

逻辑学

中国
人民大学
哲学系
逻辑教研室 编

中 国 人 民 大 学 出 版 社

逻辑学

中国人民大学哲学系逻辑教研室 编

中国人民大学出版社

图书在版编目(CIP)数据

逻辑学/中国人民大学哲学系逻辑教研室 编
北京：中国人民大学出版社，1996

ISBN 7-300-02133-6/B.228

I. 逻…
II. 中…
III. 逻辑学
IV. B81

中国版本图书馆 CIP 数据核字 (96) 第 01573 号

逻辑学

中国人民大学哲学系逻辑教研室 编

出版 发行：中国人民大学出版社

(北京海淀区 175 号 邮码 100872)

经 销：新华书店

印 刷：中国人民大学出版社印刷厂

开本：850×1168 毫米 1/32 印张：12.75

1996 年 5 月第 1 版 1996 年 5 月第 1 次印刷

字数：317 000

定价：15.00 元

图书出现印装问题，本社负责调换

说 明

本书是在我教研室编写的《形式逻辑》的基础上，修订、充实写成，可继续用作高等教育逻辑学课程教材。本书仍由教研室集体编写，其中：孙中原撰写第一章（绪论）、第十章（谬误），麻保安撰写第二章（概念），陈慕泽撰写第三章（命题逻辑）、第五章（谓词逻辑），苏越撰写第四章（词项逻辑），陈波撰写第六章（模态逻辑），杨武金撰写第七章（归纳逻辑），王聘兴撰写第八章（逻辑基本规律）、第九章（论证）。

本书难免的疏漏与不足之处，恳请读者指正。

中国人民大学哲学系逻辑教研室
一九九五年六月

AM 22/09

目 录

| | |
|-----------------------------|----|
| 第一章 绪论 | 1 |
| 第一节 逻辑学的对象 | 1 |
| 一、逻辑学是研究思维的形式结构及其规律的科学..... | 1 |
| 二、思维形式结构的规律性..... | 2 |
| 第二节 思维、语言和逻辑 | 3 |
| 一、思维、语言和逻辑..... | 3 |
| 二、自然语言和符号语言..... | 3 |
| 三、传统逻辑和现代逻辑..... | 4 |
| 第三节 逻辑学的性质和作用 | 6 |
| 一、逻辑学的性质..... | 6 |
| 二、逻辑学的作用..... | 7 |
| 第二章 概念 | 8 |
| 第一节 概念的概述 | 8 |
| 一、概念的定义..... | 8 |
| 二、概念和语词 | 10 |
| 第二节 概念的内涵和外延 | 11 |
| 第三节 概念的种类 | 12 |
| 一、单独概念与普遍概念 | 12 |
| 二、实体概念与属性概念 | 13 |
| 三、正概念与负概念 | 13 |
| 四、集合概念与非集合概念 | 14 |
| 第四节 概念间的关系 | 15 |

| | |
|-------------------------|-----------|
| 一、全同关系 | 16 |
| 二、真包含关系 | 17 |
| 三、真包含于关系 | 17 |
| 四、交叉关系 | 19 |
| 五、全异关系 | 20 |
| 第五节 限制与概括 | 22 |
| 一、概念的内涵与外延之间的反变关系 | 22 |
| 二、限制 | 23 |
| 三、概括 | 24 |
| 第六节 定义 | 26 |
| 一、定义及其结构和作用 | 26 |
| 二、定义的方法 | 27 |
| 三、语词定义 | 29 |
| 四、定义的规则 | 30 |
| 第七节 划分 | 33 |
| 一、划分及其结构 | 33 |
| 二、划分的种类 | 34 |
| 三、划分的规则 | 36 |
| 四、分类、列举与分解 | 38 |
| 练习题 | 40 |
| 第三章 命题逻辑 | 47 |
| 第一节 复合命题 | 47 |
| 一、判断、语句和命题 | 47 |
| 二、原子命题和复合命题 | 48 |
| 三、几种基本的复合命题 | 49 |
| 四、一般复合命题 真值形式 | 57 |
| 第二节，命题推理 | 61 |
| 一、推理概述 | 61 |

