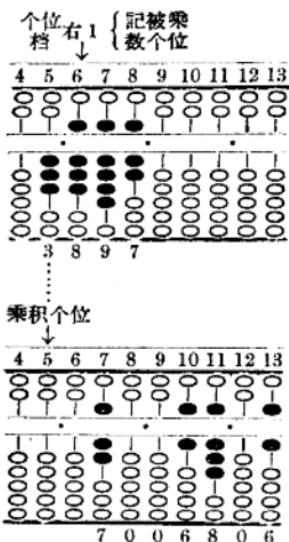
(四)進行籌珠聯合法(即隔位乘或商除②)，求出的乘積或商數，個位自會在預先選定的個位檔上。

【例】 $38.97 \times 0.001798 = 0.07006806$

(一)選定第二個計位點為小數點，即預定第 5 檔是乘積個位檔。

① 參看著者主編的“經濟計算教程”，財政經濟出版社 1957 年版，第三章第二部分三節，但已左移了一位。

② 這種定位法，對民間通行的“剝皮”法也能適用。



(二) 認清乘數 0.001798 位
次是右 1。

(三) 以預定個位檔的右 1 檔
(第 6 檔) 做被乘數個位檔, 記上
被乘數。

(四) 進行乘法(見下), 得到
乘積各位數字(一般叫有效數字)
在第 7 到 13 檔上。因個位在第 5
檔, 故得乘積 0.07006806。

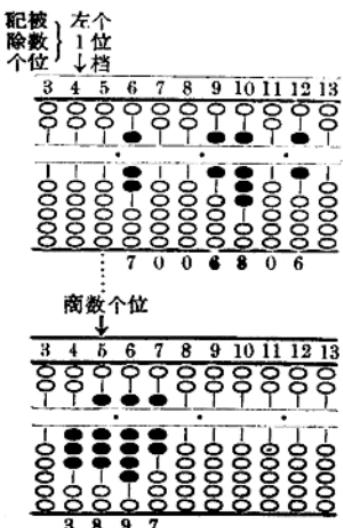
把上例還原, 即 $0.07006806 \div 0.001798 = 38.97$ 。

(一) 選定第二個計位點為小
數點, 即預定第 5 檔是商數個位
檔。

(二) 認清除數 0.001798 位
次是右 1, 改向後是左 1。

(三) 以預定個位檔的左 1 檔
(第 4 檞) 做被除數個位檔, 記上
被除數。

(四) 進行除數(見下), 得到
商數各位有效數字在第 4 到 7 檞
上。因個位在第 5 檞, 故得商數
38.97。



乘 法

乘法規則：

(一)選位數較多的因數作乘數(這一點和普通乘法相反)，翻出倍數表，並認清乘數的位次。乘數不必撥出算盤上。

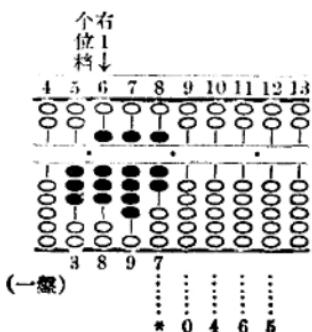
(二)適當地選定個位檔，照上面的定位規則撥被乘數。

(三)從被乘數末位起，自右而左，撥去被乘數各位有效數字。每撥去一位，注意看倍數表上以這位為倍數的積，順手從下一檔起，加上表中的積數。心算純熟的讀者，可一次加；否則分兩次加，先從下一檔起加這排左上角上行的數，再退一檔加右下角下行的數。

(四)撥完加畢，就是乘積，同時也已定出個位。

【例】 $38.97 \times 0.001798 = 0.07006806$

不能一眼看出各倍積數時，要分二次加，每一位被乘數的各倍積數，須撥珠兩次。因此計算這例，連撥被乘數在內，一共要九次，如下面的1到9圖。



(一)乘數位次是右1。選定第5檔做乘積個位檔後，按定位規則，被乘數個位數(即8)應撥在第5檔的右1檔(即第六檔)上，照此撥上被乘數。翻倍數表，排出乘數各位有效數字1798，如7頁的圖。

| | | | | | | | | | | | | |
|------|---|---|---|---|---|----|----|----|----|--|--|--|
| 3 | 8 | 9 | 7 | | | | | | | | | |
| 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 | | | |
| * | 0 | 4 | 6 | 5 | | | | | | | | |
| (二盤) | | | | | | | | | | | | |
| 3 | 8 | 9 | | 0 | 4 | 6 | 5 | | | | | |
| 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 | | | |
| * | 0 | 6 | 8 | 7 | | | | | | | | |
| (三盤) | | | | | | | | | | | | |
| 3 | 8 | 9 | | 1 | 2 | 5 | 8 | 6 | | | | |
| 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 | | | |
| * | 0 | 6 | 8 | 7 | | | | | | | | |
| (四盤) | | | | | | | | | | | | |
| 3 | 8 | | 8 | 1 | 2 | 8 | 6 | | | | | |
| 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 | | | |
| * | 9 | 5 | 1 | 2 | | | | | | | | |
| (五盤) | | | | | | | | | | | | |
| 3 | 8 | | 1 | 7 | 4 | 4 | 0 | 6 | | | | |
| * | 0 | 5 | 7 | 6 | | | | | | | | |

