

高等学校教學用書

# 电力拖动基础習題集

苏联 A. П. 庫瓦耶娃 D. H. 利巴托夫著

电力工业出版社

## 序 言

本習題集可供动力学院及动力工程系的學生作为學習“電力拖动基础”課程的教学材料之用。

本習題集的主要目的是帮助学生能熟練地掌握課程的基本原理及提高学生解决实际問題的技能。

本習題集按照莫斯科莫洛 托夫动力学院“工業企業電力裝備”專業的“電力拖动基础”課程的教学大綱分为五章。

習題集的內容在使学生能以最积极有效的办法来独立地解題。为了使学生熟悉最基本的計算方法，在本習題集中对某些典型的題目作了詳細的解答，並在附录中列有最基本的計算公式。为了使学生能校驗解題是否正确，在本書的最后附有答案。

本書第一、第三、第四章及其附录是Д.Н.利巴托夫所写，第二、第五章及其附录为А.П.庫瓦耶娃所写。

本書作者真誠地希望讀者提出意見 和批評，來信請寄：莫斯科水閘河岸街10号國立动力出版社(Москва, Шлюзовая наб., 10, Госэнергоиздат.)。

作者

# 目 录

序言	
第一章 电力拖动的力学	3
第二章 机械特性及电阻計算	16
第三章 电力拖动的过渡过程	53
第四章 电力拖动系統的力能学	87
第五章 电动机的發热和容量的計算	103
附录	121
甲 計算公式	121
乙 輔助曲綫	144
丙 指数函数表 $e^{-x}$ 由 $X=0$ 到 $X=5.0$	147
答案	149

# 第一章 电力拖动的力学

**1-1.** 試求出电动机軸上的靜轉矩以及当絞車帶有重物时折合到电动机軸上的轉動慣量(圖 1-1)，并求出当提升重物时电动机所發出的功率。重物重量  $G=500$  公斤，重物的提升速度  $v=1.5$  公尺/秒，电动机的轉速  $n_\theta=980$  轉/分。鼓輪的直徑  $D_\theta=0.4$  公尺。鼓輪的轉動慣量  $J_\theta=0.2$  公斤·公尺 $\cdot$ 秒 $^2$ 。絞車的效率  $\eta=0.8$ 。絞車減速器的轉動慣量和鋼繩的質量可以忽略不計。

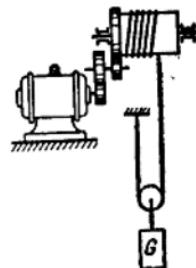


圖 1-1

解法：

当提升重物时电动机軸上的靜轉矩

$$M_c = G \cdot \frac{v}{n_\theta} \cdot \frac{1}{\eta} = 500 \times \frac{1.5 \times 30 \times 1}{3.14 \times 980 \times 0.8} = 9.15 \text{ 公斤}\cdot\text{公尺}.$$

当提升重物时电动机發出的功率

$$P = \frac{G \cdot v}{102} \cdot \frac{1}{\eta} = \frac{M_c \cdot n_\theta}{975} = \frac{500 \times 1.5}{102 \times 0.8} = \frac{9.15 \times 980}{975} = 9.21 \text{ 匹}.$$

折合到电动机軸上的重物的轉動慣量

$$J_{np,2} = m \cdot \left(\frac{v}{n_\theta}\right)^2 = \frac{500}{3.81} \left(\frac{1.5 \times 30}{3.14 \times 980}\right)^2 = 0.0105 \text{ 公斤}\cdot\text{公尺}\cdot\text{秒}^2.$$

鼓輪的轉速

$$n_\theta = \frac{2v \times 60}{\pi \cdot D_\theta} = \frac{2 \times 1.5 \times 60}{3.14 \times 0.4} = 143 \text{ 轉/分}.$$

折合到电动机軸上的鼓輪的轉動慣量

$$J_{n,6} = J_\theta \left(\frac{n_\theta}{n_\theta}\right)^2 = 0.2 \left(\frac{143}{980}\right)^2 = 0.00425 \text{ 公斤}\cdot\text{公尺}\cdot\text{秒}^2.$$

帶有重物的絞車折合到电动机軸上的轉動慣量之和

$$J_n = J_{np,2} + J_{n,6} = 0.0108 + 0.00425 = 0.01505 \text{ 公斤}\cdot\text{公尺}\cdot\text{秒}^2.$$

**1-2.** 如果在起動时电动机發出的平均轉矩  $M_\theta=44$  公斤·公尺，折合到电动机軸上的拖动系統的飛輪慣量  $GD^2=35$  公斤·公尺 $^2$ 。在电动机軸上的靜轉矩  $M_c=8$  公斤·公尺。試求拖动系統由靜止狀態加速

到轉速  $n_0=720$  轉/分的時間。

1-3. 試求出當以 1 公尺/秒<sup>2</sup> 的加速度提升重物時絞車電動機應該發出的轉矩(圖1-1)。

折合到電動機軸上的靜轉矩  $M_c=19.5$  公斤-公尺。當有重物時折合到電動機軸上的絞車的轉動慣量  $J=0.0773$  公斤-公尺-秒<sup>2</sup>。電動機轉子的轉動慣量  $J_0=0.2$  公斤-公尺-秒<sup>2</sup>。絞車鼓輪的直徑  $D_0=0.4$  公尺。減速器的傳動比  $i=2.57$ 。

