

W183

第六章

磁学计量

一、磁学计量基础知识

(一) 例题与解答

例题 1 什么是抗磁性物质、顺磁性物质、铁磁性物质?

解答: 弱磁性物质的磁化强度 M 与磁场强度 H 间的关系用下式表示

$$M = XH$$

式中 X 称为物质的磁化率。

如果 $X < 0$, 则该物质称为抗磁性物质。惰性气体、许多有机化合物以及若干金属如 Bi、Zn、Ag、Mg 和非金属如 Si、P、S 等都是典型的抗磁体, 它们的磁化率 $X \approx -10^{-6}$ 。

如果 $X > 0$, 则该物质称为顺磁性物质。氧分子 O₂、一氧化氮 NO 以及许多稀土金属和铁族元素的盐类、碱金属等都是顺磁性物质。它们的磁化率 $X \approx 10^{-5}—10^{-8}$ 。

此外, 还有许多物质, 它们的磁化强度 M 不是磁场强度 H 的线性函数, 两者之间存在着很复杂的关系。 X 的数值很大, 同时也是磁场的函数。这类物质称为铁磁性物质。铁、钴、镍、钆以及它们的化合物和合金, 还有铬和锰的合金等都是铁磁物质。铁磁性物质在居里温度以下, 当加上外磁场时, 各磁畴磁矩趋向于外磁场方向整齐排列, 使材料具有较大的磁化强度。

例题 2 铁磁性材料按其性能、用途和工艺方法可分为哪几类?

解答: 铁磁性材料可分为金属磁性材料和铁氧体磁性材料两大类。其中金属磁性材料可分为:

- (1) 软磁材料, 如硅钢片、铁镍合金、磁介质等;
- (2) 硬磁材料, 如浇铸及烧结磁钢、单畴微粉永磁、可加工永磁、稀土永磁等;
- (3) 半硬磁材料, 如铁钴钒系列合金、铁锰镍、铁钴钨、铁钴钨钼合金、铁钴钼系列合金等;
- (4) 矩磁材料, 如矩磁铁镍合金、金属磁性薄膜等;
- (5) 特殊磁性材料, 如磁致伸缩材料等。

铁氧体磁性材料可分为:

- (1) 软磁铁氧体, 如镍—锌铁氧体、锰—锌铁氧体、锂—锌铁氧体、镍—铜—锌铁氧体等;
- (2) 硬磁铁氧体, 如钡铁氧体、锶铁氧体、钴铁氧体等;
- (3) 旋磁铁氧体, 如尖晶石结构的旋磁性铁氧体材料、石榴石结构的旋磁性铁氧体材料等;
- (4) 矩磁铁氧体, 如镁—锰铁氧体、镁—锰—锌铁氧体、锂系铁氧体等;
- (5) 压磁铁氧体, 如镍—锌铁氧体、镍—铜铁氧体、镍—铜—锌铁氧体等。

例题 3 永磁合金按照永磁性能形成的机理可分为哪几类?

解答: 可分为以下六类:

- (1) 淬火硬化型磁钢，如碳钢、铬钢、钴钢、铝钢、钨钢；
- (2) 沉淀硬化型磁钢，这类磁钢是以 Fe—Ni—Al 和 Fe—Ni—Al—Co 为“基”的高磁能高矫顽力合金，浇铸磁钢和烧结磁钢属于这一类；
- (3) 时效硬化型磁钢，这类磁钢经过淬火后具有可塑性，适合于机械加工。其中包括：
 - ① α —铁基合金，如钴钼、铁钨钴、铁钼钴；
 - ② 铁锰钛和铁钴钒合金；③铜基合金，如铜镍铁、铜镍钴合金。
- (4) 有序硬化型磁钢，包括银锰铝、铂钴、铁铂、锰铝合金；
- (5) 单畴微粉永磁，这类材料有锰铋合金、球型微铁粉和铁钴粉、针状微铁粉和铁钴粉；
- (6) 稀土永磁合金。

例题 4 金属软磁材料包括哪些材料？

解答：金属软磁材料包括：纯铁（工业纯铁、电解铁、羰基铁）、硅钢片、铁镍合金、铁钴合金、铁铝合金等。

例题 5 试述磁学计量中常用名词术语的定义。

解答：

(1) 磁场——存在于磁体内外或运动电荷周围空间的一种物质。其特征是对磁体和运动电荷具有作用力。

(2) 磁感应强度(磁通密度) \vec{B} ——描述磁场强弱和方向的物理量(是一个轴矢量)。磁场作用于电流元 $i d\vec{l}$ 的力 $d\vec{F}$ 等于此电流元和磁感应强度 \vec{B} 的矢量积，即

