

放射性物体的 γ 辐射

Г. В. 戈尔什科夫 著

地质出版社

放射性物体的 γ 輻射

Г.В. 戈爾什科夫 著

周 超 凡 等 譯

地 質 出 版 社

1959年·北 京

Проф Г. В. ГОРШКОВ

ГАММА - ИЗЛУЧЕНИЕ
РАДИОАКТИВНЫХ ТЕЛ

ИЗДАТЕЛЬСТВО
ЛЕНИНГРАДСКОГО УНИВЕРСИТЕТА

1956

本書詳細敘述了計算不同形状和体积的放射性物体的 γ 輻射强度的方法。此外还討論了 γ 射綫与通过物質有关的二次效应, 并进行了計算。通过这些計算, 可以估計当 γ 輻射通过物質时二次射綫对它的总衰减的影响。

本書供高等学校和高等技术学校的高年級学生用, 也可供从事放射性方面工作的科学人員及工程师們作为参考。

本書由北京地質勘探学院周超凡、穆石敏、潘恩沛、秦国兴翻譯, 薛琴訪教授校对。

放射性物体的 γ 輻射

著 者	Г. В. 戈 尔 什 科 夫
譯 者	周 超 凡 等
出 版 者	地 質 出 版 社
	北京宣武門外永光寺西街3号
	北京市書刊出版業營業許可證出字第 050号
发 行 者	新 华 書 店
印 刷 者	地 質 出 版 社 印 刷 厂
	北京安定門外六鋪炕40号

印数(京)1—2700册	1959年5月北京第1版
开本31"×43" $\frac{1}{25}$	1959年5月第1次印刷
字数 120,000	印张 5 $\frac{21}{25}$
定价(10) 0.79 元	

目 录

第一章 概 論

§ 1 γ 射綫的性質	(1)
§ 2 基本規律性	(2)
§ 3 点源在真空中的輻射	(8)
§ 4 γ 輻射与物質相互作用过程一覽表	(10)
§ 5 γ 射綫的經典(湯姆遜)散射	(10)
§ 6 γ 射綫的康普頓散射	(15)
§ 7 γ 射綫的光电吸收(光电效应)	(26)
§ 8 “对”的形成	(36)

第二章 点放射源和非点放射源的輻射(不考虑二次 γ 射綫)

§ 9 点源在介質中的輻射	(44)
§ 10 直綫源在真空中的輻射	(44)
§ 11 圓柱形源的輻射	(50)
§ 12 球形源	(50)
§ 13 距球形源任何距离处的輻射	(52)
§ 14 面源的輻射	(55)
§ 15 大物体的輻射	(59)
§ 16 点源通过吸收介質的輻射(寬束)	(68)

第三章 二次 γ 射綫·指数前的乘数

§ 17 在輻射源本身內所引起的二次 γ 射綫	(73)
§ 18 單向輻射时,在吸收而非輻射的物質內所引起的二次 γ 射綫	(79)
§ 19 仪器放置在散射物質內时,該物質所引起的二次 γ 射綫	(92)
§ 20 射綫穿过吸收层后的譜組份	(99)
§ 21 气体动力方程式	(102)

附录一	(107)
附录二	(117)
附录三	(119)
附录四	(127)
名词索引	(139)
参考文献	(141)

第一章 概 論

§1. γ 射綫 的 性 質

我們称原子核放出的电磁脉冲为 γ 射綫。但是在文献里常常把質湮輻射 (аннигиляционное излучение) 和高能量帶电粒子的阻滯輻射 (тормозное излучение) 也称为 γ 射綫。我們在此主要將討論核的 γ 射綫的特性。核輻射只可能在核从激发能量状态变为較低能量状态时, 特别是从激发状态变为基本状态时才发生。有时, 激发的核要很迟才放出 γ 量子。这种激发状态的可能延續時間, 在个别情况下計算出来可以达到数晝夜, 甚至数年之久。这种状态叫做同質異能状态, 而同一类的 γ 放射体称为核同質異能素。