1-4. 电梯升降室的稳定速度为 3.5 公尺/秒。当起动时升降室的加速度为 2.5 公尺/秒<sup>2</sup>。求出当电梯升降室向上起动时的起动时间，升降室和电动机转子的行程以及体重为 75 公斤的乘客的惯性力。拖动系统中无减速器(绞车鼓轮的轴以连轴器与电动机的轴相连接)。鼓轮的直径  $D_0=0.8$  公尺。

1-5. 如果当电动机不接电源而制动器松开时，1000 公斤的重物在 8 秒钟内下降 10 公尺，试求出电动机转子的转动惯量以及折合到电动机轴上的绞车的转动惯量(图 1-1)。为了克服绞车中的损失所必需的重物重量为 400 公斤。并设绞车中的损失转矩与转速无关。鼓轮的直径  $D_0=0.5$  公尺，减速器的传动比  $i=15$ 。

1-6. 试求出铸铁皮带轮的转动惯量(图 1-2)。皮带轮的主要尺寸如下： $D_1=200$  公厘， $D_2=100$  公厘， $D_3=800$  公厘， $D_4=1000$  公厘， $l_1=400$  公厘， $l_2=60$  公厘， $l_3=500$  公厘。铸铁的密度  $\gamma=7.8$  克/公分<sup>3</sup>。

1-7. 若皮带轮的外缘由密度  $\gamma=2.5$  克/公分<sup>3</sup> 的铝制成，而其

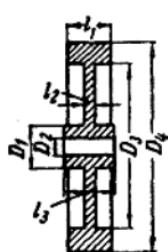


圖 1-2

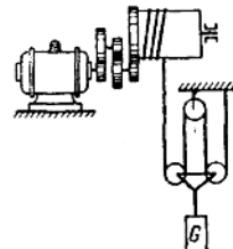


圖 1-3

他部分由鑄鐵制成，皮帶輪的尺寸如題 1-6。皮帶輪（圖 1-2）的轉動慣量將減小百分之几？

**1-8.** 試求出當提升和放落重物時電動機軸上的靜轉矩以及當帶有重物時折合到電動機軸上的絞車的轉動慣量（圖 1-3）。重物的重量  $G = 12000$  公斤，重物的提升速度  $v = 0.5$  公尺/秒，電動機的轉速  $n_d = 1430$  轉/分，提升和放落時的轉動效率可取  $\eta = 0.85$ 。吊鉤及繩繩的重量忽略不計。

鼓輪的直徑  $D_g = 0.5$  公尺。鼓輪的轉動慣量  $J_g = 0.3$  公斤·公尺<sup>2</sup>。折合到電動機軸上的減速器的轉動慣量  $J = 0.01$  公斤·公尺<sup>2</sup>·秒<sup>2</sup>。

**1-9.** 若電動機的平均制動轉矩  $M_d = 90$  公斤·公尺，折合到電動機軸上的靜轉矩  $M_c = 30$  公斤·公尺，飛輪慣量  $GD^2 = 50$  公斤·公尺<sup>2</sup>，求出到停止時的制動時間。電動機開始的轉速  $n_d = 582$  轉/分。

**1-10.** 試求出當以恒速  $v = 0.9$  公尺/秒提升和降落重物時電動機（圖 1-3）發出的功率，以及當以  $0.5$  公尺/秒<sup>2</sup> 的加速度提升和放落重物時電動機所應該發出的起動轉矩。在提升時折合到電動機軸上的靜轉矩  $M_c = 42$  公斤·公尺，在放落時靜轉矩是位能轉矩，它的數值如果折合到電動機軸上等於  $34$  公斤·公尺。折合到電動機軸上的絞車的轉動慣量  $J_{me} = 0.0815$  公斤·公尺·秒<sup>2</sup>。電動機轉子的轉動慣量  $J_d = 0.4$  公斤·公尺·秒<sup>2</sup>。電動機轉速  $n_d = 1430$  轉/分。

解法：

當提升重物時電動機發出的功率

$$P = \frac{M_c \cdot n_d}{975} = \frac{42 \times 1430}{975} = 61.5 \text{ 匹.}$$

當降重物時由絞車方面傳到電動機軸上的功率

$$P = \frac{M_c \cdot n_d}{975} = \frac{34 \times 1430}{975} = 50 \text{ 匹.}$$

因為在放落重物時折合到電動機軸上的靜轉矩是位能轉矩，所以電動機將工作於制動狀態。

當提升時電動機發出的起動轉矩

$$M = M_c + M_d \sin \alpha = M_c + J \frac{d\omega_d}{dt} = M_c + J \cdot \frac{\omega_d}{v} \cdot \frac{dv}{dt};$$

$$M = 42 + 0.4815 \times \frac{3.14 \times 1430}{0.9 \times 30} \times 0.5 = 42 + 40 = 82 \text{ 公斤-公尺}.$$

