Halbleiter-Schaltungstechnik

2., neu bearbeitete und wesentlich erweiterte Auflage

77.761
531 (2)

U. Tietze · Ch. Schenk

Halbleiter-Schaltungstechnik

2., neu bearbeitete und wesentlich erweiterte Auflage

Mit 787 Abbildungen

Springer-Verlag Berlin · Heidelberg · New York 1971

Dipl.-Phys. Ulrich Tietze, 7400 Tübingen, Bei der Ochsenweide 4
Dipl.-Phys. Christoph Schenk, 7417 Pfullingen, Baumgartenweg 29

2270 / 16

ISBN 3-540-05285-2 2. Auflage
Springer-Verlag Berlin Heidelberg New York

ISBN 0-387-05285-2 2nd edition
Springer-Verlag New York Heidelberg Berlin

ISBN 3-540-04737-9 1. Auflage
Springer-Verlag Berlin Heidelberg New York

ISBN 0-387-04737-9 1st edition
Springer-Verlag New York Heidelberg Berlin

Das Werk ist urheberrechtlich geschützt. Die dadurch begründeten Rechte, insbesondere die der Übersetzung, des Nachdruckes, der Entnahme von Abbildungen, der Funksendung, der Wiedergabe auf photomechanischem oder ähnlichem Wege und der Speicherung in Datenverarbeitungsanlagen bleiben, auch bei nur auszugsweiser Verwertung, vorbehalten.

Bei Vervielfältigungen für gewerbliche Zwecke ist gemäß § 54 UrhG eine Vergütung an den Verlag zu zahlen, deren Höhe mit dem Verlag zu vereinbaren ist. © by Springer-Verlag Berlin · Heidelberg 1969 und 1971.
Library of Congress Catalog Card Number 76-141193. Printed in Germany

Die Wiedergabe von Gebrauchsnamen, Handelsnamen, Warenbezeichnungen usw. in diesem Werk berechtigt auch ohne besondere Kennzeichnung nicht zu der Annahme, daß solche Namen im Sinne der Warenzeichen- und Markenschutz-Gesetzgebung als frei zu betrachten wären und daher von jedermann benutzt werden dürften.

Wir übernehmen auch keine Gewähr, daß die in diesem Buch enthaltenen Angaben frei von Patentrechten sind; durch diese Veröffentlichung wird weder stillschweigend noch sonstwie eine Lizenz auf etwa bestehende Patente gewährt.

Universitätsdruckerei H. Stürtz AG, Würzburg

Vorwort zur zweiten Auflage

Da der ungewöhnlich rasche Verkauf der ersten Auflage schon bald die Vorbereitung einer Neuauflage notwendig machte, haben wir die Gelegenheit benützt, alle Kapitel gründlich zu überarbeiten und dem neuesten Stand der Technik anzupassen.

Dem vielstimmig geäußerten Wunsch nach stärkerer Berücksichtigung der Digitalschaltungen haben wir durch die Einfügung von zwei neuen Kapiteln „Logische Schaltungen“ und „Anwendungen der Digitalschaltungen“ Rechnung getragen. Diese beiden Kapitel sind ganz auf den Einsatz integrierter Schaltungen ausgerichtet.

Da die Feldeffekttransistoren immer mehr an Bedeutung gewinnen, haben wir sie jetzt direkt im Anschluß an die bipolaren Transistoren behandelt und die spezielleren Schaltungen unter die mit bipolaren Transistoren eingeordnet, um bessere Vergleichsmöglichkeiten zu schaffen.

Wir hoffen, daß das Buch weiterhin gute Dienste sowohl beim Studium als auch bei der praktischen Entwicklungsarbeit leisten wird. Für zahlreiche wertvolle Hinweise danken wir neben unseren Lesern besonders Herrn Diplomphysiker H. WENKING und Herrn Professor J. SAMULEIT, der das Buch ausführlich im Unterricht erprobt hat. Außerdem danken wir dem Verlag für die ausgezeichnete Zusammenarbeit und das bereitwillige Eingehen auf unsere Wünsche.

