

柜台速算

GUI TAI SU SUAN



中国商业出版社

柜 台 速 算

俞 佐 琴 著

中國商世出版社

柜台速算

俞佐琴 著

中国商业出版社出版

新华书店北京发行所发行 各地新华书店经售

北京市印刷一厂印刷

787×1092 毫米 1/32 2.5 印张 46 千字

1982 年 3 月第 1 版 1982 年 3 月北京第一次印刷

印数：1—200,000 册

书号：4237·035 定价：0.25 元

前　　言

这本小册子所介绍的是以心算和口算为主的速算方法，速算的特点是用脑子快速计算。在商业基层工作的营业员、服务员、采购员以及做会计、统计等工作的同志，学会速算，不仅能使计价算账快速、准确，提高工作效率，而且有助于改善服务态度。

这里介绍的速算方法和所用例题，都着眼于商业基层工作计价算账的实际需要，以冀对商业基层工作的同志运用速算有所帮助。学习速算要持之以恒，要在“懂”和“熟”上狠下功夫，弄懂速算的数学原理，熟记运算程序。这样，日积月累，掌握的速算方法多了，用熟了，就能生巧，触类旁通，一见数式就能立即选用最恰当的速算方法，快速准确算出得数。另外，还应在工作中不断总结经验，概括出切合本职工作的一些计数类型和速算方法，与这里介绍的速算方法配合运用，计算速度将会更快，效果将会更好。

我是一个退休的商业工作者，长期从事商业工作，深感计价算账不单纯是个技术问题，它实是文明经商的一项重要内容，算错一笔账，直接关乎到国家和群众的利益，影响到社会主义商业的信誉。为此，我过去一直用心探寻和搜集计价算账的各种速算方法，时间久了，就有了些收获，也曾应邀向商业基层工作的一些同志介绍过自己运用速算的体会，同志们听后觉得速算很有用。于是我在一九五六年把自己的体会写了一本《珠笔算联合速算法》，一九七九年又在这本小册子的基础上，

加以修改和补充写了一本《乘法快速 48 法》。这次承蒙北京商学院张薪保同志对《乘法快速 48 法》的内容作了调整和修改，并且补充了一些运算原理，更名为《柜台速算》，谨此致谢！由于我的水平有限，书中难免有错误和不妥之处，敬希读者不吝批评指正。

作者
一九八一年十二月

目 录

第一章 概述.....	1
第二章 弹珠速乘法.....	6
第三章 应用各种公式的速算法.....	14
第四章 利用平方差公式速算法.....	26
第五章 逢五折半法.....	30
第六章 西瓜分合法.....	35
第七章 利用斤求两口诀的速算法.....	43
第八章 乘 9 与 9 的倍数及乘 11 与 37 的速算法.....	50
第九章 三位数乘三位数的速算法.....	57
第十章 速算加减法.....	62
第十一章 速算除法.....	65

第一章 概 述

战斗在社会主义商业第一线的广大职工，整天和商品、货币打交道，商品的进销都得计数算账，笔算迟缓，现代化的计算工具也还不是到处都有；如能掌握一套以口算和心算为主的速算方法，巧妙地利用一些数之间的特点进行计算，则得数既准确又快速，十分方便，能大大地提高工作效率。

速算方法主要是根据四则运算性质和运算定律，或变换运算顺序、种类，或补充尾数，或利用各种公式，简化运算过程而形成的。它的特点是用脑子进行快速计算。

四则运算性质大家都比较熟悉，毋须多讲。下面介绍速算中经常用到的运算定律和乘积定位法。

一、运算定律

加法和乘法的运算定律一共有五条：

1. 加法交换律。两个加数相加，交换加数的位置，它们的和不变。

即： $a + b = b + a$

如： $3 + 4 = 7$

交换加数位置： $4 + 3 = 7$

2. 加法结合律。三个数相加，可以把前两个数结合起来先加，再加上第三个数；或者先把后两个数结合起来先加，再加上第一个数，它们的和不变。

即： $(a + b) + c = a + (b + c)$

如: $(7 + 6) + 4 = 13 + 4 = 17$
也可先把后两个数结合起来先加。

$$7 + (6 + 4) = 7 + 10 = 17$$

加法交换律和加法结合律可以推广到任意个数相加。

如: 五个加数相加。

$$\begin{aligned} & 61 + 42 + 39 + 58 + 15 \\ &= (61 + 39) + (42 + 58) + 15 \\ &= 100 + 100 + 15 \\ &= 200 + 15 \\ &= 215 \end{aligned}$$

