

haidianmingti quanxiquanjie

北京市海淀区重点中学特级教师 编写

全新编写

海淀名题

全析全解

- 新的教学理念
- 强调能力立意
- 详尽的解析法

初中几何

中国少年儿童出版社

北京市海淀区重点中学特级教师 编写

全新编写

HAIDIANMINGTI

海淀名题

全析全解

quanxiquanjie



● 新的教学理念

● 强调能力立意

● 详尽的解析法

初中几何

中国少年儿童出版社

图书在版编目 (CIP) 数据

海淀名题——全析全解: 初中几何/《海淀名题——全析全解》
编写组编. —北京: 中国少年儿童出版社
ISBN 7-5007-4879-5

I. 海... II. 海... III. 几何课—初中—解题 IV. G634
中国版本图书馆 CIP 数据核字 (1999) 第 27417 号

Haidian mingti quanxi quanjie



出版发行: 中国少年儿童出版社

出版人: 

责任编辑: 尚万春 惠 玮

封面设计: 木头羊

责任印务: 栾永生

社 址: 北京东四十二条 21 号

邮政编码: 100708

电 话: 086-010-64032266

传 真: 086-010-64012262

印 刷: 北京忠信诚印刷厂

经 销: 新华书店

开 本: 787×1092 1/16

印 张: 20

2004 年 1 月北京第 3 版 2004 年 1 月北京第 10 次印刷

字 数: 652 千字

ISBN 7-5007-4879-5/G · 3671 定价: 18.80 元

图书若有印装问题, 请随时向印刷厂退换。

版权所有, 侵权必究。

前言

一书在手,应考自如

多年来,中学广大师生都渴望有一套万能式的教辅材料,都希望“一书在手,应考自如”,《海淀名题全析全解》系列丛书就应运而生了。这套丛书一版再版,得到了中学广大师生的认可和赞誉,被广大师生称为教辅图书中的一颗璀璨明珠。

本丛书以现行人教社最新版教材为依据,紧紧围绕最新的高(中)考《考试说明》和《考试大纲》的知识点展开,符合国家最新教学大纲的要求。

该丛书具有如下特点:

·:·体例新

本丛书不仅对学生中共性的亟待解决的问题予以整理、归纳、提炼,而且对部分习题的解题思路作适度、合理的延伸,以全析全解的体例,从基础题到拓展题,由易而难,生动活泼,引人入胜,启发思维。全析的绝不是解题步骤,而是解题的思维过程。而高(中)考的考试知识点又无一遗漏地分布在试题之中。这种对题目进行全面分析、全面解答,用试题来带考点的形式,是目前教辅图书中独一无二的;这种体例,经过实践验证,效果也是良好的。

·:·题型新

本丛书的题型全是高(中)考的最新题型,强调能力立意,主要以应用型和能力型题型为主,突出理解、论证、实验能力的考查,对学生疑惑的问题给予科学、详尽的纠错解析,为学生开辟了广阔的思维空间。试题难易比例与高(中)考试题贴近。

·:·含量高

本丛书充分展示了高(中)考名题风采,体现高(中)考优秀的命题成果,是教师多年教学经验的总结和教学体会的结晶。既体现知识技巧,又锻炼素质能力。设计的问题都是教学过程中学生遇到的共性问题及容易混淆的问题,倾注了中学一线特、高级教师大量的心血,体现了新世纪教育的精华。

·:·适用性强

本丛书与现行人教社教材同步,同时兼容其他教材,这是一大优点。不管教材如何变化,知识点、重点、难点、考点不会变。一书在手,如同得到一把打开知识宝库的金钥匙。

·:·编写阵容强大

参加本丛书编写的都是多年工作在教学一线的经验丰富的中学特、高级教师,并聘请了部分教育专家、知名学者作为本丛书编写的顾问。

我们以“创名牌、出精品”为宗旨,以不断推陈出新为目标,以不断努力、真诚服务为己任,为中学广大师生献上一份丰厚的礼物。新《海淀名题》会以更高的含量,更深的内涵,更丰富的信息,在竞争中永立不败之地。我们热切地希望广大师生朋友,为我们提供真诚的反馈意见,使《海淀名题》从成熟走向辉煌。

愿此丛书助天下学子跨知识海洋,攀科学高峰!

海淀名题
全析全解目 录
MU LU

第一章 线段、角

- I. 基础题 (1)
II. 拓展题 (7)

第二章 相交线、平行线

- I. 基础题 (12)
II. 拓展题 (16)

第三章 三角形

- 一、三角形 (24)
 I. 基础题 (24)
 II. 拓展题 (33)
二、全等三角形 (38)
 I. 基础题 (38)
 II. 拓展题 (48)
三、等腰三角形、直角三角形 (57)
 I. 基础题 (57)
 II. 拓展题 (85)

第四章 四边形

- 一、四边形 (99)
 I. 基础题 (99)
 II. 拓展题 (104)
二、平行四边形 (108)
 I. 基础题 (108)
 II. 拓展题 (128)
三、梯形 (141)
 I. 基础题 (141)
 II. 拓展题 (157)

第五章 相似形

一、比例线段	(169)
I. 基础题	(169)
II. 拓展题	(175)
二、相似三角形	(186)
I. 基础题	(186)
II. 拓展题	(203)

第六章 解直角三角形

I. 基础题	(228)
II. 拓展题	(237)

第七章 圆

一、圆的有关性质	(247)
I. 基础题	(247)
II. 拓展题	(256)
二、直线和圆的位置关系	(266)
I. 基础题	(266)
II. 拓展题	(279)
三、圆和圆的位置关系	(294)
I. 基础题	(294)
II. 拓展题	(300)

海淀名题 全析全解

第一章 线段、角

I. 基础题

一、填空题:

1. 直线有_____个端点, 向_____方无限延伸; 射线有_____个端点, 向_____方无限延伸; 线段有_____个端点_____延伸.