Tübingen und Pfullingen
im Januar 1971

U. TIETZE CH. SCHENK

Vorwort zur ersten Auflage

Die Elektronik dringt in immer weitere Gebiete von Wissenschaft und Technik vor. Sie beschränkt sich längst nicht mehr auf Nachrichtentechnik und Datenverarbeitung allein, sondern ist überall dort, wo es etwas zu messen oder zu regeln gilt, unentbehrlich geworden. Selbst wenn man dabei nur fertige Geräte zu bedienen hat, ist es oft notwendig, etwas über deren Funktionsweise zu wissen, um sie voll ausnützen zu können. Das vorliegende Buch soll helfen, die Wirkungsweise fertiger Schaltungen verstehen und auch selbständig neue entwerfen zu können. Naturwissenschaftler und Studierende der Hoch- und Fachschulen werden in dem Buch eine Einführung in die Halbleiterschaltungstechnik finden. Außerdem soll das Buch den Fachleuten eine ausführliche und kritische Übersicht über die vielfältigen Schaltungsmöglichkeiten bieten.

Die auf diesem Gebiet bisher vorliegende Literatur beschreitet zwei prinzipiell verschiedene Wege: Einmal werden fertig dimensionierte Schaltungen mit einer qualitativen Beschreibung angegeben. Das hat den großen Nachteil, daß man die Schaltungen exakt nachbauen muß und nicht den eigenen Betriebsbedingungen anpassen kann, wenn man nicht weiß, nach welchen Gesichtspunkten die Dimensionierung vorgenommen wird und wie man sie berechnet. Zum anderen werden einfache Schaltungen mit Hilfe der Vierpoltheorie sehr genau durchgerechnet. Das Ergebnis sind komplizierte Formeln, die sich nur schwer handhaben lassen. Hinzu kommt, daß man bei der Anwendung der Formeln die Daten der Halbleiter viel genauer kennen müßte, als sie vom Hersteller angegeben werden können.

Aus diesem Grund haben wir bei den Berechnungen von vornherein untergeordnete Effekte vernachlässigt. Dadurch vereinfachen sich die Formeln beachtlich, ohne daß sich das numerische Ergebnis nennenswert ändert. Es ist dann möglich, auch kompliziertere Schaltungen mit geringem mathematischem Aufwand zu berechnen.

Die meisten Halbleiterdaten unterliegen nicht nur einer beträchtlichen Fertigungstoleranz, sondern sind außerdem stark temperaturabhängig. Daher haben wir vorwiegend solche Schaltungen angegeben, deren Funktion von den Schwankungen der Halbleiterparameter nur wenig beeinflußt wird. In diesem Zusammenhang spielt die Gegenkopplung eine große Rolle. Wir haben deshalb den etwas ungewöhnlichen Weg beschritten, die Wirkungsweise und Schaltungstechnik der Gegenkopplung zunächst am Beispiel des idealen Operationsverstärkers zu

beschreiben, ohne uns dabei um seinen inneren Aufbau zu kümmern. Die dort eingeführte Denkweise wenden wir dann später auf viele Schaltungen an und gelangen dadurch zu einer besonders übersichtlichen Funktionsbeschreibung, die sich in der praktischen Entwicklungsarbeit außerordentlich gut bewährt hat.

Herrn Diplom-Physiker H. WENKING danken wir für manche gute Anregung, ebenso Herrn Gymnasial-Professor J. SAMULEIT, der in vielen Diskussionen mitgeholfen hat, die Arbeit zu fördern. Schließlich danken wir dem Verlag für die gute Zusammenarbeit.

