

潜能开发丛书

# 小学数学奥林匹克

## 经典试题详解

杨家乔 编著

XIAOXUE SHUXUE AOLINPIKE



四年级



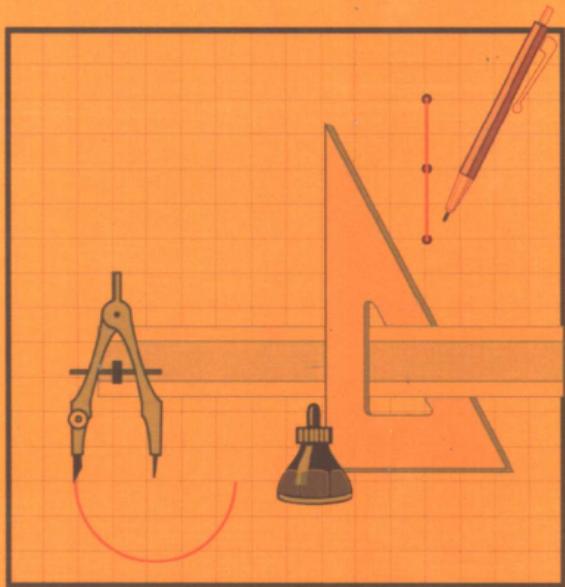
学生自学 一看就会  
家长辅导 无师自通

石油工业出版社



责任编辑：刘文国 张士清

封面设计：中子画艺术设计



ISBN 7-5021-3849-8

9 787502 138493 >

ISBN 7-5021-3849-8/G·406

定价 6.00 元

潜能开发丛书

# 小学数学奥林匹克

## 经典试题详解

杨家乔 编著

XIAOXUE SHUXUE AOLINPIKE



四年级



学生自学 一看就会  
家长辅导 无师自通

石油工业出版社



**图书在版编目(CIP)数据**

小学数学奥林匹克经典试题详解·四年级/杨家乔编著  
北京:石油工业出版社,2002.8  
(潜能开发丛书)  
ISBN 7-5021-3849-8  
I. 小…  
II. 杨…  
III. 数学课—小学—解题  
IV. G624.505  
中国版本图书馆 CIP 数据核字(2002)第 053704 号

石油工业出版社出版发行\*  
(100011 北京安定门外安华里二区一号楼)  
北京国民灰色系统科学研究院计算机中心排版  
涿州市海洋印刷厂印刷

\*  
850×1168 毫米 32 开本 6.375 印张 87 千字 印 1—10000  
2002 年 8 月北京第 1 版 2002 年 8 月河北第 1 次印刷  
ISBN 7-5021-3849-8/G·406  
定价:6.00 元

## 编 委 会

主 编	郑 虹	陈 勇 大
编 委	王 伟	李 文 张京生
	陈 东	赵 力 史书伟
	左永江	张沪宁 高铁林
	孙 烨	周 彤 邢 聪
	郑 虹	章 进 冯 哲
	蒋林祥	彭 樱 司马台
	欧丽丽	魏 兵

# 从此奥数不再难！

(代前言)

## 为什么要学奥数

奥林匹克是关于灵活、力量与美的竞赛，数学是关于现实世界“数”和“形”的科学。糅合两者于其中的奥林匹克数学，展示的就是你在解题过程中的灵活机智、力量和美。

奥林匹克数学虽然在国际上还只有100多年(在我国不到50年)的历史，可是如今在我国各类中小学已经如火如荼，特别是一部分学有余力的同学学习奥数的积极性十分高涨。

奥林匹克数学是基础数学知识的拓展和综合应用。奥数学得好，至少可以证明这部分同学有数学天分。各种各样的数学竞赛以及名牌学校招生考试都热衷于奥数，就证明了这个道理。

## 奥数其实不难学

奥林匹克数学并不难学，更不神秘和古怪。为什么有许多小朋友对它感到头疼呢？究其原因就在于，他们所选用的教材过于深奥，令学生产生一种由畏难情绪而造成的抵触情绪。

试想，如果小朋友们在听老师讲解以后还无法消化，这样的知识又怎么能够学得好呢！

由于小学生的文化基础比较薄弱，理解能力还不够强，如何做到既启迪思维、掌握方法，又不至于增加小朋友过重的学习负担，并能够让小朋友从中咀嚼到学习的乐趣，实际上就是学习奥数能否成功的关键之一。

### 本书的最大特点

本书是从便于小朋友们自学以及家长辅导的角度编写的。

学习奥数的一个基本规律是，一定要能够理解例题并从中掌握解题方法，否则就很可能一筹莫展。本书讲义曾经作为部分小学奥数培训班的课堂教材，效果出奇的好。小朋友们普遍反映一学就懂，学到哪里就能掌握到哪里。

本书在搜集例题时力求覆盖面广、信息量大、题型新颖、难度适中。书中每个例题的解答都力求浅显通畅，通过从基本功入手，搀扶小学生一步一个脚印、扎实打好基础，让他们看得懂、记得住、用得上。