| | |
|---------------------------------|------------|
| 二、几种基本的命题推理 | 65 |
| 三、一般命题推理及其判定 | 75 |
| 练习题 | 90 |
| 第四章 词项逻辑 | 95 |
| 第一节 直言命题 | 96 |
| 一、直言命题的定义与结构 | 96 |
| 二、直言命题的种类 | 97 |
| 三、自然语言中直言命题的规范化 | 99 |
| 四、直言命题词项的周延性 | 101 |
| 五、同一素材直言命题间的真假关系 | 102 |
| 第二节 直接推理 | 107 |
| 一、对当关系直接推理 | 107 |
| 二、直言命题变形直接推理 | 110 |
| 第三节 直言三段论 | 114 |
| 一、直言三段论的定义和结构 | 114 |
| 二、直言三段论的公理 | 115 |
| 三、直言三段论的规则 | 116 |
| 四、直言三段论的格及其规则 | 121 |
| 五、直言三段论的式 | 123 |
| 六、直言三段论的非标准形式 | 125 |
| 七、直言三段论的省略式 | 128 |
| 第四节 文恩图对直言推理有效性的判定 | 131 |
| 一、文恩图概述 | 131 |
| 二、文恩图解对直言命题直接推理有效性的判定 | 133 |
| 三、文恩图解对直言三段论推理有效性的判定 | 134 |
| 练习题 | 139 |
| 第五章 谓词逻辑 | 150 |
| 第一节 原子命题的内部结构 | 150 |

| | |
|----------------------------|------------|
| 一、谓词和个体词..... | 150 |
| 二、量词..... | 151 |
| 三、命题形式及其解释..... | 153 |
| 第二节 自然语言的谓词表达式..... | 155 |
| 一、直言命题的表达式..... | 155 |
| 二、重叠量化式..... | 157 |
| 三、量化式的复合..... | 158 |
| 四、量化推理式..... | 159 |
| 第三节 量化自然推理..... | 160 |
| 一、量化自然推理概述..... | 160 |
| 二、全称量词的规则..... | 161 |
| 三、存在量词的规则..... | 164 |
| 四、量词交换的规则..... | 169 |
| 五、量词规则总结..... | 170 |
| 六、量化推理式的无效性的判定..... | 171 |
| 七、量化自然推理实例分析..... | 172 |
| 第四节 逻辑定理..... | 178 |
| 一、逻辑定理：普遍有效式..... | 178 |
| 二、逻辑定理引入规则..... | 178 |
| 三、若干重要的逻辑定理..... | 180 |
| 第五节 二元关系的若干性质..... | 183 |
| 一、关系的性质：属性的属性..... | 183 |
| 二、二元关系的若干性质..... | 183 |
| 练习题..... | 185 |
| 第六章 模态逻辑..... | 190 |
| 第一节 模态逻辑的概述..... | 190 |
| 一、模态的种类..... | 190 |
| 二、模态逻辑的范围..... | 194 |

| | |
|---------------------------|-----|
| 第二节 模态命题及其推理 | 196 |
| 一、模态命题的符号化 | 196 |
| 二、模态命题的真值条件 | 199 |
| 三、模态命题的真假关系 | 202 |
| 四、模态命题推理 | 204 |
| 五、模态三段论 | 206 |
| 第三节 道义命题及其推理 | 209 |
| 一、道义命题的符号化 | 209 |
| 二、道义命题的真值条件 | 212 |
| 三、道义命题的真假关系 | 214 |
| 四、道义命题推理 | 216 |
| 第四节 时态命题及其推理 | 219 |
| 一、时态命题的符号化 | 219 |
| 二、时态命题的真值条件 | 221 |
| 三、时态命题的真假关系 | 224 |
| 四、时态命题推理 | 227 |
| 练习题 | 230 |
| 第七章 归纳逻辑 | 234 |
| 第一节 归纳逻辑的概述 | 234 |
| 一、归纳的定义 | 234 |
| 二、归纳与演绎的联系和区别 | 235 |
| 三、古典归纳逻辑 | 237 |
| 四、现代归纳逻辑 | 238 |
| 第二节 收集和整理经验材料的逻辑方法 | 239 |
| 一、收集经验材料的方法 | 239 |
| 二、整理经验材料的方法 | 243 |
| 第三节 归纳推理（一） | 247 |
| 一、完全归纳推理 | 247 |