Tübingen und Magstadt,
im Frühjahr 1969

U. TIETZE CH. SCHENK

Inhaltsverzeichnis

1	Erklärung der verwendeten Größen	1
2	Passive RC- und LRC-Netzwerke	5
2.1	Der Hochpaß	5
2.2	Der Tiefpaß	12
2.3	Anstiegszeit und Grenzfrequenz	15
2.4	Weitwinkel-Phasenschieber	15
2.5	Wien-Brücke	16
2.6	Wien-Robinson-Brücke	18
2.7	Doppel-T-Filter	19
2.8	Klangregelschaltung	21
2.9	Schwingkreis	22
3	Dioden	24
3.1	Kennlinien und charakteristische Daten	24
3.2	Z- und Avalanche-Dioden	26
4	Gleichrichterschaltungen und passive Stabilisierungsschaltungen	29
4.1	Einweggleichrichterschaltung	29
4.2	Vollweggleichrichterschaltung	31
4.3	Drehstrom-Brückengleichrichterschaltung	34
4.4	Spannungsverdoppler	34
4.5	Spannungsvervielfacher	36
4.6	Reihen- und Parallelschaltung von Dioden	37
4.7	Filterschaltungen	38
4.8	Spannungsstabilisierungsschaltungen mit Z-Dioden	40
4.9	Meßgleichrichter	44
5	Der Operationsverstärker	49
5.1	Eigenschaften eines Operationsverstärkers	49
5.2	Umkehrverstärker, Gegenkopplung	53
5.3	Elektrometerverstärker	62
5.4	Kompensation von Eingangsruhestrom und Offsetspannung	66
6	Der Transistor und seine Grundsaltungen	70
6.1	Kennlinien und charakteristische Daten	70
6.2	Das Transistorrauschen	74
6.3	Grenzdaten	78
6.4	Messung einiger charakteristischer Daten	82
6.5	Emitterschaltung	84
6.6	Kollektorschaltung, Emitterfolger	102
6.7	Basisschaltung	107

6.8	Kaskodeschaltung	109
6.9	Konstantstromquellen	111
6.10	Darlington-Schaltung	116
7	Feldeffekttransistoren	119
7.1	Klassifikation	119
7.2	Kennlinien und charakteristische Daten von n-Kanal-Fets	120
7.3	Grenzdaten	123
7.4	Grundsaltungen	123
7.5	Fet als Konstantstromquelle	129
7.6	Fet als steuerbarer Widerstand	130
8	Niederfrequenz-Vorverstärker	134
8.1	Zweistufiger NF-Verstärker	134
8.2	Gegengekoppelter NF-Verstärker	137
8.3	Gegengekoppelter NF-Verstärker für symmetrische Betriebsspannungen	138
8.4	NF-Verstärker mit dreistufiger Spannungsverstärkung	139
8.5	NF-Verstärker mit Komplementärtransistoren	141
8.6	NF-Verstärker mit Fet-Eingang	142
9	Differenzverstärker	145
9.1	Grundsaltung	145
9.2	Differenzverstärker mit hoher Gleichtaktunterdrückung	148
9.3	Differenzverstärker mit Nullpunkteinstellern	150
9.4	Offsetspannungsdrift beim Differenzverstärker	151
9.5	Differenzverstärker mit interner Gegenkopplung	152
9.6	Bootstrap-Differenzverstärker	153
9.7	Differenzverstärker mit negativem Kollektorwiderstand	154
9.8	Differenzverstärker mit Umkehrverstärker	155
9.9	Darlington-Differenzverstärker	157
9.10	Fet-Differenzverstärker	158
10	Aufbau von Operationsverstärkern	160
10.1	Einfachste Ausführung	162
10.2	Operationsverstärker mit zweistufiger Spannungsverstärkung	164
10.3	Operationsverstärker mit geringerer Drift	165
10.4	Operationsverstärker mit komplementären Differenzverstärkern	165
10.5	Operationsverstärker mit symmetrischen Ausgängen	167
10.6	Elektrometer-Subtrahierer mit interner Gegenkopplung	168
10.7	Operationsverstärker mit dreistufiger Spannungsverstärkung	170
10.8	Phasenkompensation bei Operationsverstärkern	171
10.9	Messung einiger Operationsverstärkerdaten	190
11	Anwendungen des Operationsverstärkers	196
11.1	Addier- und Subtrahierschaltungen	196
11.2	Präzisions-Niederfrequenz-Verstärker	202
11.3	Konstantspannungsquellen	205
11.4	Konstantstromquellen	206
11.5	Der NIC (Negative Impedance Converter)	210
11.6	Der Rotator	215
11.7	Der Gyrator	218
11.8	Der Zirkulator	223
11.9	Integratoren	225

