

М. И. Ядренко
А. Я. Дороговцев

ВАРИАНТЫ ЭКЗАМЕНАЦИОННЫХ ЗАДАНИЙ ПО МАТЕМАТИКЕ



СПРАВОЧНОЕ
ПОСОБИЕ

М. И. ЯДРЕНКО, А. Я. ДОР

ВАРИАНТЫ ЭКЗАМЕНАЦИОННЫХ ЗАДАНИЙ ПО МАТЕМАТИКЕ

ИЗДАНИЕ ВТОРОЕ,
ИСПРАВЛЕННОЕ И ДОПОЛНЕННОЕ

Киев
Головное издательство
издательского объединения «Вища школа»
1983

22.1я729

ЯЗ7

УДК 51(07)

Я д р е н к о М. И., Д о р о г о в ц е в А. Я. **Варианты экзаменационных заданий по математике** : 2-е изд., испр. и доп. — Киев : Вища школа. Головное изд-во, 1983. — 176 с.

В справочном пособии помещены избранные задания по математике, предлагавшиеся на письменных и устных вступительных экзаменах в Киевском государственном университете в 1974—1980 годах. К большинству задач даны решения, к остальным — указания по их решению и ответы.

Для абитуриентов, готовящихся к конкурсным экзаменам в вузы, преподавателей математики подготовительных отделений вузов, учителей средних общеобразовательных школ. Будет полезно учащимся старших классов, желающим углубить свои знания по математике.

Табл. 15 Ил. 26

Редакция литературы по математике и физике
Зав. редакцией *Е. Л. Корженевич*

1702000000—016
Я М211(04)—83 104—83

© Издательское объединение
«Вища школа», 1976

© Издательское объединение
«Вища школа», 1983,
с изменениями

ВАРИАНТЫ ПИСЬМЕННЫХ РАБОТ ПО МАТЕМАТИКЕ

1974 год

МЕХАНИКО-МАТЕМАТИЧЕСКИЙ ФАКУЛЬТЕТ

В — 1

1. В конус вписан шар. Отношение площади поверхности шара к полной поверхности конуса равно m . Найти угол между образующей и плоскостью основания конуса и указать допустимые значения m . Каково наибольшее возможное значение m ?

2. При каких значениях a уравнение

$$2(\operatorname{tg}^2 x + \operatorname{ctg}^2 x + 2) + a^2 = 3a(\operatorname{tg} x + \operatorname{ctg} x)$$

имеет решения? Найти эти решения.

3. Решить уравнение:

$$4^{\operatorname{tg}^2 x} + 8 = 3 \cdot 2^{\frac{1}{\cos^2 x}}.$$

4. Решить неравенство:

$$5^{\frac{\log \frac{1}{2} (\log_3 (3^2 \log_3 x - 3x + \log_3 9))}{2}} < 1.$$

В — 2

1. В конус вписан шар. Отношение объема шара к объему конуса равно m . Найти угол между образующей и плоскостью основания конуса и указать все допустимые значения m . Каково наибольшее возможное значение m ?

2. При каких значениях a уравнение

$$\operatorname{tg}^2 x + \operatorname{ctg}^2 x + 2 + 3a^2 = 4a(\operatorname{tg} x + \operatorname{ctg} x)$$

имеет решения? Найти эти решения.

3. Решить уравнение:

$$9^{\sin^2 x} + 4 \cdot 9^{\cos^2 x} = 15.$$

4. Решить неравенство:

$$3^{\frac{\log \frac{1}{2} \log_3 (10^2 \lg x - 3x + \log_3 81)}{2}} > 1.$$

1. Отношение объема шара, вписанного в конус, к объему описанного шара равно m . Найти угол между образующей конуса и плоскостью его основания и указать допустимые значения m . Каково наибольшее возможное значение m ?

2. При каких значениях a уравнение

$$\operatorname{tg}^2 x + \operatorname{ctg}^2 x + 2 + 3a^2 = 4a(\operatorname{tg} x + \operatorname{ctg} x)$$

имеет решения? Найти эти решения.

3. Решить уравнение:

$$2 \log_8 (2x) + \log_8 (x^2 - 2x + 1) = \frac{4}{3}.$$

4. Решить неравенство:

$$3^{2x} < 7 \cdot 3^x + 9 \log_3 9.$$

1. В конус вписан шар. Отношение площади поверхности шара к площади полной поверхности конуса равно m . Найти угол между образующей и плоскостью основания конуса и указать допустимые значения m . Каково наибольшее возможное значение m ?

