

DARK
HORSE
maths

◆ 新课标 ◆



初中版

数学黑马 圆

崔首诗 ◇ 主编

- 名师名题
- 专项突破
- 优化复习



吉林人民出版社

DARK
HORSE
maths

初中版

数学黑马

CHUZHONGBAN SHUXUE HEIMA

简单的数与式——有理数与整式

一次方程与不等式

图形世界——点、线、面

因式分解与分式

三角形

数的开方与二次根式

四边形与相似形

二次方程

解直角三角形

函数及其图象

统计初步



圆



责任编辑 崔 凯

装帧设计 瑞峰祥工作室

ISBN 7-206-04186-8



9 787206 041860 >

ISBN 7-206-04186-8

G · 1466 定价:11.50 元

◆ 新课标 ◆



初中版

数学黑马

圆

崔首诗 ◆ 主编

吉林人民出版社

圆

主 编:崔首诗

责任编辑:崔 凯

电 话:0431-5649704

封面设计:瑞峰样工作室

责任校对:宋 春

吉林人民出版社出版 发行(长春市人民大街 4646 号 邮政编码:130021)

印 刷:长春科技印刷厂

开 本:850mm×1168mm 1/16

印 张:11.5 字数:310 千字

标准书号:ISBN 7-206-04186-8/G·1466

版 次:2004 年 1 月第 1 版

印 次:2004 年 1 月第 1 次印刷

印 数:1-10 000 册

定 价:11.50 元

如发现印装质量问题,影响阅读,请与印刷厂联系调换。

丛书主编:崔首诗

副主编:沙敬红 牟玉华 吴轶兵

编写:郝艳 孙子晴 尹振彬

王晓东 程云穆 刘大治

王铁军 孙红艳 澎松

金海 宋春 孙明佶

齐夏 那海涛 吴志明

孙勇 宿建扬 何汇川

孙宇泽 张力杰 于建华

编者前记

《专项突破》类丛书在浩如烟海的教辅图书中何以能够备受青睐且长销不衰?

所谓“专项”,其特点在于“专”,改变普遍教辅图书“面面俱到”的模式,以学科知识为核心,能力训练为基础,对相关知识进行优化整合,使学生在融会贯通的基础上形成研究性学习。“专项”书的创作空间于理论上深入浅出,于学法上实用灵活,让学生在理解的基础上有所提高,在提高之中实现创新。

本套丛书的特色是什么?

本套书针对数学的各个板块进行科学有序地组合,对每一专题均由浅入深,由表及里地进行系统归纳,不同年级学生可以有针对性地选择,在最短时间内对某一板块知识学精学通。

图书清晰实用的体例:

1. 言简意赅的专项知识剖析
2. 少而精的经典试题讲解
3. 基础与能力的专题突破

在课程改革的大潮之中,丛书的适应性如何?

在目前教材版本与内容不稳定的状况下,本书克服了其他图书“完全同步性”不灵活的弱点,同时又对“同步性”有一定的辅助作用,适用面广。本书尽最大可能体现了新课标人教版、北师大版、华东师大版的课改理念,增强了原有“专项”的人文意识和科学内涵。

- 一 圆 / 1
- 二 过三点的圆 / 7
- 三 垂直于弦的直径 / 14
- 四 圆心角、弧、弦、弦心距之间的关系 / 21
- 五 圆心角 / 28
- 六 圆的内接四边形 / 35
- 七 直线和圆的位置关系 / 42
- 八 切线的判定和性质 / 49
- 九 三角形的内切圆 / 56
- 十 切线长定理 / 63
- 十一 弦切角 / 70
- 十二 和圆有关的比例线段 / 77
- 十三 圆和圆的位置关系 / 84
- 十四 两圆的公切线及相切在作图中的应用 / 91
- 十五 正多边形和圆及计算 / 98
- 十六 画正多边形、镶嵌 / 105
- 十七 圆周长、弧长 / 111
- 十八 圆、扇形、弓形的面积 / 118
- 十九 圆柱和圆锥的侧面展开图 / 126
- 中考链接 / 132
- 参考答案 / 137



一 圆

知识点讲解

学习目标

通过本节的学习,学生要理解圆的定义,掌握点和圆的位置,正确理解弦、弧、半圆、优弧、劣弧、同心圆、等圆、等弧、弓形等圆的有关概念.