11.10	Differentiatoren	234
11.11	PID-Regler	237
11.12	Meßschaltungen	242
11.13	Aktive Hoch- und Tiefpaßfilter	251
11.14	Selektive Filter	269
11.15	Logarithmierer und Potenzierer	282
11.16	Analog-Multiplizierer	287
11.17	Operationsverstärker als Schalter	300
12	Leistungsverstärker	308
12.1	Emitterfolger	308
12.2	Komplementäre Emitterfolger	310
12.3	Elektronische Strombegrenzung	318
12.4	Darlington-Schaltungen als komplementäre Emitterfolger	320
12.5	50 W-Niederfrequenz-Verstärker	322
12.6	Leistungsverstärker mit Transformatorkopplung	326
13	Stabilisierte Netzgeräte	330
13.1	Einfachste Ausführung	330
13.2	Prinzipielle Anordnung mit Regelverstärker	331
13.3	Netzgeräte mit einfachen Regelverstärkern	335
13.4	Methoden zur Strombegrenzung	338
13.5	Netzgeräte mit Differenzverstärkern	340
13.6	Netzgeräte mit Operationsverstärkern	343
13.7	Ausführungsformen des Leistungsverstärkers	349
14	Breitbandverstärker	351
14.1	Untere Grenzfrequenz	351
14.2	Obere Grenzfrequenz	353
14.3	Resonanzverstärker	357
14.4	Kettenverstärker (distributed amplifier)	359
15	Oszillatoren	361
15.1	Allgemeine Rückkopplungsbedingung	361
15.2	LC-Oszillatoren	363
15.3	Quarzoszillatoren	367
15.4	RC-Oszillatoren	372
15.5	Programmierte Schwingungsdifferentialgleichung	378
15.6	Synthetische Herstellung von Sinusschwingungen	381
16	Kippschaltungen	384
16.1	Der Transistor als Schalter	384
16.2	Astabiler Multivibrator	387
16.3	Univibrator	400
16.4	RS-Flip-Flop	405
16.5	Flip-Flop mit Vorbereitungseingängen	411
16.6	Schmitt-Trigger	415
17	Logische Grundschaltungen	420
17.1	Die logischen Grundfunktionen	420
17.2	Aufstellung logischer Funktionen	423
17.3	Schaltungstechnische Realisierung der Grundverknüpfungen	433
17.4	Integrierte Kippschaltungen	447

18	Anwendungen der Digitalschaltungen	462
18.1	Komparatoren	463
18.2	Multiplexer	466
18.3	Addierer	467
18.4	Subtrahierer	472
18.5	Multiplizierer	476
18.6	Schieberegister	479
18.7	Zähler	484
18.8	Dekodierung und Anzeige von BCD-Zahlen	512
18.9	Erzeugung von pseudozufälligen Binärfolgen	517
18.10	Digital-Analog-Wandler	520
18.11	Analog-Digital-Wandler	529
19	Zerhacker und Modulatoren	538
19.1	Mechanische Zerhacker	538
19.2	Transistorzerhacker	539
19.3	Fet-Zerhacker	542
19.4	Diodenzerhacker	545
19.5	Ringmodulator	546
19.6	Photozerhacker	547
19.7	Modulator mit Kapazitätsdioden	548
19.8	Zerhacker als Modulator und Synchrondemodulator	549
19.9	Zerhackerverstärker	552
20	Spezialdioden	558
20.1	Kapazitätsdiode (Varactor-Diode)	558
20.2	Metall-Halbleiter-Diode (Hot Carrier Diode)	559
20.3	Speicher-Schalt-Diode (Step Recovery Diode)	559
20.4	pin-Diode	560
20.5	Tunnelodiode	560
20.6	Backward-Diode	563
20.7	Feldefektdiode (Curnistor)	564
20.8	Vierschichtdiode	564
20.9	Trigger-Diode (Diac)	567
21	Spezialtransistoren	568
21.1	Unijunction-Transistor	568
21.2	Thyristor	570
21.3	Triac	575
21.4	Vierschichttriode	581
22	Photohalbleiter	582
22.1	Photometrie	582
22.2	Photowiderstand	584
22.3	Photodioden	586
22.4	Photohalbleiter mit drei Elektroden	587
22.5	Leuchtdioden	589
	Literatur	591
	Sachverzeichnis	595

1. Erklärung der verwendeten Größen

Um Unklarheiten zu vermeiden, wollen wir die Bezeichnung der wichtigsten Größen kurz zusammenstellen.