$$d\vec{F} = i d\vec{l} \times \vec{B}$$

其中 B 的单位：特斯拉(韦伯/米²)；

i 的单位：A(安)；

l 的单位：m(米)；

F 的单位：牛顿。

(3) 磁通量 ϕ ——通过某一曲面 A 的磁通 ϕ 等于通过该曲面磁感应强度 \vec{B} 的面积分，即

$$\phi = \int_A \vec{B} \cdot d\vec{A}$$

其中 B 的单位：韦伯/米²；

A 的单位：米²；

ϕ 的单位：韦伯。

(4) 磁(面积)矩 \vec{m} ——表征磁偶极子磁性强弱与方向的一个物理量。

磁偶极子是可以与一个无限小平面电流回路等效的。它所具有的磁(面积)矩值

$$\vec{m} = i \cdot \vec{A}$$

其方向符合右手螺旋定则。

式中： i ——电流(安)；

\vec{A} ——面积(米²)；

\vec{m} ——磁(面积)矩(安·米²)。

(5) 磁化强度 \vec{M} ——表示物体磁化程度和方向的一个物理量。其值等于单位体积内磁

矩的矢量和。即

$$\vec{M} = \frac{\sum \vec{m}}{V}$$

式中： V —— 磁体的体积（米³）；

\vec{m} —— 磁（面积）矩（安·米²）；

\vec{M} —— 磁化强度（安/米）。

(6) 磁场强度 \vec{H} —— 与磁场中任意点的磁感应强度相联系的一个物理量。磁场强度 \vec{H} 决定于磁化电流和磁化强度的不连续性。

在磁化强度为 \vec{M} 的磁体中，磁场强度为

$$\vec{H} = \frac{\vec{B}}{\mu_0} - \vec{M}$$

式中： μ_0 —— 真空磁导率。

在真空中， $\vec{M} = 0$ ， 上式成为

$$\vec{H} = \frac{\vec{B}}{\mu_0}$$

(7) 磁化率 X —— 磁化强度 M 与磁场强度 H 之比。

(8) 磁通势（磁动势） F_M —— 若磁通量是由稳态或准稳态电流所产生，磁通势等于磁场强度 \vec{H} 沿着包围电流闭合回路的线积分。即

$$F_M = \oint \vec{H} \cdot d\vec{l} = i$$

式中： i —— 表示被线积分回路所包围的电流总和。

(9) 抗磁性 —— 在外加磁场作用下，原子系统获得与磁场方向相反的微弱磁矩的现象。

(10) *顺磁性 —— 原子系统固有磁矩受热骚动影响，在无外磁场时，这些磁矩的取向是无规则的，当加上外磁场时，这些磁矩就按磁场方向排列得稍为整齐，从而沿外磁场方向具有微弱磁矩的现象。

(11) 铁磁性 —— 在居里温度以下，原子（或离子）磁矩在一定区域内自发地按同一方向平行排列的现象。

(12) 亚铁磁性 —— 在奈尔温度以下，由于自发磁化有序排列的原子（或离子）磁矩，在一定区域内部分抵消，因而有合成磁矩的现象。

(13) 铁氧体 —— 一般是指氧化铁和铁族或稀土族氧化物为主要成份的复合氧化物，这类材料大多数具有亚铁磁性。

(14) 居里温度（居里点） θ_f —— 在此温度以上，自发磁化强度为零，即铁磁性材料（或亚铁磁性材料），由铁磁状态（或亚铁磁状态）转变为顺磁状态的临界温度。

(15) 磁各向异性 —— 沿磁性单晶体不同方向进行磁化，为了达到同样磁化强度（一般指饱和磁化强度），需要不同能量的现象，称为磁各向异性。能量最低的方向，称为易磁化方向（轴）；能量最高的方向，称为难磁化方向（轴）。

(16) 磁畴 —— 在居里温度以下，磁性体中存在着许多自发磁化的小区域，这样的小区域称为磁畴。

(17) 磁致伸缩 —— 磁性体由于磁化引起的弹性形变现象。

- (18) 磁化——在外磁场作用下，使磁性体感应出磁化强度的过程。
- (19) 磁饱和——磁性体受到足够强的外磁场作用，磁化强度基本上不再随外磁场增加的状态。
- (20) 磁中性状态——磁性体的磁感应强度和磁场强度均为零的状态。
- (21) 初始磁化曲线——磁性体从磁中性状态开始，受到一个从零起单调增加的磁场作用时，所得到的磁感应强度（磁化强度或磁极化强度）随磁场变化的曲线。
- (22) 磁滞——磁性体的磁化状态，不仅决定于磁场的大小，而且决定于先前的磁化状态，这种现象称为磁滞。
- (23) 磁滞回线——当磁化磁场循环改变时，表示磁性体中的磁感应强度（磁化强度或磁极化强度）随磁场强度变化的闭合曲线。
- (24) 正常磁滞回线——磁性体处于循环磁化状态时，得到相对于坐标原点是对称的磁滞回线。
- (25) 正常磁化曲线——加一个交变磁场，改变振幅，可以获得一系列正常磁滞回线，顺序联结这些回线的顶点，所得到的曲线称为正常磁化曲线。
- (26) 剩余磁感应强度（剩余磁通密度）——从磁性体的某一磁化状态，沿正常磁滞回线，把磁场（包括自退磁场）单调地减小到零时的磁感应强度（磁通密度）。
- (27) 剩磁 B_r ——从磁性体的饱和磁化状态，把磁场（包括自退磁场）沿饱和磁滞回线单调地减小到零时的磁感应强度（磁通密度）。
- (28) 矫顽场强度——从磁性体的某一磁化状态，沿正常磁滞回线单调改变磁场，使磁感应强度（磁化强度或磁极化强度）减到零时的磁场强度。
- (29) 矫顽力 H_c ——从磁性体的饱和磁化状态，沿饱和磁滞回线单调改变磁场，使磁感应强度减到零时的磁场强度。
- (30) 内禀矫顽力 H_c ——从磁性体的饱和磁化状态，沿饱和磁滞回线单调改变磁场，使磁化强度减到零时的磁场强度。
- (31) 绝对磁导率——物质中单位磁场强度所感生的磁感应强度。
- (32) 相对磁导率 μ ——物质的绝对磁导率与真空绝对磁导率之比。
- (33) 软磁材料——主要利用其磁导率特性的磁性材料，称为软磁材料。
- (34) 起始磁导率 μ_i ——磁性体在磁中性状态下磁导率的极限值。