重点、难点和考点

重点:圆及其有关概念,点与圆的位置关系.

难点:等弧与等圆、点的轨迹.

考点:点与圆的位置关系,本节内容非中考重点内容,出现的频率较低,大多以填空、选择的形式命题.

知识点剖析

圆的概念,从集合的角度理解圆、圆的内部及圆的外部;与圆有关的一些概念:弦、弧、优弧、劣弧、弓形、同心圆、等圆、等弧等几个重要的点的轨迹.

本节课的概念较多,相对比较简单,较难理解的是几个重要的点的轨迹,学生要充分理解本节课的知识在中考时单独命题的机会很少,但有很多知识都是由最基本的概念引伸出来的,学生要引起重视,尤其是等弧这个概念所存在的条件(同圆或等圆中)很重要.



名题精析

例1 求证:菱形的四边中点在以对角线的交点为圆心的同一个圆上.

精析 要证明菱形的四边中点在以对角线的交点为圆心的同一个圆上,即四点共圆的问题,只要证出四边中点到对角线的交点距离相等即可.

已知:如图1—1,菱形 $ABCD$, AC 、 BD 交于点 O , E 、 F 、 G 、 H 分别为 AB 、 BC 、 CD 、 DA 的中点.

求证: E 、 F 、 G 、 H 在以点 O 为圆心的同一个圆上.

证明 连结 OE 、 OF 、 OG 、 OH .

$\because AC$ 、 BD 为对角线, $\therefore AC \perp BD$, $\therefore \triangle AOB$ 为 $Rt\triangle$

又 $\because E$ 为 AB 中点, $\therefore OE = \frac{1}{2}AB$

同理: $OF = \frac{1}{2}BC$, $OG = \frac{1}{2}CD$, $OH = \frac{1}{2}AD$

$\because$ 四边形 $ABCD$ 为菱形, $\therefore AB = BC = CD = DA$

$\therefore OE = OF = OG = OH$

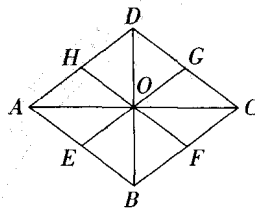


图 1—1



$\therefore E, F, G, H$ 四点在以 O 为圆心的同一个圆上.

点评 求证几点共圆一定要抓住圆的定义.

例 2 如图 1—2, 在 $\odot O$ 中, AB, BC 为弦, OC 交 AB 于 D .

求证: (1) $\angle ODB > \angle OBD$; (2) $\angle ODB > \angle OBC$.

精析 角的不等量关系的求证, 应该用三角形外角大于不相邻的任意一个内角这一定理, 此题要用同圆的半径相等及等边对等角等一些定理.

解 (1) $\because OA = OB \therefore \angle A = \angle OBD$
 又 $\angle ODB > \angle A \therefore \angle ODB > \angle OBD$
 (2) $\because OC = OB \therefore \angle C = \angle OBC$
 又 $\angle ODB > \angle C \therefore \angle ODB > \angle OBC$

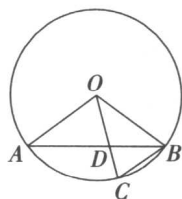


图 1—2

点评 本题关键是利用同圆的半径相等, 从而确定相等的角.

例 3 在 $Rt\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, $BC = 3\text{cm}$, $AC = 4\text{cm}$, 以 B 为圆心, 以 BC 为半径作 $\odot B$.

问点 A, C 及 AB, AC 的中点 D, E 与 $\odot B$ 有怎样的位置关系

精析 先求出点 A, C, D, E 与点 B 的距离, 再与半径 3cm 作比较.

解 在 $Rt\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, $BC = 3\text{cm}$, $AC = 4\text{cm}$, $\therefore AB = \sqrt{AC^2 + BC^2} = 5(\text{cm})$
 $\because \odot B$ 半径为 3cm , $AB = 5\text{cm} > 3\text{cm}$, $\therefore$ 点 A 在 $\odot B$ 外
 $\because BC = 3\text{cm}$, $\therefore$ 点 C 在 $\odot B$ 上, $\because DB = \frac{1}{2} \times 5\text{cm} < 3\text{cm}$, $\therefore$ 点 D 在 $\odot B$ 内
 $\because EB > BC = 3\text{cm}$, $\therefore$ 点 E 在 $\odot B$ 外.