如上所述, γ 射綫就是电磁脉冲, 在真空中傳播的速度为 $c = 3 \times 10^{10}$ 厘米/秒, 并有一定的波長 λ 。

我們知道, 光譜綫有一定的自然寬度 I' , γ 射綫同光綫一样, 其譜綫也不是无限細, 而是有某种自然寬度 $I' = \frac{h}{2\pi\tau}$, 式中 h 是蒲朗克常数, 等于 6.62×10^{-27} 尔格/秒, 而 τ 是給定核状态的平均寿命。

綫的寬度 I' 普通約为 10^{-3} eV (电子伏) 因此設 $\tau \approx 6 \times 10^{-13}$ 秒, 相应的波包長度 $L = c\tau = 0.2$ 毫米。

γ 射綫的波長以 X 單位来度量 (1 X 單位等于 10^{-11} 厘米), 以 X 單位表示的波長 λ 与 γ 量子的能量 E_γ (用 MeV ● 表示) 之間存在如下的关系:

$$\lambda (X \text{ 單位}) = \frac{12.38}{E_\gamma (MeV)} \quad (1)$$

● Mev 为百万电子伏, 俄文为 мев — 譯者注。

例如，設 $E_\gamma = 1 \text{ MeV}$ ，則 $\lambda = 12.38x$ -單位。因為核的 γ 量子能量約在 0.05 MeV 至 3 MeV 之間，則 γ 射線的波長比核和電子的大小要大得多。

§2. 基本規律性

我們來研究一束平行的、且能量一致的 γ 射線。設在同一種原子

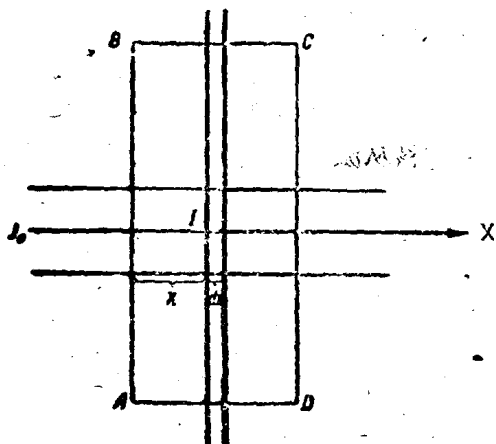


圖 1. 推导辐射强度的减小与吸收体的厚度之间的关系示意图

組成的厚板 $ABCD$ 上(圖1)，有一束平行的 γ 射線從左到右垂直射入其中，射線束的起始強度為 I_0 (爾格/厘米²·秒)。沿 γ 射線傳播的方向選一個 x 軸，並在 γ 射線進入厚板的地方選為坐標原點。設用 I 代表距坐標原點距離為 x 處的射線強度。

γ 射線與物質的相互作用按統計定律來計算。當相互作用發生時， γ 量子或全部被吸收，或失去一部分能量

而改變其傳播方向。不管怎樣，它在相互作用時就能從沿 x 軸傳播的射線束中離開。我們僅討論留在平行束中而未變的射線，所有其他射線則認為已離開射線束，因此射線束通過物質時逐漸衰減。現在要導出當這種衰減發生時的數量規律性。推导時假定某處 γ 射線束強度的減小與該點的強度 I 成正比，並且與我們研究的強度減少的射線束所通過的層的厚度 dx 成正比。用 μ 表示比例係數，那麼上述假定可寫成：