Spannung. Eine Spannung zwischen den Punkten x und y wird mit $U_{x,y}$ bezeichnet. Es ist vereinbart, daß $U_{x,y}$ positiv sein soll, wenn der Punkt x positiv gegenüber dem Punkt y ist. $U_{x,y}$ ist negativ, wenn der Punkt x negativ gegenüber dem Punkt y ist. Es gilt die Beziehung $U_{x,y} = -U_{y,x}$. Die Angabe

$$U_{BE} = -5 \text{ V}$$

oder

$$-U_{BE} = 5 \text{ V}$$

oder

$$U_{EB} = 5 \text{ V}$$

bedeutet also, daß zwischen E und B eine Spannung von 5 V liegt, wobei E positiv gegenüber B ist. In einer Schaltung läßt man die Doppelindices meist weg und ersetzt die Angabe $U_{x,y}$ durch einen Spannungspfeil U , der vom Schaltungspunkt x zum Schaltungspunkt y zeigt.

Potential. Das Potential φ ist die Spannung eines Punktes bezogen auf einen gemeinsamen Bezugspunkt 0:

$$\varphi_x = U_{x0}.$$

In den Schaltungen ist das Bezugspotential durch ein Massezeichen gekennzeichnet. Häufig wird U_x in der Bedeutung von φ_x verwendet. Man spricht dann nicht ganz korrekt von der Spannung eines Punktes, z. B. der Anodenspannung. Für die Spannung zwischen zwei Punkten x und y gilt:

$$U_{x,y} = \varphi_x - \varphi_y.$$

Strom. Der Strom wird durch einen Strompfeil I in der Leitung gekennzeichnet. Es ist vereinbart, daß I positiv sein soll, wenn der Strom im konventionellen Sinne in Pfeilrichtung fließt. I ist also positiv, wenn der Strompfeil am Verbraucher vom größeren zum kleineren Potential zeigt. Wie man die Strom- und Spannungspfeile in einer Schaltung einzeichnet, ist beliebig, wenn man den Zahlenwert von U und I mit dem entsprechenden Vorzeichen versteht. Besitzen Strom- und Spannungspfeil an einem Verbraucher dieselbe Richtung, lautet das Ohmsche Gesetz

nach den angegebenen Vereinbarungen $R = \frac{U}{I}$, besitzen sie entgegengesetzte Richtung, muß es $R = -\frac{U}{I}$ lauten. Diesen Sachverhalt zeigt Abb. 1.1.

Abb. 1.1. Ohmsches Gesetz

Widerstand. Ist ein Widerstand spannungs- oder stromabhängig, kann man entweder den *statischen Widerstand* $R = \frac{U}{I}$ oder den *differentiellen Widerstand* $r = \frac{\partial U}{\partial I} \approx \frac{\Delta U}{\Delta I}$ angeben. Dies gilt bei gleicher Richtung von Strom- und Spannungspfeil. Bei entgegengesetzter Richtung ist wie in Abb. 1.1 ein Minuszeichen einzusetzen. – Der Widerstand zwischen zwei Punkten x und y eines Stromkreises wird mit $R_{x,y} = R_{y,x}$ bzw. $r_{x,y} = r_{y,x}$ bezeichnet.

Wechselstromkreis. Ist ein Strom oder eine Spannung zeitlich veränderlich, verwenden wir kleine Buchstaben i, u . Sie geben dann den Momentanwert an. Sinusförmige Wechselspannungen $u = \hat{U} \sin(\omega t + \varphi_u)$ charakterisiert man durch den Scheitelwert $\hat{U}$, den Effektivwert $U_{\text{eff}} = \hat{U}/\sqrt{2}$ oder die Spannung von Spitze zu Spitze $U_{SS} = 2\hat{U}$. Analoge Größen werden auch bei sinusförmigen Wechselströmen verwendet. Es hat sich als nützlich erwiesen, bei Wechselstromkreisen komplexe Spannungen