答案: 0; 两; 1; 一; 两; 不

2. 线段 AB 的端点是_____, 射线 OP 的端点是_____.

答案: 点 A 和 B , 点 O

3. 直线的基本性质(公理)是: 经过两点_____一条直线.

答案: 有且只有

4. 线段的公理是: 所有联接两点的_____中, _____最短.

答案: 线; 线段

5. _____叫做两点的距离.

答案: 连结两点的线段的长度.

6. 线段 AB _____一个中点.

答案: 有且只有

7. 经过点 P 有_____条直线; 经过 A 、 B 两点有_____条直线; 经过 A 、 B 、 C 三点有_____条直线.

答案: 无数; 且只有一; 一条或三.

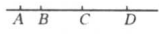
8. 如图 1-1, A 、 B 、 C 、 D 是一条直线上依次排列的四个点, $AC=BC+$ _____, $AD=BC+$ _____.


图 1-1

答案: AB , $AB+CD$

9. 如图 1-2, 已知 B 是 AC 的中点, C 是 BD 的中点, 则 $AB=$ _____ BD , $BC=$ _____ AD .



图 1-2

答案: $\frac{1}{2}$; $\frac{1}{3}$

10. 已知: 如图 1-3, 线段 $AB=1.8$ 厘米, C 点在 AB 的延长线上, $AC=\frac{5}{3}BC$, 则 $BC=$ _____厘米.

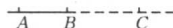


图 1-3

答案: 2.7

解析: 由 $AC=\frac{5}{3}BC$ 可知: $BC=\frac{3}{5}AB$, 又 $AB=1.8$ 厘米, 所以 $BC=2.7$ 厘米.

11. 如图 1-4, 图中共有_____条线段, 共有_____条射线, 分别是_____.

答案: 11; 3; 射线 AG , 射线 EG , 射线 CG

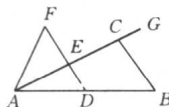


图 1-4

12. 如图 1-4, 比较图中线段的大小, AD _____ AB , AC _____ AE .

答案: $<$; $>$

13. 如图 1-4, 点 E 在线段 AB 所在直线_____, 点 E 在线段 AC _____, 点 E 是线段_____的交点.

答案: 外; 上; AC 和 FD

14. 如图 1-5, 以 B 为端点的线段, 共有_____条.

答案: 5

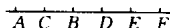


图 1-5

15. 在直线 L 的同一方向上作 $AB=5\text{cm}$, $AC=2\frac{1}{2}\text{cm}$, $AD=7\text{cm}$, 在 DA 的延长线上作 $DE=9\text{cm}$, $DF=13\frac{1}{2}\text{cm}$, 则 C 是_____或_____的中点, $DC=\frac{1}{3}$ _____, CE _____ FE .

答案: AB 或 ED ; FD ; $=$

解析: 如图 1-6, 由题意知: $FE=4\frac{1}{2}\text{cm}$, $EA=2\text{cm}$, $AC=CB=2.5\text{cm}$, $BD=2\text{cm}$, 故点 C 是 AB 或 ED 的中点; $DC=\frac{1}{3}FD$, $CE=FE$.

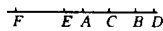


图 1-6

16. 有_____端点的两条_____组成的图形叫做角.

答案: 公共; 射线

17. 如图 1-7, 图中小于平角的角有_____个.

答案: 12

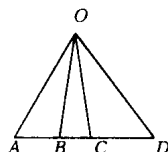


图 1-7

18. 1 周角 = _____ 平角 = _____ 直角 = _____ 度 $\frac{1}{4}$ 平角 = _____ 度; $15^\circ =$ _____ 平角.

答案: 2; 4; 360; 45; $\frac{1}{12}$

19. 有 $\frac{1}{4}$ 直角和 $90^\circ - \alpha$ (α 为锐角), 这两个角的补角分别是_____和_____.

答案: 157.5° ; $90^\circ + \alpha$

20. $6^\circ =$ _____ 分; $2' =$ _____ 秒.

答案: 360; 120

21. 互为余角的两个角都是_____. 互为补角的两个角可以都是_____, 或者一个是_____, 另一个是_____.

答案: 锐角; 直角; 锐角; 钝角

22. 一个角的补角加上 14° , 等于这个角的余角的 5 倍. 这个角是_____.

答案: 64°

解析: 设这个角为 α , 由题意得: $(180^\circ - \alpha) + 14^\circ = 5(90^\circ - \alpha)$ 解得 $\alpha = 64^\circ$.

23. 互补的两个角的差是 30° , 那么较小角的余角是_____, 较大角是_____.

答案: 15° ; 105°

解析: 设较小角为 α , 则较大角为 $180^\circ - \alpha$, 由题意得:

$(180^\circ - \alpha) - \alpha = 30^\circ$ 解得 $\alpha = 75^\circ$, 所以较小角的余角为 15° , 较大角为 105° .

24. 一个角与它的补角的比是 $1:4$, 则这个角的余角是_____.

答案: 54°

解析: 设这个角为 α , 则此角的余角和补角分别为 $90^\circ - \alpha$ 和 $180^\circ - \alpha$, 由题意得:

$\alpha : (180^\circ - \alpha) = 1:4$, 解得 $\alpha = 36^\circ$ 所以这个角的余角是 54° .

25. 如图 1-8, 直线 AB 、 CD 相交于点 O , $\angle 1 : \angle 2 = 2:3$, $\angle AOD = 130^\circ$, 则 $\angle 2 =$ _____.