2. При каких значениях a уравнение

$$\operatorname{tg}^2 x + \operatorname{ctg}^2 x + 2 + 3a^2 = 4a(\operatorname{tg} x + \operatorname{ctg} x)$$

имеет решения? Найти эти решения.

3. Решить уравнение:

$$4^{\operatorname{tg}^2 x} + 8 = 3 \cdot 2^{\frac{1}{\cos^2 x}}.$$

4. Решить неравенство:

$$3^{2x} < 7 \cdot 3^x + 9 \cdot \log_3 9.$$

1. В конус вписан полушар, большая окружность которого лежит в основании конуса. Отношение площади полной поверхности конуса к площади поверхности соответствующего шара равно m . Найти угол при вершине конуса и указать допустимые значения m .

2. При каких значениях a уравнение

$$\cos^2 2x + 3a^2 = 4a(\cos^4 x - \sin^4 x)$$

имеет решения? Найти эти решения.

3. Решить уравнение:

$$2^{2x+2} - 6^x = 2 \cdot 3^{2x+2}.$$

4. Решить неравенство:

$$3 \log_{\frac{1}{2}} x < 1 - 2 \sqrt{\log_{\frac{1}{9}} x}.$$

В — 6

1. Диаметр шара есть высота правильного тетраэдра, ребро которого равно a . Найти площадь поверхности части тетраэдра, расположенной внутри шара.

2. Найти геометрическое место точек, координаты (x, y) которых удовлетворяют условию

$$\log_{2|x|} (x^2 + y^2) > 0.$$

3. Если $0 < x < \pi$, то

$$\sin x + \frac{\sin 2x}{2} + \frac{\sin 3x}{3} > 0.$$

Доказать это.

4. Решить систему уравнений:

$$\begin{cases} x + y = \frac{\pi}{4}, \\ \operatorname{tg} x \cdot \operatorname{tg} y = \frac{1}{6}. \end{cases}$$

В — 7

1. Диаметр шара является высота правильной четырехугольной пирамиды, каждое ребро которой равно a . Найти площадь поверхности части пирамиды, содержащейся внутри шара.

2. Найти геометрическое место точек, координаты (x, y) которых удовлетворяют условию

$$\log_{x^2+y^2} \left(|x| + \frac{1}{2} \right) > 0.$$

3. Доказать, что

$$1 + \cos x + \frac{\cos 2x}{2} + \frac{\cos 3x}{3} > 0.$$

4. Решить систему уравнений:

$$\begin{cases} \sin x \cdot \sin y = 0,25, \\ x + y = \frac{\pi}{3}. \end{cases}$$

В — 8

1. В конус вписан шар. Радиус окружности, по которой касаются конус и шар, равен r . Найти объем конуса, если угол между высотой и образующей конуса равен α .

2. Решить систему уравнений:

$$\begin{cases} \sin x \cdot \cos 2y = a^2 + 1, \\ \cos x \cdot \sin 2y = a. \end{cases}$$

При каких a система имеет решение?

3. Для того чтобы треугольник с углами A , B , C был прямоугольным, необходимо и достаточно, чтобы

$$\cos^2 A + \cos^2 B + \cos^2 C = 1.$$

Доказать это.

4. Решить уравнение:

$$(\operatorname{arctg} x)(\operatorname{arcctg} x) = \frac{\pi^2}{16}.$$

В — 9

1. В конус вписан шар, площадь поверхности которого равна площади основания. Найти угол при вершине в осевом сечении конуса.

2. Для того чтобы треугольник с углами A , B , C был прямоугольным, необходимо и достаточно, чтобы

$$\sin A + \sin B = \cos A + \cos B.$$

Доказать это.

3. Решить систему уравнений:

$$\begin{cases} \cos x - \cos y = 2a, \\ \cos x \cdot \cos y = a^2 + 1. \end{cases}$$

При каких a система имеет решение?

4. Решить уравнение:

$$(\arcsin x)(\arccos x) = \frac{\pi^2}{18}.$$

1975 год

МЕХАНИКО-МАТЕМАТИЧЕСКИЙ ФАКУЛЬТЕТ

В — 10

1. В правильной четырехугольной пирамиде двугранный угол при основании равен α . Через ребро основания под углом β ($\beta < \alpha$) проведена плоскость. Определить объем пирамиды, если площадь сечения пирамиды плоскостью равна S .