$$\underline{U} = \hat{U} e^{j(\omega t + \varphi_u)}$$

und entsprechend komplexe Ströme einzuführen. Nach dem Eulerschen Satz ist

$$e^{j\alpha} = \cos \alpha + j \sin \alpha. \quad (1.1)$$

Daraus folgt

$$|e^{j\alpha}| = \cos^2 \alpha + \sin^2 \alpha = 1.$$

Der Betrag der komplexen Spannung ist demnach gleich dem Scheitelwert: $|\underline{U}| = \hat{U}$. Für den Momentanwert erhalten wir mit Gl. (1.1) den Zusammenhang

$$u = \hat{U} \sin(\omega t + \varphi_u) = \text{Im}(\underline{U}).$$

Auch Wechselspannungen und Wechselströme werden durch Pfeile in den Schaltplänen gekennzeichnet. Die Pfeilrichtung sagt dann natürlich nichts mehr über die Polarität aus, sondern gibt lediglich an, mit welchem Vorzeichen man die Größen in die Rechnung einsetzen muß. Dabei gilt genau dieselbe Regel, wie sie in Abb. 1.1 für Gleichspannungen dargestellt ist.

Entsprechend zum Gleichstromkreis definiert man den Widerstand als:

$$\underline{R} = \frac{\underline{U}}{\underline{I}} = \frac{\hat{U} e^{j(\omega t + \varphi_u)}}{\hat{I} e^{j(\omega t + \varphi_i)}} = \frac{\hat{U}}{\hat{I}} e^{j(\varphi_u - \varphi_i)} = |\underline{R}| e^{j(\varphi_u - \varphi_i)} = |\underline{R}| e^{j\varphi}.$$

φ ist die Phasenverschiebung zwischen Strom und Spannung. Eilt die Spannung dem Strom voraus, ist φ positiv. Bei einem ohmschen Widerstand ist $\underline{R} = R$, bei einer Kapazität gilt $\underline{R} = \frac{1}{j\omega C} = -\frac{j}{\omega C}$ und bei einer Induktivität $\underline{R} = j\omega L$. Auf diese komplexen Größen kann man die Gesetze des Gleichstromkreises anwenden.

Analog definieren wir eine komplexe Verstärkung

$$\underline{v} = \frac{\underline{U}_a}{\underline{U}_e} = \frac{\hat{U}_a e^{j(\omega t + \varphi_a)}}{\hat{U}_e e^{j(\omega t + \varphi_e)}} = \frac{\hat{U}_a}{\hat{U}_e} e^{j(\varphi_a - \varphi_e)} = |\underline{v}| e^{j(\varphi_a - \varphi_e)} = |\underline{v}| e^{j\varphi}.$$

φ ist die Phasenverschiebung zwischen Eingangs- und Ausgangsspannung. Eilt die Ausgangsspannung der Eingangsspannung voraus, ist φ positiv; eilt sie nach, ist φ negativ. Für den Betrag der Verstärkung schreiben wir einfach v :

$$|\underline{v}| = v.$$

Logarithmisches Spannungsverhältnis. In der Elektrotechnik wird häufig eine logarithmische Größe v^* für das Spannungsverhältnis $v = U_a/U_e$ angegeben. Der Zusammenhang lautet:

$$v^* = 20 \text{ db} \lg \frac{U_a}{U_e} = 20 \text{ db} \lg v.$$

In Abb. 1.2 haben wir einige spezielle Werte zusammengestellt.

Lineares Spannungsverhältnis v	Logarithmisches Spannungsverhältnis v^*
0,5	- 6 db
$\frac{1}{\sqrt{2}} \approx 0,7$	- 3 db
1	0 db
$\sqrt{2} \approx 1,4$	3 db
2	6 db
10	20 db
100	40 db
1000	60 db

Abb. 1.2. Umrechnungstabelle

Logarithmen. Der Logarithmus einer benannten Zahl ist nicht definiert. Deshalb schreiben wir z.B. nicht $\lg v$ sondern $\lg \frac{v}{\text{Hz}}$. Anders verhält es sich bei Differenzen von Logarithmen: Der Ausdruck $\Delta \lg v = \lg v_2 - \lg v_1$ ist eindeutig definiert, weil er sich in den Ausdruck $\lg \frac{v_2}{v_1}$ umformen läßt.