答案: 30°

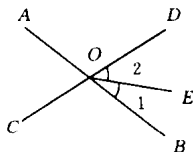


图 1-8

解析：关键在于利用 $\angle AOD = 130^\circ$ ，求得 $\angle BOD = 50^\circ$ ，又根据 $\angle 1 : \angle 2 = 2 : 3$ ，求得 $\angle 2 = \frac{3}{5} \angle BOD = \frac{3}{5} \times 50^\circ = 30^\circ$ 。

26. 如图 1-9，直线 AB 、 CD 交于点 O ， OF 平分 $\angle BOC$ ， OE 平分 $\angle AOC$ ，则 $\angle BOF$ 的余角是_____， $\angle BOF$ 的补角是_____， $\angle BOF$ 的邻补角是_____。

答案： $\angle COE$ 和 $\angle AOE$ ； $\angle FOA$ ； $\angle FOA$

解析：由 OF 平分 $\angle BOC$ 得 $\angle BOF = \frac{1}{2} \angle BOC$ 。由 OE 平分 $\angle AOC$ 得 $\angle COE = \frac{1}{2} \angle AOC$ ，而 $\angle BOC + \angle AOC = 180^\circ$ 。所以 $\angle BOF + \angle COE = \angle BOF + \angle AOE = 90^\circ$ 。故 $\angle BOF$ 的余角是 $\angle COE$ 和 $\angle AOE$ 。由于 $\angle BOF + \angle FOA = 180^\circ$ ，所以 $\angle BOF$ 的补角和邻补角都是 $\angle FOA$ 。

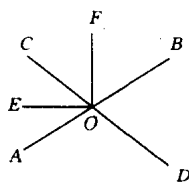


图 1-9

27. n° 角的余角比它的补角小_____。

答案： 90°

解析： n° 角的余角、补角分别为 $90^\circ - n^\circ$ ， $180^\circ - n^\circ$ ，所以 $(180^\circ - n^\circ) - (90^\circ - n^\circ) = 90^\circ$ 。

28. 时钟指示 2 点 15 分，它的时针和分针所成的锐角是_____度。

答案： 22.5

解析：由 2 点到 2 点 15 分，时钟的分针旋转周角的 $\frac{1}{4}$ ，此时时针应旋转 2—3 点之间 30° 角的 $\frac{1}{4}$ ，因此，当时钟指示 2 点 15 分时，时针与分针所成的锐角是 $\frac{3}{4} \times 30^\circ = 22.5^\circ$ 。

二、选择题：（在下面的各题的四个备选答案中，只有一个是正确的，请把正确答案前的字母填在括号内）

29. 下列图形中，可以度量长度的是（ ）

A. 直线 B. 射线 C. 线段 D. 点

答案： C

解析：直线无端点，向两方无限延伸；射线有一个端点，向一方无限延伸；点无大小；线段有两个端点，故只有线段可以度量长度。

30. 如图 1-10，(1) — (4) 图中给出的是直线、射线、线段的位置关系，其中能相交的是（ ）

A. 直线 AB 和直线 CD

B. 直线 AB 和射线 CD

C. 线段 AB 和射线 CD

D. 线段 AB 和线段 CD

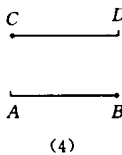
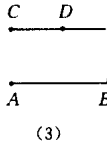
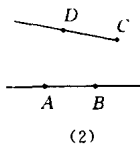
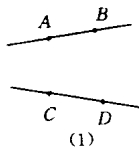
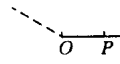
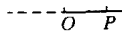
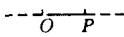
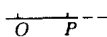


图 1-10

答案： A

31. 如图 1-11，A. —D. 图中确定的虚线，表示线段 OP 的反向延长线的是（ ）



A.

B.

C.

D.

图 1-11

答案： C

解析：图 A 中的虚线表示 OP 的延长线；图 B 中的虚线表示 OP 的延长线及 OP 的反向延长线，图

D 中的虚线不是线段的延长线，故选 C。

32. 下列语句正确的是 ()

A. 延长直线 AB 到 C，使 $BC = \frac{1}{2} AB$

B. 延长线段 AB 到 C，使 C 是 AB 的中点

C. 延长线段 AB 到 C，使 $BC = \frac{1}{2} AB$

D. 延长线段 BA 到 C，使 $BC = \frac{1}{2} AB$

答案： C

解析： A 项延长直线 AB 的说法不正确；B 项点 C 是线段 AB 延长线上的点不可能是 AB 的中点；D 项延长线段 BA 到 C，则 $BC > AB$ ，不可能 $BC = \frac{1}{2} AB$ ，故选 C。

33. 将线段 AB 延长到 C，再反向延长 AB 到 D，这个图中共有 () 条线段。

A. 3

B. 4

C. 5

D. 6

答案： D

34. 如图 1-12，下列说法正确的是 ()

A. 射线 BC 和射线 CB 是同一条射线。

B. 射线 BC 和射线 BA 是同一条射线。

C. 射线 BC 和射线 BD 是同一条射线。

D. 射线 AB 和射线 CB 是同一条射线。

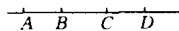


图 1-12

答案： C

解析： A 项中射线 BC 和射线 CB 的端点分别为 B、C，B 项中射线 BC 和射线 BA 的方向相反，D 项中的射线与 A 项相同，则 A 项、B 项、D 项不正确，故选 C。

35. 下列语句正确的是 ()

A. 作出 A、B 两点的距离

B. 作出 A、B 两点的长度

C. 量出 A、B 两点的线段

D. 量出 A、B 两点的距离

答案： D

解析： A、B 两点的线段是一个图形，而 A、B 两点的线段的长度（或 A、B 两点的距离）是一个量。因此，作某个图形和量某个量的说法才是正确的。A 项、B 项、C 项都是错误的，故选 D 项。