$$\mu_i = \frac{1}{\mu_0} \lim_{H \rightarrow 0} \frac{B}{H}$$

式中： μ_0 ——真空绝对磁导率（亨/米）；

H ——磁场强度（安/米）；

B ——相应的磁感应强度（韦伯/米²）。

(35) 最大磁导率 μ_m ——初始磁化曲线上所得到的磁导率最大值。

(36) 增量磁导率 μ_Δ ——在一定恒稳磁场作用下，再加交变磁场时测得的磁导率。

$$\mu_\Delta = \frac{1}{\mu_0} \frac{\Delta B}{\Delta H}$$

式中： μ_0 ——真空绝对磁导率（亨/米）；

ΔH ——增量磁场强度的双峰值之差（安/米）；

ΔB ——相应的磁感应强度之差（韦伯/米²）。

(37) 振幅磁导率 μ_a ——磁性体在交变磁场（无恒稳磁场存在）中被磁化时，某一指定磁场（或磁感应）下的磁导率。

常采用峰值振幅磁导率 μ_{ap} :

$$\mu_{ap} = \frac{1}{\mu_0} \cdot \frac{\hat{B}}{\hat{H}}$$

式中： μ_0 ——真空绝对磁导率（亨/米），

\hat{H} ——交变磁场峰值（安/米），

\hat{B} ——相应的磁感应强度峰值（韦伯/米²）。

(38) 复数磁导率——磁感应强度矢量与磁场强度矢量之复数比。

(39) 总损耗——磁性材料处在随时间变化的磁场中，材料所吸收并以热形式耗散的能量。

(40) 涡流损耗——磁性材料中，由于涡流引起的损耗。

(41) 磁滞损耗——当磁场随时间变化，在磁性材料中由磁滞引起的损耗。

(42) 剩余损耗——总损耗中减去涡流损耗和磁滞损耗之后，所剩余的损耗。

(43) 永磁体——去掉磁化场后，仍能对外保持磁场的磁性体。

(44) 自退磁场——在磁性体中，由于磁化强度不连续性所产生的与原磁化强度方向相反的内磁场，称为自退磁场。

(45) 退磁因子 N ——当磁体被均匀磁化时，自退磁场与磁化强度成正比，其比例常数称为退磁因子。

(46) 退磁曲线——磁滞回线（一般是指饱和磁滞回线）在第二或第四象限中的那一部分。

(47) 磁路——主要由磁性材料组成（包括气隙），便于通过磁力线的回路。

(48) 磁能积——在永磁体的退磁曲线上，任意点的磁感应强度与磁场强度的乘积。

(49) 最大磁能积 $(B \cdot H)_{max}$ ——在永磁体的退磁曲线上，获得磁能积的最大值。

(50) 回复线（回线、曲线）——永磁体在回复状态时，往复的局部磁滞回线或其一部分。

(51) 回复磁导率 μ_{rec} ——等于回复线的斜率。

(52) 漏磁通——是指没有经过主磁路的那一部分磁通。

(53) 磁阻 R_M ——磁通势与对应的磁通量之比。

例题 6 给出主要磁学量在国际单位制和CGS单位制中的换算关系。

解答： 主要磁学量在国际单位制和CGS单位制中的换算关系如表(6.1.1)所示。

表 6.1.1

磁 学 量	国 际 单 位 制 (SI)	C G S 制	换 算 比
磁 通 量 Φ	韦伯 Wb	麦克斯韦 Mx	10^8
磁(面积)矩 m	韦伯·米 Wb·m		7.96×10^8
磁 化 强 度 M	安/米 A/m	高斯 Gs	10^{-8}
磁 感 应 强 度 B	韦伯/米 ² Wb/m ²	高斯 Gs	10^4
磁 场 强 度 H	安/米 A/m	奥斯特 Oe	$4\pi \times 10^{-8}$
磁 通 势 F_M	安 A	吉伯 Gb	$4\pi \times 10^{-1}$
真 空 磁 导 率 μ_0	亨/米 H/m		$10^7/4\pi$
磁 晶 各 向 异 性 能	焦耳/米 ³ J/m ³	尔格/厘米 ³	10
磁 能 积	焦耳/米 ³ J/m ³	高斯·奥斯特	$4\pi \times 10$

注：国际单位制的数值乘以换算比，得CGS制数值

(二) 学习与参考资料

1. 《铁磁学》 郭贻诚 人民教育出版社 1965年
2. 磁性材料与器件术语及定义 SJ—1258—77
3. 永磁合金工艺 金山器材厂 1975年
4. 金属磁性材料 戴礼智 上海人民出版社 1973年
5. 《铁氧体物理学》 李荫远 李国栋 科学出版社 1978年