当降落重物时电动机发出的起动转矩

$$M = -Mc + M_{\text{start}} = -Mc + J \cdot \frac{\partial \theta}{v} \cdot \frac{dv}{dt};$$

$$M = -34 + 0.4815 \times \frac{3.14 \times 1430}{0.9 \times 30} \times 0.5 = -34 + 40 = 6 \text{ 公斤-公尺}.$$

电动机将工作于电动机状态。

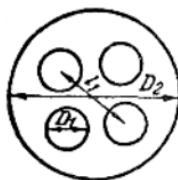


圖 1-4

**1-11.** 試求出銅質轉子(圖1-4)的轉動慣量。

此銅質轉子的主要尺寸如下：長度  $l=600$  公厘，外直徑  $D_2=900$  公厘，孔的直徑  $D_1=200$  公厘，每孔圓心間的距離  $l_1=600$  公厘。銅的密度  $\gamma=7.8$  克/公分<sup>3</sup>。

**1-12.** 試求出電動機由靜止狀態空載加速到  $n_0=975$  轉/分的行程(以轉數表示)。起動時電動機發出的平均轉矩  $M_0=25$  公斤-公尺，折合到電動機軸上的飛輪慣量  $GD^2=45$  公斤-公尺<sup>2</sup>。

**1-13.** 假設電動機的轉子是實心的(圖1-5)，當轉子的直徑減小而長度增加50%時，它的轉動慣量是如何變化？

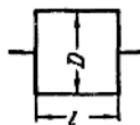


圖 1-5

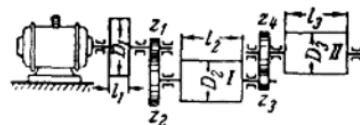


圖 1-6

**1-14.** 試求出折合到電動機軸上的軋鋼機械(圖1-6)的靜轉矩以及它的轉動慣量。

飛輪的直徑  $D_1=1500$  公厘，長度  $l_1=200$  公厘。軋輥的直徑  $D_2=400$  公厘， $D_3=500$  公厘，軋輥的長度： $l_2=800$  公厘， $l_3=1200$  公厘。

軋輥和飛輪是實心的，由銅製成。銅的密度  $\gamma=7.8$  克/公分<sup>3</sup>。

作用在軋輥I外緣上的力  $F_1=2000$  公斤，作用在軋輥II外緣上

的力  $F_{11}=1400$  公斤。齒輪的齒數:  $z_1=15, z_2=35, z_3=20, z_4=45$ 。

第一對齒輪的效率  $\eta_1=0.87$ , 第二對齒輪的效率  $\eta_2=0.91$ 。電動機的轉速  $n_\theta=730$  轉/分。齒輪的轉動慣量忽略不計。

**1-15.** 試求出 1-14 題中的電動機當空載起動和有負載起動時在飛輪和電動機中間軸上的轉矩，以及飛輪和第一對齒輪中間軸上的轉矩。電動機和飛輪中的損失忽略不計。起動時電動機發出的轉矩  $M_\theta=560$  公斤·公尺。

當有負載起動時折合到電動機軸上的靜轉矩  $M_c=312.2$  公斤·公尺。折合到電動機軸上的飛輪的轉動慣量  $J_M=78.9$  公斤·公尺·秒<sup>2</sup>，軋鋼機械其他部分的轉動慣量  $J_{\text{other}}=0.5$  公斤·公尺·秒<sup>2</sup>。

電動機轉子的飛輪慣量  $GD_\theta^2=400$  公斤·公尺<sup>2</sup>。

解法：

電動機轉子以及軋鋼機械轉動慣量的總和

$$J_{\text{tot}} = J_M + J_{\text{other}} + \frac{GD_\theta^2}{4 \cdot g} = 78.9 + 0.5 + \frac{400}{4 \times 9.81} \\ = 78.9 + 0.5 + 10.2 = 89.6 \text{ 公斤·公尺·秒}^2.$$

當負載起動時電動機的加速度

$$\frac{d\omega}{dt} = \frac{M_\theta - M_c}{J_{\text{tot}}} = \frac{560 - 312.2}{89.6} = 2.77 \text{ /秒}^2.$$

當負載起動時在電動機和飛輪中間軸上的轉矩

$$M = M_\theta - J_\theta \frac{d\omega}{dt} = 560 - \frac{400}{4 \times 9.81} \times 2.77 = 560 - 23.2 = 531.8 \text{ 公斤·公尺}.$$

當負載起動時在飛輪和第一對齒輪中間軸上的轉矩

$$M = M_\theta - (J_\theta + J_M) \frac{d\omega}{dt} = 560 - (10.2 + 78.9) \times 2.77 \\ = 560 - 246.42 = 313.58 \text{ 公斤·公尺}.$$

空載起動時電動機的加速度

$$\frac{d\omega}{dt} = \frac{M_\theta}{J_{\text{tot}}} = \frac{560}{89.6} = 6.25 \text{ /秒}^2.$$