36. 如图 1-13，直线 AB 上有一点 M，直线 AB 外有一点 N，这四个点可以确定

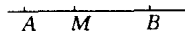
() 条线段。

A. 3

B. 4

C. 5

D. 6



答案： D

解析： 直线 AB 上共有 3 条线段，而直线 AB 外的一点 N 与直线 AB 上的三点 A、M、B 又分别可确定三条直线，因此，共有 6 条线段，故选 D。

图 1-13

37. 如果线段 $MN = 6\text{cm}$ ， $NP = 2\text{cm}$ ，那么 M、P 两点的距离是 ()

A. 8cm

B. 4cm

C. 8cm 或 5cm

D. 无法确定

答案： D

解析： 如图 1-14，因为点 P 与线段 MN 的位置关系没确定，所以无法确定 M、P 两点的距离，故选 D。

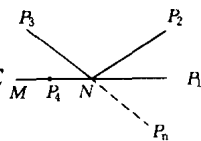


图 1-14

38. 点 D 在线段 EF 上，在等式 $DE = DF$ ， $DE = \frac{1}{3} EF$ ， $EF = 2DF$ ， $DF = \frac{1}{2} DE$

中，能表示 D 是线段 EF 的中点的有 ()

A. 一个

B. 两个

C. 三个

D. 四个

答案： B

解析： $DE = \frac{1}{3} EF$ ， $DF = \frac{1}{2} DE$ 都表示点 D 是线段 EF 的三等分点，故选 B。

39. 平面上有 5 个点, 其中只有三点共线, 经过这些点, 可以作直线 () 条.

- A. 6 条 B. 8 条 C. 10 条 D. 以上都不对

答案: B

解析: 除共线的三点以外的其它两点分别与共线的三点共可确定 6 条直线; 另外由三点共线及其它两点确定的直线各有一条, 因此, 共有 8 条直线, 故选 B.

40. 下列说法正确的是 ()

- A. 锐角大于它的余角 B. 钝角大于它的补角
C. 锐角大于它的补角 D. 锐角与钝角之和是平角

答案: B

解析: 大于 0° 而小于 45° 的角小于它的余角, 则 A 项错误; 锐角的补角是一个钝角, 则 C 项错误; 锐角与钝角之和不一定是平角, 可能是一个钝角, 也可能是大于平角, 则 D 项错误, 故选 B.

41. $\angle\alpha$ 的补角为 42° , $\angle\beta$ 的余角是 52° , 则 $\angle\alpha$ 和 $\angle\beta$ 的大小关系是 ()

- A. $\angle\alpha > \angle\beta$ B. $\angle\alpha < \angle\beta$ C. $\angle\alpha = \angle\beta$ D. 不能确定

答案: A

解析: $\angle\alpha$ 的补角是 42° , 可知 $\angle\alpha = 138^\circ$, $\angle\beta$ 的余角是 52° , 可知 $\angle\beta = 38^\circ$. 故选 A.

42. 两个锐角的和 ()

- A. 一定是锐角 B. 一定是直角
C. 一定是钝角 D. 可能是锐角, 可能是直角, 也可能是钝角

答案: D

43. $\angle A = 23^\circ 30'$, $\angle B = 23.3^\circ$, $\angle C = 23.5^\circ$, 则下面结论正确的是 ()

- A. $\angle A = \angle B$ B. $\angle B = \angle C$
C. $\angle A = \angle C$ D. $\angle A$ 、 $\angle B$ 、 $\angle C$ 都不相等

答案: C

解析: $23^\circ 30' = 23.5^\circ$ 而 $23.3^\circ = 23^\circ 18'$, 故选 C.

44. 下列说法正确的是 ()

- A. 角的两边越长, 角越大
B. 有公共边的两个角是邻补角
C. $\angle A + \angle B + \angle C = 180^\circ$, 则 $\angle A$ 、 $\angle B$ 、 $\angle C$ 互补
D. $\angle A + \angle B = 90^\circ$, 则 $\angle A$ 、 $\angle B$ 互余

答案: D

解析: 角的两边是射线, 无法度量, 因此角的大小不能用边的长短来比较, A 项错误. 有公共边的两个角的其它两边不一定是互为反向延长线, B 项错误. 互补的角是对两个角而言, C 项错误. 故选 D.

45. 如图 1-15, 下列说法正确的是 ()

- A. OA 的方向是北偏东 30° B. OB 的方向是北偏西 25°
C. OC 的方向是西北方向 D. OD 的方向是南偏西 75°

答案: B

解析: OA 方向是北偏东 60° ; OC 方向是东南方向; OD 方向是南偏西 15° , 故选 B.

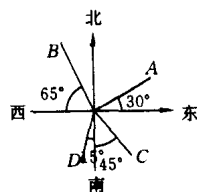


图 1-15

46. 若将一个平角三等分, 则两旁的两个角的平分线所组成的角是 ()

- A. 90° B. 100° C. 120° D. 150°

答案: C

解析: 如图 1-16, $\angle AOB$ 是一个平角, OC、OD 将 $\angle AOB$ 三等分, 则 $\angle AOC = \angle COD = \angle DOB$, 又 OE、OF 分别平分 $\angle AOC$ 和 $\angle DOB$, 则 $\angle EOC = \angle FOD = 30^\circ$, 因此 $\angle EOF = 120^\circ$, 故选 C.

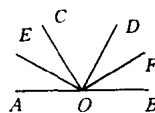


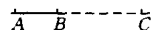
图 1-16

三、解答题:

47. 按下列语句画图:

(1) 延长线段 AB 到 C , 使 $AC=3AB$.

答案: 如图 1-17



解析: 要准确地画出图形, 关键要抓住两点: 第一要弄清点 C 在线段 AB 的延长线上, 第二要抓住 $AC=3AB$, 弄清各条线段间的关系.

可知 $BC=2AB$.

(2) 作出线段 AB 的反向延长线上的一点 C , 使 $CA:CB=2:3$.