2. Решить уравнение:

$$\cos 6x - 6 \cos^2 \frac{3x}{2} = -2.$$

3. Решить систему уравнений:

$$\begin{cases} \log_y x - \log_x y = \frac{8}{3}, \\ xy = 4x^{\log x^4}. \end{cases}$$

4. Решить неравенство:

$$8\sqrt{1-2^x+2^{2x-2}} > 2^{2x} - 2^{x+2} + 7.$$

В — 11

1. В основании пирамиды $SABC$ лежит равносторонний треугольник и вершина S проектируется на высоту основания к стороне AB . Боковая грань SAB и ребро SC наклонены к плоскости основания под углом α . Через вершину C параллельно стороне AB под углом β ($\beta < \alpha$) к основанию проведена плоскость, которая пересекает грань SAB по отрезку длины a . Определить объем пирамиды и площадь сечения пирамиды плоскостью.

2. Решить уравнение:

$$\frac{2}{3} - \cos^2\left(\frac{\pi}{4} - \frac{x}{2}\right) - \frac{1}{3} \cos^2 \frac{x}{2} = -\frac{1}{2} \operatorname{cosec} x.$$

3. Решить систему уравнений:

$$\begin{cases} x^{\sqrt{x}+\sqrt{y}} = y^{\frac{8}{3}}, \\ y^{\sqrt{x}+\sqrt{y}} = x^{\frac{2}{3}}. \end{cases}$$

4. Решить неравенство:

$$\frac{4}{7} \sqrt{4 - 4 \cdot 7^x + 7^{2x}} > 7^{2x-1} - 4 \cdot 7^{x-1} + 1.$$

В — 12

1. В правильной четырехугольной пирамиде двугранный угол при основании равен α . Плоскость, проведенная через сторону основания под углом β ($\beta < \alpha$) к основанию, пересекает противоположную грань по отрезку длины a . Определить объем пирамиды.

2. Решить уравнение:

$$\frac{3}{5} - \sin^2 \frac{x}{2} - \frac{1}{5} \sin^2 \left(\frac{\pi}{4} - \frac{x}{2} \right) = \frac{1}{2} \sec x.$$

3. Решить систему уравнений:

$$\begin{cases} x^{x+y} - y^{12} = 0, \\ y^{x+y} = x^3; \quad x > 0, \quad y > 0. \end{cases}$$

4. Решить неравенство:

$$8 \cdot 3^x \sqrt{3^{2x} - 6^x + 2^{2x-2}} > 2^{2x} - 4 \cdot 6^x + 7 \cdot 3^{2x}.$$

В — 13

1. В правильной шестиугольной пирамиде двугранный угол при основании α . Плоскость, проведенная через ребро основания под углом β ($\beta < \alpha$) к основанию, пересекает противоположную грань по отрезку длины a . Определить объем пирамиды.

2. Решить уравнение:

$$\cos^2 \frac{x}{2} - \frac{1}{7} \sin^2 \left(\frac{\pi}{4} - x \right) - \frac{3}{7} = \frac{1}{2} \sec x.$$

3. Решить систему уравнений:

$$\begin{cases} (x+y)^{\sqrt{x-y}} = x-y, \\ (x-y)^{\sqrt{x-y}} = (x+y)^9; \quad x+y > 0. \end{cases}$$

4. Решить неравенство:

$$2^{x+2} \sqrt{1 - 2^{x+2} + 2^{2x+2}} > 1 - 2^{x+2} + 7 \cdot 2^{2x}.$$

В — 14

1. В основании пирамиды $SABC$ лежит равносторонний треугольник ABC и вершина S проектируется на высоту основания к стороне AB . Боковая грань SAB и ребро CS наклонены к плоскости основания под углом α . Через вершину C параллельно ребру AB проведена плоскость под углом β к основанию ($\beta < \alpha$). Определить объем пирамиды, если площадь сечения пирамиды плоскостью равна Q .