二、磁场、磁通、磁矩

(一) 基本要求

1. 掌握计量学基础知识。
2. 掌握磁学计量基础知识（参见本章第一节内容）。
3. 了解电工学、电动力学、量子力学、铁磁学、无线电技术的基础知识。
4. 熟练运用磁量具比较方法进行磁通量具常数、磁场量具常数、线圈常数的检定。
5. 掌握霍尔效应法测量磁场强度。
6. 熟练掌握磁通计的检定方法。
7. 了解使用核磁共振法，测量磁场的原理和误差。
8. 了解磁通门磁强计、约瑟夫森效应的原理。
9. 了解数字磁通计的原理。
10. 了解磁矩标准量具。
11. 了解磁学计量的发展趋势。

(二) 例题与解答

例题 1 磁学计量中常用磁场强度量具有哪些？

解答：磁学计量中常用磁场强度量具分为两类：

- (1) 通电流的线圈型量具，如亥姆霍兹线圈、螺线管等；
- (2) 永久磁铁型量具。

例题 2 磁学计量中常用磁通量具有哪些？

解答：磁学计量中常用磁通量具包括：具有单层初级绕组和次级绕组的圆柱形螺线管、标准互感线圈、康培尔式线圈。另外，椭球形永久磁铁也可作为磁通量具。

例题 3 给出我国磁学单位量值传递系统图。

解答：目前我国的磁学单位量值按图(6.2.1)的系统进行传递。

例题 4 磁矩标准量具有哪几种？

解答：磁矩标准量具有两种，一是尺寸比例不同的椭球形或圆柱形永久磁铁组；二是通以恒定电流的线圈。

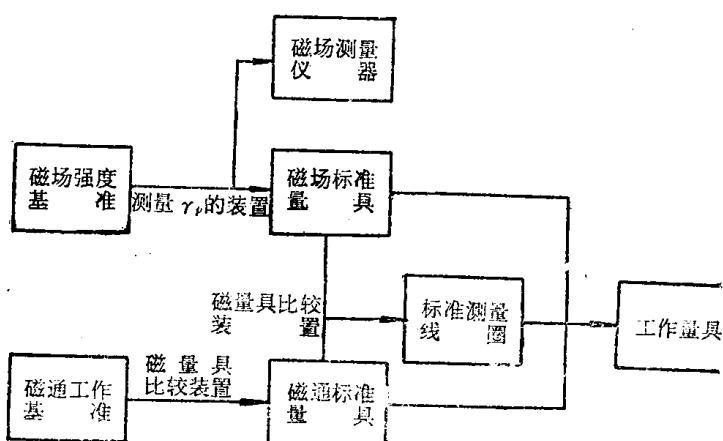


图 6.2.1

例题 5 画出用磁量具比较方法进行磁场量具和磁通量具传递的原理线路。

解答：比较磁量具的差值冲击法线路如图 (6.2.2) 所示。

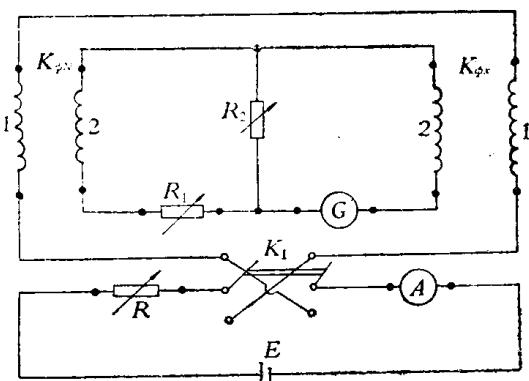


图 6.2.2

E —直流电源； R —调节电流的电阻；
 A —直流电流表； K_1 —电流换向开关；
 R_1 —电阻； G —冲击检流计； K_{ϕ_x} —被测量具常数；
 K_{ϕ_N} —标准量具常数

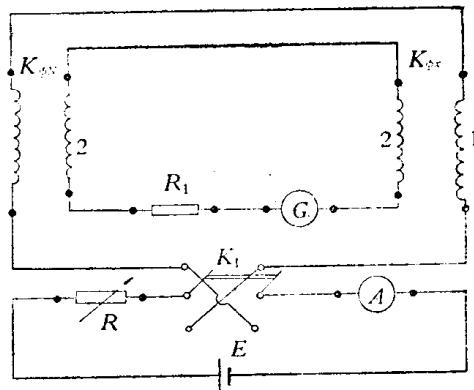


图 6.2.3

K_{ϕ_x} —被测量具常数； G —冲击检流计；
 K_1 —电流换向开关； A —直流电流表；
 E —直流电源； R —调节电流的电阻；
 R_1, R_2 —次级回路电阻； K_{ϕ_N} —标
准量具常数

差值冲击法用来比较同名义值的量具。它是将比较的两种量具初级绕组串接，而次级绕组则经过冲击检流计对接。

比较磁量具的零值冲击法线路如图 (6.2.3) 所示。

零值法用来比较不同名义值的量具。它是将测量回路接成桥路的形式，测量时通过调节电阻 R_1 和 R_2 ，使线路达到平衡，即当改变初级绕组电流的大小或者方向时，检流计不再偏转。