点评 本题的关键在于点与圆的三种位置关系以及确定方法.

例 4 爆破时, 导火索燃烧的速度是 0.9cm/s , 点燃导火索的人需要跑到离爆破点 120 米以外的安全区域, 这个导火索的长度为 18cm , 那么点导火索的人以 6.5m/s 的速度跑开是否安全?

精析 爆破时的安全区域是以爆破点为圆心, 120 米为半径的圆的外部, 可先求出 18cm 的导火索燃烧的时间, 再求出在这段时间里, 人跑出的路程, 再与 120 米作比较即可.

解 $\because$ 导火索燃烧时间 $= \frac{18}{0.9} = 20(\text{s})$ 人跑出的路程 $= 6.5 \times 20 = 130(\text{米})$
 $\therefore 130 \text{ 米} > 120 \text{ 米}$, $\therefore$ 点燃导火索的人是安全的.

点评 解决本题在于确定点与圆的位置关系, 即人跑动的距离与 120 米的大小关系.

例 5 $\odot O$ 过两个已知点 M, N , 则圆心 O 的轨迹是什么? 画出它的图形.

精析 $\odot O$ 经过 M, N 两点, 则说明 M, N 两点在圆上, 因此可知 $OM = ON$, 即点 O 到 M, N 的距离相等, 这样的点 O 应在 MN 的垂直平分线上.

解 圆心 O 的轨迹是线段 MN 的垂直平分线 PQ . (如图 1—3)

点评 本题的关键在于明确 $\odot O$ 的圆心 O 与 M, N 两点的距离相等, 从而推出点 O 在 MN 的垂直平分线上.

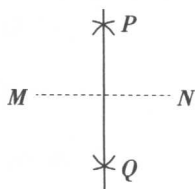


图 1—3

基础过关题

一、填空题

- 圆形成的条件是_____.
- 与已知点 P 的距离为 2.5cm 的所有点组成的平面图形是_____.
- 平面上一点 P 到以 r 为半径的圆的圆心距离为 d , 当点 P 在圆内时, d _____ r ; 当点 P 在圆上时, d _____ r ; 当点 P 在圆外时, d _____ r .
- 在 $Rt\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, $AC = 1\text{cm}$, $BC = 3\text{cm}$, 若以 C 为圆心, 以 1cm 为半径作圆, 则 A 在 $\odot C$ _____, 点 B 在 $\odot C$ _____; 若以 AB 为直径作 $\odot O$, 则点 C 在 $\odot O$ _____.
- 以 AB 为斜边的直角三角形顶点的轨迹是_____.
- 在 $\odot O$ 中, 弦 MN 、 NP 的长等于半径, 则 $\angle MPN =$ _____.
- 已知 $\odot O$ 的半径为 1, 点 P 与 O 的距离为 R , 且方程 $x^2 - 2x + R = 0$ 有实数根, 则点 P 在 $\odot O$ 的_____.
- A 、 B 是半径为 r 的圆上不同两点, 则 AB 的取值范围是_____.

二、选择题

- 下列说法正确的是()
 - 弦是直径
 - 半圆是弧
 - 过圆心的线段是直径
 - 圆心相同, 半径相等的两个圆是同心圆
- $\odot O$ 的半径为 10cm, O 到直线 L 的距离 $OP = 6\text{cm}$, Q 为 L 上一点, 且 $PQ = 8\text{cm}$, 则点 Q ()
 - 在 $\odot O$ 内
 - 在 $\odot O$ 外
 - 在 $\odot O$ 上
 - 无法确定
- 下列说法不正确的是()
 - 圆心相同, 半径不相等的两个圆叫做同心圆
 - 能够重合的两个圆叫做等圆
 - 同心圆或等圆的圆心相同
 - 在同圆或等圆中, 能够互相重合的弧叫做等弧
- 两圆的圆心都是 O , 半径分别是 r_1, r_2 ($r_1 < r_2$), 若 $r_1 < OP < r_2$, 则有()
 - 点 P 在大圆外、小圆外
 - 点 P 在大圆内、小圆外
 - 点 P 在大圆外、小圆内
 - 点 P 在大圆内、小圆内
- 下列语句正确的个数是()
 - 矩形的四边中点在同一圆上
 - 菱形的四边中点在同一个圆上
 - 等腰梯形的四边中点在同一个圆上
 - 平行四边形的四边中点在同一个圆上
 - 1 个
 - 2 个
 - 3 个
 - 4 个