答案: 如图 1-18

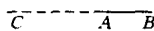


图 1-18

解析: 点 C 在线段 AB 的反向延长线上, 即点 C 在 BA 的延长线上, 又根据 $CA:CB=2:3$ 可知 $CA=2AB$.

(3) 已知线段 a, b , ($b>a$) ①画出线段 AB , 使 $AB=a+b$;

②画出线段 CD , 使 $CD=2a-b$; ③画出线段 EF , 使 $EF=2(b-a)$.

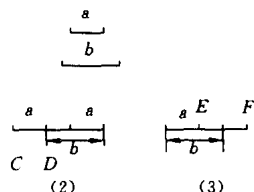


图 1-19

答案: 如图 1-19 中 (1) (2) (3)

(4) 直线 AB 外有一点 M , 过 M 作直线 l , 交 AB 上一点 C .

答案: 如图 1-20

(5) 直线 a, b 相交于一点 P , 点 A 在直线 a 上, B, C 在直线 b 上, 且在点 P 的两旁, 作射线 AC , 并反向延长射线 AC 到点 D , 使 $AD=AC$, 连结 DP, DB .

答案: 如图 1-21

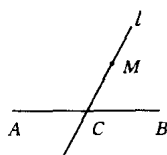


图 1-20

48. 如图 1-22, 直线 AB 与 CD 交于点 O , $\angle BOC=2x^\circ$, $\angle BOD=x^\circ-45^\circ$, 求 $\angle BOD$ 的度数和 $\angle AOD$ 的度数.

解: 根据题意知:

$$\angle BOC + \angle BOD = 180^\circ$$

$$2x + x - 45 = 180, x = 75$$

$$\text{所以 } \angle BOD = x^\circ - 45^\circ = 30^\circ, \quad \angle AOD = 150^\circ$$

解析: 求 $\angle BOD$ 和 $\angle AOD$ 的度数, 关键抓住 $\angle BOC$ 与 $\angle BOD$ 互补, 建立关于 x 的方程, 求得 $\angle BOD$ 的度数, 而 $\angle BOD$ 与 $\angle AOD$ 也互为补角, 则可求 $\angle AOD$ 的度数.

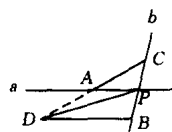


图 1-21

49. 计算下列各题: (1) $25^\circ 42' + 66^\circ 28' - 18^\circ 9'$ (2) $88^\circ 34' \div 4$ (3) $(31^\circ 40' - 25^\circ 4' 30'') \times 3 + 28' 3'' \times 2$

$$\text{解: (1) } 25^\circ 42' + 66^\circ 28' - 18^\circ 9'$$

$$= 92^\circ 10' - 18^\circ 9' = 74^\circ 1'$$

$$(2) 88^\circ 34' \div 4 = 22^\circ 8' + 120'' \div 4 = 22^\circ 8' 30''$$

$$(3) (31^\circ 40' - 25^\circ 4' 30'') \times 3 + 28' 3'' \times 2 = 6^\circ 35' 30'' \times 3 + 28' 3'' \times 2 = 19^\circ 46' 30'' + 56' 6'' = 20^\circ 42' 36''$$

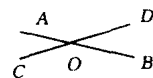


图 1-22

解析: 角的四则运算法则与算术运算法则一样, 但角的度量单位是度、分、秒, 之间的进位是 60 进制.

方法: (1) 加法: 度与度相加, 分与分相加, 秒与秒相加, 从小到大满 60 向高级单位进一.

(2) 减法: 度与度相减, 分与分相减, 秒与秒相减, 当秒、分被减数小于减数时, 要从高级单位借一, 注意是 60 进制.

(3) 乘法: 用乘数分别乘以度、分、秒, 然后从小到大, 满 60 进一.

(4) 除法: 用除数分别去除度、分、秒, 若有余数乘以 60 后加到下一级单位上继续除, 最后四舍五入精确到秒.

50. 已知一个角的补角的 $\frac{3}{4}$ 等于它的余角的 2 倍, 求这个角.

解法一：设这个角为 α ，则它的补角为 $180^\circ - \alpha$ ，它的余角为 $90^\circ - \alpha$ ，

$$\text{依题意得 } \frac{3}{4}(180^\circ - \alpha) = 2(90^\circ - \alpha),$$

$$\therefore \alpha = 36^\circ.$$

解法二：设这个角为 x ，它的补角为 y ，它的余角为 z ，依题意得，

$$\begin{cases} x+y=180^\circ \\ x+z=90^\circ \\ \frac{3}{4}y=2z \end{cases}$$

解析：设所求量或相关量，依题意列出代数方程来求解，这是解决几何问题常用的一种方法——代数法。

51. 如图 1-23，已知 $OA \perp OC$ ， $\angle AOB : \angle AOC = 2 : 3$ ，求 $\angle BOC$ 的度数。

解法一：根据 $\angle AOB : \angle AOC = 2 : 3$ ，得 $\angle BOC : \angle AOB = 1 : 2$

$$\text{设 } \angle BOC = \alpha, \text{ 则 } \angle AOB = 2\alpha, \text{ 依题意得 } \alpha + 2\alpha = 90^\circ \therefore \alpha = 30^\circ$$

答： $\angle BOC$ 的度数是 30°

解法二：根据 $OA \perp OC$ 得 $\angle AOC = 90^\circ$ ，则 $\angle AOB : \angle AOC = 2 : 3$ ，

$$\therefore \angle AOB = 60^\circ. \therefore \angle BOC = 90^\circ - 60^\circ = 30^\circ.$$

答： $\angle BOC$ 的度数是 30° 。

52. 按以下要求画图：

(1) 已知 $\angle AOB$ 是锐角， $\angle COA$ 是 $\angle AOB$ 的邻补角，画射线 OD ，使 $\angle AOD$ 是 $\angle AOB$ 的余角。