$$-dI = \mu I dx \quad (2)$$

把 I 移到左邊，並改變符號：

$$\frac{dI}{I} = -\mu dx.$$

求积分，得

$$\ln I = -\mu x + \ln c,$$

式中 $\ln c$ 为一积分常数。將 $\ln c$ 搬到左方并脫去对数，得

$$\frac{I}{c} = e^{-\mu x},$$

或

$$I = ce^{-\mu x}.$$

注意当 $x=0$ ，則 $I=I_0$ ，于是

$$I_0 = ce^{-0} = c.$$

最后得：

$$I = I_0 e^{-\mu x} \quad (3)$$

系数 μ 称为綫衰减系数。其量綱为長度負一次方。这是因为，方次指数始終应当是沒有量綱的值，而 x 却具有長度量綱。

射綫束的相对强度 I

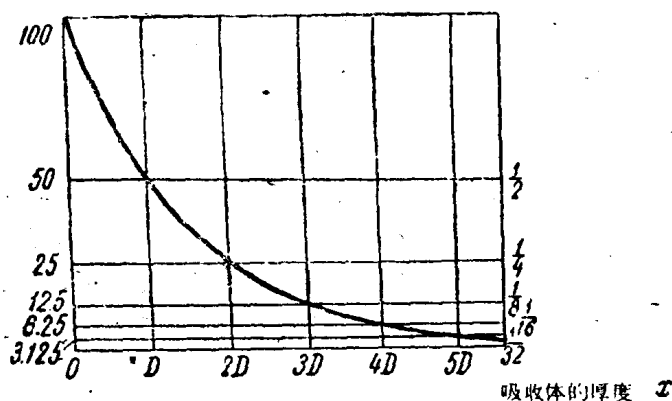


图 2. 函数 $e^{-\mu x}$ 图

如果用图解表示 I 与 x 的关系，則可得到指数曲綫（图 2）。能使射綫束的强度 I 减少一半的吸收体的厚度值 D ，称为半衰厚度。

容易看出,厚度为 $2D$ 处辐射衰减为 $1/4$, 或 $1/2^2$; 厚度为 $3D$ 处辐射衰减为 $1/8$, 或 $1/2^3$; 厚度 $4D$ 处为 $1/2^4$ 等等。厚度 $10D$ 处辐射衰减为 $1/1012$; 有时厚度 $10D$ 称为该物质中 γ 射线的实际射程。现在这个概念几乎不用了。

除半衰厚度 D 外, 还有 γ 射线在该物质中的平均射程 $\bar{l}$ 也是一个重要数值。这个射程的确定, 完全类似炮弹或子弹飞行的平均距离。为了确定炮弹的平均射程, 需要射击许多次数 N_0 。射击次数 n_i 乘它们飞行的距离 l_i , 加上乘积 $n_2 l_2$ 等等。这样得到的总和除以射击次数, 所得的商 $\bar{l}$ 就是炮弹的平均射程。

$$\bar{l} = \frac{\sum_i n_i l_i}{N_0} \quad (4)$$

确定 γ 射线的平均射程时, 是用同样方法处理的, 不过这时不是把距离一一分为有限段 (10 公里, 11 公里等等) 相加, 而是把距离 x 一一分为无限小长度 dx 相加。此外, 数值 x 不限于较狭的范围内, 而在 0 到 ∞ 的范围内, 所以此处用积分计算来代替总和。

设在厚板上射入 N_0 个 γ 量子。我们需要计算已到达厚度 x , 而尚未到达厚度 $x+dx$ 的量子数, 即从射线束出来, 到了 x 与 $x+dx$ 之间的路程上的 γ 量子数。到达厚度 x 的 γ 量子数是 $N_0 e^{-\mu x}$ 。

到达 $x+dx$ 的量子数是

$$\begin{aligned} N_0 e^{-\mu(x+dx)} &= N_0 e^{-\mu x} \cdot e^{-\mu dx} = N_0 e^{-\mu x} (1 - \mu dx) \\ &= N_0 e^{-\mu x} - N_0 e^{-\mu x} \cdot \mu \cdot dx. \end{aligned}$$

从第一个 γ 量子数目中减去第二个, 我们得到的 γ 量子数目刚好是到达厚度 x , 而在下一个无穷小的间隔 dx 上离开了射线束的量子数

$$N_0 e^{-\mu x} - [N_0 e^{-\mu x} - N_0 e^{-\mu x} \mu dx] = N_0 e^{-\mu x} \mu \cdot dx.$$

此量乘上通过的路程长度 x , 并取此式从零到无穷大的积分, 然后除以全部 γ 量子数 N_0 , 就得到某物质中 γ 射线的射程 $\bar{l}$

$$\bar{l} = \frac{1}{N_0} \int_0^{\infty} N_0 e^{-\mu x} \cdot x \cdot \mu dx \quad (5)$$