3. 乘法交换律。两个数相乘, 交换因素的位置, 它们的积不变。

即: $abc = cba = bac$

$$\begin{aligned} \text{如: } & 25 \times 12 \times 8 \\ &= 300 \times 8 \\ &= 2400 \end{aligned}$$

交换后两个因素的位置则为:

$$\begin{aligned} & 25 \times 8 \times 12 \\ &= 200 \times 12 \\ &= 2400 \end{aligned}$$

4. 乘法结合定律。三个数相乘, 可以把前两个数结合起来先乘, 再与第三个数相乘; 也可以把后两个数结合起来先乘, 再与第一个数相乘, 它们的乘积不变。

即: $(ab)c = a(bc)$

$$\begin{aligned} \text{如: } & (14 \times 8) \times 5 \\ &= 112 \times 5 \\ &= 560 \end{aligned}$$

也可先把后两个数结合起来先乘：

$$\begin{aligned} & 14 \times (8 \times 5) \\ & = 14 \times 40 \\ & = 560 \end{aligned}$$

5. 乘法分配定律。两个加数的和与一个数相乘，可以先把各个加数分别与这个乘数相乘，再把所得的部分乘积加在一起。

即： $(a+b)c = ac + bc$

如： $(15+17) \times 3$
 $= 15 \times 3 + 17 \times 3$
 $= 45 + 51$
 $= 96$

乘法结合律和乘法交换律，都可推广到任意个数相乘；乘法分配律也同样可以推广到任意个加数相加乘以某乘数。

二、乘积定位法

速算乘法，先得根据被乘数和乘数的位数估算出乘积的位数。这样在运算中就可以多有一个依据，保证各个部分积的同单位数相加，得出准确的乘积。

乘积定位分三种情况：

1. 整数相乘，乘积的位数一般是等于被乘数的位数与乘数的位数的和。

$$\text{乘积的位数} = \text{被乘数的位数} + \text{乘数的位数}.$$

如： $65 \times 25 = 1625$

$$2 \text{ 位} + 2 \text{ 位} = 4 \text{ 位}$$

因为： $10 < 65 < 100$

不等式各项乘以 25

$$10 \times 25 < 65 \times 25 < 100 \times 25$$

$$250 < 65 \times 25 < 2500$$

三位 四位

所以 65×25 的乘积不是三位就是四位，当 65×25 两因素的首位相乘满十有进位，它们的乘积就是四位。

由此可知，当两因素的首位相乘的积不满十，而后续位相乘积，虽有进位，但仍不满十，乘积的位数就比两因素的位数的和少 1。

如： $32 \times 31 = 992$

两因素首位相乘积 $3 \times 3 = 9 < 10$ ，
所以乘积位数 = 2 位 + 2 位 - 1 = 3 位。

又如： $32 \times 37 = 1184$

两因素首位相乘积 $3 \times 3 = 9 < 10$ ，但后续位相乘积有进位满十： $9 + 2 > 10$ 。

所以乘积位数 = 2 位 + 2 位 = 4 位。

2. 被乘数和乘数中如果有小数，就看被乘数和乘数中共有几位小数，乘积就有几位小数。

如： $0.62 \times 0.72 = 0.4464$

这里被乘数和乘数共有四位小数，所以乘积就有四位小数。注意：乘积的数尾是 0 时，0 必须计入数位。

如： $0.65 \times 0.72 = 0.4680$

如漏计 0 位，小数点就要向左移动一位，成了 0.0468，这就错了。所以尾数的 0 在点小数点时，必须计入数位。又因为小数的尾数 0，没有意义，报数时可去掉。0.4680，即为 0.468。

3. 两个末尾有零的因素相乘，可以先把零前边的数字所表示的数相乘，再在所得的积的后边添上两因素末尾的所有

0。

如： $5600 \times 110 = 616000$

先做 $56 \times 11 = 616$ ，再在 616 后面添上两因素末尾所有的三个 0，即 616000。

乘法是速算的基础，柜台上的计算大量用到的也是乘法，所以在这本小册子里着重介绍的是速算乘法。

对各种速算方法，一定要弄懂它所运用的运算原理，这样才能深刻领会，得其要领，实际运用时，方能根据具体情况，循理变化，运用自如，迅速选出最合理的方法进行运算，俗谚：“熟能生巧”，学习和掌握速算方法，要在“懂”和“熟”上下功夫。