| | |
|--------------------------|------------|
| 二、不完全归纳推理..... | 249 |
| 第四节 求因果五法..... | 253 |
| 一、求同法..... | 256 |
| 二、求异法..... | 257 |
| 三、求同求异并用法..... | 258 |
| 四、共变法..... | 260 |
| 五、剩余法..... | 262 |
| 第五节 求概率的方法..... | 264 |
| 一、求初始概率的方法..... | 265 |
| 二、概率演算..... | 267 |
| 第六节 归纳推理（二）..... | 271 |
| 一、概率推理..... | 271 |
| 二、统计推理..... | 272 |
| 三、类比推理..... | 275 |
| 四、溯因推理..... | 277 |
| 五、假说演绎推理..... | 279 |
| 练习题..... | 282 |
| 第八章 逻辑基本规律..... | 291 |
| 第一节 逻辑基本规律概述..... | 291 |
| 第二节 同一律..... | 292 |
| 一、同一律的内容和公式..... | 292 |
| 二、同一律对正确思维的要求..... | 292 |
| 三、违反同一律要求的逻辑错误..... | 293 |
| 四、逻辑同一与形而上学同一的区别..... | 296 |
| 第三节 矛盾律..... | 297 |
| 一、矛盾律的内容和公式..... | 297 |
| 二、违反矛盾律要求的逻辑错误..... | 298 |
| 三、正确区分逻辑矛盾与辩证矛盾..... | 299 |

| | |
|--------------------------------|------------|
| 四、关于悖论..... | 301 |
| 第四节 排中律..... | 303 |
| 一、排中律的内容和公式..... | 303 |
| 二、违反排中律要求的逻辑错误..... | 303 |
| 三、排中律与矛盾律的区别..... | 305 |
| 四、排中律的“中”与唯物辩证法的“中介”..... | 305 |
| 第五节 充足理由律..... | 306 |
| 一、充足理由律的内容和公式..... | 306 |
| 二、充足理由律对正确思维的要求..... | 308 |
| 三、违反充足理由律要求的逻辑错误..... | 308 |
| 第六节 逻辑基本规律之间的关系与意义..... | 309 |
| 练习题..... | 310 |
| 第九章 论证..... | 317 |
| 第一节 论证的概述..... | 317 |
| 一、论证的定义..... | 317 |
| 二、论证的种类..... | 318 |
| 三、论证的作用..... | 319 |
| 四、逻辑论证与实践检验..... | 320 |
| 第二节 证明..... | 321 |
| 一、证明的定义..... | 321 |
| 二、证明的结构..... | 322 |
| 三、证明的方法..... | 325 |
| 第三节 反驳..... | 331 |
| 一、反驳的定义..... | 331 |
| 二、反驳的结构..... | 332 |
| 三、反驳的突破口..... | 333 |
| 四、反驳的方法..... | 334 |
| 第四节 论证的规则..... | 339 |

| | |
|-----------------------------|-----|
| 第五节 形式化方法 | 343 |
| 一、公理化和形式化..... | 343 |
| 二、形式化的基本概念..... | 346 |
| 三、形式系统的一个实例：命题演算 P | 349 |
| 练习题 | 351 |
| 第十章 谬误 | 358 |
| 第一节 谬误的概述 | 358 |
| 一、什么是谬误..... | 358 |
| 二、语形、语义与语用谬误..... | 359 |
| 三、形式谬误与非形式谬误..... | 360 |
| 第二节 几种主要的非形式谬误 | 360 |
| 一、相关谬误..... | 360 |
| 二、歧义性谬误..... | 367 |
| 三、论据不足的谬误..... | 379 |
| 第三节 谬误的避免 | 387 |
| 练习题 | 388 |