空載起動時在電動機和飛輪中間軸上的轉矩

$$M = M_\theta - J_\theta \frac{d\omega}{dt} = 560 - \frac{400}{4 \times 9.81} \times 6.25 = 560 - 63.75 = 496.25 \text{ 公斤·公尺}.$$

空載起動時在飛輪和第一對齒輪中間軸上的轉矩

$$M = M_d - (J_d + J_M) \frac{d\omega}{dt};$$

$$M = 560 - (10.2 + 78.9) \times 6.25 = 560 - 556.9 = 3.1 \text{ 公斤-公尺}.$$

**1-16.** 試求出折合到电动机轴上的龙门鉋床(圖 1-7)的靜轉矩，以及龙门鉋床和工作的飞輪慣量。

切削力  $F = 2000$  公斤，切削速度  $v = 10$  公尺/分，工作台重量  $G_c = 3000$  公斤，工作重量  $G_d = 600$  公斤，工作台与导轨的摩擦系数  $\mu = 0.1$ 。齒輪的直徑  $D_8 = 500$  公厘，傳动齒輪的齒數  $z_1 = 15$ ,  $z_2 = 47$ ,  $z_3 = 22$ ,  $z_4 = 58$ ,  $z_5 = 18$ ,  $z_6 = 58$ ,  $z_7 = 14$ ,  $z_8 = 46$ 。

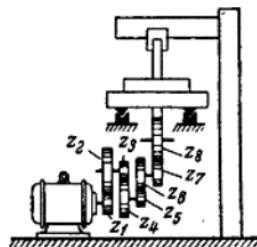


圖 1-7

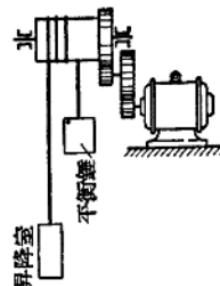


圖 1-8

齒輪的飛輪慣量:  $GD_1^2 = 0.31$  公斤-公尺 $^2$ ,  $GD_2^2 = 1.52$  公斤-公尺 $^2$ ,  $GD_3^2 = 0.8$  公斤-公尺 $^2$ ,  $GD_4^2 = 2.4$  公斤-公尺 $^2$ ,  $GD_5^2 = 1.4$  公斤-公尺 $^2$ ,  $GD_6^2 = 3.8$  公斤-公尺 $^2$ ,  $GD_7^2 = 2.6$  公斤-公尺 $^2$ ,  $GD_8^2 = 4.2$  公斤-公尺 $^2$ 。齒輪的傳動效率  $\eta = 0.8$ 。由垂直方向切削力所引起的工作台和導軌間的摩擦損失可以忽略不計。

**1-17.** 試求出在起動龙门鉋床电动机(圖1-7)时工作台的加速度和行程以及在电动机軸上和齒輪  $z_2, z_3$  中間軸上的轉矩。在起動时电动机发出的电磁轉矩  $M_d = 18$  公斤-公尺。

折合到电动机軸上的靜轉矩  $M_c = 8.4$  公斤-公尺。傳动比  $i = 87.5$ 。最后一个齒輪( $z_8$ )的直徑  $D_8 = 500$  公厘。折合到电动机軸上的鉋床工作台和工件的飞輪慣量  $GD_1^2 = 0.73$  公斤-公尺 $^2$ ，齒輪  $z_1$  及  $z_2$  的飞輪慣量  $GD_{1,2}^2 = 0.4275$  公斤-公尺 $^2$ 。电动机轉子的飞輪慣量  $GD_d^2 = 6$  公

斤-公尺<sup>2</sup>。电动机轉速  $n_0 = 557$  轉/分。傳動損失忽略不計。

**1-18.** 試求出在提升和放落升降室時折合到电动机軸上的靜轉矩以及折合到电动机軸上的升降机直線运动部分的轉动慣量(圖1-8)。重物重量  $G_t = 1000$  公斤, 升降室重量  $G_K = 300$  公斤, 平衡錘重量  $G_h = 600$  公斤。重物提升速度  $v = 1.5$  公尺/秒, 电动机轉速  $n_0 = 980$  轉/分。傳動效率  $\eta = 0.85$ 。傳動機構及鼓輪的轉动慣量忽略不計。

**1-19.** 在放落升降室時, 如果

1) 电动机發出的制動轉矩  $M_d = 10$  公斤-公尺;

2) 电动机發出的推動轉矩  $M_d = 10$  公斤-公尺,

試求出上述二種情況中升降機拖動系統的加速時間。

作用在电动机軸上的靜轉矩是位能轉矩, 它的數值  $M_c = 20$  公斤-公尺。折合到电动机軸上的飛輪慣量  $GD^2 = 20$  公斤-公尺<sup>2</sup>。电动机的稳定轉速  $n_0 = 780$  轉/分。