2. Решить уравнение:

$$\cos 2x + 10 \cos^2 \left(\frac{\pi}{4} - \frac{x}{2} \right) - 8 = 0.$$

3. Решить систему уравнений:

$$\begin{cases} \log_y x + \log_x y = 2, \\ x^2 + y = 6 \cdot y^{\log_y 2}. \end{cases}$$

4. Решить неравенство:

$$3 \cdot 2^{x+2} \sqrt{1 - 3 \cdot 2^x + 9 \cdot 2^{2x-2}} > 4 - 3 \cdot 2^{x+2} + 17 \cdot 2^{2x}.$$

В — 15

1. В правильной четырехугольной пирамиде двугранный угол при основании равен α . Через его ребро под углом β ($\beta < \alpha$) к основанию проведена плоскость. Определить площадь сечения пирамиды плоскостью, если объем пирамиды равен V .

2. Решить уравнение:

$$\sin 2x - 10 \sin^2 \left(\frac{\pi}{8} + \frac{x}{2} \right) + 7 = 0.$$

3. Решить систему уравнений:

$$\begin{cases} 3^x \cdot 2^y = 576, \\ \log_{\sqrt{2}}(y - x) = (y - x)^{\log_y - x} 4. \end{cases}$$

4. Решить неравенство:

$$6 \sqrt{2^{2(x+1)} - 3 \cdot 2^{x+2} + 9} > 2^{2(x+1)} - 3 \cdot 2^{x+2} + 17.$$

1. Вершина правильной шестиугольной пирамиды является центром сферы, которая касается плоскости основания пирамиды. Отношение площади боковой поверхности пирамиды к площади поверхности сферы равно a . Определить угол наклона бокового ребра пирамиды к плоскости основания. Найти допустимые значения для a .

2. При каких действительных значениях a все корни уравнения

$$a^2 x^2 - ax - 2 = 0$$

лежат вне отрезка $[-1, 1]$?

3. При каких действительных значениях a уравнение

$$\log_{\frac{1}{2}} \left(\frac{1 - \operatorname{tg} x}{1 + \operatorname{tg} x} \cos \left(\frac{\pi}{4} - x \right) \right) = a$$

имеет решения? Найти эти решения.

4. Решить неравенство:

$$\log_x \left(\frac{5}{2} x - 1 \right) \geq 2.$$

1. Вершина правильной треугольной пирамиды является центром сферы, а вершины основания пирамиды лежат на этой сфере. Отношение площади полной поверхности пирамиды к площади поверхности сферы равно a . Определить плоский угол при вершине пирамиды. Найти допустимые значения для a .

2. При каких действительных значениях a все корни уравнения

$$ax^2 - (a - a^3 + 1)x + 1 - a^2 = 0$$

лежат в $[-1, 1]$?

3. При каких действительных значениях a уравнение

$$\log_{\frac{1}{2}} \left(\sin^2 \left(\frac{15\pi}{8} - \frac{x}{2} \right) - \cos^2 \left(\frac{17\pi}{8} - \frac{x}{2} \right) \right) = \frac{1}{2} + a$$

имеет решения? Найти эти решения.

4. Решить неравенство:

$$\log_{\frac{2x}{1+x^2}} (4 - x) > -1.$$

1. Вершина правильной четырехугольной пирамиды является центром сферы, которая касается плоскости основания пирамиды. Отношение площади боковой поверхности пирамиды к площади поверхности сферы равно a . Определить плоский угол при вершине пирамиды. Найти допустимые значения для a .

2. При каких действительных значениях a все корни уравнения

$$ax^2 - (a^3 + 2a^2 + 1)x + a(a + 2) = 0$$

лежат в $[0, 1]$?

3. При каких действительных значениях a уравнение

$$\log_{\frac{1}{2}} \left(\sin^2 \left(\frac{9\pi}{8} - \frac{x}{2} \right) - \sin^2 \left(\frac{7\pi}{8} - \frac{x}{2} \right) \right) = \frac{1}{2} + a$$

имеет решения? Найти эти решения.

4. Решить неравенство:

$$\log_{2^x} \left(\frac{1}{17} \cdot 2^{2x+1} + \frac{8}{17} \right) \geq 1.$$

1. Вершина правильной треугольной пирамиды является центром сферы, которая касается плоскости основания пирамиды. Отношение площади боковой поверхности пирамиды к площади поверхности сферы равно a . Определить угол наклона бокового ребра пирамиды к плоскости основания. Найти допустимые значения для a .

2. При каких действительных значениях a все корни уравнения

$$ax^2 - (2a^3 - 2a - 1)x - 2(a^2 - 1) = 0$$

лежат в $[-1, 1]$?