这个式子可以进行部分积分法:

$$l = \mu \int_0^{\infty} \underbrace{e^{-\mu x}}_{dv} \cdot \underbrace{x}_{u} = - \times \mu \left[\frac{1}{\mu} e^{-\mu x} \right]_0^{\infty} + \mu \int_0^{\infty} e^{-\mu x} dx$$

$$= - \left[\frac{1}{\mu} e^{-\mu x} \right]_0^{\infty} = \frac{1}{\mu},$$

我們得到重要的关系式：

$$l = \frac{1}{\mu} \quad (6)$$

衰減系数 μ 和半衰減厚度 D 之間存在的关系，只要用基本关系式(3)

$$I = I_0 e^{-\mu x},$$

就可以求得。假定 $x = D$ ，則 $I = \frac{I_0}{2}$ ，我們得

$$\frac{I_0}{2} = I_0 e^{-\mu D} \text{ 或 } e^{\mu D} = 2;$$

$$\mu D \log_{10} e = \log_{10} 2; \mu D 0.43429 = 0.30103; \mu D = 0.693,$$

由此

$$\mu = \frac{0.693}{D} \quad (7)$$

从(6)和(7)得

$$l = \frac{D}{0.693} = 1.443 D. \quad (8)$$

(l 和 D 具有長度的量綱)。

除衰減系数 μ 外，还常引入所謂質量衰減系数 $\frac{\mu}{\rho}$ (ρ 是以克/

厘米³表示的物質密度)：

$$-dI = \frac{\mu}{\rho} I \rho dx = \frac{\mu}{\rho} I dm,$$

由此

$$I = I_0 e^{-\frac{\mu}{\rho} m}, \quad (9)$$

这里的 m 是切面为 1 平方厘米、厚度为 x 的柱体内的质量。质量衰减系数的量纲是：

$$\left[\frac{\mu}{\rho} \right] = \frac{\text{厘米}^{-1}}{\frac{\text{克}}{\text{厘米}^3}} = \frac{\text{厘米}^2}{\text{克}}.$$

还有每一原子的衰减系数 μ_A 和每一电子的衰减系数 μ_e 也是常用的。

在 1 厘米³ 物质中的原子数目 n_0 以公式表示为： $n_0 = \frac{\rho N}{A}$ ，式中 ρ 是密度， N 是阿伏伽德罗数，等于 6.02×10^{23} ， A 是组成吸收体的元素的原子量。类似式子 (2) 我们可以写出：

$$-dI = -\frac{A}{N} \frac{\mu}{\rho} I \frac{\rho N}{A} dx = \mu_A \cdot I \cdot dn_A. \quad (10)$$

积分后得：

$$I = I_0 e^{-\mu_A \cdot n_A}, \quad (11)$$

式中 n_A 是切面为 1 厘米²、厚度为 x 的柱内的原子数。

每一电子的衰减数 μ_e 可与此类似地求得：

$$-dI = -\frac{\mu}{\rho} \frac{A}{NZ} I \frac{\rho NZ}{A} dx = \mu_e \cdot I \cdot dn_e, \quad (12)$$

式中 Z 是元素的原子序数。

积分后得：

$$I = I_0 e^{-\mu_e \cdot n_e}, \quad (13)$$

式中 n_e 是切面为 1 厘米²、厚度为 x 的柱内的电子数目。 μ 、 μ_A 和 μ_e 之间有明确的关系

$$\mu_A = \frac{\mu}{\rho N}; \quad (14)$$

$$\mu_e = \frac{\mu}{\rho NZ}; \quad (15)$$

$$\mu_A = \mu_e \cdot Z \quad (16)$$

每一原子或每一电子的衰减系数的量纲是一样的 (Z 是无量纲的数值)。这个量纲确定如下:

$$[\mu_A] = \frac{\text{厘米}^{-1} \text{克}}{\text{厘米}^3} = \text{厘米}^2$$

数值 μ_A 和 μ_e 具有面积的量纲。把原子作中心围上一个面积等于 μ_A , 把电子作中心围上一个面积 μ_e ; γ 量子 and 原子或电子相互作用的或然率, 就好像是 γ 量子通过这些面积的时候才进行这种相互作用。因此系数 μ_A 与 μ_e 又常常称为有效横截面。原子核物理学中常用每一原子核的有效截面的概念来代替每一原子的有效截面, 因为在绝大多数情况下是粒子(或量子)与原子核, 而不是粒子与整个原子有相互作用。