# 目 录

上 学 期

## 第1课 简单推理 ..... (3)

推理问题一般很少用到计算。解答过程中要求注意题目提供的条件,充分运用逻辑推理求出结果。

## 第2课 连环算式 ..... (20)

这是一种很有趣的数学题,解题的关键在于首先在特殊位置找到关键数,一旦找到,就会一气呵成。

## 第3课 二进制数 ..... (30)

二进制数模仿计算机进行运算,同样可以进行加减乘除,它用事实证明人脑最终能够战胜电脑。

## **第4课 流水行舟 ..... (44)**

由于水流的作用，船舶在顺流和逆流时的速度并不一样，解题的关键是灵活运用两个基本关系式。

## **第5课 测量问题 ..... (55)**

利用人体部位的某些数据或者其他简单工具可以大致测量出湖泊、大楼、河流的宽度或高度。

## **第6课 抽屉原则 ..... (63)**

“苹果”数超过“抽屉”数时必定有的抽屉里会有2只以上苹果。要灵活假设“抽屉”与“苹果”。

## **第7课 工程问题 ..... (79)**

不管碰到怎样复杂的问题，只要把握好工作量、工作效率、工作时间三者的关系，问题就会迎刃而解。

下学期

## **第1课 周长计算 ..... (97)**

计算不规则图形的周长，要巧妙地把它平移和转化为标准的长方形或正方形，可是要不重不漏哦！

## **第2课 分数计算** ..... (109)

除了熟练掌握加减乘除以外，还有许多关于约分、扩分、拆分、比较大小、化成单位分数等技巧。

## **第3课 圆的计算** ..... (127)

圆是生活中的常见图形，计算圆的周长和面积时经常会用到化整为零和化零为整的解题思路。

## **第4课 比和比例** ..... (140)

灵活运用比和比例的关系，对于处理倍数、分数有极大帮助。除法、分数、比例实质上是一回事。

## **第5课 百分数** ..... (153)

百分数在表示数量关系特别是比例关系时作用独特，在自然科学和社会科学方面更有广泛应用。

## **第6课 图解法** ..... (167)

图解的主要好处在于使得问题的内容具体化和形象化，便于迅速抓住问题实质，找到解题要领。

## **第7课 等积变换** ..... (180)

利用三角形面积计算公式的性质，可以通过某种变换方法解决一些较为复杂的图形面积计算问题。



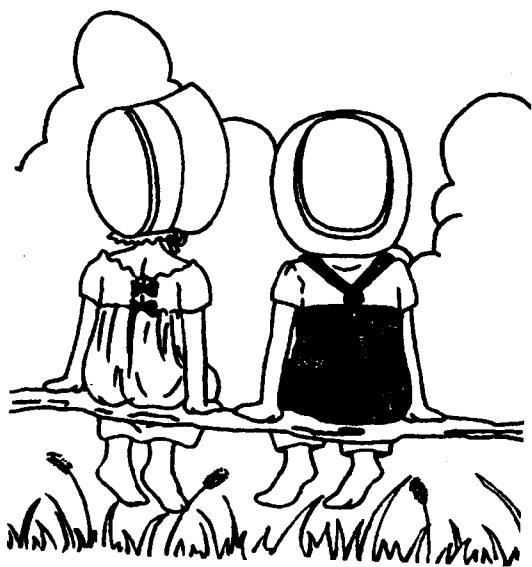
数据加载失败，请稍后重试！



数据加载失败，请稍后重试！

# 四年级

上学期





## 第1课 简单推理

推理问题一般很少用到计算。解答过程中要注意注意题目提供的条件，充分运用逻辑推理求出结果。

【例1】即将开学了，严信同学在小店里一次性买齐了开学所需的学习用品，共计20支铅笔、4块橡皮、16本练习簿，付给售货员20元。售货员找给他3.3元钱。严信同学一看就对售货员说“算错了”。请问，他是怎么知道账算错了的呢？



**想得到** 初看这个题目好像条件不够，这3种文具的价格一样也不知道，怎么就认定账算错了呢？



在这里，严信同学很好地利用了“4”的倍数规律。

仔细观察可以发现，在这3种文具中，20支、4块、16本其数量关系都是4的倍数。

也就是说，不管这3种文具的单价是多少，它们的总单价一定是整数（精确到分）。由于这3种文具的数量都是4的倍数，所以这些文具的总价格也必定是4的倍数（精确到分）。

由于严信同学给对方的钱款20元是4的倍数（转化成分币就是 $2000 \div 4 = 500$ ，没有余数），所以应该找回的钱也应当是4的倍数。然而遗憾的是，现在找回的钱是3.30元（合330分）并不是4的倍数（ $330 \div 4 = 82 \cdots \cdots 2$ ，有余数）。所以严信同学的判断是正确的，他正是由此作出判断的。



**做得对** 本题的正确结果是：严信同学是根据3种文具的数量都是4的倍数而找回的余款却不是4的倍数来加以判断的。

**【例2】**严信同学去买了一些铅笔和练习簿。已知每支铅笔的价钱是0.30元、每本练习簿的价钱是0.60元，他一共花了3元钱。请问，他买了多少支铅笔和多少本练习簿？



**想得到** 这个题目和例1有些不一样。首先我们把题目中所有的钱换算成以“角”为单位，以方便计算。这样就得到了以下式子：

$$3 \times \text{铅笔支数} + 6 \times \text{练习簿本数} = 30$$

在这个式子中，30是一个偶数，这表明前面两个加数相加的和应当是个偶数。而现在练习簿的单价6是个偶数，也就是说不管练习簿有多少本，单纯从练习簿的价格来看它必定是个偶数。这样，铅笔的价格也就必须是偶数。

从数量关系来看：

$$30 \div 3 = 10$$

这就表明，铅笔的数量一定是小于10的偶数。这些偶数分别是10、8、6、4、2。接下来就对这几种情况分别进行分析：

如果铅笔数量是10，那么  $30 - 3 \times 10 = 0$ ，表明这时候钱都买了铅笔，这与题目的要求不符，所以这种情况不予考虑；

如果铅笔数量是8，那么  $30 - 3 \times 8 = 6$ ，这时候的练习簿数量是

$$6 \div 6 = 1(\text{本})$$

如果铅笔数量是6，那么  $30 - 3 \times 6 = 12$ ，这时候练习簿数量是