3. При каких действительных значениях a уравнение

$$\log_2 \left(\sin^2 \left(\frac{9\pi}{8} + \frac{x}{2} \right) - \sin^2 \left(\frac{7\pi}{8} + \frac{x}{2} \right) \right) = a - \frac{1}{2}$$

имеет решения? Найти эти решения.

4. Решить неравенство:

$$\log_{\frac{1}{x}} \left(\frac{5}{2}x - 1 \right) \geq -2.$$

1. Вершина правильной четырехугольной пирамиды является центром сферы, а вершины основания лежат на этой сфере. Отношение площади полной поверхности пирамиды к поверхности сферы равно a . Определить плоский угол при вершине пирамиды. Найти допустимые значения для a .

2. При каких действительных значениях a все корни уравнения

$$ax^2 - (a^3 - 2a^2 + 1)x + a(a - 2) = 0$$

лежат в $[-1, 3]$?

3. При каких действительных значениях a уравнение

$$\log_2 \left(\sin 2x + 8 \sin^3 \frac{x}{2} \cos \frac{x}{2} \right) = a + 1$$

имеет решения? Найти эти решения.

4. Решить неравенство:

$$\log_{\frac{1+x^2}{2x}} (4x - x^2) \geq 2.$$

1. Вершина правильной шестиугольной пирамиды является центром сферы, а вершины основания пирамиды лежат на этой сфере. Отношение площади полной поверхности пирамиды к площади поверхности сферы равно a . Определить плоский угол при вершине пирамиды. Найти допустимые значения для a .

2. При каких действительных значениях a все корни уравнения

$$ax^2 + (2a^3 - 4a^2 - 1)x - 2a(a - 2) = 0$$

лежат вне $[-1, 1]$?

3. При каких действительных значениях a уравнение

$$\log_2 \left(\operatorname{tg} \left(\frac{x}{2} - \frac{3}{4} \pi \right) \cdot (1 - \sin x) \right) = a$$

имеет решения? Найти эти решения.

4. Решить неравенство:

$$\log_{x^2-3} (4x + 2) \geq 1.$$

1. В правильной четырехугольной пирамиде плоский угол при вершине равен α . Определить угол, который образует с плоскостью основания плоскость, проведенная через вершину пирамиды и точки, лежащие на сторонах основания и удаленные от одной вершины основания на $\frac{1}{4}$ длины стороны основания.

2. Решить неравенство:

$$2^x \geq 1 + 2^{1-x}.$$

3. Доказать, что сумма

$$\begin{aligned} & \sqrt{9 - \cos 2x + 8 \cos\left(\frac{\pi}{2} - x\right)} + \\ & + \sqrt{9 - \cos 2x - 8 \cos\left(\frac{\pi}{2} - x\right)} \end{aligned}$$

не зависит от x .

4. Решить систему уравнений:

$$\begin{cases} \sin x + \cos x = 0, \\ \sin^2 x + \cos^2 y = \frac{1}{2}. \end{cases}$$

1. В правильной четырехугольной пирамиде с плоским углом α при вершине проведено сечение плоскостью, проходящей через вершину пирамиды и середины сторон основания, имеющих общую вершину. Площадь полученного сечения равна S . Определить объем пирамиды.

2. Решить неравенство:

$$\frac{\log_2 x - 2 \log_x 2 - 1}{\log_x 2} \geq 0.$$

3. Доказать, что сумма

$$\begin{aligned} & \sqrt{5 - 4\sqrt{2} \sin x - \cos 2x} + \\ & + \sqrt{5 + 4\sqrt{2} \sin x - \sin\left(\frac{\pi}{2} - 2x\right)} \end{aligned}$$

не зависит от x .

4. Решить систему уравнений:

$$\begin{cases} 9^{2 \operatorname{tg} x + \cos y} = 3, \\ 9^{\cos y} - 81^{\operatorname{tg} x} = 2. \end{cases}$$

В — 24

1. В шар, площадь поверхности которого S , вписан конус. Угол между образующей конуса и плоскостью основания равен α . Определить площадь полной поверхности конуса.

2. Решить неравенство:

$$\log_{\frac{1}{2}} x \cdot \log_2 x + \log_{\frac{1}{2}} x + 2 \leq 0.$$

3. Доказать, что сумма

$$\sqrt{\sin^4 x + 4 \cos^2 x} + \sqrt{\cos^4 x + 4 \sin^2 x}$$

не зависит от x .