答案：如图 1-24

解析：① $\angle COA$ 是 $\angle AOB$ 的邻补角，抓住射线 OC 是射线 OB 的反向延长线， OA 是这两个角的公共边。② 画射线 OD 时，要抓住 $OD \perp OB$ 。

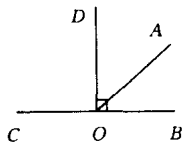


图 1-24

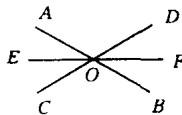


图 1-25

(2) 画两条相交的直线 AB 、 CD ，交点为 O ，并画 $\angle AOC$ 和 $\angle BOD$ 的平分线 OE 、 OF 。

答案：如图 1-25

II. 拓展题

一、填空题：

53. 直线 l 上有一点 M ，在 l 上截取 $MN = 6\text{cm}$ ，从 M 起向相反方向截取线段 $MP = 10\text{cm}$ ，则 MN 的中点与 NP 的中点的距离是_____。

答案：5cm

解析：如图 1-26，设 A 为 MN 的中点， B 为 NP 的中点。依题意知： $MN = 6\text{cm}$ ， $MP = 10\text{cm}$ ， $MA = 3\text{cm}$ ， $NP = MN + MP = 16\text{cm}$ ， $PB = 8\text{cm}$ 。所以 $MB = MP - BP = 2\text{cm}$ ，因此 $AB = BM + MA = 5\text{cm}$ 。

图 1-26

54. 一条直线分平面为两部分，两条直线相交分平面为四部分，那么三条直线最多分平面为_____部分。

答案：7

解析： 三条直线相交于一点，分平面为六部分；三条直线两两相交且三条直线不交于一点时，此三条直线分平面为七部分，因此，三条直线最多分平面为七部分。

55. 平面内有 n 个点 ($n \geq 2$ ，且每三点都不在一直线上)，过其中每两个点的直线共有 _____ 条。

答案： $\frac{n(n-1)}{2}$

解析： 以平面内任意一点为出发点和其它 $(n-1)$ 个点连线，有 $(n-1)$ 条，依次地以 n 个点为出发点连线，共有 $n(n-1)$ 条，但每条直线都重复了一次，因此共有 $\frac{n(n-1)}{2}$ 条。

56. 平面内有 n 条直线两两相交，最多可确定 x 个交点，最少可确定 y 个交点，则 $x+y=$ _____。

答案： $\frac{n^2-n+2}{2}$

解析： 平面内 n 条直线相交于一点时，交点的个数最少， $y=1$ ；平面内 n 条直线两两相交，且无三条直线共点时，交点的个数最多。确定交点个数的方法是：平面内 n 条直线中任意一条直线和其它 $(n-1)$ 条直线的交点有 $(n-1)$ 个，类似地 n 条直线呢？[共有 $n(n-1)$ 个]，但是每个交点都重复地计算，所以，不同的交点共有 $\frac{n(n-1)}{2}$ 个。此时， $x=\frac{n(n-1)}{2}$ 。因此 $x+y=\frac{n(n-1)}{2}+1=\frac{n^2-n+2}{2}$ 。

57. 从一点引 n ($n \geq 2$) 条射线，可以组成 _____ 个小于平角的角。

答案： $\frac{n(n-1)}{2}$

解析： 与本章 56 题类似。以其中一条射线和其它 $(n-1)$ 条射线组合，可组成 $(n-1)$ 个角，类似地 n 条射线呢？[共有 $n(n-1)$ 个]，但是每个角都重复了一次，所以不同的角共有 $\frac{n(n-1)}{2}$ 个。

58. 时钟从三点整到三点四十分，分针比时针多旋转的角度是 _____。

答案： 220°

解析： 从三点整到三点四十分时，时钟的分针旋转 $360^\circ \times \frac{2}{3} = 240^\circ$ ，时针旋转 $30^\circ \times \frac{2}{3} = 20^\circ$ 。因此分针比时针多旋转的角度是 $240^\circ - 20^\circ = 220^\circ$ 。

59. 某甲从 A 点出发向北偏东 70° 方向走 50m 至点 B，某乙从 A 点出发向南偏西 15° 方向走 80m 至 C 点，则 $\angle BAC$ 的度数为 _____。

答案： 125°

解析： 如图 1-27，某甲从 A 点出发至 B 点的方向是北偏东 70° ，也是东偏北 20° ，因此由题意可得 $\angle BAC = 20^\circ + 90^\circ + 15^\circ = 125^\circ$ 。

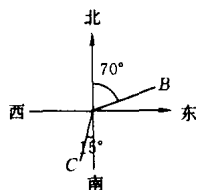


图 1-27

60. 如果 $\angle \alpha = n$ ，而 $\angle \alpha$ 有补角，也有余角，那么 n 的取值范围是 _____。

答案： $0^\circ < n < 90^\circ$

解析： 由 $\angle \alpha$ 有余角可知 $\angle \alpha$ 是锐角，故 $0^\circ < n < 90^\circ$ 。

二、选择题： (在下面的各题的四个备选答案中，只有一个是正确的，请把正确答案前的字母填在括号内)

61. A、B、C、D 是平面上四个点，经过每两点画一条直线，共可画 ()

A. 六条 B. 一条或四条或六条 C. 一条或四条 D. 一条或三条或六条

答案： B

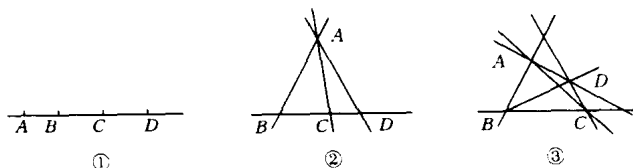


图 1-28

解析： 如图 1-28 中①—③，平面上四个点的位置关系有以下三种情况：①四点在同一直线上，②其中三点在同一直线上，第四点在此直线外；③四点中每三点都不在一直线上。