第一章 絮 论

第一节 逻辑学的对象

一、逻辑学是研究思维的形式结构及其规律的科学

逻辑学属于思维科学。思维科学揭示思维的本质和规律，是一个学科的群体，包括心理学、脑神经生理学、哲学认识论、人工智能和辩证逻辑等，各自从不同角度研究思维的本质及其规律。逻辑学把思维的形式结构作为特殊研究对象。

思维有其内容，也有其形式，或形式结构。什么是思维的形式结构？思维的形式结构，是思维内容的存在方式、联系方式，由逻辑常项和逻辑变项构成。

逻辑常项是思维形式结构中的不变部分，它决定思维的逻辑内容。逻辑变项是思维形式结构中的可变部分，它容纳思维的具体内容。例如：

- (1) 所有杨树是落叶乔木。
- (2) 所有哺乳动物是脊椎动物。
- (3) 所有商品是劳动产品。

这里，句(1)有关植物，句(2)有关动物，句(3)有关经济，它们各有不同内容，但有共同的形式结构：

所有 S 是 P

其中“所有……是……”是逻辑常项，“S”、“P”是逻辑变项。这里“S”、“P”这种逻辑变项叫做词项变项，可以用不同的词项代入，表达不同的思维内容。又如：

(1) 如果水温在一个大气压下为摄氏零度，那么就会结冰。

(2) 如果某甲作案，那么他有作案动机。

(3) 如果过度砍伐森林，那么会破坏生态平衡。

这里各句的共同形式结构是：

如果 p，那么 q

其中“如果……那么……”是逻辑常项，“p”、“q”是逻辑变项。这里“p”、“q”这种逻辑变项叫做命题变项，可以用不同的命题代入。

显然，思维形式结构是撇开思维具体内容的一种抽象。这种抽象的意义在于：思维形式结构自身具有特殊的规律性，人要通过思维获得正确认识，必须遵循这方面的规律，否则将导致思维混乱。

二、思维形式结构的规律性

一般地说，思维形式结构自身不表达具体的思维内容，因而没有真假。但是，在对思维形式结构中的逻辑变项进行代入后，思维形式结构就成了有内容的具体思想，就有了真假。同一思维形式结构在不同的代入下，成为有不同内容的具体思想，可以有不同的真假情况。

思维形式结构的规律性在于：有一类思维形式结构在任意代入下都表达真实的思想内容，这类思维形式结构称为逻辑规律。例如“所有 S 是 S”、“P 或者非 P”等。另一类思维形式结构在任意代入下都表达虚假的思想内容，这类思维形式结构称为逻辑矛盾。例如“有 S 不是 S”、“P 并且非 P”等。此外，还有一类思维形式结构在有的代入下表达真实的思想内容，在有的代入下表达虚假的思想内容。例如“所有 S 是 P”、“如果 p 那么 q”等。

逻辑学论证、运用逻辑规律，发现和排除逻辑矛盾，使人的思维具有结构上的正确性，即合乎逻辑。

逻辑学研究的核心课题，是推理及其有效性的判定，即要

回答什么样的推理是正确的，什么样的推理是错误的，如何判定它们。一个正确的演绎推理的形式结构，同时也是一个逻辑规律。

第二节 思维、语言和逻辑

一、思维、语言和逻辑

作为一门思维科学，逻辑学以思维为对象。

思维是人类认识的理性部分，其基本形式为概念、判断和推理。思维以抽象、概括的方式反映世界。

思维是人脑的机能。思维看不见，听不到，也摸不着。思维要使自己成为一门学科的研究对象，必须物化，取得直接现实性。也就是说，在思维与思维科学包括逻辑学之间，必须有一个物化的具有直接现实性的中介，这个中介就是语言。

语言是思想的直接现实，是思想的物质外壳。无论是有形语言还是有声语言，都是看得见或听得到的物质存在。

逻辑学通过研究语言的形式结构来研究思维的形式结构。

与逻辑学的研究相关，语言有其层次性：作为逻辑学研究对象的语言和作为逻辑学研究工具的语言。前者简称为对象语言，后者简称为工具语言或元语言。这跟语言学的现象类似：中国人学英语，对象语言是英语，工具语言是汉语；中国人学汉语，对象语言、工具语言都是汉语。