到此为止, 我们假定平行的、均匀的 γ 射线束所通过的物质是由同类原子(例如金属)所组成的。现在来研究化学成分复杂的物质、也是均匀的物质。 γ 射线的衰减是介质的一种相加特性。所以这种介质的

的质量衰减系数 $\frac{\mu}{\rho}$ 可以写成:

$$\frac{\mu}{\rho} = \frac{P_1}{100} \frac{\mu_1}{\rho_1} + \frac{P_2}{100} \frac{\mu_2}{\rho_2} + \frac{P_3}{100} \frac{\mu_3}{\rho_3} + \dots, \quad (17)$$

式中 $\frac{\mu_1}{\rho_1}, \frac{\mu_2}{\rho_2}, \dots$ 是各组成部分的质量衰减系数, 而 $P_1, P_2, \dots$ 是

用百分数所表示的它们的相应重量。

如果 $P_1, P_2, \dots$ 以立方厘米内介质的克数表示, 则 (17) 式的总和就是线衰减系数:

$$\mu = P_1 \frac{\mu_1}{\rho_1} + P_2 \frac{\mu_2}{\rho_2} + P_3 \frac{\mu_3}{\rho_3} + \dots \quad (18)$$

在有些情况下, 吸收介质的精确化学成分不知道。这时可以用带有某种近似数值计算的方法来估计衰减系数。为了精确确定这种介质的

里的 γ 射綫衰減系数，我們必須用实验的方法来測量它。

§ 3. 点源在真空中的輻射

γ 射綫和光綫一样，离开点射綫源后向各个方向傳播。輻射强度与距离平方成反比例的定律，在这里也同样适用。

在真空中，离射綫源距离为 r 处， γ 射綫的輻射强度可用如下数学公式来表示：

$$I = K \frac{C}{r^2} \quad (19)$$

式中 K 是比例系数； C 是射綫源中放射性物質單位数量。用居里作为放射性物質数量的單位。1居里等于每秒蜕变次数为 3700×10^{10} 次的物質。居里的量綱为秒 $^{-1}$ ； r 是从点射綫源到測定輻射强度处的距离。

系数 K 用普通的方法来确定

$$[K] = \frac{\text{尔格} \cdot \text{厘米}^2}{\text{厘米}^2 \cdot \text{秒} \cdot 1/\text{秒}} = \text{尔格} = \frac{\text{克} \cdot \text{厘米}^2}{\text{秒}^2}$$

測量 γ 射綫最普通的仪器为电离室和粒子及量子的計数器。設其他条件相同，則在單位時間內，电离室中的气体在單位体积內形成离子对的数目，正比于放射性样品的放射性强度，因而，也就正比于該样品至給定距离上的 γ 射綫的强度。在計数器里，一般用單位時間內垂直于射綫束的單位截面积上所投入的脉冲数目来判断效应；用已知射綫源时，这种效应正比于單位時間进到計数器的單位截面积內的 γ 量子数，因而也正比于离射綫源至某距离上的 γ 射綫强度。

但由此不应当認為，电离室中或計数器中由不同性質的 γ 射綫所得到的效应相等，就表示这些射綫源在仪器所在地点产生的 γ 射綫强度均相等。如果輻射的綫譜組分不同，則由于計数器或电离室对于綫譜組分不同的輻射的灵敏度也不一样，所以当被測量的射綫束强度不一样时，可能得到相等的效应。本章研究点射綫源和非点射綫源时，我們假定使用單色射綫源的物体。

在这些保留条件下， γ 射綫的强度才可以用下列量来度量：(1)