Rechenzeichen. Häufig verwenden wir eine abgekürzte Schreibweise für die Differentiation nach der Zeit:

$$\frac{du}{dt} = \dot{u}, \quad \frac{d^2u}{dt^2} = \ddot{u}.$$

Das Rechenzeichen $\sim$ bedeutet *proportional*, das Rechenzeichen $\approx$ bedeutet *ungefähr gleich*. Das Zeichen $\parallel$ bedeutet *parallel*. Wir verwenden es, um eine Parallelschaltung von Widerständen abgekürzt darzustellen:

$$R_1 \parallel R_2 = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}.$$

Weitere Bezeichnungen.

Verstärkungsfaktor ohne Rück- und Gegenkopplung, Leerlaufverstärkung, open loop gain: $v = \Delta U_u / \Delta U_e$.

Verstärkungsfaktor bei Gegenkopplung, closed loop gain: v' .

Schleifenverstärkung, loop gain: $g = v/v'$.

Gleichtaktverstärkung, common mode gain: v_{G1} .

Gleichtaktunterdrückung, common mode rejection ratio: $G = v/v_{G1}$.

Driftverstärkung: v_D .

Stromverstärkung: B .

Kleinsignalstromverstärkung: β .

Steilheit: S .

Frequenz: ν, f .

Kreisfrequenz: $\omega = 2\pi \nu$.

Normierte Kreisfrequenz: $\Omega = \omega/\omega_0$.

Komplexe Kreisfrequenz: $p = j\omega$.

Normierte komplexe Kreisfrequenz: $P = j\Omega = j\omega/\omega_0$.

Grenzfrequenz (-3 db), allgemein: ν_g .

Obere Grenzfrequenz (-3 db): $\nu_{\max}$.

Untere Grenzfrequenz (-3 db): $\nu_{\min}$.

Bandbreite: $B = \nu_{\max} - \nu_{\min}$.

Logische UND-Verknüpfung (Konjunktion): $y = x_1 \cdot x_2$.

Logische ODER-Verknüpfung (Disjunktion): $y = x_1 + x_2$.

Logische NICHT-Verknüpfung (Negation): $y = \bar{x}$.

Betriebsspannung: U_b , im Schaltplan durch (+) bzw. (-) gekennzeichnet.

2. Passive RC- und LRC-Netzwerke

RC-Netzwerke sind in der Schaltungstechnik von grundlegender Bedeutung. Da ihre Wirkungsweise in allen Schaltungen dieselbe ist, soll ihre Funktion im folgenden eingehend beschrieben werden.

2.1 Der Hochpaß

Ein Hochpaß ist eine Schaltung, die hohe Frequenzen unverändert überträgt und bei tiefen Frequenzen eine Abschwächung und Phasenverschiebung bewirkt. Die einfachste Schaltung eines RC-Hochpasses

Abb. 2.1. Einfachster Hochpaß

zeigt Abb. 2.1. Der Frequenzgang der Verstärkung $v(\nu) = \hat{U}_a / \hat{U}_e$ und der Phasenverschiebung $\varphi(\nu)$ ist in Abb. 2.2 doppeltlogarithmisch für eine untere Grenzfrequenz von $\nu_{\min} = 1$ kHz dargestellt.

Abb. 2.2. Bode-Diagramm des Hochpasses. Obere Kurve: Frequenzgang der Verstärkung.
Untere Kurve: Frequenzgang der Phasenverschiebung

Zur Berechnung des Frequenzganges der Verstärkung und der Phasenverschiebung stellen wir die Übertragungsfunktion für sinusförmige Wechselspannungen auf. Die Spannungsteilerformel lautet in komplexer Schreibweise:

$$\frac{U_a}{U_e} = \frac{R}{R + \frac{1}{j\omega C}} = \frac{R}{R - \frac{j}{\omega C}},$$

$$\frac{U_a}{U_e} = \frac{R}{\sqrt{R^2 + \frac{1}{\omega^2 C^2}}} e^{j\varphi} \quad \text{mit} \quad \varphi = \arctan \frac{1}{\omega RC}. \quad (2.1)$$