二、自然语言和符号语言

语言是一个符号系统，它有三个基本构成因素。

语言的第一个构成因素是基本符号。例如英语的基本符号是26个英文字母，加上若干标点符号。汉语的基本符号是汉字字库，加上若干标点符号。基本符号是语言的基本材料，没有基本符号就没有语言。

语言的第二个构成因素是语形规则。语形规则规定，什么样的基本符号串是合式的，即被确认为是本语言中的词、词组或语句（项或公式），什么样的基本符号串则不是合式的。例如，根据英语语形规则，“good”是一个词，“oogd”则不是。“The book is good”是一个语句，“good The is book”则不是。没有语形规则，基本符号就不能构成合式的词或语句。

语言的第三个构成因素是语义规则。语义规则是对语言中合式的词、词组或语句的解释，即赋予其意义。例如，根据英语语义规则，“good”的含义是“好”，“The book is good”的含义是“这本书好”。没有语义规则，语言就不能表达意义和内容。

语言可以分为自然语言和人工语言。

自然语言是人类进行和表达日常思维的语言。汉语、英语、日语等等，都是自然语言。自然语言有两个重要特点：第一，自然语言是人们在长期社会实践中约定俗成的；第二，自然语言通常有歧义，同一语词、语句在不同语境下可以表达不同含义。

人工语言是人类为进行某种科学的研究，通过严格定义的方式而专门创立的语言。数学语言是一种典型的人工语言。逻辑学所运用的人工语言，称为符号语言。符号语言区别于自然语言的重要特征是：前者排除歧义。

形式语言是一种高度抽象和严格定义的符号语言。用形式语言构造的逻辑系统，称为形式系统。形式语言和形式系统的较为详细的讨论，将在后面给出。

三、传统逻辑和现代逻辑

形式逻辑经历了从传统逻辑到现代逻辑的发展。

传统逻辑主要是指古希腊亚里士多德首创，经由中世纪和近代的发展，19世纪中叶数理逻辑产生以前的西方逻辑学说。西方传统逻辑包括的主要内容是：概念理论；词项逻辑，其中心内容是三段论；古典命题逻辑；古典归纳逻辑。

现代逻辑是指数理逻辑，亦称符号逻辑。通常理解的数理逻辑包括一阶逻辑、模型论、公理集合论、递归论和证明论。广义的数理逻辑还包括高阶逻辑，包括现在通称为哲学逻辑的各种非经典逻辑，以及现代归纳逻辑等。

数理逻辑的发展有两个源泉：一是作为思维科学，它来源于对日常思维的命题形式和推理规则作精确化、严格化研究的推动；二是作为数学，它来源于对数学基础研究的推动。作为一门思维科学，现代逻辑与传统逻辑在研究对象上没有实质性的区别。

数理逻辑和传统逻辑的区别不在于它们的对象语言。在过去、现在和可以预见的将来，自然语言都是人类日常思维的基本存在形式和表达方式。传统逻辑的对象语言主要是自然语言；作为思维科学的数理逻辑，其对象语言不管可能有多少技术性的中间环节，最终也主要是自然语言。

数理逻辑和传统逻辑的区别在于工具语言的不同。传统逻辑仍然以自然语言作为主要的工具语言；数理逻辑的工具语言则主要是符号语言。以是否使用形式语言和形式化方法，数理逻辑又分为形式化的与非形式化的两部分。

数理逻辑的基础部分是一阶逻辑，这也是现代逻辑与传统逻辑关系最密切的部分。一阶逻辑，也叫一阶谓词逻辑或狭义谓词逻辑，是传统逻辑的直接发展，是它的精确化、严格化和完善化。

由于使用了符号语言，一阶逻辑较之传统逻辑获得了更为精确、有效的分析和表述工具，从而包括并大大发展了传统逻辑对于命题和词项推理的研究，并建立起命题逻辑和谓词逻辑的精确完备的体系。特别是形式化的一阶逻辑建立起演算系统（形式系统），从而能对一阶逻辑系统本身作整体的研究，揭示并证明其一系列元性质，如可靠性、完全性等，这标志着数理逻辑已发展到成熟阶段。

本教材以传统逻辑为基础，同时吸收了若干数理逻辑（主要