第二章 弹珠速乘法

日常做乘法，总是由低位向高位算起，逐位相乘，同单位数相加，从而得出乘积数。这样计算的顺序就与读、写、看的顺序正好相反，很不方便。其实两数相乘，不论是由高位向低位算起，还是由低位向高位算起，或者从中间任何一位算起，只要同单位数相加，所得乘积数总是一样的。

如： $632 \times 5 = ?$

从低位算起：

$$\begin{aligned} & 632 \times 5 \\ &= 2 \times 5 + 30 \times 5 + 600 \times 5 \\ &= 10 + 150 + 3000 \\ &= 3160 \end{aligned}$$

从高位算起：

$$\begin{aligned} & 632 \times 5 \\ &= 600 \times 5 + 30 \times 5 + 2 \times 5 \\ &= 3000 + 150 + 10 \\ &= 3150 + 10 \\ &= 3160 \end{aligned}$$

也可从中间一位算起：

$$\begin{aligned} & 632 \times 5 \\ &= 30 \times 5 + 600 \times 5 + 2 \times 5 \\ &= 150 + 3000 + 10 \\ &= 3150 + 10 \end{aligned}$$

= 3160

从上例可知，乘法的乘积与运算的顺序无关，只要按位相乘，同单位数相加，所得乘积总是相同。因此把乘法改由高位算起，既不影响所得乘积数，又能使计算和读、写、看的方向一致，从而加快了运算速度。弹珠速乘法就是根据这个道理演化出来的。

一、弹珠速乘法的基本要求

1. 改变运算顺序,从高位向低位算起,运算时必须掌握以下要领:

从左到右运算起，上下位置要对齐

高位十几低位几， 满十进位须牢记

2. 熟记 11—99 各数乘以 2、3、4、5、6、7、8、9 的乘积，要做到一看数字就能报出相应的乘积数。

如：(11—99)×2：

$$12 \times 2 = 24 \quad 22 \times 2 = \dots \quad 32 \times 2 = \dots$$

$$13 \times 2 = 26 \quad 23 \times 2 = \dots \dots \dots \quad 43 \times 2 = \dots \dots \dots$$

$$17 \times 2 = 34 \quad 27 \times 2 = \dots \quad 97 \times 2 = \dots$$

$$18 \times 2 = 36 \quad 28 \times 2 = \text{.....} \quad 08 \times 2 = \text{.....}$$

$$10 \times 2 = 20 \quad 20 \times 2 = \text{XXXXXXXXXXXXXXXXXXXXXX} \quad 60 \times 2$$

$11-99$ 相應乘以 3 4 5 6 7 8 9

二、三位数乘以一位数的“弹乘法”