例题 6 简述用差值冲击法进行磁场量具和磁通量具传递的原理。

解答：当采用差值冲击法线路时，用图 (6.2.2) 的换向开关 K_1 ，改变初级绕组电流方向或者断掉电流。这时检流计的偏转与两个量具的磁通量之差 $\Delta\phi$ 成比例

$$\Delta\phi = \phi_x - \phi_N = \pm C_\phi \alpha$$

或者

$$K_{\phi_x} = K_{\phi_N} \pm \frac{C_\phi \cdot \alpha}{\Delta I} \quad (6.2.1)$$

式中：
 ϕ_N —标准磁通量具产生的磁通；
 ϕ_x —被测磁通量具产生的磁通；
 K_{ϕ_N} —标准磁通量具的常数；
 K_{ϕ_x} —被测磁通量具的常数；
 C_ϕ —检流计的冲击常数；
 α —检流计的偏转；
 ΔI —电流变化量。

已知磁通线圈常数 K_ϕ 、磁场强度线圈常数 K_H 和测量线圈常数 K_{sw} 三者之间存在如下关系

$$K_\phi = K_H \cdot K_{sw}$$

所以，当测量磁场强度量具常数时，将一个已知常数的标准线圈放进被测磁场强度量具内，组成一个磁通量具，接入图(6.2.2)线路右端，磁场强度量具常数 K_{Hx} 按下式计算

$$K_{Hx} = \frac{K_{\phi N}}{K_{SWN}} \pm \frac{C_{\phi} \alpha}{K_{SWN} \cdot \Delta I}$$

式中： K_{SWN} ——标准测量线圈常数。其余符号同(6.2.1)式。

同理，当测量线圈常数时，将被测线圈放进已知磁场线圈常数的标准磁场量具中，组成一个磁通量具，接入图(6.2.2)线路右端，线圈常数 K_{SWx} 按下式计算

$$K_{SWx} = \frac{K_{\phi N}}{K_{HN}} \pm \frac{C_{\phi} \alpha}{K_{HN} \cdot \Delta I}$$

式中： K_{HN} ——标准磁场强度量具常数。其余符号同(6.2.1)式。

例题7 简述用零值冲击法进行磁场量具和磁通量具传递的原理。

解答：用零值冲击法进行测量时，通过调节电阻 R_1 和 R_2 使线路达到平衡，这时被测磁通量具的常数 $K_{\phi x}$ 按下式计算

$$K_{\phi x} = K_{\phi N} \cdot \frac{R_2}{R_1 + R_2 + R_N}$$

式中： R_N ——标准量具的次级绕组电阻（包括接线电阻）。

同理，被测磁场强度线圈常数 K_{Hx} 和被测线圈常数 K_{SWx} 分别按下面的公式计算

$$K_{Hx} = \frac{K_{\phi N}}{K_{SWN}} \cdot \frac{R_2}{R_1 + R_2 + R_N}$$

$$K_{SWx} = \frac{K_{\phi N}}{K_{HN}} \cdot \frac{R_2}{R_1 + R_2 + R_N}$$

例题8 试分析用差值冲击法检定磁量具的误差。

解答：以检定互感线圈为例，分析差值冲击法的误差。

由(6.2.1)式得到，用差值冲击法检定互感线圈的计算公式为

$$M_x = M_N \pm \frac{C_{\phi} \alpha}{\Delta I} = M_N \left(1 \pm \frac{\Delta I'}{\Delta I} \cdot \frac{\alpha}{\alpha'} \right) \quad (6.2.2)$$

式中： M_x ——被检互感线圈的互感系数；

M_N ——标准互感线圈的互感系数；

$\Delta I'$ 、 α' ——对测量回路进行刻度时，标准互感线圈初级电流变化量和相应的检流计偏转；

ΔI 、 α ——测量时，初级回路电流变化量和相应的检流计偏转。

由(6.2.2)式可以求出，用差值冲击法检定互感线圈的基本误差表达式为

$$\frac{dM_x}{M_x} = \frac{dM_N}{M_N} + \left(\frac{\Delta I'}{\Delta I} \right) \left(\frac{\alpha}{\alpha'} \right) \left[\frac{dI'}{I'} + \frac{dI}{I} + \frac{da'}{\alpha'} + \frac{da}{\alpha} \right]$$

式中： $\frac{dM_N}{M_N}$ ——标准互感线圈的相对误差，由上一级计量机构给出；

$\frac{dI'}{I'}$ 、 $\frac{dI}{I}$ ——测量电流 I' 和 I 的误差;

$\frac{d\alpha'}{\alpha'}$ 、 $\frac{d\alpha}{\alpha}$ ——检流计两次偏转的读数误差。

除以上基本误差外，还存在着标尺的非球面修正误差、周围杂散电磁场给测量带来的误差等。

例题9 简述CB₂型磁量具比较装置的安装注意事项。

解答：安装CB₂型磁量具比较装置时应注意以下几点：

- (1) 装置放置的地点，应保证周围1米以内没有铁磁物质和外杂散磁场(地磁场除外)；
- (2) 冲击检流计应安装在符合要求的固定台上，固定台与地面相距约为1—1.2米。冲击检流计小镜与标尺相距应大于0.75米；
- (3) 接线时应保证测量回路中所有导线不要形成面积太大的闭合回路；
- (4) 螺线管放置的方向应与地磁场的方向垂直；
- (5) 为防止漏电现象，装置和检流计应很好接地。