离子形成的速度，(2)在1秒鐘內通过1厘米²的 γ 量子数目，(3)在每秒鐘內，每1厘米²內所記錄的 γ 量子数目。我們用离子形成的速度所度量的 γ 射綫强度，以 J 表示之。此时

$$J = K' \frac{C}{r^2}, \quad (20)$$

若放射性物質是鐳或氡，則比例系数 K 称为伊瓦数 (число Ива)。

若用0.5毫米鉑屏包住鐳射綫源，这个屏实际上能阻擋射綫源的全部 β 射綫，則对于空气当量电离室來說，伊瓦数等于 4.8×10^9 。伊瓦数大致可取 5×10^9 。当 γ 輻射不用1厘米²內离子对的数目來計算，而以每秒倫琴來計算 (見附录四) 的話，鐳射綫源的常数 K' 称为鐳的 γ 常数。1毫克鐳在1厘米距离处，每小时内鐳的 γ 常数在数值上等于8.4倫琴。此时为了把鐳及其蜕变产物所放出的全部 β 粒子吸收掉，鐳的 γ 射綫要被0.5毫米鉑屏應过。

系数 K' (伊瓦数) 的量綱与系数 K 的量綱是有区别的，

$$[K'] = \frac{1 \text{ 厘米}^2}{\text{厘米}^2 \cdot \text{秒} \cdot 1/\text{秒}} = 1.$$

長度單位增加 n 倍时，度量 K' 的單位減少 n 倍，而 K' 的值增加 n 倍。例如，当長度單位为1米时， K' 將等于 5×10^{11} ，当長度單位为1公里时， K' 等于 5×10^{14} 。

为了量 γ 輻射的强度而量每秒通过1厘米²的 γ 量子数时，最强度的式子可以写成如下形式：

$$n = K'' \frac{C}{r^2}. \quad (21)$$

系数 K'' 沒有任何專門的名称，系数 K'' 的量綱与 K 和 K' 的量綱也有区别：

$$[K''] = \frac{1 \text{ 厘米}^2}{\text{厘米}^2 \cdot \text{秒} \cdot 1/\text{秒}} = 1.$$

我們看到，系数 K'' 沒有量綱，因而其数值与所取單位无关。

§ 4. γ 輻射与物質相互作用过程一览表

γ 輻射与物質相互作用过程，現在已知的有下列11种：

- (1) 康普頓散射；
- (2) 光电效应；
- (3) 核場內“对”的形成；
- (4) 束縛电子的湯姆遜—瑞利散射；
- (5) 核上的湯姆遜散射；
- (6) 核共振散射；
- (7) 核光效应；
- (8) 电子場中“对”的形成；
- (9) 輻射場中“对”的形成；
- (10) 电势或德耳布茹克散射；
- (11) 光子作用下的核裂变。

我們仅簡要地研究前四种过程，因为其他过程对于放射性物質的 γ 射綫來說，或者根本不发生，或者发生的可能性很小。

首先我們根据經典理論討論 γ 射綫对于自由电子的散射（湯姆遜—瑞利散射）。虽然这种相互作用，在自然界中不見得眞实遇着；但它是康普頓散射的极限情况，康普頓散射是我們稍后就要討論的。

§ 5. γ 射綫的經典（湯姆遜）散射

倫琴射綫和 γ 射綫的散射現象，特別显明的表現出电磁輻射的双重性格。散射的倫琴輻射和 γ 輻射的某些性質（极化），从波动观点来解釋是很容易的，而其他性質（散射时频率的改变）从波动观点上就解釋不通，但若認為射綫具有顆粒性質，則就不难解釋了。

先从波动观点来研究 γ 射綫的散射。設有平行于 x 軸方向傳播的平面單色极化电磁波（图3），射到位于 O 点的电子上。这的电矢量 E 作用于电子上，使它形成具有入射波频率的諧波振盪，电子变成球形波