三、解答题

数
学

黑马

SHUXUE HEIMA

1. 求证:矩形的四个顶点在同一个圆上.

2. 如图 1—4, 已知 OA 、 OB 为 $\odot O$ 的半径, 弦 $CD \parallel AB$ 分别交 OA 、 OB 于 E 、 F .
求证: $OE = OF$.

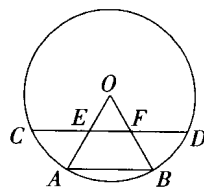


图 1—4

3. 如图 1—5, AB 、 CD 为 $\odot O$ 的两条直径, E 、 F 分别为 OA 、 OB 的中点, 求证: 四边形 $CEDF$ 是平行四边形.

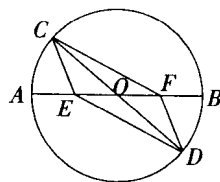


图 1—5

能力拓展题

一、填空题

1. 已知 $\odot O$ 的半径为5cm,若使点 P 分别在圆内、圆周上和圆外,则相应的 PO 长应分别为_____.
2. 角的平分线是_____的点的集合.
3. 点 P 到圆上的最大距离为5cm,最小距离为1cm,若 P 在该圆外,则 $\odot O$ 的半径为_____cm,若 P 在该圆内,则 $\odot O$ 的半径为_____cm.
4. 到直线 l 的距离等于2cm的点的轨迹是_____.
5. 如图1—6所示,圆中有_____条直径,_____条非直径的弦,图中以 A 为顶点的优弧有_____条,劣弧有_____条.
6. 在半径为5cm的 $\odot O$ 中,弦 AB 的长等于6cm,若弦 AB 的两个端点 A, B 在 $\odot O$ 上滑动(滑动的过程中 AB 长度不变),则弦 AB 的中点 C 的轨迹是_____.
7. 以边长为 a 的正方形的两条对角线交点 O 为圆心,分别以:
① $\frac{a}{2}$;② $\frac{\sqrt{2}}{2}a$;③ $\frac{\sqrt{3}}{2}a$ 为半径作圆,则正方形各顶点与圆的位置关系分别是:
①_____;②_____;③_____.
8. 以 $\triangle ABC$ 的 BC 边为底,且面积与 $\triangle ABC$ 相等的三角形另一个顶点的轨迹是_____.

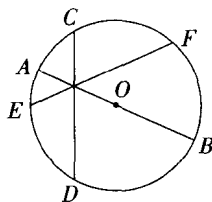


图1—6

二、选择题

1. 有一个点到 $\odot O$ 的最小距离为6cm,最大距离为8cm,则 $\odot O$ 的半径为()
A. 1cm B. 7cm C. 1cm 或 7cm D. 无法确定
2. 有4个命题:①直径相等的两个圆是等圆;②长度相等的两条弧是等弧;③圆中最大的弦是通过圆心的弦;④一条弦把圆分为两条弧,这两条弧不可能是等弧,其中真命题是()
A. ①③ B. ①③④ C. ①④ D. ①
3. 已知线段 $PQ=a$,则到 P, Q 两点的距离都等于 a 的点有()个.
A. 1 B. 2 C. 3 D. 4
4. 在 $Rt\triangle ABC$ 中, $\angle C = Rt\angle$, $AC = 12\text{cm}$, $BC = 5\text{cm}$,以 C 为圆心, BC 为半径作 $\odot C$ 交 AC 于 D ,交 BC 的延长线于 E ,则 AD 和 DE 的长分别为()
A. 7cm 和 5cm B. $5\sqrt{2}\text{cm}$ 和 7cm
C. 7cm 和 $5\sqrt{2}\text{cm}$ D. 7cm 和 10cm
5. 已知 $\odot O$ 的半径为10cm, A 是 $\odot O$ 上的一点, B 是 OA 中点, C 点和 B 点的距离等于5cm,则 C 点和 $\odot O$ 的位置关系是()
A. C 点在 $\odot O$ 内 B. C 点在 $\odot O$ 外
C. C 点在 $\odot O$ 上 D. C 点在 $\odot O$ 内或在 $\odot O$ 上
6. 直线 l 与 $\odot O$ 相交于 A, B ,平行移动直线 l ,则弦 AB 的中点轨迹是()