例题10 用磁量具比较装置进行测量时，应注意哪些问题？

解答：

- (1) 测量前，应首先检查被测量具的接线是否正确。为此可在小电流下观察，仅接一个量具时检流计的偏转方向。若只接入标准量具的偏转方向，与只接入被测量具的偏转方向相反，说明接线是正确的。反之，说明接线是错误的，应将被测量具次级接线倒换过来。
- (2) 测量冲击常数时，互感线圈初级电流从最小值逐渐增加，其最大电流不应超过互感线圈的额定电流；
- (3) 用零值法进行测量时，若线路不能达到平衡，说明图(6.2.3)中的 $K_{sN} < K_{sS}$ 。为此，可将标准量具与被测量具的位置对调。
- (4) 用差值法进行测量时，检流计偏转应读准到0.2分格，并进行多次测量，取其平均值作为测量结果。

例题11 简述磁通计的结构特点和工作原理。

解答：磁通计是一种阻尼很大的磁电式仪器。其结构特点是无反作用力矩，即由悬丝的扭转、或引入线圈中电流引线的扭转，产生的反作用力矩很小，与电磁制动力矩相比，可以略去不计。这时磁通计处在过阻尼状态，其运动方程从(6.3.1)式变为

$$J \frac{d^2\alpha}{dt^2} + P \frac{d\alpha}{dt} = Gi \quad (6.2.3)$$

式中 $G = B_0 NS$ 。

由于磁通计是在过阻尼状态下工作，其线圈偏转可认为发生在感应电压存在的过程。根据此初始条件，解(6.2.3)式得

$$\Delta\phi = \frac{C_s \cdot \alpha}{N_2}$$

式中：
 $\Delta\phi$ ——被测磁通的变化量；
 C_s ——磁通计的磁通常数；
 α ——磁通计的指针偏转；
 N_2 ——测量线圈匝数。

上式说明，磁通计的指针偏转与被测磁通变化量成正比。

例题12 磁通计主要应检定哪些内容？

解答：磁通计主要应检定的内容是：

- (1) 外观检查；
- (2) 剩余反作用力矩值检查；
- (3) 活动部分平衡的检查；
- (4) 读数检定。

例题13 试画出检定磁通计读数的原理线路。

解答：检定磁通计读数的原理线路如图(6.2.4)所示。

例题14 检定磁通计时，对电流表和互感线圈的精度有何要求？

解答：检定2.5级以上磁通计时，要求电流表的精度为0.2级或0.5级；互感线圈的精度为0.2级以上。

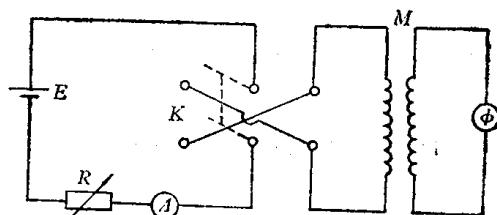


图 6.2.4

ϕ ——被检磁通计；
 M ——标准互感线圈；
 A ——直流电流表；
 K ——电流换向开关；
 R ——调节电流的电阻；
 E ——直流电源

例题15 简述磁通计的检定方法和检定结果的处理。

解答：通常采用磁通计读数与标准互感线圈产生的磁通量进行比较的方法，来检定磁通计。标准互感线圈产生的磁通 $\phi = 2IM$ （式中 M ——互感系数； $2I$ ——互感线圈初级电流的变化量）。为使磁通计的指针指示在要求检定的位置，可根据下式求出标准互感线圈初级的电流 I 。

$$I = \frac{\phi}{2M} \quad (6.2.5)$$

当对电流 I 进行换向时，磁通计的读数为

$$\phi_s = C_s \cdot \alpha \quad (6.2.6)$$

式中：
 C_s ——磁通计常数；

α ——磁通计偏转。

磁通计的引用误差按下式计算

$$\gamma = \frac{\phi_s - \phi}{\phi_{max}}$$

式中：
 ϕ , ϕ_s ——分别按 (6.2.5) 式和 (6.2.6) 式计算的磁通量；

ϕ_{\max} —— 仪器测量上限的磁通数值。

例题16 产生磁场的方法有哪些？

解答：产生磁场的方法主要有以下几种：

- (1) 用永久磁铁产生磁场；
- (2) 用磁场线圈产生磁场，其中包括单层和多层亥姆霍兹线圈、单层和多层螺线管；
- (3) 用电磁铁产生磁场，其中包括中场和强场磁导计，外斯型和比特型结构的电磁铁；
- (4) 用超导螺线管产生磁场；
- (5) 用脉冲螺线管产生磁场。

例题17 亥姆霍兹线圈的结构有什么特点？

解答：亥姆霍兹线圈是一个标准弱磁场源，在理想情况下，它是有两个相同半径的圆形线圈绕组，相互平行地分布在一个公共轴上，它们之间的距离 $2a$ 等于其半径 r 。亥姆霍兹线圈具有很高的均匀度和大的均匀区，单层绕组线圈的常数计算误差，可以达到 0.001% 。