的中心，球形波的波長等于入射波的波長，入射波的波長也就是散射波的波長。如果我們將圖平面內在 r 方向的電矢量 E_φ ，看成與入射波的電矢量成角度 φ 的矢量，則矢量 E_φ 將分布在圖平面上，方向垂直於矢量徑。由於電子與其運動成 φ 角的加速度運動，在距電子距離 r 處所產生的電場強度用下列公式表示，

$$E_\varphi = r \frac{ae}{c^2} \sin\varphi, \quad (22)$$

式中 a 是加速度， e 是電子的電荷， c 是光的速度。在確定散射輻射強度時，我們也利用這個對於 E 的式子。

若 E 代表入射波的電矢量， m 表示電子的質量，則我們可根據牛頓第二定律寫出：

$$ma = E \cdot e,$$

式中 a 是電子的加速度， e 是電子的電荷，由此

$$a = \frac{E \cdot e}{m}.$$

將電子加速度的式子代入(22)，我們得到：

$$E_\varphi = \frac{E \cdot e^2}{r m c^2} \sin\varphi.$$

現在我們回憶這個比值： $\frac{e^2}{m c^2} = r_0$ 等于經典電子半徑。因此我們可以寫出：

$$E_\varphi = \frac{E}{r} r_0.$$

因為波的強度與電矢量平方成正比，所以散射輻射強度與入射輻射強度之比將等于

$$\frac{E_\varphi^2}{E^2} = \frac{I_\varphi}{I} = \frac{I}{r^2} r_0^2 \sin^2\varphi. \quad (23)$$

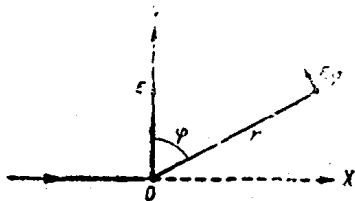


圖 3. 極化 γ 輻射散射經典公式的推导簡圖

現在我們假定，自然光綫未極化。設 r 射綫的原始光束仍舊平行于 x 軸而傳播。電矢量在垂直于光束傳播的平面上，即這個矢量位於平行于 yOz 的平面上。因為 y 和 z 軸的位置可在此平面上任意挑選（當然要保持軸之間成直角），則我們可以把 y 軸放在通過 x 軸和矢徑 $r = \overrightarrow{OP}$ 的平面上（通過一直綫和一點始終可作一平面，而矢量徑一定在此平面內，因為其起點與終點都在這個平面上）。

設電子位於坐標原點（圖4）。電矢量 $\vec{E}$ 可分成兩個垂直分量，

E_y 和 E_z 。由圖可見， $E^2 = E_y^2 + E_z^2$ ，且輻射強度等於 $I = I_y + I_z$ ，式中 I_y 是由場沿 y 軸的分量 E_y 決定的強度分量，而 I_z 是由場沿 z 軸的分量 E_z 決定的強度分量。因為原始光束未極化，所有振動方向都同樣有可能，且

$$I_y = I_z = \frac{1}{2} I.$$

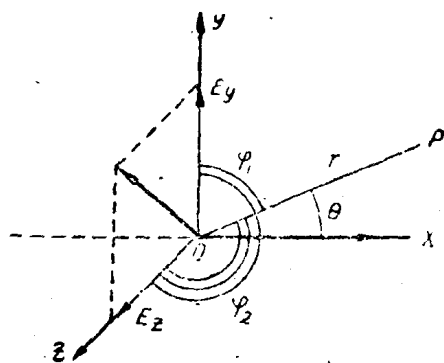


圖 1. 未極化的 r 輻射散射的典型公式推导簡圖

散射光束在 P 點上的強度 I_{φ_1} 由於數值 I_y 激起的，與（23）式相應，可用以下公式表示

$$I_{\varphi_1} = I_y \frac{1}{r^2} \cdot r_0^2 \sin^2 \varphi_1 = \frac{1}{2} I \frac{1}{r^2} \cdot r_0^2 \cos^2 \theta, \quad (24)$$

式中 φ_1 是 OP 與 Oy 間的角度， $\theta = \frac{\pi}{2} - \varphi_1$ 。

同樣，散射光束在 P 點上的強度 I_{φ_2} 由於數值 I_z ，激起的可以表示為

$$I_{\varphi_2} = I_z \frac{1}{r^2} \cdot r_0^2 \sin^2 \varphi_2 = \frac{1}{2} I \frac{1}{r^2} \cdot r_0^2, \quad (25)$$

式中 φ_2 是 OP 與 Oz 間的角度，始終等於 $\frac{\pi}{2}$ 。

散射波在 P 點上的總強度等於