Für den Betrag der Verstärkung erhalten wir daraus

$$v = \frac{\hat{U}_a}{\hat{U}_e} = \frac{|U_a|}{|U_e|} = \frac{R}{\sqrt{R^2 + \frac{1}{\omega^2 C^2}}}. \quad (2.2)$$

φ ist die Phasenverschiebung zwischen U_e und U_a . Sie ist immer positiv, d.h. die Ausgangsspannung eilt der Eingangsspannung voraus. Zur Berechnung der Grenzfrequenz setzen wir in Gl.(2.2)

$$\frac{\hat{U}_a}{\hat{U}_e} = \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{R}{\sqrt{R^2 + \frac{1}{\omega_{\min}^2 C^2}}}$$

und erhalten

$$\boxed{\omega_{\min} = 2\pi v_{\min} = \frac{1}{RC}}.$$

Die Phasenverschiebung bei dieser Frequenz beträgt nach (2.1) $\varphi = 45^\circ$.

Bei Frequenzen $v \gg v_{\min}$ strebt $\hat{U}_a/\hat{U}_e$ gegen 1; die Phasenverschiebung wird Null. Bei tiefen Frequenzen $v \ll v_{\min}$ wird

$$v = \omega RC = 2\pi v RC.$$

In diesem Frequenzbereich ist also die Verstärkung proportional zur Frequenz; die Phasenverschiebung beträgt fast 90° .

Da man den Frequenzgang der Verstärkung im allgemeinen doppelt-logarithmisch aufträgt, wollen wir seinen Verlauf bei tiefen Frequenzen in dieser Darstellung berechnen. Aus Gl. (2.2) folgt durch Logarithmieren

$$\lg v = \lg R - \frac{1}{2} \lg \left(R^2 + \frac{1}{\omega^2 C^2} \right).$$

Für tiefe Frequenzen, d.h. für $\lg \omega \rightarrow -\infty$, wird:

$$\begin{aligned}\lg v &= \lg R - \frac{1}{2} \lg \frac{1}{\omega^2 C^2}, \\ \lg v &= \lg \omega R C = \lg \frac{\omega}{\omega_{\min}} = \lg \frac{v}{v_{\min}} = \lg \frac{v/\text{Hz}}{v_{\min}/\text{Hz}}, \\ \lg v &= \lg \frac{v}{\text{Hz}} - \lg \frac{v_{\min}}{\text{Hz}}.\end{aligned}\quad (2.3)$$

Wir erhalten in der doppeltlogarithmischen Darstellung also eine Asymptote mit der Steigung

$$m = - \frac{d \lg v}{d \lg \frac{v}{\text{Hz}}} = 1.$$

Sie geht durch den Punkt $\left(\lg \frac{v_{\min}}{\text{Hz}} \mid 0 \right)$. In der Elektrotechnik ist es üblich, anstelle von $\lg v$ die dazu proportionale Größe

$$v^* = 20 \text{ db } \lg v$$

und anstelle von $\lg \frac{v}{\text{Hz}}$ die Größe

$$v^* = 1 \text{ Dekade} \cdot \lg \frac{v}{\text{Hz}}$$

anzugeben. Für die Steigung m^* einer Kurve in dieser Darstellung gilt:

$$m^* = \frac{d v^*}{d v^*} = \frac{20 \text{ db}}{1 \text{ Dekade}} \cdot \frac{d \lg v}{d \lg \frac{v}{\text{Hz}}} = \frac{20 \text{ db}}{\text{Dekade}} \cdot m.\quad (2.4)$$

Mitunter wird die Steigung auch in $\frac{\text{db}}{\text{Oktave}}$ angegeben. Es gilt der Zusammenhang

$$\frac{20 \text{ db}}{\text{Dekade}} = \frac{20 \text{ db}}{\text{Oktave}} \cdot \lg 2 = \frac{6 \text{ db}}{\text{Oktave}}.$$

Die Asymptote für tiefe Frequenzen hat demnach die Steigung

$$m^* = \frac{20 \text{ db}}{\text{Dekade}} = \frac{6 \text{ db}}{\text{Oktave}}.$$