例题18 简述核磁共振法测量磁场的原理，采用这种方法测磁场时的误差源主要有哪些？

解答：核磁共振法测量磁场的原理：任何具有本征磁矩的原子核，在外磁场的作用下，要产生能级分裂，即出现塞曼效应。如果在垂直于外磁场 H 的方向，加一小的射频场，当射频场的频率 ω 等于原子核的进动频率时，则系统中处于低能级的粒子就从射频场中吸收能量，跃迁到相邻的高能级上去，这个现象称为核磁共振。这时存在下面的关系式：

$$\omega = \gamma_p \cdot H$$

式中： γ_p —— 物质的固有常数，称为质子回旋磁比。若 ω 能准确测量出，则可以高精度地获得 H 。

采用核磁共振法测量磁场时的误差源主要包括：

- (1) 质子回旋磁比 γ_p 的测量误差；
- (2) 频率 f 的测量误差；
- (3) 在被测磁场 H 中放入核磁共振探头后，使工作样品位置的磁场与被测磁场略有不同，所引起的磁场测量误差；
- (4) 测量时，由于高频磁场存在与原子核进动异相分量，而引起的共振频率偏差；
- (5) 共振频率的位置确定不正确引起的误差；
- (6) 弱振荡器频率不稳定而引起的共振频率测定误差；
- (7) 被测磁场不稳定引起的误差。

例题19 什么是霍尔效应？利用霍尔效应测量磁场的原理是什么？

解答：霍尔效应就是在与纵向电流和横向磁场相互垂直的方向上，出现一个电场的现象。如图(6.2.5)所示，将一块金属或半导体放入磁场 H 中，在垂直于磁场方向通电流 i ，则电子在洛伦兹力作用下，沿垂直于 H 和 i 平面的方向移动，最后产生一个稳定的电动势

U_H 。这一效应称为霍尔效应， U_H 称为霍尔电动势。

根据 Sondheimer 建立的理论，霍尔效应的数学表达式为

$$U_H = R_H \frac{iB}{d}$$

式中： R_H —— 霍尔系数；

B —— 样品磁感应强度；

d —— 样品厚度。

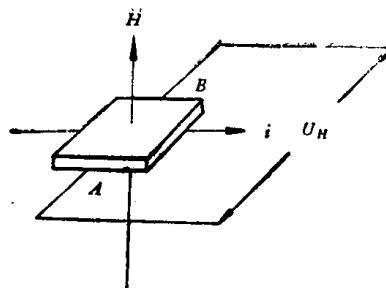


图 6.2.5

由于金属或半导体的磁化率比 1 小很多，可用磁场强度 H 代替 B ($B = \mu_0 H$)，上式变成

$$H = \frac{d}{\mu_0 R_H i} \cdot U_H$$

若已知某一材料的霍尔系数，对于给定的电流 i ，磁场 H 与霍尔电动势 U_H 成正比，这样就可通过 U_H 的测量得到被测磁场数值。

例题20 利用霍尔效应测量磁场时包括哪些误差？

解答：利用霍尔效应测量磁场的误差，除测量霍尔电动势的仪表误差外，还有霍尔元件本身产生的误差，它主要包括：

- (1) 霍尔系数随温度变化；
- (2) 磁电阻效应；
- (3) 霍尔系数在不同的磁场范围，数值不同；
- (4) 不等位电势引入的误差。

例题21 简述磁通门磁强计测量弱磁场的原理。

解答：磁通门磁强计的探头是利用高磁导率材料制成的铁芯。图 (6.2.6) 是纵向激励磁场的探头。交流饱和激磁磁场 H_{∞} 的方向与被测直流磁场 H_0 的方向平行。由于铁芯磁化曲线的非线性， H_{∞} 和 H_0 同时作用于铁芯的结果，使其磁感应在正、负半周的波形不对称了。将这种非对称的波形进行傅里叶级数展开，其中包含有偶次谐波，且偶次谐波中的主要成份（二次谐波的振幅）与被测弱磁场 H_0 成正比。这就是用磁通门磁强计测量弱磁场的原理。

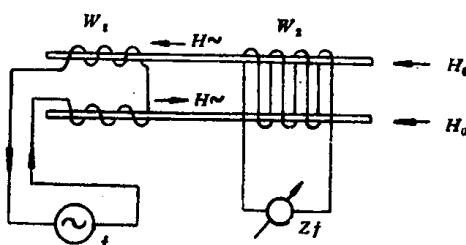


图 6.2.6

例题22 什么是约瑟夫森效应？用超导量子干涉器件测量磁场的原理是什么？

解答：约瑟夫森效应，是指两块超导体间存在着弱偶合时，超导电子通过这种安排（称为超导约瑟夫森结）而表现出一系列电、磁和辐射特性。现代超导理论指出，电子在超导体内是按特殊方式成对结合着，所谓超导电流，就是这种电子对的整体运动。当两块超导体靠得很近，中间仅几十 Å 的势垒层时，若通以直流恒流源（图6.2.7），则会出现：