A. AB 的垂直平分线

B. 垂直于 l 的直径, 端点除外

C. 垂直于 l 的直径, 圆心除外

D. 垂直于 l 的直径

三、解答题

1. 如图 1—7, OA, OB 是 $\odot O$ 的半径, C, D 分别为 OA 和 OB 的中点.

求证: (1) $AD = BC$;

(2) 设 AD 和 BC 相交于点 P , 则 $PA = PB$;

(3) OP 平分 $\angle AOB$.

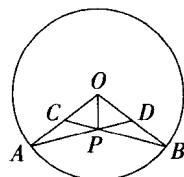


图 1—7

2. 如图 1—8 所示, 已知 AB 是 $\odot O$ 的直径, C 在 AB 的延长线上, CE 交 $\odot O$ 于 D , 且 $CD = OA$, 若 $\angle C = 36^\circ$, 求证: $\angle EOA = 108^\circ$.

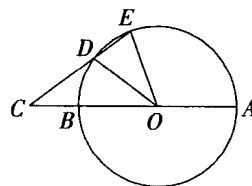


图 1—8

3. 如图 1—9 所示, 已知有两个同心圆, 大圆的弦 AD 交小圆于 B, C 两点.

求证: $AB = CD$.

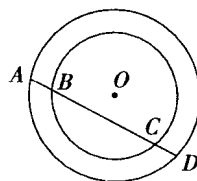


图 1—9

二 过三点的圆

知识点讲解

学习目标

通过本节的学习,学生需掌握定理“不在同一直线上的三个点确定一个圆”,掌握经过不在同一直线上的三点作圆的方法,了解三角形的外接圆,三角形的外心,圆的内接三角形的概念,能运用反证法证明一些简单的问题.

重点、难点和考点

重点:定理:不在同一直线上的三点确定一个圆.

难点:反证法的定义和证明步骤.

考点:不在同一直线上的三点确定一个圆,本节内容非中考重点内容,大多以填空、选择或简答题的形式命题.

知识点剖析

(1) 定理:不在同一直线上的三个点确定一个圆.

(2) 概念:三角形的外接圆,三角形的外心,圆的内接三角形.

经过不在同一直线上的三点作圆是本节的重点内容,另外学生需理解三角形的外心的实质,即三角形三边垂直平分线的交点,学生刚接触“反证法”这一新鲜事物,除了要掌握反证法的步骤,更要掌握反证法中的两个关键:一是由假设所推导出的结论,二是由假设得出的结论所矛盾的对象.



名题精析

例1 在 $Rt\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, 已知两直角边的长分别为 6cm 和 8cm, 那么 $Rt\triangle ABC$ 的外接圆的面积是()

A. $30\pi\text{cm}^2$

B. $25\pi\text{cm}^2$

C. $20\pi\text{cm}^2$

D. $15\pi\text{cm}^2$

精析 本题要求 $Rt\triangle ABC$ 的外接圆的面积, 首先必须先求出该圆的直径或半径. 而该圆的圆心的位置是关键, 根据三角形外心的实质, 可知该圆的圆心即为 $Rt\triangle ABC$ 斜边的中点, 也就是说 $Rt\triangle ABC$ 的斜边就是外接圆的直径, 因此运用勾股定理求出斜边即可解决本题.

解 在 $Rt\triangle ABC$ 中, $AC = 6\text{cm}$, $BC = 8\text{cm}$

$$AB = \sqrt{AC^2 + BC^2} = \sqrt{6^2 + 8^2} = 10(\text{cm})$$

$$\therefore S_{\odot O} = \pi \cdot \left(\frac{AB}{2}\right)^2 = 25\pi\text{cm}^2$$

故应选择 B.