①当 A、B、C、D 四点在同一直线上时，只有一条。

②其中三点在同一直线上，第四点在此直线外时，有四条。

③四点中每三点都不在一直线上时，有六条。故选 B。

62. 平面上四条直线两两相交，它们的交点的个数，可能有 ()

- A. 一个 B. 一个或四个或六个 C. 四个或六个 D. 六个

答案： B

解析： 如图 1-29 中①—③，平面上四条直线两两相交有以下三种情况：

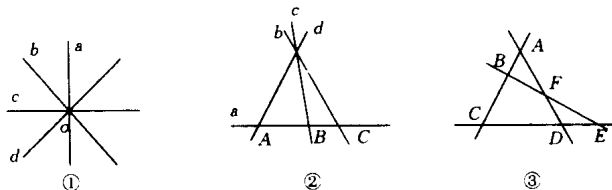


图 1-29

①四条直线都相交于一点；②其中三条直线相交于一点，第四条直线与其三条直线相交于不同点，此时有四个交点；③四条直线中无三条直线相交于一点，此时有六个交点，故选 B。

63. 要在一条直线上得到 10 条不等的线段，那么在这条直线上需选不同的点的个数是 () 个。

- A. 4 B. 5 C. 10 D. 11

答案： B

解析： 与本章 56 题类似。直线上 n 个点中每两点为端点的线段共有 $\frac{n(n-1)}{2}$ 条。因此 $\frac{n(n-1)}{2} =$

10, $n=5$ 。故选 B。

64. 在一条直线上有 n 个不同的点，那么以这 n 个点中每两点为端点的线段共有 () 条。

- A. n B. $2n$ C. $n(n-1)$ D. $\frac{n(n-1)}{2}$

答案： D

解析： 见本章 56 题解析。

65. 如果 A 看 B 的方向是南偏西 20° ，那么 B 看 A 的方向是 ()

- A. 北偏东 70° B. 北偏西 70°
C. 北偏东 20° D. 北偏西 20°

答案： C

解析： 如图 1-30。

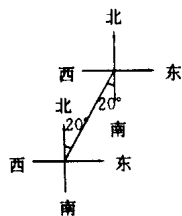


图 1-30

三、解答题：

66. 已知：E、F 两点把线段 AB 分成 $2:3:4$ 三部分，D 是线段 AB 的中点， $FB=$

12. 求 (1) DF 的长 (2) $AE:ED$

解： 如图 1-31，由 $AE:EF:FB=2:3:4$

设 $AE=2x$ ，则 $EF=3x$ ， $FB=4x$ 。

$\because FB=12, \therefore 4x=12, \therefore x=3, \therefore AE=6, EF=9, AB=27$ 。

又 $\because$ 点 D 是 AB 的中点， $\therefore DB=13\frac{1}{2}$ ，

$\therefore DF=DB-FB=13\frac{1}{2}-12=1\frac{1}{2}$ ，

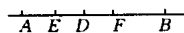


图 1-31

$$ED = EF - DF = 9 - 1\frac{1}{2} = 7\frac{1}{2},$$

$$\therefore AE : ED = 6 : 7\frac{1}{2} = 4 : 5.$$

答: $DF = 1\frac{1}{2}$ $AE : ED = 4 : 5$.

67. 已知点 C 在线段 AB 上, 且 $AC = 2CB$, 延长 AB 到 E , 使 $BE = AB$, 求 AB 是 CE 的几分之几?

解: 方法一: 如图 1-32, 设 CB 为 x , 则根据 $AC = 2CB$ 得 $AC = 2x$, $AB = BE = 3x$,

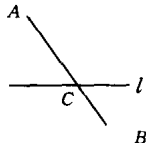
$CE = 4x$, $\therefore AB : CE = 3 : 4$, 即 AB 是 CE 的四分之三.

方法二: 由 $AC = 2CB$ 可知 $AB = 3CB$,

$\because BE = AB$ 可得 $BE = 3CB$, $\therefore CE = 4CB$, $\therefore AB : CE = 3 : 4$, 即 AB 是 CE 的四分之三.

图 1-32

68. 如图 1-33, 直线 l 表示一条笔直的公路, 在公路两旁有两个村庄 A 和 B . 要在公路边修建一个车站 C , 使车站 C 到村庄 A 和 B 的距离之和最小, 请找出 C 点的位置, 并说明理由.



解: 连结 AB , 交直线 l 于 C 点, 则点 C 就是所求的车站的位置. 根据“两点之间线段最短”的道理.

69. 已知 $\angle\alpha + \angle\beta = 90^\circ$, $\angle\beta + \angle\gamma = 120^\circ$, $\angle\alpha + \angle\gamma = 180^\circ$. 求 $\angle\alpha$ 、 $\angle\beta$ 、 $\angle\gamma$ 的度数.

图 1-33

解析: 所要求解的是三个未知量, 而已知中给出了关于这三个未知量的关系式, 所以组成三元一次方程组, 即

$$\begin{cases} \angle\alpha + \angle\beta = 90^\circ \\ \angle\beta + \angle\gamma = 120^\circ \\ \angle\alpha + \angle\gamma = 180^\circ \end{cases} \text{ 解得 } \angle\alpha = 75^\circ, \angle\beta = 15^\circ, \angle\gamma = 105^\circ.$$

70. 已知: $\angle A = 132^\circ 15' 18''$, $\angle B = 85^\circ 30' 13''$

求: (1) $\angle A + 2\angle B$ (2) $\angle B$ 的余角与 $\angle A$ 的补角的和的 3 倍.