4. Решить систему уравнений:

$$\begin{cases} \sin x \cdot \cos y = 0,25, \\ \sin y \cdot \cos x = 0,75. \end{cases}$$

В — 25

1. Радиус вписанного в конус шара равен r , а образующая конуса наклонена к плоскости основания под углом α . Определить площадь полной поверхности конуса.

2. Решить неравенство:

$$\frac{2^{2x-3}}{2^{x-2} + 1} \geq 1.$$

3. Доказать, что сумма

$$\sqrt{4 \cos^4 x - 6 \cos 2x + 3} + \sqrt{4 \sin^4 x + 6 \cos 2x + 3}$$

не зависит от x .

4. Решить систему уравнений:

$$\begin{cases} \sqrt{2} \sin x = \sin y, \\ \sqrt{2} \cos x = \sqrt{3} \cos y. \end{cases}$$

1. Плоский угол при вершине правильной треугольной пирамиды равен α , радиус описанной сферы равен R . Определить площадь боковой поверхности пирамиды.

2. Решить неравенство:

$$1 + \log_{\frac{1}{2}} (3x - x^2) \geq 0.$$

3. Доказать, что сумма

$$\sqrt{\sin^4 x + \cos 2x} + \sqrt{\cos^4 x - \cos 2x}$$

не зависит от x .

4. Решить систему уравнений:

$$\begin{cases} 3 \operatorname{tg} 3y + 2 \cos x = 2\sqrt{3}, \\ 2 \operatorname{tg} 3y - 3 \cos x = -\frac{5\sqrt{3}}{6}. \end{cases}$$

1. Через вершину основания правильной четырехугольной пирамиды перпендикулярно к противоположному ребру проведено сечение. Найти площадь сечения, если боковое ребро пирамиды равно a и образует с плоскостью основания угол α .

2. Решить неравенство:

$$\left(\frac{1}{2} \right)^{(\log \frac{1}{2} x)^2} \leq x^3.$$

3. Доказать, что сумма

$$\sqrt{2 + \sin^4 x - \cos 2x} + \sqrt{2 + \cos^4 x + \cos 2x}$$

не зависит от x .

4. Решить систему уравнений:

$$\begin{cases} \sin x \cdot \cos y = \frac{1}{4}, \\ 3 \operatorname{tg} x = \operatorname{tg} y. \end{cases}$$

1. Два трактора пахут колхозное поле. За n часов первый трактор вспахивает на p гектаров больше, чем второй. Сколько гектаров вспашет за n часов каждый

трактор, если первый трактор вспахивает 1 га на t часов быстрее второго?

2. В основании пирамиды лежит ромб со стороной a и острым углом α . Две боковые грани, которые содержат стороны острого угла основания, перпендикулярны к основанию, две другие — наклонены к основанию под углом β . Найти площадь боковой поверхности пирамиды.

3. Решить уравнение:

$$2^{2x+1} = 2^{x+2} + \sqrt{1 - 2^{x+2} + 2^{2(x+1)}}.$$

4. Решить уравнение:

$$\operatorname{tg} x = \frac{2}{\pi} \left(\left| x - \frac{\pi}{4} \right| - \left| x - \frac{3\pi}{4} \right| \right).$$

В — 29

1. С первого участка собрали a центнеров пшеницы. Урожай пшеницы на втором участке был выше. a центнеров зерна собрали с площади, которая на m гектаров меньше первого участка. Сколько центнеров пшеницы собрано с 1 га каждого участка, если урожай на втором участке был на b центнеров с гектара выше, чем на первом?

2. Найти объем правильной треугольной пирамиды, зная плоский угол α при вершине и расстояние a боковой грани до противоположной ей вершины основания.

3. Решить уравнение:

$$2^{x^2+4} = 2^{2(x^2+1)} + \sqrt{2^{2(x^2+2)} - 2^{x^2+3}} + 1.$$

4. Решить уравнение:

$$\frac{\pi}{\sqrt{3}} \operatorname{tg} x = |x| - |x - \pi|.$$

В — 30

1. Поезд должен был проехать a километров за определенное время, но был задержан на станции на 30 мин. Чтобы проехать весь путь за положенное время, он увеличил скорость на b км/ч. Найти начальную скорость поезда.

2. В правильной треугольной пирамиде даны сторона основания a и угол α между боковым ребром и сто-