点评 要确定 $Rt\triangle$ 的外接圆的面积, 一是要确定圆心的位置, 二是要确定半径的值.



例2 如图2—1, $\triangle ABC$ 中, $AB = AC = 10$, $BC = 12$. 求 $\triangle ABC$ 的外接圆的半径.

精析 本题要求三角形外接圆的半径,关键是要找到圆心, $\triangle ABC$ 为等腰三角形,底边上的高又是底边的中线,因此 $\triangle ABC$ 的外接圆的圆心应在 $\triangle ABC$ 的底边的高上,进而利用勾股定理求出该圆的半径. 本题的关键是找到该圆的圆心.

解 作 $AD \perp BC$ 于 D , 作 AB 的垂直平分线, 交 AD 于 O , 连接 OB , 点 O 即为 $\triangle ABC$ 外接圆的圆心.

设 $OA = OB = x$.

$\because \triangle ABC$ 为等腰三角形, 且 $AD \perp BC$

$$\therefore BD = \frac{1}{2}BC = \frac{1}{2} \times 12 = 6$$

$$\therefore AD = \sqrt{AB^2 - BD^2} = \sqrt{10^2 - 6^2} = 8 \quad \therefore OD = 8 - x$$

在 $Rt\triangle BOD$ 中, $OB^2 = OD^2 + BD^2$

$$\therefore x^2 = 6^2 + (8 - x)^2, \text{ 解得 } x = \frac{25}{4}$$

$\therefore \triangle ABC$ 的外接圆半径为 $\frac{25}{4}$.

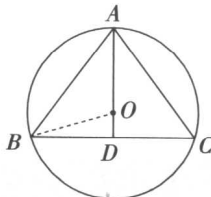


图2—1

点评 首先要利用等腰三角形的性质,其次是如何构建如图的直角三角形.

例3 用反证法证明:在一个三角形的三个内角中,至少有一个角不小于 60° .

精析 按反证法的三个步骤,先假设“ $\angle A$ 、 $\angle B$ 、 $\angle C$ 中至少有一个不小于 60° ”不成立,即“ $\angle A$ 、 $\angle B$ 、 $\angle C$ 中,三个角都小于 60° ”成立,然后从这个假定推下去,找出矛盾.

已知: $\triangle ABC$ 中, $\angle A$ 、 $\angle B$ 、 $\angle C$ 是三个内角.

求证: $\angle A$ 、 $\angle B$ 、 $\angle C$ 中至少有一个不小于 60° .

证明 假设 $\angle A$ 、 $\angle B$ 、 $\angle C$ 这三个角都小于 60° , 则 $\angle A + \angle B + \angle C < 180^\circ$

这与三角形内角和定理相矛盾,所以 $\angle A$ 、 $\angle B$ 、 $\angle C$ 都小于 60° 不成立.

点评 用反证法证明三角形内角的问题,总是与三角形内角和相矛盾,关键在于由假设推出怎样的结论.

例4 用反证法证明:在一个三角形中,大角所对的边也较大.

精析 本题的关键在于假设以后所得到的结论应分两种情况讨论,再分析两种情况所推出的结论与什么相矛盾.

已知: $\triangle ABC$ 中, $\angle A > \angle B$.

求证: $BC > AC$.

证明 假设 BC 不大于 AC , 则有 (1) $BC = AC$, (2) $BC < AC$ 两种情况.

(1) 当 $BC = AC$ 时, 根据等角对等边可知 $\angle A = \angle B$, 这与已知“ $\angle A > \angle B$ ”相矛盾, 所以假设 $BC = AC$ 不成立.

(2) 当 $BC < AC$ 时, 在 AC 上截取 $CD = BC$, 连结 BD , 如图2—2.

可得 $\angle CBD = \angle CDB$

$$\because \angle CDB > \angle A, \angle ABC > \angle CBD$$

$$\therefore \angle ABC > \angle A$$

这与已知 $\angle A > \angle ABC$ 矛盾.

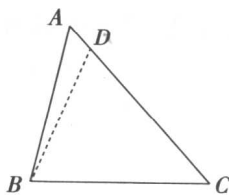


图2—2

$\therefore$ 假设 $BC < AC$ 不成立
 $\therefore BC = AC$ 与 $BC < AC$ 都不成立
 $\therefore BC > AC$

点评 本题在假设命题结论不正确后,需分两种情况讨论.