解: (1) $\angle A + 2\angle B = 132^\circ 15' 18'' + 2 \times 85^\circ 30' 13'' = 132^\circ 15' 18'' + 171^\circ 26'' = 303^\circ 15' 44''$

(2) 根据题意得 $3[(90^\circ - \angle B) + (180^\circ - \angle A)] = 3[(90^\circ - 85^\circ 30' 13'') + (180^\circ - 132^\circ 15' 18'')]$

$$= 3(4^\circ 29' 47'' + 47^\circ 44' 42'') = 3 \times 52^\circ 14' 29'' = 156^\circ 43' 27''$$

$\therefore \angle B$ 的余角与 $\angle A$ 的补角的和的 3 倍是 $156^\circ 43' 27''$.

71. 已知 $\angle BOC = 2\angle AOC$, OD 是 $\angle AOB$ 的平分线, 且 $\angle AOB = 120^\circ$, 求 $\angle COD$ 的度数.

解: 如图 1-34,

$\because \angle BOC = 2\angle AOC$, $\angle AOB = \angle AOC + \angle BOC$, $\therefore 3\angle AOC = \angle AOB$.

又 $\because \angle AOB = 120^\circ$, $\therefore \angle AOC = \frac{1}{3}\angle AOB = 40^\circ$,

又 $\because OD$ 平分 $\angle AOB$,

$\therefore \angle AOD = \frac{1}{2}\angle AOB = 60^\circ$, (角平分线的定义)

$\therefore \angle COD = \angle AOD - \angle AOC = 60^\circ - 40^\circ = 20^\circ$,

即 $\angle COD$ 的度数为 20° .

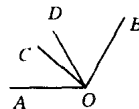


图 1-34

72. 如图 1-35, $\angle BOC - \angle AOB = 20^\circ$, $\angle BOC : \angle COD : \angle DOA = 3 : 5 : 8$. 求 $\angle COD$ 的度数.

解析: 由于已知中的 $\angle AOB$ 、 $\angle BOC$ 、 $\angle COD$ 、 $\angle DOA$ 都是未知的, 所以要考虑此四个角的和为 360° .

解: 由 $\angle BOC : \angle COD : \angle DOA = 3 : 5 : 8$,

设 $\angle BOC = 3x^\circ$, 则 $\angle COD = 5x^\circ$, $\angle DOA = 8x^\circ$,

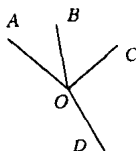


图 1-35

$$\angle AOB = 360^\circ - 16x^\circ,$$

$$\because \angle BOC - \angle AOB = 20^\circ, \therefore 3x - (360 - 16x) = 20, \text{ 解得 } x = 20,$$

$$\therefore \angle COD \text{ 的度数为 } 5 \times 20^\circ = 100^\circ.$$

73. 如图 1-36, $\angle AOB$ 是直角, $\angle BOC = \alpha$, $\angle BOC$ 是锐角, OE 平分 $\angle AOC$, OF 平分 $\angle BOC$. 求 $\angle EOF$ 的度数.

解析: 由于 $\angle BOC = \alpha$, $\angle AOB = 90^\circ$, 所以 $\angle AOC = 90^\circ + \alpha$, 抓住 OE 、 OF 分别平分 $\angle AOC$ 和 $\angle BOC$, 可知 $\angle EOC = \frac{1}{2} \angle AOC$, $\angle FOC = \frac{1}{2} \angle BOC$, 将 $\angle EOC$, $\angle FOC$ 分别用 α 的代数式表示, 即 $\angle EOC = \frac{1}{2} (90^\circ + \alpha)$, $\angle FOC = \frac{1}{2} \alpha$. 所以要求 $\angle EOF$ 的度数, 只需求 $\angle EOF$ 与 $\angle FOC$ 之差.

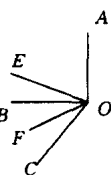


图 1-36

解: $\because OE$ 、 OF 分别平分 $\angle AOC$ 和 $\angle BOC$ (已知)

$$\therefore \angle EOC = \frac{1}{2} \angle AOC, \angle FOC = \frac{1}{2} \angle BOC \quad (\text{角平分线的定义})$$

$$\because \angle BOC = \alpha, \angle AOB = 90^\circ, \therefore \angle AOC = 90^\circ + \alpha,$$

$$\therefore \angle EOC = \frac{1}{2} (90^\circ + \alpha), \angle FOC = \frac{1}{2} \alpha,$$

$$\therefore \angle EOF = \angle EOC - \angle FOC, \therefore \angle EOF = \frac{1}{2} (90^\circ + \alpha) - \frac{1}{2} \alpha = 45^\circ$$

74. 如图 1-37, 已知: OD , OE , OF 分别为 $\angle AOB$ 、 $\angle AOC$ 、 $\angle BOC$ 的平分线, $\angle DOE$ 和 $\angle COF$ 有怎样的关系? 说明为什么.

答: $\angle DOE = \angle COF$,

$$\because OD \text{ 是 } \angle AOB \text{ 的平分线}, \therefore \angle DOB = \frac{1}{2} \angle AOB \quad (\text{角平分线定义}),$$

$\because OF$ 是 $\angle BOC$ 的平分线,

$$\therefore \angle BOF = \frac{1}{2} \angle BOC \quad (\text{角平分线定义}),$$

$$\therefore \angle DOB + \angle BOF = \frac{1}{2} \angle AOB + \frac{1}{2} \angle BOC = \frac{1}{2} \angle AOC, \text{ 即 } \angle DOF = \frac{1}{2} \angle AOC,$$

$$\text{又 } \because OE \text{ 是 } \angle AOC \text{ 的平分线}, \therefore \angle EOC = \frac{1}{2} \angle AOC, \therefore \angle DOF = \angle EOC,$$

$$\therefore \angle DOF = \angle DOE + \angle EOF, \angle EOC = \angle COF + \angle EOF, \therefore \angle DOE = \angle COF$$

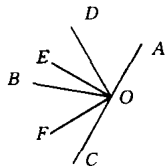


图 1-37