一位数乘三位数的弹乘法，它的运算原理与一位数乘二位数相同，只是多了一道运算程序。它的运算过程是：

在已知一位数乘二位数的乘积之上，加上第三位数与乘数的相乘积，它们的和就是所要求的乘积。如：

例一：河虾每斤 1.58 元，买 0.8 斤，要多少钱？

得式： $1.58 \times 0.8 = 1.26$ 元

把 1.58 看作 158，有二位小数；把 0.8 看作 8，有一位小数，这样该式乘积应有三位小数。

将上式变换为： $158 \times 8 = 1264$

按三位数乘以一位数弹乘法运算。具体步骤如下：

第一步：从高位向低位算起。被乘数的前两位数与乘数相乘： $15 \times 8 = 120$ （用前弹乘表一看即知），应为 1200。

第二步：第三位数 8 与乘数 8 相乘：

$$8 \times 8 = 64$$

第三步：将上所得两个部分积按同单位相加：

$$1200 + 64 = 1264$$

乘积应有三位小数，即 1.264 元，四舍五入，应收款壹元贰角陆分。

例二：咸肉每斤 1.23 元，买 0.6 斤，共多少钱？

得式： $1.23 \times 0.6 = 0.74$ 元

把 1.23 看作 123，有二位小数，把 0.6 看作 6，有一位小数，这样该式乘积应有三位小数。

将上式变换为： $123 \times 6 = 738$

第一步：弹乘 $12 \times 6 = 72$ ，应为 720。

第二步： $3 \times 6 = 18$

第三步：将上面两个部分积按同单位相加

$$720 + 18 = 738$$

乘积应有三位小数，即 0.738 元，四舍五入，应收款柒角肆分。

例三：某顾客买一只鸭，重 3.58 斤，每斤 0.8 元，共多少钱？

得式： $0.8 \times 3.58 = 2.86$ 元

把 0.8 看作 8，有一位小数；把 3.58 看作 358，有二位小数，这样该式乘积应有三位小数。

上式变换为： $358 \times 8 = 2864$

第一步：弹乘 $35 \times 8 = 280$ ，应为 2800。

第二步： $8 \times 8 = 64$

第三步：将上面两个部分积按同单位相加

$$2800 + 64 = 2864$$

乘积应有三位小数，即 2.864，四舍五入，应收款贰元捌角陆分。

三、二位数乘二位数的“弹乘”运算

二位数乘二位数的弹乘法，其具体计算方法如下：

第一步：被乘数与乘数十位数相乘，弹乘得积；

第二步：被乘数与乘数个位数相乘，弹乘得积；

第三步：把以上两个部分积按同单位数相加，其和即为所求乘积。

例一：某顾客买带鱼 0.73 斤，每斤 0.37 元，共多少钱？

得式： $0.37 \times 0.73 = 0.27$ 元

把 0.37 看作 37，有二位小数，把 0.73 看作 73，有二位小数，这样该式乘积应有四位小数。

将上式变换为： $37 \times 73 = 2701$

第一步：弹乘 $37 \times 7 = 259$, 应为 2590

第二步：弹乘 $37 \times 3 = 111$

第三步：将上面两个部分积相加：

$$2590 + 111 = 2701$$

该式乘积应有四位小数，即 0.2701，四舍五入，应收款贰角柒分。

例二：猪脚爪每斤 0.58 元，顾客买 0.52 斤，共多少钱？

得式： $0.58 \text{ 元} \times 0.52 = 0.3 \text{ 元}$

把 0.58 看作 58，有二位小数；把 0.52 看作 52，有二位小数，该式乘积应有四位小数。

将上式变换为： $58 \times 52 = 3016$

第一步：弹乘 $58 \times 5 = 290$, 应为 2900。

第二步：弹乘 $58 \times 2 = 116$

第三步：将上面两个部分积相加： $2900 + 116 = 3016$

该式乘积应有四位小数，即 0.3016，四舍五入，应收款叁角。

例三：蚕豆每斤 0.075 元，某顾客买 8.7 斤，共多少钱？

得式： $0.075 \text{ 元} \times 8.7 = 0.65 \text{ 元}$

把 0.075 看作 75，有三位小数；把 8.7 看作 87，有一位小数，这样该式乘积应有四位小数。

将上式变换为： $75 \times 87 = 6525$

第一步：弹乘 $75 \times 8 = 600$, 应为 6000。

第二步：弹乘 $75 \times 7 = 525$

第三步：将上面两个部分积相加：

$$6000 + 525 = 6525$$

该式乘积应有四位小数，即 0.6525，四舍五入，应收款陆角伍分。

例四：猪舌头每斤 0.68 元，某顾客买 1.7 斤，共多少钱？

得式： $0.68 \text{ 元} \times 1.7 = 1.16 \text{ 元}$

当熟悉了上面运算步骤后，可迳直弹乘 $68 \times 1 = 68$ ，应为 680，再弹乘 $68 \times 7 = 476$ 。将两个部分积相加： $680 + 476 = 1156$ 。

该式乘积应有三位小数，即 1.156 元，四舍五入，应收款壹元壹角陆分。

四、三位数乘以二位数的“弹乘”运算

三位数乘以二位数的“弹乘”运算方法：

第一步：被乘数的前二位数（即百位、十位），乘以乘数的十位数，得出乘积；再加上被乘数的个位数乘以乘数的十位数的乘积，得到第一个部分积；

第二步：被乘数的前二位数乘以乘数的个位数，得出乘积；再加上被乘数与乘数的个位数的相乘积，得到第二个部分积；

第三步：将上面两个部分积相加，即得到所要求的乘积。

例一：猪舌头每斤 0.68 元，某顾客买 1.25 斤，共多少钱？

得式： $0.68 \text{ 元} \times 1.25 = 0.85 \text{ 元}$

把 0.68 看作 68，有二位小数；把 1.25 看作 125，有二位小数，该式乘积应有四位小数。

将上式变换为： $125 \times 68 = 8500$

第一步：弹乘被乘数前二位数与乘数十位数的相乘积，即 $12 \times 6 = 72$ ，应为 7200；再弹乘被乘数的个位数与乘数十位数相乘积，即： $5 \times 6 = 30$ ，应为 300。将上面所得两个乘积相加： $7200 + 300 = 7500$ ，为第一个部分积；

第二步：弹乘被乘数前二位数与乘数个位数相乘积，即：