**1-20.** 某矿井的升降机有平衡鋼索(圖1-9), 如果料斗中放有重物, 試求當提升料斗時折合到电动机軸上的靜轉矩以及升降机的轉动慣量。

料斗重量  $G_c = 4000$  公斤, 重物重量  $G_t = 5000$  公斤, 鋼索重量  $G_h = 12$  公斤/公尺。

料斗的提升速度  $v = 6$  公尺/秒。鼓輪直徑  $D_g = 4$  公尺, 导輪直徑  $D_m = 5$  公尺。鼓輪的飛輪慣量  $GD_g^2 = 800$  公斤-公尺<sup>2</sup>, 每個導輪的飛輪慣量  $GD_m^2 = 300$  公斤-公尺<sup>2</sup>。鋼索長度  $l_3 = 25$  公尺,  $l_4 = 15$  公尺,  $l_1 = 300$  公尺,  $l_2 = 10$  公尺。平衡鋼索長度  $l_b = 300$  公尺。纏在鼓輪上鋼索的匝數為 2.5 匝。电动机的轉速  $n_0 = 485$  轉/分。減速器, 鼓輪以及導輪的效率各為 0.7。減速器的轉动慣量忽略不計。

**1-21.** 試求當矿井升降机的料斗(圖1-9)以  $v = 6$  公尺/秒的稳定速度提升時電

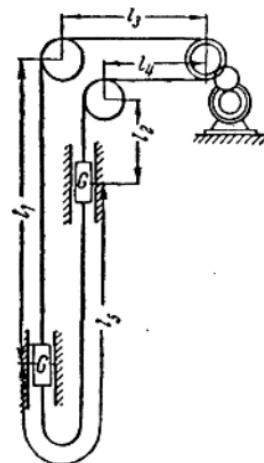


圖 1-9

動機發出的功率以及當料斗以  $1.2$  公尺/ $秒^2$  的加速度向上起動時電動機應該發出的轉矩。已知折合到電動機軸上的靜轉矩  $M_c = 1013$  公斤-公尺，折合到電動機軸上的升降機轉動慣量  $J = 31.63$  公斤-公尺-秒 $^2$ 。電動機轉速  $n_d = 485$  轉/分。電動機的轉動慣量  $J_d = 30$  公斤-公尺-秒 $^2$ 。鼓輪的直徑  $D_6 = 4$  公尺。傳動比  $i = 16.9$ 。

**1-22.** 試求當以  $1.5$  公尺/ $秒^2$  的加速度提升和放落重物時絞車電動機(圖1-10)應該發出的轉矩以及鋼索所受的力。已知重物的重量  $G = 5000$  公斤。傳動比  $i = 15$ ，鼓輪直徑  $D_6 = 0.6$  公尺。電動機的飛輪慣量  $GD_d^2 = 18.6$  公斤-公尺 $^2$ ，電動機轉速  $n_d = 960$  轉/分。當提升和放落額定重量的重物時傳動效率可取  $\eta = 0.8$ 。

鼓輪，減速器以及鋼索的轉動慣量忽略不計。

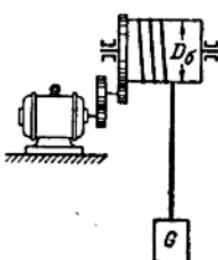


圖 1-10

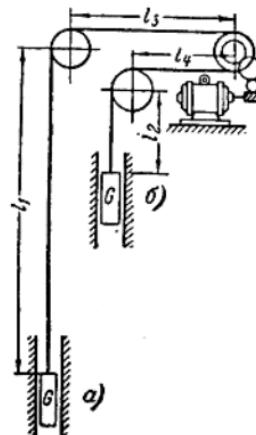


圖 1-11

**1-23.** 某礦山的升降機無平衡鋼索(圖1-11)，試求當

- 1) 有料料斗(圖1-11中下面的料斗)在下，空料斗(圖1-11中上面的料斗)在上時，以及
- 2) 有料料斗在上，空料斗在下時折合到電動機軸上的靜轉矩以及升降機的轉動慣量。

已知各料斗的重量  $G_c = 2000$  公斤，重物重量  $G_t = 3000$  公斤，鋼索重量  $G_k = 10$  公斤/公尺。鼓輪直徑  $D_1 = 4$  公尺，導輪直徑  $D_2 = D_3 = 5$  公尺。鼓輪的轉動慣量  $J_0 = 40$  公斤·公尺 $\cdot$ 秒 $^2$ ，每導輪的轉動慣量為 20 公斤·公尺 $\cdot$ 秒 $^2$ 。鋼索長度  $l_1 = 250$  公尺， $l_2 = 15$  公尺， $l_3 = 20$  公尺， $l_4 = 10$  公尺。繩在鼓輪上鋼索的匝數為 3.5 匝。重物的提升速度  $v = 4$  公尺/秒，電動機轉速  $n_0 = 595$  轉/分。鼓輪及導輪的傳動效率各為  $\eta = 0.7$ 。減速器的轉動慣量可以忽略不計。