- (1) 当 $I < I_c$ 时，势垒层中允许通过无损电流，即允许出现零电压下的电流；
- (2) 当 $I > I_c$ 时，超导体 I — II 结二端会出现一定的电位差 V ，且对应此电压 V 下有

一定频率 f 的电磁波辐射，并有关系 $f = \frac{2e}{h} V$ （式中 $\frac{h}{2e}$ 称为磁通量子）。这就是约瑟夫森效应， I_c 称为约瑟夫森临界电流，对应于（1）的情况称为直流约瑟夫森效应，对应于（2）的情况称为交流约瑟夫森效应。

当超导结置于外磁场下，则会出现 I_c 随磁场敏感地变化，且呈周期性的起伏（图 6.2.8）。其周期为 $\phi_0 = \frac{h}{2e} = 2.07 \times 10^{-15}$ 韦伯。这种现象称为超导量子干涉效应。所以只要测出

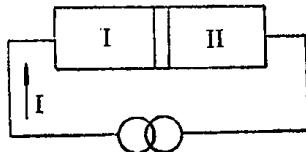


图 6.2.7

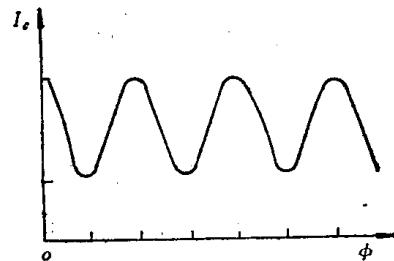


图 6.2.8

$I_c - \phi$ 曲线起伏的周期数 n ，就可按照下式计算出欲求的磁场 H 。

$$H = \frac{1}{\mu_0 S} (n\phi_0 + \Delta\phi)$$

式中：
 μ_0 —— 真空磁导率；
 S —— 结的截面积；
 $\Delta\phi$ —— 被测磁通中不足 ϕ_0 整数倍的部分。

例题23 磁通单位韦伯 (Wb) 的定义是什么？

解答：磁通单位韦伯的定义是，一匝环路交链的磁通量，如果使它在 1 秒内均匀地减小到零，则在环路中产生 1 伏特的电动势。

例题24 水中质子回旋磁比的最新平差数据是多少？

解答：是 4.257602×10^7 赫兹·特斯拉 $^{-1}$ ，不确定度为 2.8×10^{-6} 。

例题25 磁通量子 $(\frac{h}{2e})$ 的最新平差数据是多少？

解答：是 $2.0678506 \times 10^{-15}$ 韦伯，不确定度为 2.6×10^{-6} 。

例题26 简述数字磁通计的工作原理。

解答：数字磁通计是近几年发展起来的新型磁测量仪器，它使磁通的测量直接数字化显示，精度较高。图 (6.2.9) 给出了数字磁通计的原理性方框图。

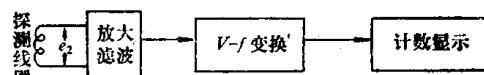


图 6.2.9

已知探测线圈中感应的电压 e_2 与磁通的变化率成正比： $e_2 = -N_2 \frac{d\phi}{dt}$ 。一般 e_2 的数值在

微伏量级,为了使下一级 $V-f$ 变换器得到适当的电压,并除去杂波干扰,所以要对 e_2 进行放大滤波。 $V-f$ 变换是将放大器的输出电压,转换成其频率与该电压成正比的脉冲,其关系式为

$$f = Kl_2 = -KN_2 \frac{d\phi}{dt}$$

$V-f$ 变换器的输出,由下一级计数器进行累积计数。计数器上记下的数值为

$$N = \int f dt = K \int -N_2 \frac{d\phi}{dt} dt = KN_2 \Delta\phi$$

上式说明计数器所显示的数值,与磁通的变化量成正比。这就是数字磁通计的工作原理。

(三) 思考题

1. 霍尔效应测场仪常见的故障有哪些,如何排除?
2. 用核磁共振法建立我国磁场强度基准,其传递系统如何建立?
3. 我国磁通量具的传递系统将如何建立?
4. 磁矩量具如何进行传递?
5. 如何用永久磁铁式量具建立磁场强度标准?
6. 在 200 奥斯特以下的低场和弱场范围的磁场标准及其传递系统如何建立?
7. 如何测量脉冲强磁场?
8. 如何测量超导强磁场?
9. 磁传感器在磁学单位量的建立中有何应用?

(四) 学习与参考资料

1. 《直流与交流磁测量》	E. T. Чернышев... 刘湘元等译 上海科学技术出版社 1964年
2. 磁量具比较方法	陈竹年 电测与仪表 1978年 №5
3. 《核磁共振法测量磁场的误差分析》	黄曙炯, 1966年
4. 《磁性测量原理》	北京大学 1977年
5. 用核磁共振法绝对测量安培	中国计量科学研究院 1978年
6. 《电磁学单位和标准》	P. 维古鲁 科学出版社 1979年

(五) 检定规程索引

1. 硅钢片标准测试方法*
2. 永磁材料标准样品直流磁特性测试方法*
3. 软磁材料标准样品直流磁特性测试方法*
4. 软磁材料音频损耗测试方法*
5. 弱磁材料标准样品测试方法*

* 尚未颁布的检定规程