例 5 要浇铸一个和残破轮片同样大小的圆形轮片,需要知道它的半径,用圆规和直尺在图中作出它的一条半径.(要求保留作图痕迹)

精析 本题要作出一条半径,首先要确定圆心,根据“过不在同一直线上的三点确定一个圆”,可在轮片上任找三个点 A 、 B 、 C ,连结 AB 、 AC ,作它们的垂直平分线,交点即为圆心 O ,连结 OA 即为半径.(如图 2—3)

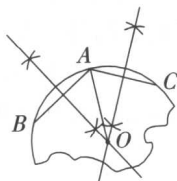


图 2—3

点评 本题的关键在于明确经过三点如何确定圆.

例 6 求证:直角三角形中斜边大于任意一条直角边.

精析 欲求证 $AB > AC$, $AB > BC$,可借助辅助圆,利用“两边之和大于第三边”来证明.

已知: $\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$

求证: $AB > AC$ 、 $AB > BC$

证明 作 $\triangle ABC$ 的外接圆 $\odot O$,如图 2—4 根据直角三角形中斜边中线等于斜边一半知斜边 AB 的中点 O ,即为外接圆的圆心,连结 OC ,

$$\text{则 } OA = OC = \frac{1}{2}AB.$$

$$\therefore OA + OC = AB$$

$$\because \text{在 } \triangle AOC \text{ 中有 } OA + OC > AC$$

$$\therefore AB > AC$$

同理可证 $AB > BC$

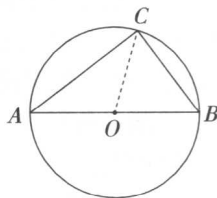


图 2—4

点评 作三角形的外接圆是一种常用的辅助线方法,望大家能很好地掌握它.



基础过关题

一、填空题

1. 经过一点可以作_____个圆;经过两点可以作_____个圆,这些点的圆心在这两点的_____上;经过_____的三点可以作_____个圆并且_____圆.
2. 用反证法证明“垂直于同一条直线的两条直线平行”时,第一个步骤是_____.
3. 锐角三角形的外心在_____,钝角三角形的外心在_____,直角三角形的外心在_____.
4. 三角形有_____个外接圆,圆有_____个内接三角形.
5. 在 $Rt\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, $AC = 5\text{cm}$, $BC = 12\text{cm}$, 则其外接圆半径为_____ cm .
6. “ $a > b$ ”的反面是_____.
7. 已知 $AB = 6\text{cm}$, 则过点 A 、 B 且半径为 4cm 的圆有_____个, 那么_____.
8. 直角三角形的斜边为 c , 则它的外接圆面积为_____.

二、选择题

1. 下列命题中, 正确的是()
A. 三点确定一个圆
B. 任何一个三角形有且仅有一个外接圆
C. 任何一个四边形都有一个外接圆
D. 等腰三角形的外心一定在它的外部
2. 如果一个三角形的外心在它的一边上, 那么这个三角形一定是()
A. 等腰三角形
B. 直角三角形
C. 等边三角形
D. 钝角三角形
3. 三角形的外心()
A. 到三角形各边中点的距离相等
B. 到三角形各顶点的距离相等
C. 到三角形各顶点的距离相等, 且必在三角形内部
D. 到三角形各顶点的距离相等, 且必在三角形的外部
4. 下列说法中, 正确的个数为()
(1)任意一点可以确定一个圆;(2)任意两点可以确定一个圆;(3)任意三点可以确定一个圆;(4)经过任一点可以作圆;(5)经过任意两点一定有圆.
A. 1 个
B. 2 个
C. 3 个
D. 4 个
5. 在 $Rt\triangle ABC$ 中, $\angle C = 90^\circ$, $AC = 6\text{cm}$, $BC = 8\text{cm}$, 则它的外心与顶点 C 的距离为()
A. 5cm
B. 6cm
C. 7cm
D. 8cm
6. 圆的内接三角形的个数为()
A. 1 个
B. 2 个
C. 3 个
D. 无数个