**1-24.** 某一台鉋床由連桿傳動（圖 1-12），試列出折合到電動機軸上的靜轉矩及鉋床的轉動慣量與導架轉角  $\alpha$  的關係式。

刀架重量為  $G$ ，刀架與導軌間的摩擦系數為  $\mu$ ，導架輪與電動機軸間的傳動比為  $i$ 。

傳動機構的飛輪慣量可以忽略不計。傳動效率為  $\eta$ 。

**1-25.** 已知剪床（圖 1-13）的切削力  $F = 2000$  公斤，減速器和傳動機構的效率各為 0.75， $r_1 = r_2 = 1.5$  公尺， $l = 1.2$  公尺， $D = 0.6$  公尺，減速器的傳動比  $i = 20$ 。試求當  $\alpha = 30^\circ$  及  $45^\circ$  時作用於電動機軸上的靜轉矩。

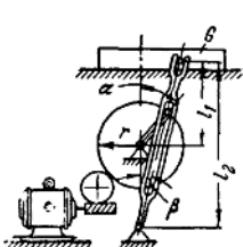


圖 1-12

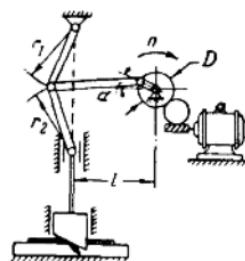


圖 1-13

**1-26.** 試求折合到電動機軸上的跑車的靜轉矩及飛輪慣量（圖 1-14）。已知跑車重量  $G_m = 3000$  公斤，跑車的移動速度  $v = 80$  公尺/分，跑車車輪的直徑  $D_k = 300$  公厘，跑車輪軸的直徑  $D_u = 60$  公厘，跑車軸承滑動摩擦系數  $\mu = 0.1$ ，車輪的滾動摩擦系數  $f = 0.05$  公分，輪緣與鋼軌的摩擦系數  $K = 1.3$ ，電動機的轉速  $n_0 = 960$  轉/分，傳動

效率  $\eta = 0.85$ 。車輪与傳动机構迴轉部分的轉動慣量可忽略不計。

**1-27.** 如果在起動時電動機發出的轉矩  $M_\theta = 2.5$  公斤-公尺，試求跑車(圖1-14)在起動時的加速度。已知折合到電動機軸上的靜轉矩  $M_c = 0.95$  公斤-公尺，飛輪慣量  $GD^2 = 2.11$  公斤-公尺<sup>2</sup>。電動機的轉動慣量  $J_\theta = 0.12$  公斤-公尺-秒<sup>2</sup>，跑車的移動速度  $v = 80$  公尺/分，電動機的轉速  $n_\theta = 960$  轉/分。並設在起動時車輪與鋼軌間無滑動。

**1-28.** 試列出曲柄——連桿機械(圖1-15)的靜轉矩及轉動慣量(折合到電動機軸上計算)以曲柄轉角為函數的方程式。

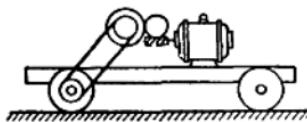


圖 1-14

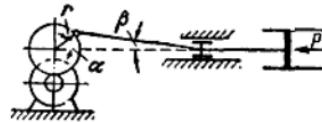


圖 1-15

電動機的轉速為  $n$ ，作用在活塞上的壓力為  $P$ ；連桿長度  $l$  大於曲柄的直徑  $r$  很多倍。

減速器的傳動比為  $i$ ，直線運動部分的重量為  $G$ 。連桿及傳动机構的轉動慣量可以忽略不計。機械的效率  $\eta$  可認作與它的位置無關。

**1-29.** 試求出當提升裝有重物的料斗時折合到電動機軸上的靜轉矩以及折合到電動機軸上的料斗升降機(圖1-16)作直線運動部分的飛輪慣量。

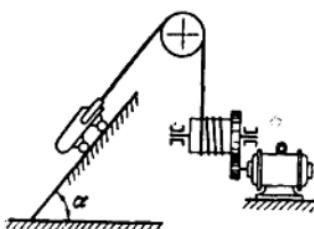


圖 1-16

料斗與重物重量  $G = 4000$  公斤，料斗的車輪直徑  $D_k = 250$  公厘，輪軸直徑  $D_g = 30$  公厘；輪軸的滑動摩擦系數  $\mu = 0.1$ ；車輪與鋼軌的滾動摩擦系數  $f = 0.06$  公分，輪緣與鋼軌的滑動摩擦系數  $K = 1.35$ 。傾斜角  $\alpha = 45^\circ$ 。鼓輪及傳动机構的效率  $\eta = 0.85$ 。料斗的提升速度  $v = 1.2$  公尺/秒。電動機的轉速  $n_\theta = 785$  轉/分。

折合到电动机轴上的鼓輪、导輪、鋼索及減速器的总飞輪慣量  
2.1公斤-公尺<sup>2</sup>。

解法：

当料斗裝有重物时由于重力而作用于鋼索的力

$$F = G \cdot \cos \alpha = 4000 \cos 45^\circ = 4000 \times 0.707 = 2828 \text{ 公斤}.$$

作用于車輪的力

$$F = G \cdot \sin \alpha = 4000 \sin 45^\circ = 4000 \times 0.707 = 2828 \text{ 公斤}.$$