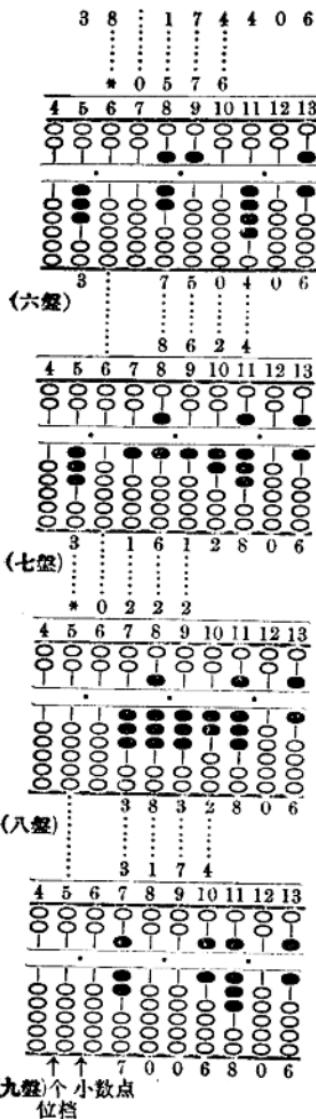
(二)被乘数末位是7，在表上看出1798的七排中上行数字是0465。擦去第8档上的7(图中用*标明)，顺手从下一档(第9档)起，加上0465。

为了避免看错起见，可以放一根尺在七排上行数字的下面，那就更清楚了。以下同此。

(三)退一档加七排中下行数字7936。注意第8档是空档，也就是在空档的右二档起，加下行数字。

(四)被乘数原来的末位数7，已经擦去，并用1798乘过，记出七倍积数了。这时未乘的部分，末位是9。在表上看1798的九排中上行数字是0687。擦去第7档上的9，顺手从下一档(第8档)起加0687。

(五)退一档加九排中下行数字9312。



(六)这时未乘过的部分，末位是8。在表上看1798的八排中上行数字是0576。擦去第6档上的8，顺手从下一档(第7档)起，加0576。

(七)退一档加八排中下行数字8624。

(八)这时只有最高位数3没有乘过了。在表上看1798的三排中上行数字是0222。擦去第5档上的3，顺手从下一档(第6档)起，加0222。

(九)退一档加三排中下行数字3174。得出总乘积。注意小数点是在第二个计位点(即第5档是个位档)处，故乘积是0.07006806。

如能一眼看出1798的各倍积数，就只須搬珠五次，如上面的第一、三、五、七、九等五盤。用算式說明如右。

| | |
|------|--------------------------|
| (一盤) | 3897 |
| | * |
| (三盤) | 389 * 12586 (即1798的7倍积数) |
| | * 16182 (即1798的9倍积数) |
| (五盤) | 38 174406 (即1798的8倍积数) |
| | * |
| (七盤) | 3 1612806 (即1798的3倍积数) |
| | 05394 |
| (九盤) | 7006806 |

註：有了这本活动倍数表，也可以和笔算結合，計算起来，比普通方法便捷而迅速。进行乘法时，是抄下各排的几倍积数，一次相加，如下面的左图(分二行加的)或右图。

| | | | |
|---------|------------|---------|-----------------------------|
| 0465 | 7倍的积数..... | 12586 | { 注意在一眼看出各倍的积数时，算式便和笔算完全一样。 |
| 7936 | | | |
| 0687 | 9倍的积数..... | 16182 | |
| 9312 | | | |
| 0576 | 8倍的积数..... | 14384 | |
| 8624 | | | |
| 0222 | 3倍的积数..... | 05394 | |
| 3174 | | | |
| 7006806 | | 7006806 | |

斤 两 法

斤两法是求貨品几斤几两的总价，用倍数表的各組中的末尾三張簽条，便可把兩数化成以斤为單位的十进小数，并附列出它的1到9倍积数。这样便可进行乘法計算了。看下例。

【例】面粉每斤1角8分，买面粉17斤11两，要付款多少？

先翻出第七組末11簽，再順次向左翻出7簽和1簽，即有：

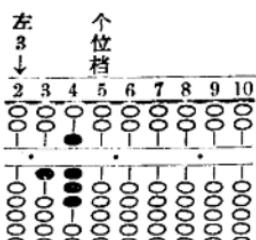
$$0.18 \times 17.6875 = 3.18375 \approx 3.18 \text{元}$$

(記号≈是近似相等)

| | 1 | 7 | 斤11两 |
|---|-----|-----|------|
| 一 | 0) | 0) | 0) |
| | (1) | (7) | 6875 |
| 二 | 0) | 1) | 1) |
| | (2) | (4) | 3750 |
| 三 | 0) | 2) | 2) |
| | (3) | (1) | 0625 |
| 四 | 0) | 2) | 2) |
| | (4) | (8) | 7500 |
| 五 | 0) | 3) | 3) |
| | (5) | (5) | 4375 |
| 六 | 0) | 4) | 4) |
| | (6) | (2) | 1250 |
| 七 | 0) | 4) | 4) |
| | (7) | (9) | 8125 |
| 八 | 0) | 5) | 5) |
| | (8) | (6) | 5000 |
| 九 | 0) | 6) | 6) |
| | (9) | (3) | 1875 |

如能一眼看出各倍的积数，只須撥第一、三、四等三盤，算式如下：

$$\begin{array}{r}
 \text{(一盤)} \quad 18 \\
 \text{(三盤)} \quad 1 * \boxed{1415} \\
 \quad \quad \quad * 0176875 \\
 \text{(四盤)} \quad \quad \quad \quad \quad 318375
 \end{array}$$



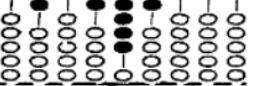
(一)选定第5档做个位档。乘数位次是左3，按定位規則把被乘数撥在第3、4两档上。



(二)倍数表的八排中上行是055，撥去第4档的8，順手从下一档起加上055。



(三)退一档加八排中下行数字865。



(四)撥去第3档上的1，这时一排中上行全是0，所以再退一档(到第5档)加上一排中下行数字176875。