由于輪緣的摩擦、車輪的滚动摩擦以及輪軸的滑动摩擦而作用于鋼索的力

$$F_{mp} = K \frac{F}{R_g} (\mu r_y + f) = 1.35 \times \frac{2828}{12.5} (0.1 \times 1.5 + 0.06) = 64.2 \text{ 公斤}.$$

作用于鋼索的合力

$$F_{max} = F + F_{mp} = 2828 + 64.2 = 2892.2 \text{ 公斤}.$$

折合到电动机轴上的靜轉矩

$$M_c = F_{max} \cdot \frac{v}{\omega_0} \cdot -\frac{1}{\eta} = 2892.2 \times \frac{1.2 \times 30}{3.14 \times 735} \times \frac{1}{0.85} = 51 \text{ 公斤-公尺}.$$

折合到电动机轴上的料斗及重物的轉動慣量

$$J_n = \frac{G}{g} \left( \frac{v}{\omega_0} \right)^2 = \frac{4000}{9.81} \left( \frac{1.2 \times 30}{3.14 \times 735} \right)^2 = 0.091 \text{ 公斤-公尺-秒}^2.$$

折合到电动机轴上的料斗升降机的总飞輪慣量

$$GD^2_s = J_n \cdot 4g + GD^2 = 0.091 \times 4 \times 9.81 + 2.1 = 5.67 \text{ 公斤-公尺}^2.$$

**1-30.** 某一台电动机作空载运转时的轉速为1000轉/分，这时由電網輸入的功率  $P=5.4$ 瓩，如果当电动机与電網切断后經過8秒鐘时的轉速降到200轉/分，电动机的机械损失为空載損失之40%，并設与电动机的轉速無关。試求出电动机轉子的轉動慣量。

**1-31.** 試求出当曲柄轉角  $\alpha=90^\circ$  及  $\alpha=0^\circ$  时折合到电动机轴上的剪床(圖1-17)的靜轉矩及轉動慣量。

直線运动部分的重量  $G=4000$ 公斤，切削力  $F=5000$ 公斤，曲柄半徑  $r=0.2$ 公尺；連桿長度  $l=1.5$ 公尺。減速器的傳動比  $i=30$ 。当  $\alpha=90^\circ$  时曲柄——連桿机械及減速器的效率  $\eta=0.7$ ；当  $\alpha=0^\circ$  时剪床的損失为  $\alpha=90^\circ$  时損失的60%。傳動機構的飛輪慣量为 3.92 公斤-公尺<sup>2</sup>。

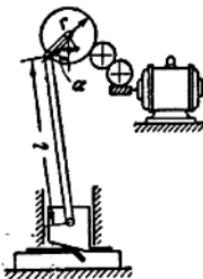


圖 1-17

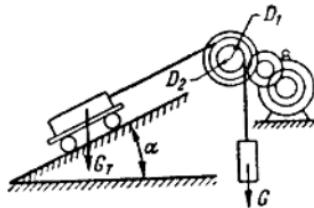


圖 1-18

1-32. 試求出當跑車沿着斜面提升時(圖1-18)電動機應該發出的轉矩。

跑車與重物重量  $G_m = 5\,000$  公斤；平衡錘重量  $G_n = 3\,000$  公斤；車輪直徑  $D_m = 20$  公分；輪軸直徑  $D_b = 4$  公分；大鼓輪的直徑  $D_1 = 0.6$  公尺；小鼓輪的直徑  $D_2 = 0.3$  公尺；滾動摩擦系數  $f = 0.07$  公分。滑動摩擦系數  $\mu = 0.09$ 。各鼓輪的效率  $\eta_b = 0.95$ ，傳動效率  $\eta_t = 0.85$ 。斜面傾斜角  $\alpha = 30^\circ$ 。傳動比  $t = 30$ 。

1-33. 試求出當起動電動機提升跑車時作用於跑車及平衡錘的鋼索中的應力以及在提升跑車的過程中制動時作用於跑車及平衡錘的鋼索(圖1-18)中的應力。

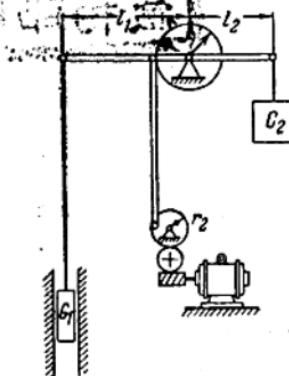


圖 1-19

跑車與重物重量為  $6\,000$  公斤，平衡錘重量為  $3\,000$  公斤。斜面的傾斜角  $\alpha = 30^\circ$ 。傳動比  $t = 25$ 。鼓輪的直徑  $D_1 = 0.5$  公尺， $D_2 = 0.4$  公尺。起動時電動機發出的轉矩為  $20$  公斤-公尺，制動時發出的轉矩為  $16$  公斤-公尺。電動機轉子的轉動慣量為  $0.2$  公斤-公尺-秒 $^2$ 。在傳動機構中、電動機中以及機械裝置中的損失可忽略不計。傳動機構及鼓輪的轉動慣量也可忽略不計。

1-34. 有一台深水泵(圖1-19)，齒輪



$r_2$  順時針方向迴轉，試求當深水泵

到電動

機軸上的靜轉矩以及直線運動部分的轉動慣量。

直線運動部分的重量  $G_1 = 2000$  公斤；平衡錘重量  $G_2 = 2000$  公斤；吸水時作用於活塞的壓力  $F = 1000$  公斤。電動機轉速  $n_d = 960$  轉/分。 $l_1 = 2.5$  公尺， $l_2 = 1.5$  公尺， $r_1 = 1$  公尺， $r_2 = 0.3$  公尺。減速器的傳動比  $i = 25$ 。減速器的效率  $\eta = 0.7$ 。

解法：

折合到天平梁上的靜轉矩

$$M = F \cdot l + G_1 l_1 - G_2 l_2;$$

$$M = 1000 \times 2.5 + 2000 \times 2.5 - 2000 \times 1.5 = 4500 \text{ 公斤-公尺}$$

折合到電動機軸上的靜轉矩

$$M_C = M \cdot \frac{r_2}{r_1} \cdot \frac{1}{i} \cdot \frac{1}{\eta};$$

$$M_C = 4500 \times \frac{0.3}{1} \times \frac{1}{25} \times \frac{1}{0.7} = 77.1 \text{ 公斤-公尺}.$$

折合到電動機軸上的直線運動部分的轉動慣量：

1) 水泵的活塞桿及活塞

$$J_{G_1} = \frac{G_1}{g} \left( \frac{v}{n_d} \right)^2 = \frac{G_1}{g} \left( \frac{r_2 \cdot l_1}{r_1 \cdot t} \right)^2;$$

$$J_{G_1} = \frac{2000}{9.81} \left( \frac{0.3 \times 2.5}{25 \times 1} \right)^2 = 0.183 \text{ 公斤-公尺-秒}^2;$$

2) 平衡錘

$$J_{G_2} = \frac{G_2}{g} \left( \frac{r_2 l_2}{r_1 \cdot i} \right)^2 = \frac{2000}{9.81} \left( \frac{0.3 \times 1.5}{25 \times 1} \right)^2 = 0.066 \text{ 公斤-公尺-秒}^2;$$

3) 合成轉動慣量

$$J_n = J_{G_1} + J_{G_2} = 0.183 + 0.066 = 0.249 \text{ 公斤-公尺-秒}^2.$$

**1-35.** 試求出圖 1-20 中的深水泵在  $\alpha = 0^\circ, 90^\circ$  及  $180^\circ$  時折合到電動機軸上的靜轉矩以及此水泵直線運動部分的轉動慣量。

水泵直線運動部分的重量  $G = 2000$  公斤。當吸水及壓水時作用於活塞的力  $F = 1500$  公斤。 $l_2 = 2$  公尺， $l_1 = 3$  公尺， $r = 0.4$  公尺。

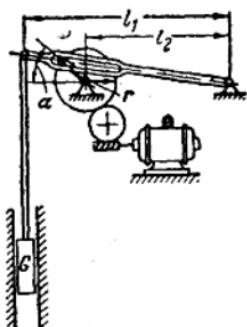


圖 1-20

減速器的傳動比  $i=50$ 。折合到電動機軸上的機械的摩擦轉矩  $M_{mp}=20$  公斤-公尺，它的大小與機械的位置無關。

**1-36.** 某一台交流電動機用來拖動起重絞車。如果傳動機構、鼓輪及滑車組的效率為 70%，而空載轉矩為 10% 額定轉矩，試求出當提升及降落重量為 50% 額定值的重物時的靜轉矩。

在解題時可設當重物有額定重量時電動機的轉矩為額定值，而折合到電動機軸上的摩擦轉矩與有效轉矩成下列直線關係：

$$M_{mp} = M_{x,r} + bM_H.$$

## 第二章 机械特性及电阻計算

### 1. 直流并激電動機的机械特性\*

**2-1.** 某一直流并激電動機的參數為：  $P_n=12$  瓦，  $U_n=220$  伏，  $I_n=61$  安，  $n_n=760$  轉/分。在靜轉矩等於  $0.6 M_n$  時，電樞電路中的附加電阻為 0.52 欧時，試求電動機的轉速。電樞繞組的電阻  $r_n=0.26$  欧。

**2-2.** 某一台直流并激電動機用以帶動起重絞車，其參數為：  
 $P_n=13$  瓦，  $U_n=110$  伏，  $I_n=137$  安，  $n_n=680$  轉/分，  $r_n=0.08$  欧。  
 假如電動機以 800 轉/分的轉速放落重物，試求其在和電網並聯的發電狀態下的轉矩及電樞電流。

**2-3.** 某一台直流并激電動機用以帶動起重機的絞車，其參數為：  
 $P_n=30$  瓦，  $U_n=220$  伏，  $I_n=153$  安，  $n_n=1000$  轉/分，  $r_n=0.11$  欧。在提升重物時，其軸上的轉矩等於 31.6 公斤-公尺。

\* 在解題時，可認為電動機軸上的轉矩等於電磁轉矩，電動機所需的電流等於電樞電流，並且電樞反應不影響電動機的磁通。——譯者